

Le forme dell'equilibrio e la statica grafica

Autor(en): **Ceriolo, Laura**

Objekttyp: **Article**

Zeitschrift: **Archi : rivista svizzera di architettura, ingegneria e urbanistica =
Swiss review of architecture, engineering and urban planning**

Band (Jahr): **- (2015)**

Heft 6: **L'equilibrio**

PDF erstellt am: **28.04.2024**

Persistenter Link: <https://doi.org/10.5169/seals-594389>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.

Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.

Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

Laura Ceriolo

Le forme dell'equilibrio e la statica grafica

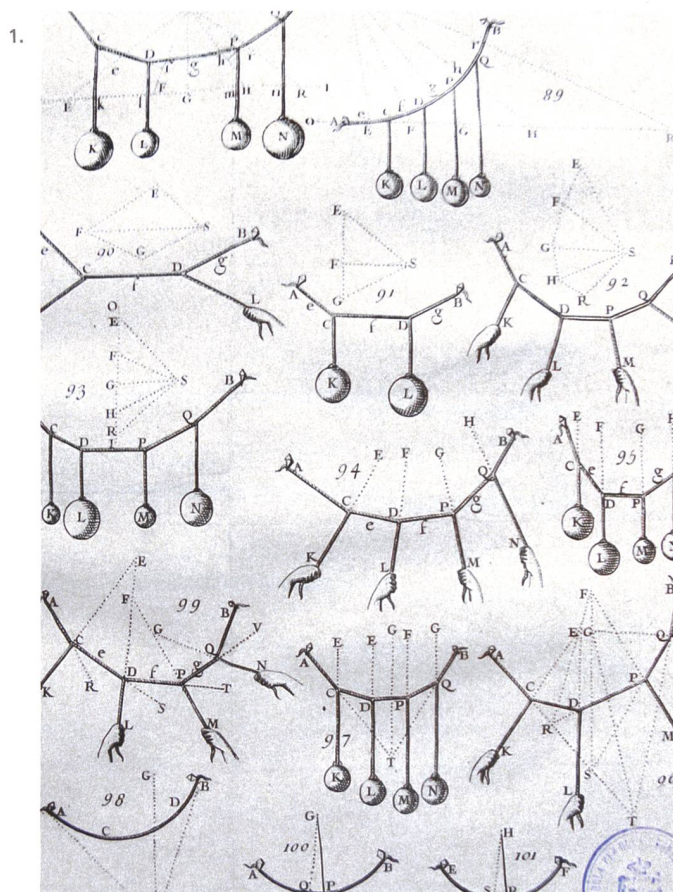
Le vicende di una scienza applicata all'arte del costruire

Se l'architettura è l'arte dell'equilibrio, cioè se l'architetto-faber o l'architetto-costruttore ha a che fare con l'equilibrio, tale affermazione evoca diversi significati: il legame evidente, nelle radici dei termini latini, tra *aequilibrium* e *aequitas*, cioè tra architettura e etica; la ricerca dell'equilibrio nel processo progettuale; la valutazione dell'equilibrio tra il tutto e le parti dell'opera progettuale, come idea di concinnitas; gli equilibrismi dell'architetto che si destreggia fra cantiere, burocrazia, committenza; la ricerca dell'equilibrio tra le forze che agiscono sulla costruzione. Quest'ultima figura rimanda al valore tettonico dell'architettura e alla sua struttura, allo studio della forma più adatta (*form finding*) a resistere alle sollecitazioni e a scaricarle al suolo.¹

Il «problema strutturale» riferito alle costruzioni si fonda su alcune basi che regolano le «economie naturali»,² espresse dai principi dell'equilibrio e tradotte in economie statiche. Una data costruzione deve obbedire a un determinato quadro di economie statiche e offrire una certa fascia di garanzie di stabilità. Nello sviluppo delle discipline meccaniche, la Statica si occupa dell'equilibrio dei corpi in quiete; in particolare i due principi fondamentali della Statica dei cosiddetti sistemi rigidi si basano sul concetto di forze in equilibrio, azione e reazione, e di equilibrio tra momenti di forza.

La Statica grafica è un metodo che utilizza delle tecniche grafiche per risolvere i problemi dell'equilibrio di un corpo rigido, permettendo di giungerne alla definizione attraverso la composizione o la scomposizione delle forze rappresentate in modo convenzionale. Alla base di tutta la statica grafica sta in effetti l'identificazione della forza con un segmento orientato, conquista quest'ultima che avviene in epoca moderna con l'ingresso del calcolo vettoriale.³ Prima di allora le forze non avevano una direzione e un verso. Lo stato di equilibrio di un sistema di corpi viene definito quando l'insieme delle forze e delle reazioni vincolari viene rappresentato con un poligono chiuso, il poligono delle forze. Il poligono funicolare è la costruzione fondamentale della statica grafica e traduce in linguaggio grafico le cosiddette equazioni cardinali della statica.

Da dove trae origine la trattazione di natura grafica dei metodi di analisi per la valutazione della risultante di un sistema di forze agenti in un piano? Il padre fondatore è considerato Karl Culmann, tedesco di



1. La tavola del poligono funicolare di Varignon: nei trattati dell'epoca spesso le forze, in assenza di segmenti orientati, venivano rappresentate con mani che tendono una fune fissata alle estremità e come pesi (*globuli* in latino, nel Trattato di Stevino) che tendono le diverse parti della fune a mo' di spezzata poligonale o poligono funicolare. P. Varignon, *Nouvelle mecanique, ou Statique, dont le projet fut donné en 1687*, tomo I, p. 210, Jombert, Paris 1725, per concessione di Biblioteca di Ingegneria dell'università di Padova, Italia)

nascita e svizzero di professione. Dopo aver lavorato come ingegnere presso le ferrovie bavaresi ed essersi occupato delle tecniche costruttive per i nuovi ponti metallici, fu chiamato quale docente al Politecnico di Zurigo nel 1855 e si dedicò al suo voluminoso progetto di teorizzazione della statica grafica. Animato dalla convinzione che «il disegno fosse il linguaggio dell'ingegnere», ottenne risultati grafici per la soluzione di problemi legati alle travature reticolari, alla geometria delle masse e all'analisi delle strutture che ancor oggi sono patrimonio della meccanica delle strutture. Riuscì a utilizzare la geometria per risolvere problemi reali legati alla professione dell'ingegnere.

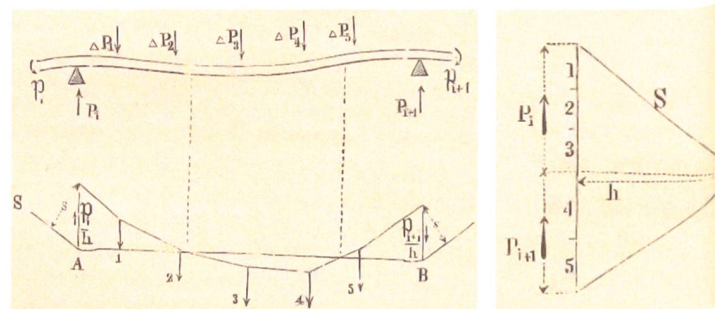
insegnata nelle maggiori scuole di Ingegneria, oltre che in Svizzera, nell'impero austroungarico, in Germania alla Gewerbe-Akademie e alla Bau-Akademie di Berlino e inoltre a Karlsruhe, Darmstadt, Monaco, Dresda, Hannover e Stoccarda; alla scuola politecnica di Riga per quanto riguarda la Russia dell'epoca; in Italia, dopo Milano (1860) e Padova (con il professor Favaro¹²), a Torino, Napoli, Palermo, Pisa, Bologna e Pavia;¹³ oltreoceano al MIT di Boston (con il professor Jerome Sondericker¹⁴).

Wilhelm Ritter (1847-1906), che succedette a Culmann nella cattedra di Scienza delle costruzioni di Zurigo, ne prosegue l'opera; i suoi studi furono inoltre ampliati da Mohr, Muller-Breslau, Lévy¹⁵ e Cremona con due metodi, l'uno che determina gli sforzi nelle aste a partire dallo studio dell'equilibrio in ogni sezione, l'altro a partire dall'equilibrio in ogni nodo.

