

# Ueber die Schwingungen von Dampfturbinen-Laufrädern

Autor(en): **Stodola, A.**

Objektyp: **Article**

Zeitschrift: **Schweizerische Bauzeitung**

Band (Jahr): **63/64 (1914)**

Heft 22

PDF erstellt am: **17.05.2024**

Persistenter Link: <https://doi.org/10.5169/seals-31472>

## **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.

Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.

Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

## **Haftungsausschluss**

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

### Ueber die Schwingungen von Dampfturbinen-Laufrädern.

Von Professor Dr. A. Stodola, Zürich.

Ein Vergleich der in unserem Aufsatz über obiges Thema <sup>1)</sup> benützten Methoden von Ritz und Rayleigh, von einem allgemeinen Standpunkt aufgenommen, führt zu folgendem Ergebnis.

Es werde als Ansatz für die Deformation der Mittelfläche der Scheibe die Form

$$w = f(a_1, a_2, a_3 \dots r, \varphi) \cos \lambda t \dots (1)$$

angenommen, in welcher  $a_1, a_2, a_3 \dots$  die willkürlichen Parameter sind, die sich im Falle des von Ritz geführten Beweises auf die linearen Faktoren des Ausdruckes

$$w = (a_1 f_1 + a_2 f_2 + \dots) \cos \lambda t \dots (2)$$

reduzieren. Berechnet man mit dem Ausdruck (1) die potentielle Energie der inneren und äusseren Kräfte und die kinetische Energie der Scheibe, so erhält man

$$\Phi_i = F(a_1, a_2 \dots r, \varphi) \cos^2 \lambda t \dots (3)$$

$$\Phi_a = -\lambda^2 G(a_1, a_2 \dots r, \varphi) \cos^2 \lambda t \dots (4)$$

$$K = +\lambda^2 G(a_1, a_2 \dots r, \varphi) \sin^2 \lambda t \dots (5)$$

d. h. es stellt sich heraus, dass die Funktionsform von  $\Phi_a$  und  $K$  in den  $a_1, a_2 \dots$  und  $r, \varphi$  dieselbe ist, was eine tiefgehende Verwandtschaft der beiden Methoden bedingt.

Nach Rayleigh erhält man nämlich durch Gleichsetzung der Amplituden von  $\Phi_i$  und  $K$ , wenn wir zur Abkürzung

<sup>1)</sup> Siehe Seite 251 u. ff. ds. Bandes.

$F$  und  $G$  anstelle des vollständigen Funktionsausdruckes schreiben

$$F = \lambda^2 G, \text{ woraus } \lambda^2 = \frac{F}{G} \dots (6)$$

Wir haben nun diesen Ausdruck dadurch zum genauern Anschluss an die Wirklichkeit gebracht, dass wir den Konstanten  $a_1, a_2 \dots$  die Werte beilegte, welche  $\lambda^2$  zu einem Minimum machen. Diese Werte findet man aus dem Gleichungssystem

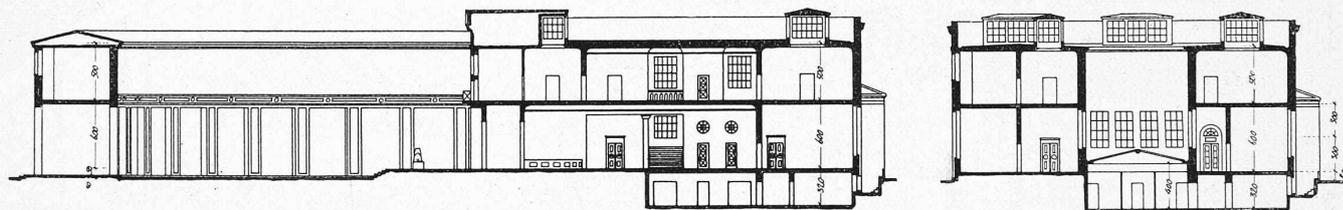
$$\frac{\partial \lambda^2}{\partial a_1} = 0 \quad \frac{\partial \lambda^2}{\partial a_2} = 0 \dots$$

oder nach (6):

$$\left. \begin{aligned} G \frac{\partial F}{\partial a_1} - F \frac{\partial G}{\partial a_1} &= 0 \\ G \frac{\partial F}{\partial a_2} - F \frac{\partial G}{\partial a_2} &= 0 \end{aligned} \right\} \dots (7)$$

Im besonderen Falle des linearen Ansatzes (2) werden  $F$  und  $G$  quadratische Formen der  $a_1, a_2 \dots$ . Man kann mit dem Quadrat einer davon, z. B.  $a_1^2$ , Zähler und Nenner in (6) dividieren, sodass nur die Verhältnisse  $a_2:a_1$  usw. übrig bleiben. Die Ableitungen sind dann nach diesen Verhältnissen zu nehmen, und Gleich. (7), deren Zahl um 1 geringer ist, liefern ein oder mehrere Wertsysteme derselben.

Wenn wir nach Ritz vorgehen, so ist  $\Phi_i + \Phi_a = (F - \lambda^2 G) \cos^2 \lambda t$  zu einem Minimum zu machen, was die Erfüllung der Gleichungen:



Längsschnitt in der Axe des Haupteingangs. — 1:600. — Querschnitt durch einen Seiten-Hof.

### Wettbewerb Kunstmuseum Basel.

Ein Preis im II. Rang.

Motto „Prado“.

Arch. Alb. Maurer,

z. Z. in Düsseldorf.

Erdgeschoss-Grundriss 1:600

und Hofansicht.

