

Objektyp: **Abstract**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **41 (1995)**

Heft 3-4: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **23.09.2024**

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern. Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

### **Haftungsausschluss**

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

Ein Dienst der *ETH-Bibliothek*  
ETH Zürich, Rämistrasse 101, 8092 Zürich, Schweiz, [www.library.ethz.ch](http://www.library.ethz.ch)

<http://www.e-periodica.ch>

DENSITÉ DANS DES FAMILLES DE RÉSEAUX.  
APPLICATION AUX RÉSEAUX ISODUAUX

par Anne-Marie BERGÉ et Jacques MARTINET<sup>1</sup>

RÉSUMÉ. On s'intéresse dans cet article à la densité des empilements de sphères associés à des familles de réseaux qui se déduisent de l'un d'entre eux par l'action d'un sous-groupe fermé du groupe linéaire. La théorie des groupes de Lie permet de donner une caractérisation à la Voronoï des maxima locaux de densité, recouvrant de très nombreuses situations étudiées auparavant. On applique ensuite ces méthodes à l'étude des réseaux isoduaux récemment définis par Conway et Sloane.

ABSTRACT. We study in this paper the density of sphere packings arising from families of lattices which consist in the orbit of one of them under the action of a closed subgroup of the linear group. The theory of Lie groups yields a characterization "à la Voronoï" of the local maxima of density which contains many previously known examples. These methods are then applied to isodual lattices, recently defined by Conway and Sloane.

1. INTRODUCTION

Soit  $E$  un espace euclidien de dimension  $n$ , et soit  $\mathcal{R}$  l'espace des réseaux de  $E$ , muni de la topologie pour laquelle un système fondamental de voisinages d'un réseau  $L$  s'obtient en associant à tout voisinage  $\mathcal{V}$  de  $\text{Id}$  dans  $\text{Gl}(E)$  l'ensemble des réseaux  $u(L)$ ,  $u \in \mathcal{V}$ . Pour  $x \in E$ , la norme de  $x$  est  $N(x) = x \cdot x$  (le carré de la norme euclidienne). À toute base  $\mathcal{B} = (e_1, e_2, \dots, e_n)$  de  $E$ , on associe sa *matrice de Gram*  $\text{Gram}(\mathcal{B}) = ((e_i \cdot e_j))$ . L'invariant d'Hermite d'un réseau  $L$  est  $\gamma(L) = N(L) \det(L)^{-1/n}$ , où  $N(L) = \inf_{x \in L, x \neq 0} N(x)$  est la *norme* ou *minimum* de  $L$  et  $\det(L)$  est le *déterminant de  $L$*  (déterminant de la matrice de Gram d'une base de  $L$ );  $\gamma(L)$  ne dépend que de la classe de similitude de  $L$ , et  $\gamma^{n/2}(L)$  est proportionnel à la densité de l'empilement de sphères associé à  $L$ ;  $\gamma_n = \sup_{L \in \mathcal{R}} \gamma(L)$  est la *constante d'Hermite pour la dimension  $n$* .

---

<sup>1</sup> Membres du laboratoire U.M.R. 9936 du C.N.R.S.