

**Zeitschrift:** Jahrbuch der Sekundarlehrerkonferenz des Kantons Zürich  
**Herausgeber:** Sekundarlehrerkonferenz des Kantons Zürich  
**Band:** - (1909)

**Artikel:** Zur Behandlung der 3. Wurzel  
**Autor:** Gassmann, Emil  
**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-819578>

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 03.05.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

# Zur Behandlung der 3. Wurzel.

Von Emil G a ß m a n n , Winterthur.

## Kubikwurzeln der Zahlen von 1 bis 125.

z	$\sqrt[3]{z}$	z	$\sqrt[3]{z}$	z	$\sqrt[3]{z}$	z	$\sqrt[3]{z}$
0	0,00000	30	3,10723	60	3,91487	90	4,48140
1	1,00000	31	3,14138	61	3,93650	91	4,49794
2	1,25992	32	3,17480	62	3,95789	92	4,51436
3	1,44225	33	3,20753	63	3,97906	93	4,53065
4	1,58740	34	3,23961	64	4,00000	94	4,54684
5	1,70998	35	3,27107	65	4,02073	95	4,56290
6	1,81712	36	3,30193	66	4,04124	96	4,57886
7	1,91293	37	3,33222	67	4,06155	97	4,59470
8	2,00000	38	3,36198	68	4,08166	98	4,61044
9	2,08008	39	3,39121	69	4,10157	99	4,62607
10	2,15443	40	3,41995	70	4,12129	100	4,64159
11	2,22398	41	3,44822	71	4,14082	101	4,65701
12	2,28943	42	3,47603	72	4,16017	102	4,67233
13	2,35133	43	3,50340	73	4,17934	103	4,68755
14	2,41014	44	3,53035	74	4,19834	104	4,70267
15	2,46621	45	3,55689	75	4,21716	105	4,71769
16	2,51984	46	3,58305	76	4,23582	106	4,73262
17	2,57128	47	3,60883	77	4,25432	107	4,74746
18	2,62074	48	3,63424	78	4,27266	108	4,76220
19	2,66840	49	3,65931	79	4,29084	109	4,77686
20	2,71442	50	3,68403	80	4,30887	110	4,79142
21	2,75892	51	3,70843	81	4,32675	111	4,80590
22	2,80204	52	3,73251	82	4,34448	112	4,82028
23	2,84387	53	3,75629	83	4,36207	113	4,83459
24	2,88450	54	3,77976	84	4,37952	114	4,84881
25	2,92402	55	3,80295	85	4,39683	115	4,86294
26	2,96250	56	3,82586	86	4,41400	116	4,87700
27	3,00000	57	3,84850	87	4,43105	117	4,89097
28	3,03659	58	3,87088	88	4,44796	118	4,90487
29	3,07232	59	3,89300	89	4,46475	119	4,91868
						120	4,93242
						121	4,94609
						122	4,95968
						123	4,97319
						124	4,98663
						125	5,00000

$$\sqrt[3]{\pi} = 1,46459$$

NB. Die unterstrichenen Ziffern sind aufgerundet.

## Erläuterungen zur Wurzeltabelle.

### 1. Einleitung.

Das Wurzelverfahren nach der Formel

$$(a + b)^3 = a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3$$

hat mehr theoretischen als praktischen Wert. Für die Anwendung zur Lösung geometrischer Aufgaben ist es zu umständlich und zeitraubend. Eine Tabelle der Kubikwurzeln der Zahlen von 1 bis 125 leistet in diesem Falle bessere Dienste und erweist sich für Schulzwecke als vollkommen genügend.

Es liegt in der Natur der Sache, daß die Aufgaben, die das Wurzelverfahren verlangen, einfache Zahlen aufweisen (zu einem gedachten Volumen sind die Dimensionen aufzusuchen). Daher sind gerade die Wurzeln aus großen Kubikzahlen (die Paradebeispiele des Wurzelverfahrens) in praktischen Beispielen selten, sozusagen unmöglich, während die irrationalen Wurzeln aus relativ kleinen Zahlen die Regel bilden.

Auch solche Zahlen, die größer als 125 sind, sowie Brüche können durch geeignete Umformungen in den Bereich der Tabelle gezogen werden. Diese Umformungen sind einfach und bieten für die Schüler der dritten Klasse keine großen Schwierigkeiten; sie sind vielleicht die einzige praktische Anwendung dessen, was sie aus der Potenz und Wurzellehre gelernt haben.

### 2. Umformung von Zahlen vor der Verwendung der Tabelle.

Wir wollen kurz die Sätze entwickeln, die für solche Umformungen in Betracht kommen.

$$(3 \cdot 4)^3 = 3 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 3 \cdot 4 = 3 \cdot 3 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 4 \cdot 4 = 3^3 \cdot 4^3$$

$$\text{Probe: } 12^3 = 1728 \qquad 27 \cdot 64 = 1728$$

allgemein:

$$(a \cdot b)^3 = a \cdot b \cdot a \cdot b \cdot a \cdot b = a \cdot a \cdot a \cdot b \cdot b \cdot b = a^3 \cdot b^3$$

Ein Produkt wird in die dritte Potenz erhoben, indem man die einzelnen Faktoren in die dritte Potenz erhebt.

