

## 12. Variétés telles que « TGPS ».

Objektyp: **Chapter**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **16 (1970)**

Heft 1: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **18.04.2024**

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern.

Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden.

Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

### **Haftungsausschluss**

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

## 12. Variétés telles que « TGPS ».

Un exemple surprenant est la surface de Zoll:

(12.1): *théorème (Zoll, [16]): sur  $S^2$  il existe des s.r.  $g$  telles que « TGPS » et que  $(S^2, g)$  ne soit pas isométrique à  $(S^2, g_0)$ .*

Ainsi « TGPS » n'est pas caractéristique des  $(P_i^n, g_0)$  en toute généralité. D'ailleurs (communication de A. Weinstein) on peut construire des s.r. analogues sur les  $S^n \forall n \geq 2$ . Cependant « TGPS » caractérise  $(P_1^2, g_0)$ :

(12.2): *théorème (Green, [9]): si  $(P_1^2, g_0)$  est telle que « TGPS », alors  $(P_1^2, g)$  est isométrique à  $(P_1^2, g_0)$ .*

Toutes les généralisations possibles de (12.2), pour différents  $n$  et  $i$ , sont des problèmes entièrement ouverts. La démonstration de (12.2) est absolument particulière à la dimension deux; elle utilise, pour  $(P_1^2, g)$ , deux inégalités en sens contraire; la première est basée sur la formule de Gauss-Bonnet en dimension deux et une inégalité dont l'extension en dimension plus grande ne correspond plus à la formule de Gauss-Bonnet. La deuxième inégalité utilise une formule de géométrie intégrale de Santalo dont l'extension en dimension plus grande ne fonctionne que si le projectif  $(P_1^n, g)$  (pour lequel on voudrait démontrer une généralisation du théorème (12.2)) possédait une hypersurface homotope à  $P_1^{n-1}$  et totalement géodésique, ce qui n'est pas le cas en général.

## 13. Existence d'une géodésique périodique.

Une variété complète, non compacte, même non simplement connexe, n'admet pas nécessairement de géodésique périodique (g.p.); exemple la surface de révolution ci-après:

