

# Mathematische Vereinigung in Bern

Objekttyp: **AssociationNews**

Zeitschrift: **Mitteilungen der Naturforschenden Gesellschaft in Bern**

Band (Jahr): **27 (1970)**

PDF erstellt am: **01.05.2024**

## **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.

Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.

Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

## **Haftungsausschluss**

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

BERGER, ED.: La flore des étangs de Bonfol et de ceux de la région française avoisinante.

Recueil d'études et de travaux scientifiques publié à l'occasion de la 135<sup>e</sup> session de la Société helvétique des Sciences Naturelles à Porrentruy. Porrentruy 1955.  
Ed. Berger

*Aus dem Jahresbericht 1969*

#### Mitgliederbewegung

Ende 1969 zählte unsere Gesellschaft 3 Ehrenmitglieder und 157 ordentliche Mitglieder, total 160 (1968: 151). 4 Austritte stehen 13 Eintritten gegenüber. Wir heißen willkommen: Hr. Chr. Campiche, Hr. P. Fankhauser, Frau H. Gerber, Fr. V. Gerber, Dr. E. Grütter, Dr. O. Harnisch, Fr. E. Hauser, Hr. J. Maag, Hr. A. Peyer, Hr. R. Schmid, Fr. R. Schneider, Fr. E. Wäber, Hr. H. Wenger.

## Mathematische Vereinigung in Bern

Nach der Hauptversammlung vom 6. Juni 1969 setzte sich der Vorstand der Mathematischen Vereinigung in Bern für das Geschäftsjahr 1969/70 wie folgt zusammen:

Präsident: Herr G. Reusser, Bolligen  
Vizepräsident: Herr PD Dr. J. Rätz, Bern  
Sekretär: Herr Dr. W. Nohl, Muri  
Kassier: Herr Dr. R. Hüsler, Muri  
Beisitzer: Herr Prof. Dr. H. Carnal, Liebefeld  
Herr PD Dr. H. Riedwyl, Bern  
Herr W. Gull, Liebefeld

Der vollständige Sitzungsbericht wird im nächsten oder übernächsten Heft der «Mitteilungen» veröffentlicht. Im folgenden seien nur die Autorreferate zweier Vorträge, die im verflossenen Vereinsjahr gehalten worden sind, wiedergegeben.

#### *Isometrische und lineare Abbildungen*

(Vortrag, gehalten für die Mathematische Vereinigung in Bern am 25. November 1969)

Sind  $E$  und  $F$  zwei euklidische Vektorräume, so ist bekanntlich jede isometrische

Abbildung  $T$  von  $E$  in  $F$  eine affine Abbildung; fordert man zusätzlich  $T0 = 0$ , so ist  $T$  sogar linear. Dieses Ergebnis kann nach verschiedenen Seiten hin verallgemeinert werden:

*Satz 1:* Voraussetzungen: 1)  $K$  sei ein geordneter kommutativer Körper. 2)  $K'$  und  $K''$  stehen für  $K$ , für den algebraischen Erweiterungskörper  $K(i)$  von  $K$  oder für den Quaternionenschiefkörper  $Q(K)$  über  $K$ . 3)  $M$  bzw.  $N$  sei ein Vektorraum über  $K'$  bzw.  $K''$ . 4)  $f$  bzw.  $g$  bezeichne eine Hermitesche Form auf  $M$  bzw.  $N$ ;  $g$  sei definit. 5)  $T$  sei eine Abbildung von  $M$  in  $N$  mit  $T0 = 0$  und  $g(Tx - Ty, Tx - Ty) = f(x - y, x - y)$  für alle  $x, y$  aus  $M$ . — Behauptungen: a)  $T$  ist  $K$ -linear; b) Gilt im Falle  $K' = K'' = K(i)$  [bzw.  $Q(K)$ ] außerdem  $T(ix) = iTx$  [ $T(jx) = jTx$ ;  $T(kx) = kTx$ ] für alle  $x$  aus  $M$ , wo  $i$  [ $j, k$ ] die imaginären Einheiten bezeichnen, so ist  $T$  auch  $K'$ -linear.

*Satz 2 (MAZUR-ULAM):* Sind  $M$  und  $N$  normierte reelle Vektorräume, so ist jede isometrische Abbildung  $T$  mit  $T0 = 0$  von  $M$  auf  $N$  linear.

Die Frage, ob dieser Satz für beliebige metrische Vektorräume gilt, ist offen.

**Satz 3:** Voraussetzungen: 1)  $K$  sei ein kommutativer Körper der Charakteristik  $\neq 2$ . 2)  $M$  und  $N$  bezeichnen Vektorräume über  $K$ . 3)  $f$  bzw.  $g$  sei eine symmetrische Bilinearform auf  $M$  bzw.  $N$ ;  $g$  sei nichtausgeartet. 4)  $T$  sei eine Abbildung von  $M$  in  $N$  mit  $T0 = 0$  und  $g(Tx - Ty, Tx - Ty) = f(x - y, x - y)$  für alle  $x, y$  aus  $M$ . — Behauptung: Für die Linearität von  $T$  ist jeder der folgenden zwei Sachverhalte hinreichend: a)  $T$  ist surjektiv; b)  $f$  ist nichtausgeartet und  $\dim N \leq 1 + \dim M < \infty$ .

Setzt man in Satz 3 b)  $M = N = \mathbb{R}^4$ ;  $f(x, y) = g(x, y) = x_1 y_1 + x_2 y_2 + x_3 y_3 - x_4 y_4$  mit  $x = (x_1, x_2, x_3, x_4)$ ,  $y = (y_1, y_2, y_3, y_4)$ , so ist jede der Voraussetzung 4) genügende Abbildung  $T$  linear. Somit folgt die Linearität der Lorentztransformationen aus  $T0 = 0$  und der Invarianzforderung  $x_1'^2 + x_2'^2 + x_3'^2 - x_4'^2 = x_1^2 + x_2^2 + x_3^2 - x_4^2$ , wo  $Tx = (x_1', x_2', x_3', x_4')$ , allein. *Jürg Rätz, Bern*

*Zur Eulerschen Charakteristik  
n-dimensionaler Polytope*

(Vortrag, gehalten für die Mathematische Vereinigung in Bern am 20. Februar 1970)

Im Jahre 1852 hat Ludwig Schläfli eine Definition und eine Berechnung der Eulerschen Charakteristik für  $n$ -dimensionale konvexe Polytope veröffentlicht. Bei seiner Rechnung machte er die Annahme, daß sich der Randkomplex jedes Polytops Stück um Stück in einer übersichtlichen Weise abbauen lasse. Später erhoben sich Zweifel an der Gültigkeit dieser Annahme in den höheren Dimensionen, insbesondere seit der Entdeckung von kombinatorischen  $n$ -Zellen,  $n \geq 3$ , für welche ein entsprechender stückweiser Abbau nicht möglich ist. In diesem Vortrag wurde eine einfache Konstruktion angegeben, die den Zweck hat, Schläflis Voraussetzung nachträglich zu rechtfertigen.

Eine klare Einführung in das Problem erhält der Leser etwa an der folgenden Stelle: B. Gruenbaum, «Convex Polytopes», John Wiley and Sons, London, New York, Sidney (1967), 141—142. *P. Mani*