

Zeitschrift: L'Enseignement Mathématique
Herausgeber: Commission Internationale de l'Enseignement Mathématique
Band: 16 (1914)
Heft: 1: L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE

Artikel: SUR L'INTÉGRATION DES ÉQUATIONS DU MOUVEMENT D'UNE PLANÈTE AUTOUR DU SOLEIL
Autor: Ermakoff, W.
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-15524>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 07.07.2025

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

$4n + 2$, M. G. TARRY¹ doit bientôt faire voir que ces carrés sont doués de $2n$ lignes magiques et pas davantage.

M. G. TARRY est en outre l'auteur d'une foule de remarques, extensions, méthodes et découvertes sur les carrés magiques, théorie qu'il a poussée jusqu'à ses dernières limites, par ses *constellations*² et ses carrés magiques aux n premiers degrés, dont il publiera sous peu la construction.

A. AUBRY (Dijon).

SUR L'INTÉGRATION DES ÉQUATIONS

DU

MOUVEMENT D'UNE PLANÈTE AUTOUR DU SOLEIL

Les équations différentielles du mouvement d'un point matériel m , assujetti à l'action d'une force centrale newtonienne, sont :

$$(1) \quad \frac{d^2 x}{dt^2} = - \frac{mx}{r^3} ; \quad \frac{d^2 y}{dt^2} = - \frac{my}{r^3}$$

$$r^2 = x^2 + y^2 .$$

J'introduis une nouvelle variable indépendante s par l'équation

$$dt = r ds .$$

¹ A lire du même savant, sur le même sujet :

N. A., 1899, *Sur les lignes arithmétiques*. — A. F., 1900, *Le prob. des 36 officiers*, solution longtemps cherchée de la célèbre question d'Euler. — A. F., 1903, *Carrés panmagiques de base $3n$* , figures longtemps crues impossibles. — A. F., 1904, *Carrés cabalistiques* (panmagiques et aux deux premiers degrés) *eulériens* (ou des $8^2 n^2$ officiers) *de base $8n$* . — A. F., 1905, *Le carré trimagique de 128* (magique aux trois premiers degrés). — C. R., 1906, *Sur un carré magique*, note présentée par H. Poincaré et annonçant la possibilité de construire des carrés n magiques (magiques aux n premiers degrés). — Soc. Philom., 1907, *La magie arith. dévoilée*. — Soc. math., 1911, *Sur la magie arith.*

² Sur un carré magique supposé répété à droite et à gauche, au-dessus et au-dessous, on promène un carton percé de fenêtres de la dimension des cases. Il y a des dispositions de ces fenêtres telles que la somme des nombres vus en même temps est constante quelle que soit la position du carton sur le carré magique : une semblable disposition est une *constellation*, qui, par conséquent, constitue la magie la plus générale qui puisse être imaginée, surtout si on étend cette conception aux espaces supérieurs. M. TARRY a calculé qu'un carré magique de module n comporte $(n - 1)!$ constellations différentes et $[(n - 1)!]^{m-1}$ s'il est généralisé dans l'espace à m dimensions. (Voir G. ARNOUX, *Espaces arith.*, p. 75 et seq.)

Les intégrales des équations (1) sont :

$$\begin{aligned}x &= [a \cdot \cos(\alpha s) + b \cdot \sin(\alpha s)]^2 - [c \cdot \cos(\alpha s) + d \cdot \sin(\alpha s)]^2, \\y &= 2[a \cdot \cos(\alpha s) + b \cdot \sin(\alpha s)][c \cdot \cos(\alpha s) + d \cdot \sin(\alpha s)], \\r &= [a \cdot \cos(\alpha s) + b \cdot \sin(\alpha s)]^2 + [c \cdot \cos(\alpha s) + d \cdot \sin(\alpha s)]^2, \\t &= \int r \cdot ds.\end{aligned}$$

Les cinq constantes a, b, c, d, α doivent satisfaire à la relation

$$m = 2\alpha^2(a^2 + b^2 + c^2 + d^2).$$

Dans le cas du mouvement hyperbolique, les fonctions trigonométriques doivent être remplacées par les fonctions hyperboliques ; les constantes doivent satisfaire à la relation :

$$m = 2\alpha^2(b^2 + d^2 - a^2 - c^2).$$

Dans le cas du mouvement parabolique, les intégrales sont :

$$\begin{aligned}x &= (a + bs)^2 - (c + ds)^2, \\y &= 2(a + bs)(c + ds), \\r &= (a + bs)^2 + (c + ds)^2, \\t &= \int r ds.\end{aligned}$$

et les constantes doivent satisfaire à la relation :

$$m = 2(b^2 + d^2).$$

Une force répulsive newtonienne ne saurait produire qu'un mouvement hyperbolique.

W. ERMAKOFF (Kief).