

Objektyp: **Abstract**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **48 (2002)**

Heft 3-4: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **23.04.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.

Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.

Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

ON THE CLASSIFICATION OF CERTAIN PIECEWISE LINEAR
AND DIFFERENTIABLE MANIFOLDS IN DIMENSION EIGHT
AND AUTOMORPHISMS OF $\#_{i=1}^b(S^2 \times S^5)$

by Alexander SCHMITT

ABSTRACT. In this paper, we will be concerned with the explicit classification of closed, oriented, simply-connected spin manifolds in dimension eight with vanishing cohomology in the odd dimensions. The study of such manifolds was begun by Stefan Müller. In order to understand the structure of these manifolds, we will analyze their minimal handle presentations and describe explicitly to what extent these handle presentations are determined by the cohomology ring and the characteristic classes. It turns out that the cohomology ring and the characteristic classes do not suffice to reconstruct a manifold of the above type completely. In fact, the group $\text{Aut}_0(\#_{i=1}^b(S^2 \times S^5)) / \text{Aut}_0(\#_{i=1}^b(S^2 \times D^6))$ of automorphisms of $\#_{i=1}^b(S^2 \times S^5)$ which induce the identity on cohomology modulo those which extend to $\#_{i=1}^b(S^2 \times D^6)$ acts on the set of oriented homeomorphism classes of manifolds with fixed cohomology ring and characteristic classes, and we will be also concerned with describing this group and some facts about the above action.

1. INTRODUCTION

The classification of topological manifolds up to homeomorphism is an extremely interesting and important problem. Let us restrict our attention to the case of closed (i.e., compact without boundary) and oriented simply connected manifolds. As a general classification scheme, surgery theory [1] solves this problem for manifolds within a given homotopy type, e.g., that of a sphere. Another approach to the classification “up to finite indeterminacy”, using rational homotopy theory, is due to Sullivan [34]. Nevertheless, there are only a few explicit results which characterize the oriented homeomorphism type of a manifold in terms of easily computable invariants. They usually require many simplifying assumptions, such as high connectedness [36]. In this paper, we will