La diffusione della disciplina abbraccia la quasi totalità delle questioni che trattano dell'arte delle costruzioni (calcolo del centro di gravità e del momento d'inerzia, dimensionamento delle travi, degli archi, dei telai, studi sulla spinta delle terre e sulla stabilità dei muri ecc.).

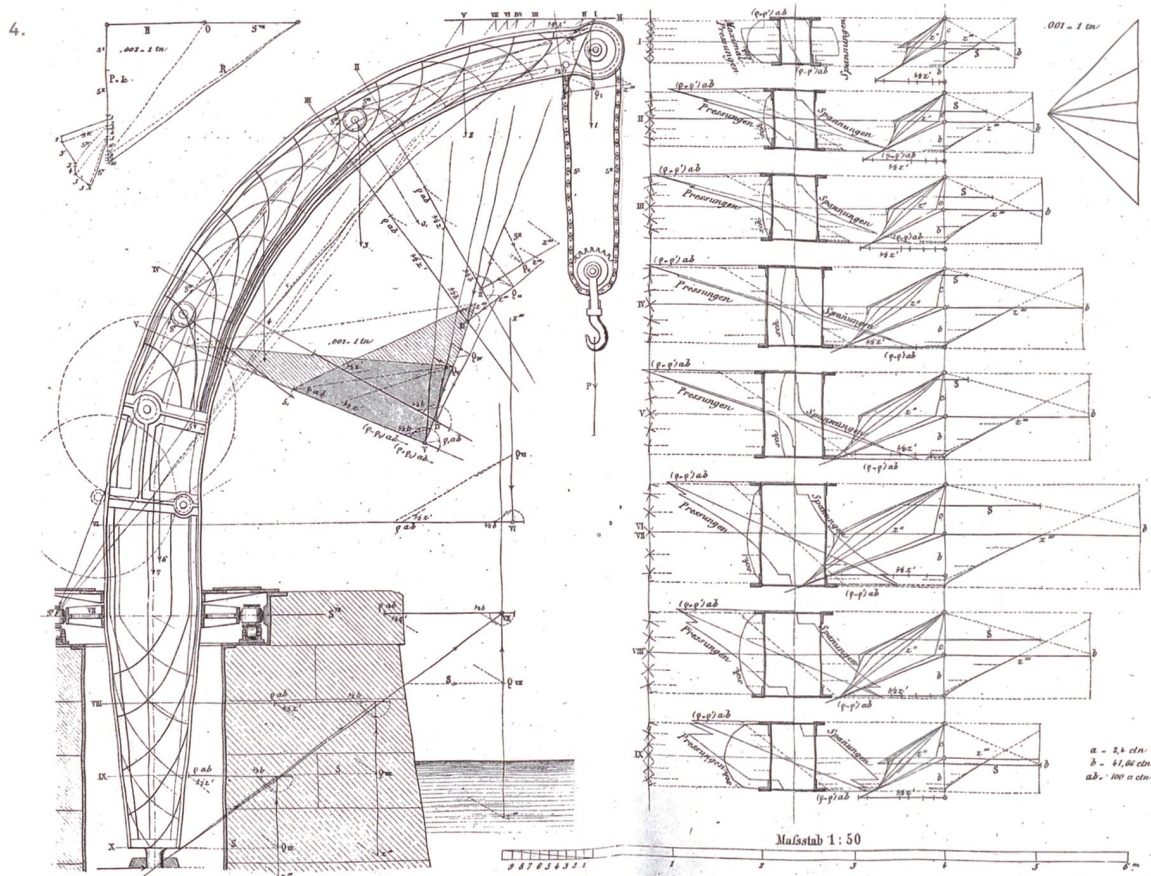
Le applicazioni più feconde della statica grafica riguardano le travature reticolari, in quanto, come afferma Cremona, «la semplicità e la rapidità del meto-

3.

