Introduction

Objekttyp: **Chapter**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **39 (1993)**

Heft 1-2: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **19.03.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.
Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.
Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

Ein Dienst der *ETH-Bibliothek*
ETH Zürich, Rämistrasse 101, 8092 Zürich, Schweiz, www.library.ethz.ch

http://www.e-periodica.ch

L'Enseignement Mathématique, t. 39 (1993), p. 121-136

JACOBI FORMS AND SIEGEL MODULAR FORMS: RECENT RESULTS AND PROBLEMS

by Winfried KOHNEN

INTRODUCTION

In the present paper we would like to describe some recent developments how Jacobi forms can be used to study Siegel modular forms of genus 2 and what problems arise in this way. After a preliminary section on Siegel modular forms and Jacobi forms (§ 1) which mainly serves to fix some notation, we shall discuss the so called Maass space in § 2. We shall then study relations between Jacobi forms and spinor zeta functions of Hecke eigenforms of genus 2 (§ 3) and finally in § 4 will indicate how Jacobi forms can be used to give estimates for Fourier coefficients of Siegel cusp forms.

Sections 2-4 are divided into two parts: part one describes known results while part two gives some open problems.

We do not go here into any more intrinsic properties of Jacobi forms (as e.g. the trace formula or relations to modular forms of integral weight) nor discuss any representation-theoretic aspects of the theory. For good surveys, we refer to [33, 36] for the first and to [3] for the second topic.

§ 1. PRELIMINARIES ON SIEGEL MODULAR FORMS AND JACOBI FORMS

1.1. SIEGEL MODULAR FORMS OF GENUS 2

We write $\mathscr{H}_2$ for the Siegel upper half-space of genus 2. The natural action of $\mathrm{Sp}_2(\mathbf{R})$ on $\mathscr{H}_2$ is denoted by

$$(M, Z) \mapsto M\langle Z\rangle := (AZ + B)(CZ + D)^{-1}$$

$$\left(M = \begin{pmatrix} A & B \\ C & D \end{pmatrix} \in \mathrm{Sp}_2(\mathbf{R}), \quad Z \in \mathscr{H}_2\right).$$

We put $\Gamma_2 := \mathrm{Sp}_2(\mathbf{Z})$ and for $k \in \mathbf{Z}$ denote by $M_k(\Gamma_2)$ the space of Siegel modular forms of weight k on Γ_2, i.e. the space of holomorphic func-