

Objektyp: **Abstract**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **41 (1995)**

Heft 1-2: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **28.04.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.

Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.

Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

CHAOTIC GROUP ACTIONS

by G. CAIRNS, G. DAVIS, D. ELTON, A. KOLGANOVA and P. PERVERSI

ABSTRACT. We introduce the notion of chaotic group actions and give a preliminary report on their properties. In particular, we show that a group G possesses a faithful chaotic action on some Hausdorff space if and only if G is residually finite. This gives an elementary unified proof of the residual finiteness of certain groups. We also show that the circle does not admit a chaotic action of any group, whilst every smooth compact surface admits a chaotic $\mathbf{Z}$ -action.

1. INTRODUCTION

In recent years an enormous amount of work has been conducted on chaotic dynamical systems. Most of this work has been concerned with the iteration of single maps; in other words, with group (or semi-group) actions of the additive group $\mathbf{Z}$. Now, according to R. Devaney's [D2] definition (see also [BBCDS], [GW] and [Si]), a map is chaotic if it is topologically transitive and if the set of periodic points is dense. The purpose of this present paper is to introduce the analogous notion for actions of arbitrary groups:

Definition. Suppose that a group G acts continuously on a Hausdorff topological space M . Then we say that the action of G on M is *chaotic* if the following two conditions are met:

- (a) *topological transitivity*: for every pair of non-empty open subsets U and V of M , there is an element $g \in G$ such that $g(U) \cap V \neq \emptyset$.
- (b) *finite orbits dense*: the set of points in M whose orbit under G is finite is a dense subset of M .

1991 *Mathematics Subject Classification*. Primary 58F08 Secondary 28D05.

Key words and phrases. Group action, chaos.

Acknowledgement. We would like to thank John Banks, Swarup Gadde and Peter Stacey for their helpful comments. We also acknowledge an unknown referee of an earlier version of this paper who provided the construction showing that residually finite groups possess chaotic actions.