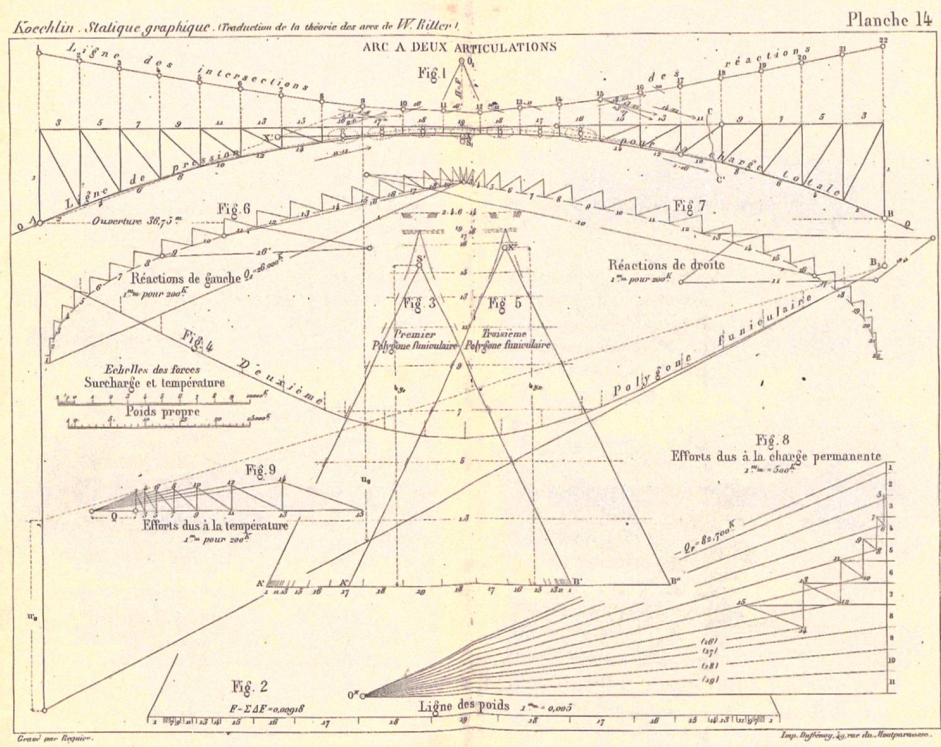


3. Karl Culmann, la statica grafica applicata a una trave inflessa: interessante l'applicazione del poligono funicolare per il tracciamento del diagramma dei momenti di una trave appoggiata o continua, noti i momenti di continuità (equazione dei 3 momenti), ove, costruito il poligono delle forze e il poligono funicolare, la retta AB che divide il poligono funicolare rappresenta il diagramma dei momenti a meno della costante h e la sua parallela per il polo O porta ai valori delle reazioni vincolari P_i e P_{i+1} (K. Culmann, *Die graphische Statik*, Meyer & Zeller, Zürich 1866; 2ª ed. vol. 1, 1875; per concessione di Biblioteca di matematica dell'università di Padova, Italia)

4. Karl Culmann: la statica grafica applicata al calcolo dell'equilibrio in una gru (K. Culmann, *Die graphische Statik*, taf. 11, Meyer & Zeller, Zürich 1866; 2ª ed. vol. 1, 1875; per concessione di Biblioteca di matematica dell'università di Padova, Italia)



5.



5. Maurice Koechlin: statica grafica applicata allo studio delle azioni nelle aste di un arco metallico a due cerniere (M. Koechlin, *Applications de la statique graphique*, pl. 15, Baudry, Paris-Liege 1889; 2^a ed., 1898; per concessione di Biblioteca di Ingegneria dell'università di Padova, Italia).

do grafico, confrontato con i metodi algebrici, sono notevoli e non inducono a frequenti errori professionali¹⁶ come spesso accadeva.

Nel suo trattato Culmann propone, tra l'altro, l'applicazione a un ponte ferroviario attraversato da una locomotiva, a un ponte sospeso, a un muro di sostegno e a una gru (figure 3, 4, 6); Cremona a un ponte e a una rimessa per locomotive. Successivamente Maurice Koechlin¹⁷ (1856-1946), allievo di Culmann a Zurigo, con l'ausilio della statica grafica determinò gli sforzi nelle aste della Tour Eiffel, nel ponte ad arco metallico di Garabit nel Cantal¹⁸ e per l'armatura metallica reticolare della statua della Libertà a New York (figure 2,5,7).

