0. Introduction

Objekttyp: **Chapter**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **17 (1971)**

Heft 1: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **26.05.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.
Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.
Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

Ein Dienst der *ETH-Bibliothek*
ETH Zürich, Rämistrasse 101, 8092 Zürich, Schweiz, www.library.ethz.ch

http://www.e-periodica.ch

VUE D'ENSEMBLE SUR LA THÉORIE DES PLANS ÉQUILIBRÉS

par G. HEUZÉ

0. INTRODUCTION

Les plans équilibrés (on dit aussi plans en blocs incomplets équilibrés) sont apparus sous leur forme actuelle vers 1939. Mais depuis longtemps on s'intéressait à certains problèmes d'algèbre combinatoire qui sont des cas particuliers de plans équilibrés (par exemple les plans affines et projectifs finis). Le présent papier se propose de présenter la théorie en énonçant les principaux résultats.

Après le paragraphe 1 consacré aux généralités (définitions, exemples classiques et résultats fondamentaux) le paragraphe 2 fait le point sur la question de l'existence des plans équilibrés, question qui n'est encore que très partiellement résolue.

Le paragraphe 3 enfin donne les quelques résultats actuellement connus concernant le nombre de plans équilibrés ayant des paramètres donnés. Il s'agit là d'un problème qu'on commence tout juste à aborder...

Certains ouvrages récents développent largement cette théorie: [1], [3] et surtout [2] dans lequel on trouvera les démonstrations des résultats énoncés sans référence bibliographique. Par ailleurs [1] donne une bibliographie très complète concernant les articles antérieurs à 1968.

1. GÉNÉRALITÉS

1.1. *Définition.* — Un *plan équilibré* (nous dirons le plus souvent plan) sur un ensemble fini E ($|E|=v$) est constitué d'une famille (B_j) $(j=1, ..., b)$ de parties de E (appelées *blocs*) telles que

(A 1) pour tout $j = 1, ..., b$, $|B_j|$ est constant $(=k)$,

(A'2) pour tout couple (x, y) d'éléments distincts de E, le nombre de blocs contenant x et y est constant $(=\lambda)$,

$1 \leq \lambda$ et $k \leq v - 2$.

1.2. Nous en déduisons immédiatement la proposition:

(A'1) *pour tout $x \in E$ le nombre de blocs contenant x est constant* $(=r)$.