

classification des ovales (14)

Objektyp: **Chapter**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **12 (1966)**

Heft 1-2: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **24.09.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.

Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.

Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

aires des trois sections par h' et h'' les distances de P' et de P'' à P , et posons $h' + h'' = h$. Alors

$$h \sqrt{S} \geq h'' \sqrt{S'} + h' \sqrt{S''};$$

l'égalité n'est atteinte que si la portion de l'ovoïde comprise entre P' et P'' est un tronc de cône. "

UNE CLASSIFICATION DES OVALES ⁽¹⁴⁾

Considérons un ovale dont le contour a une courbure définie en chaque point ⁽¹⁵⁾ et ne comporte pas d'arc de cercle. On sait que ses sommets sont en nombre pair, les points de courbure maximum et minimum alternant. On peut alors classer l'ovale d'après le nombre de ses côtés, en appelant *côté* tout arc qui joint deux sommets à courbure maximum consécutifs. La forme de l'*ovale trilatère* (trois côtés) ou *quadrilatère*, par exemple, se rapproche de celle du triangle ou du quadrilatère. Le cercle étant écarté, le plus simple des ovales est *bilatère* (théorème des quatre sommets); l'ellipse en est un cas particulier.

Remarque.

Un ovale a une tangente en tout point, sauf éventuellement en un nombre fini de points anguleux. Même s'il ne présente pas de tels points, il peut avoir autant de points à courbure non définie que l'on veut. Pour le voir il suffit de penser à un ovale formé par $4n$ arcs, raccordés tangentielllement, qui sont prélevés alternativement sur deux cercles de rayons différents et ont tous

pour mesure en radians $\frac{\pi}{2n}$.

Notion de spirale.

J'appelle ainsi tout *arc de courbe, dont la variation de la courbure est monotone*. Chaque côté d'un ovale se compose donc de deux spirales. Dans ⁽³⁾ j'ai établi un certain nombre de propriétés de la spirale, telles que: elle ne peut se recouper; en chacun de ses points le cercle de courbure la traverse; elle est située entièrement

dans la couronne que forment ses deux cercles de courbure extrêmes; si elle est intérieure au triangle formé par les tangentes en ses extrémités et leur corde de contact AB , la variation de

l'angle \widehat{AMB} inscrit dans la spirale est monotone.

En définitive, ne trouvez-vous pas que le sujet simple et un peu insolite de cet exposé ne manque pas d'intérêt ?

(1) Conférence faite aux Journées d'Etudes de l'A.P.M. (Association des Professeurs de Mathématiques de l'Enseignement Public) en février 1966 à Strasbourg.

(2) Les ovales du plan offrent un exemple intéressant d'un ensemble, muni de deux lois de composition externe et interne, qui ne forme pas un espace vectoriel. (En particulier $0+(-0)$ n'est pas égal à l'ovale nul.)

(3) *Revue de Mathématiques Spéciales*; octobre et novembre 1953.

(4) *Comptes Rendus*, 241, 1955, pp. 274-275.

(5) *Comptes Rendus*, 240, 1955, p. 483.

(6) *Comptes Rendus*, 240, 1955, p. 584.

(7) *Pacific J. Math.* 10, 1960, pp. 1257-1261 (« Partitions of mass-distributions and of convex bodies by hyperplanes »).

(8) *Mathematika* (« Volumes cut from convex bodies by planes »).

(9) Dans ma thèse, j'ai étudié entre autres les polyèdres convexes, dont les sommets ont des coordonnées entières ou rationnelles. (*Sur un problème de géométrie diophantienne linéaire*, Grenoble, juin 1964).

(10) *Comptes Rendus*, 258, 1964, pp. 4885-4887 (Une généralisation probable du théorème fondamental de Minkowski).

(11) *Comptes Rendus*, 240, 1955, pp. 483-485.

(12) *Enseignement Math.*, fasc. 1-2 de 1964, pp. 138-146.

(13) Remarquons que ce raisonnement reste valable pour des courbes fermées non convexes.

(14) J'ai proposé cette classification en 1953 dans 3).

(15) On peut aussi admettre des points anguleux, en les considérant comme des sommets à courbure maximum (infinie), sans considération de courbure à gauche ou à droite. (On peut imaginer le raccord fait au point anguleux par un arc infiniment petit, dont le rayon de courbure tend vers zéro.)

(Reçu le 15 février 1965)

11, rue de Bruges
Strasbourg