Nella trentasettesima edizione del *Manuale dell'ingegnere* di Colombo, il metodo grafico è ampiamente acquisito per il calcolo delle strutture in ferro anche nella pratica professionale. Infatti l'autore scrive a proposito dei ponti a traliccio in ferro: «Dopo aver assegnato ad ogni nodo il peso corrispondente al massimo sforzo interno che si vuol calcolare, questo si determina ordinariamente per via grafica, o con il sistema delle figure reciproche o con metodo di Culmann».¹⁹ La continuità didattica è assicurata da una vasta produzione di testi, tra i quali notiamo *La Statique graphique. Science introductive à l'art de construire*²⁰ dove la Statica grafica, chiamata in francese anche *Graphostatique*, per seguire la traduzione letteraria dal tedesco, non solo è considerata una vera e propria scienza, ma anche propedeutica e indispensabile all'arte del costruire.

La stretta connessione tra scienza, tecnica e società emerge dagli studi di Poncelet che utilizza le nozioni di equilibrio per risolvere per via grafica il problema del calcolo dei ponti sospesi e della forma più conveniente da assegnare a questi.

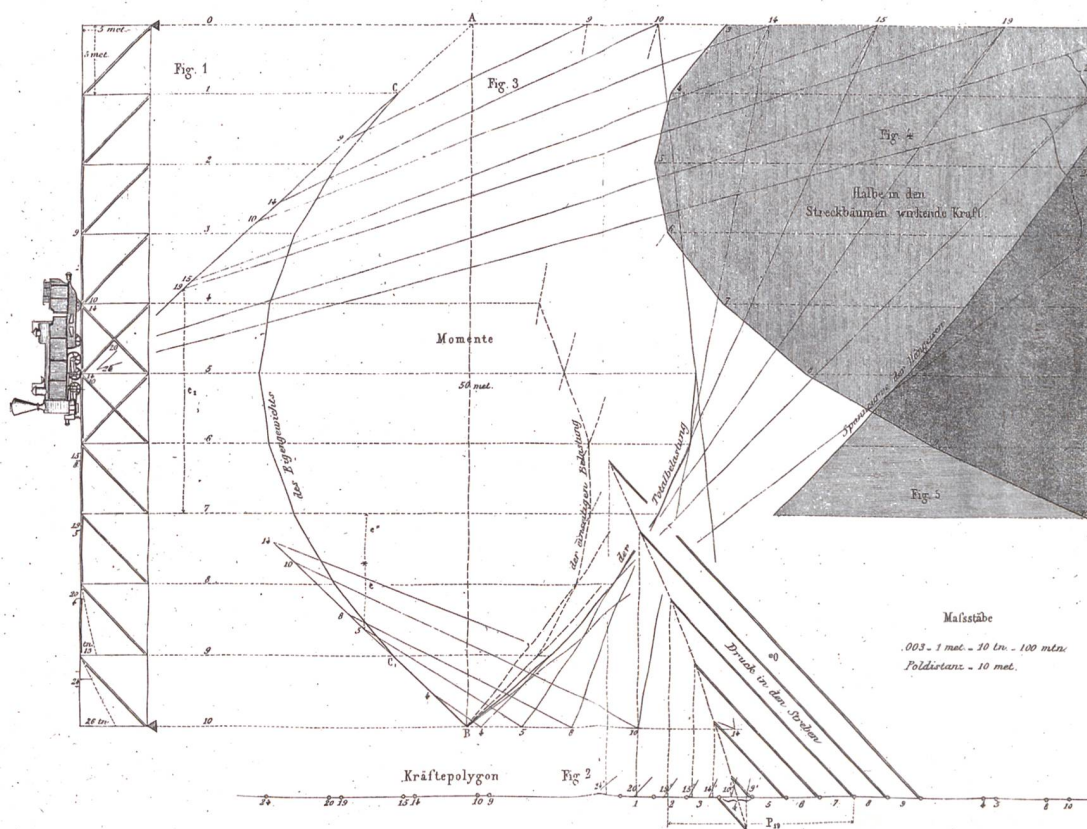
Le intenzioni applicative delle teorie alle innovazioni tecnologiche dell'epoca sono evidenti.

