

Objektyp: **ReferenceList**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **44 (1998)**

Heft 1-2: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **16.04.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.

Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.

Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

We now choose $p_1, q_1, r_1, p_2, q_2, r_2$ as follows:

$$(4) \quad \begin{cases} p_1 = a\alpha^5 - b\beta^5, & q_1 = 2a\alpha^4\beta, & r_1 = a\alpha^5 + b\beta^5, \\ p_2 = -c\alpha^5 + d\beta^5, & q_2 = -2c\alpha^4\beta, & r_2 = -c\alpha^5 - d\beta^5. \end{cases}$$

With these values of $p_1, q_1, r_1, p_2, q_2, r_2$ (and m_1, n_1, m_2, n_2 arbitrary), we find that the coefficients of uv^4 and u^2v^3 in equation (3) become zero. The coefficient of u^3v^2 in (3) will also vanish if

$$(5) \quad abm_1^3m_2^2(a^2\alpha^{10} - b^2\beta^{10}) - cdn_1^3n_2^2(c^2\alpha^{10} - d^2\beta^{10}) = 0.$$

We accordingly choose

$$(6) \quad \begin{cases} m_1 = n_2, & n_1 = m_2, \\ m_2 = ab(a^2\alpha^{10} - b^2\beta^{10}), & n_2 = cd(c^2\alpha^{10} - d^2\beta^{10}), \end{cases}$$

so that (5) is satisfied. Now, equation (3) has only the terms involving u^4v and u^5 and it is readily solved to give the following solution for u, v :

$$(7) \quad \begin{cases} u = -20a^2b\alpha^6m_1^4m_2(a^2\alpha^{10} - b^2\beta^{10}) \\ \quad \quad \quad - 20c^2d\alpha^6n_1^4n_2(c^2\alpha^{10} - d^2\beta^{10}), \\ v = abm_1^5(11a^4\alpha^{20} - 10a^2b^2\alpha^{10}\beta^{10} - b^4\beta^{20}) \\ \quad \quad \quad - cdn_1^5(11c^4\alpha^{20} - 10c^2d^2\alpha^{10}\beta^{10} - d^4\beta^{20}). \end{cases}$$

Thus, a parametric solution of equation (1) in terms of the parameters α and β is given by (2), where m_1, n_1, m_2, n_2 are defined by (6), $p_1, q_1, r_1, p_2, q_2, r_2$ by (4), and u, v by (7).

As a numerical example, when $a = 1, b = 2, c = 3, d = 6$, taking $\alpha = 1, \beta = 2$, we get the following solution of (1):

$$\begin{aligned} (X_1, X_2, X_3, X_4) &= (1955587, 2963474, 121184667, 242404434), \\ (Y_1, Y_2, Y_3, Y_4) &= (1022467, 2992634, 121219227, 242403354). \end{aligned}$$

REFERENCES

- [1] CHOUDHRY, A. The diophantine system $\sum_{i=1}^4 x_i^r = \sum_{i=1}^4 y_i^r, r = 1, 3, 5$. *Bull. Calcutta Math. Soc.* 83 (1991), 85–86.
- [2] LANDER, L. J. Geometric aspects of diophantine equations involving equal sums of like powers. *Amer. Math. Monthly* 75 (1968), 1061–1073.

- [3] LANDER, L. J., T. R. PARKIN and J. L. SELFRIDGE. A survey of equal sums of like powers. *Math. Comp.* 21 (1967), 446–459.

(Reçu le 5 décembre 1997)

Ajai Choudhry

Embassy of India
Kantari Street, Sahmarani Building
P.O. Box No. 113-5240
Beirut
Lebanon
e-mail: indembei@dm.net.lb

Vide-leer-empty