Il passaggio dalla trave ad anima piena a quella reticolare prende presumibilmente l'avvio dalla necessità di origine tecnica di realizzarne un alleggerimento dell'anima, con una riduzione del peso proprio e mantenimento di rigidezza flessionale adeguata. Sembra che il criterio seguito fosse basato su singole esperienze come quelle svizzere del secolo XVIII, in cui i fratelli Grubenmann costruiscono il ponte di Sciaffusa, nel 1757, proponendo una struttura ibrida arco-trave.²¹

La diffusione dei ponti metallici, prima con travi ad anima piena, secondo l'influenza della vicina scuola francese, poi con il sistema a traliccio, ha luogo con l'avvento della ferrovia (lo stesso Culmann era ingegnere ferroviario).

Un grave incidente avvenuto nel 1891, il collasso del ponte sulla Birse a Münchenstein,²² progettato anch'esso da Eiffel, è all'origine della prima Ordinanza federale del 1892, in virtù della quale tutti i ponti metallici ferroviari devono essere ricalcolati e, se fosse stato il caso, rinforzati. Uno degli esempi più eloquenti in tal senso è relativo al ponte del Kerstelenbach, presso Amsteg, all'imbocco della Val Maderan: il sotto-tirante, caratteristico dei ponti metallici del Gottardo, collaborava con le travi primitive a membrature parallele nel sostenere i carichi. Successivamente la maggior parte dei ponti metallici svizzeri vengono rinforzati poiché, come testimonia l'ingegnere Elskes con le sue statistiche, gli incidenti in tutto il mondo sono numerosi. A tal proposito ci illumina anche una nota sul consolidamento di alcuni ponti metallici, in cui l'autore dichiara che per il rinforzo di ponti con puntone e tiranti all'intradosso, come nell'esempio da lui illustrato sul ponte di Vallorbe (figura 9), l'uso della statica grafica è più che mai agevole e corretto: «pour un tympan triangulé, la statique graphique permet d'évaluer sans difficulté les efforts de toutes les parties d'une construction de ce genre».²³

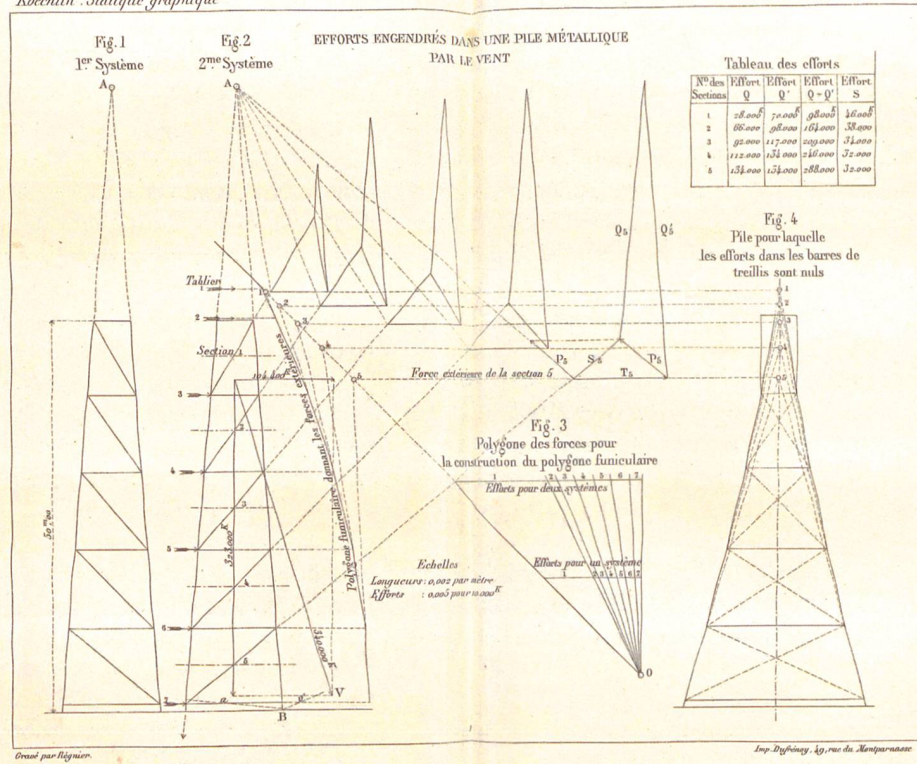
6.



7.

Koechlin, Statique graphique

Planche II



6. Karl Culmann: la statica grafica applicata al calcolo di un ponte ferroviario a travatura reticolare con carico mobile concentrato (locomotiva), (K. Culmann, *Die graphische Statik*, taf. 17, Meyer & Zeller, Zürich 1866; 2^a ed. vol. 2, 1875; per concessione di Biblioteca di matematica dell'università di Padova, Italia)
7. Maurice Koechlin: statica grafica applicata allo studio dell'azione del vento in una torre a traliccio (M. Koechlin, *Applications de la statique graphique*, pl. 11, Baudry, Paris-Liege 1889; 2^a ed., 1898; per concessione di Biblioteca di Ingegneria dell'università di Padova, Italia).

Nelle note sul collasso dei ponti metallici, soprattutto ferroviari, dovuti all'incremento dei carichi e delle velocità dei convogli, l'ingegnere svizzero Elskes dichiara: «C'était, il est vrai, l'époque où l'on construisait encore, bien que l'argent vînt à manquer, mais c'était aussi et surtout, il faut le reconnaître, la période où s'épanouissaient les méthodes élégantes de la statique graphique et, avec elles, une foi trop aveugle dans l'excellence des calculs et l'infailibilité de la théorie».²⁴

Elskes si riferisce in particolare ai collassi avvenuti tra il 1870 e il 1891, quando la statica grafica è appena «sbocciata» e con quella – afferma – una fede troppo cieca nei confronti dei calcoli e dell'infallibilità della teoria.

L'impiego dei mezzi grafici nei problemi statici oggi offre molti vantaggi, ma, avendo a priori un campo di applicazione limitato, deve essere adottato in fase di concepimento e progetto di massima della struttura. Per il resto è chiaro che ora il calcolo automatico abbia ormai a ragione preso il sopravvento. Tuttavia in un'ottica di semplificazione, meglio di riduzione della complessità del problema strutturale, i metodi della statica grafica possono ancora essere utilizzati secondo un uso non classico. Le limitazioni imposte dalle ipotesi: a) che la struttura sia sempre in equilibrio con i carichi esterni, cioè che sia isostatica; b) che i carichi siano applicati solo ai nodi; c) che tutti i nodi siano cerniere libere di ruotare; d) che le linee delle aste si possano confondere con le linee d'asse di tali aste; e) che le aste si trovino su uno stesso piano, possono essere superate con l'introduzione di altri principi che ne estendano il campo di applicazione. Tra questi la possibilità di estendere il dominio di applicazione della statica grafica allo studio del comportamento plastico e, sempre in un'ottica di concezione strutturale e non di analisi, alle strutture iperstatiche.

Note

1. R. Secchi, *L'architettura è l'arte dell'equilibrio?*, «Aperture», 29, 2013.
2. G. Pizzetti, A.M. Zorgno Trisciunglio, *Principi statici e forme strutturali*, Utet, Torino 1980.
3. E. Benvenuto, *La scienza delle costruzioni e il suo sviluppo storico*, Sansoni, Firenze 1981.
4. K. Culmann, *Die Graphische Statik*, Meyer & Zeller, Zürich 1866; 2ª ed. vol. 1, 1875; *Traité de Statique Graphique*, trad. fr. della 2ª ed. tedesca di G. Glasser, J. Jacquier, A. Valat, Dunod, Paris 1880.
5. J.V. Poncelet, *Cours de mécanique industrielle, exposant les principes de statique et dynamique, les organes mécaniques et les moteurs*, Leroux, Liège 1839.
6. K. Culmann, *Die Graphische Statik* cit.
7. Simone Stevino Brugensi, *Tomus quartus mathematicorum hypomnematum de statica*, Leiden 1608 (in Biblioteca del Seminario vescovile di Padova, Italia).

8. P. Varignon, *Nouvelle Mécanique, ou Statique, dont le projet fut donné en 1687*, t. I, Jombert, Paris 1725 (in Biblioteca di Padova, Polo di Ingegneria).
9. Ph. de La Hire, *Traité de Mécanique, ou l'on explique tout ce qui est nécessaire dans la pratique des arts*, Anisson, Paris 1695; reimpr. Compagnie des libraires, Paris 1730.
10. E. Benvenuto, *La scienza delle costruzioni* cit.
11. D. Tournès, *Pour une histoire du calcul graphique*, «Revue d'histoire des mathématiques», 1, 2000.
12. A. Favaro, *La statica grafica nell'insegnamento superiore*, Grimaldo, Venezia 1873 (in Biblioteca di Padova, Polo di Ingegneria).
13. K. Chatzis, *La réception de la statique graphique en France durant le dernier tiers du XIXe siècle*, «Revue d'Histoire des mathématiques», 10, 2004, pp. 7-43.
14. J. Sondericker, *Notes on graphic statics, with applications to trusses, beams, and arches*, 1896.
15. M. Lévy, *La statique graphique et ses applications aux constructions*, Gauthier-Villars, Paris 1874.
16. L. Cremona, *Le figure reciproche nella statica grafica*, Ulrico Hoepli editore, Milano 1879.
17. M. Koechlin, *Applications de la statique graphique*, Baudry, Paris - Liège 1889; 2ª ed. 1898.
18. G. Eiffel, *Mémoire présenté à l'appui du projet définitif du Viaduc du Garabit*, Librairie Polytechnique Baudry et C. éditeurs, Paris - Liège, 1889.
19. G. Colombo, *Manuale dell'ingegnere civile e industriale*, 36ª e 37ª ed., Ulrico Hoepli editore, Milano 1917, p. 182.
20. A. Pirard, *La Statique graphique. Science introductive à l'art de construire*, 3ª ed., Dunod, Paris 1967.
21. G. Pizzetti, A.M. Zorgno Trisciunglio, *Principi statici e forme strutturali* cit.
22. Ch. Lehmann, B. Maurer, *Karl Culmann und die Graphische Statik: Zeichnen, die Sprache des Ingenieurs*, Ernst & Sohn, Berlin 2006.
23. N. Schoulepnikow, *Note sur quelques travaux de consolidation de ponts métalliques*, «Bulletin technique de la Suisse romande», 28, 1902.
24. E. Elskes, *Rupture des ponts métalliques: étude historique et statistique*, «Bulletin de la Société vaudoise des ingénieurs et des architectes», 20, 1894.

Die Formen des Gleichgewichts und die grafische Statik

Die grafische Statik ist eine Disziplin der Mechanik, mit der Probleme des Gleichgewichts eines ruhenden Körpers geometrisch gelöst werden können. Dafür werden zwei Figuren verwendet, die die Gleichgewichtsgleichungen grafisch darstellen. Untersuchungen zum Problem des Gleichgewichts wurden bereits seit langer Zeit diskutiert und Schritt für Schritt von berühmten Vorreibern vorangetrieben, bevor die grafische Statik gegen Mitte des 19. Jahrhunderts als eigenständige Disziplin in der Schweiz entstand und sich schnell in der Berufspraxis verbreitete, da diese Methode leicht anwendbar war und in der Umsetzung überzeugte. Sie wurde zur Lösung von Fragen verwendet, die mit der technischen und technologischen Entwicklung der damaligen Zeit einhergingen. Die Eisenbahn benötigte neue, leichte, aber dennoch robuste Metallbrücken; für Bahnhöfe und Industriehallen waren grosse Dächer mit Metallgitterkonstruktion erforderlich. Die Möglichkeiten, die sich durch die Statik für die Baukunst eröffneten, wurden in der Vergangenheit von vielen Zeitzeugen, insbesondere Ingenieuren aus dem Bereich Infrastruktur- und Eisenbahnbau, betont. Die grafische Statik ermöglicht nicht nur eine schnelle und wirkungsvolle Darstellung der mechanischen Kräfte, sondern kann auch bei der Wahl der Konstruktion und bei Erstellung des Entwurfs zur Orientierung eingesetzt werden. Als Beispiel wird die Methode hier für eines der in diesem Heft vorgestellten Bauvorhaben angewendet.