Hieraus ergibt sich die Umkehrung

$$\sqrt[3]{1728} = 12 \qquad \sqrt[3]{1728} = \sqrt[3]{27} \cdot \sqrt[3]{64} = 3 \cdot 4$$

allgemein:

$$\sqrt[3]{a \cdot b} = \sqrt[3]{a} \cdot \sqrt[3]{b}$$

Aus einem Produkt zieht man die Kubikwurzel, indem man sie aus jedem Faktor zieht.

$$\left(\frac{4}{5}\right)^3 = \frac{4}{5} \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{4}{5} = \frac{4}{5} \cdot \frac{4}{5} \cdot \frac{4}{5} = \frac{4^3}{5^3}$$

allgemein:

$$\left(\frac{a}{b}\right)^3 = \frac{a}{b} \cdot \frac{a}{b} \cdot \frac{a}{b} = \frac{a}{b} \cdot \frac{a}{b} \cdot \frac{a}{b} = \frac{a^3}{b^3}$$

Man erhebt einen Bruch in die dritte Potenz, indem man Zähler und Nenner in die dritte Potenz erhebt.

Durch Umkehrung erhalten wir den entsprechenden Wurzelfatz:

$$\sqrt[3]{\frac{64}{125}} = \frac{\sqrt[3]{64}}{\sqrt[3]{125}} = \frac{4}{5}$$

allgemein:

$$\sqrt[3]{\frac{a}{b}} = \frac{\sqrt[3]{a}}{\sqrt[3]{b}}$$

Aus einem Bruch zieht man die dritte Wurzel, indem man sie aus Zähler und Nenner zieht.

Bei der Zerlegung der Zahlen in Produkte muß man in erster Linie darauf sehen, daß die Faktoren ganzzahlig werden. Wenn dies nicht möglich ist, empfiehlt sich eine Division durch Kubikzahlen (8, 27, 125, 1000).

Beispiele:

$$\sqrt[3]{7000} = \sqrt[3]{1000 \cdot 7} = \sqrt[3]{1000} \cdot \sqrt[3]{7} = 10 \sqrt[3]{7}$$

$$\sqrt[3]{4500} = \sqrt[3]{45} \sqrt[3]{100} \text{ oder } \sqrt[3]{125} \cdot \sqrt[3]{36}$$

$$\sqrt[3]{10000} = \sqrt[3]{1000} \cdot \sqrt[3]{100} = 10 \cdot \sqrt[3]{100}$$

$$\sqrt[3]{6743} = \sqrt[3]{8} \cdot \sqrt[3]{8} \cdot \sqrt[3]{105,35} \text{ oder } = \sqrt[3]{125} \cdot \sqrt[3]{54} \text{ (54 statt 53,94)}$$

$$\sqrt[3]{78532} = \sqrt[3]{729} \cdot \sqrt[3]{108} \text{ (108 statt 107,7) oder } = \sqrt[3]{1000} \cdot \sqrt[3]{78,5}$$

usw.

Die Wurzel aus einem Bruch wird dadurch vereinfacht, daß man erweitert, bis der Nenner eine Kubikzahl ist.

$$\sqrt[3]{\frac{3}{4}} = \sqrt[3]{\frac{6}{8}} = \frac{\sqrt[3]{6}}{\sqrt[3]{8}} = \frac{\sqrt[3]{6}}{2}$$

$$\sqrt[3]{\frac{2}{3}} = \sqrt[3]{\frac{18}{27}} = \frac{\sqrt[3]{18}}{3}$$

$$\sqrt[3]{5,3} = \sqrt[3]{\frac{5300}{1000}} = \frac{\sqrt[3]{5300}}{10} = \frac{\sqrt[3]{53} \cdot \sqrt[3]{100}}{10}$$

usw.

### 3. Erreichbare Genauigkeit.

Für ganze Zahlen von 1 bis 125 gibt die Tabelle die Kubikwurzeln auf 5 Dezimalen genau. Wenn wir die Wurzel aus einem Produkt von zwei ganzzahligen Faktoren ziehen sollen, so liefert uns die Tabelle zwei Faktoren, die auf fünf Stellen genau sind. Weil aber die höchsten Stellen Einer sind, so wird das Produkt wenigstens auf 4 Dezimalen genau. Am wenigsten zuverlässig sind die Wurzeln aus Produkten, in denen ein Faktor gebrochen ist. (6743 = 125 · 53,94.) Es ist hier vorteilhaft, den gebrochenen Faktor möglichst groß zu lassen; denn je größer die Zahlen sind, um so weniger unterscheiden sich die Tafeldifferenzen ihrer Wurzeln. Von 101 an unterscheiden sie sich nie mehr als um einen Tausendstel. Bei den letzten Zahlen der Tafel sind es nur noch sieben Zehntausendstel. Wir können deshalb im Bereich dieser Zahlen durch Interpolation eine Genauigkeit auf drei Dezimalen erreichen.

Beispiel:

$$\sqrt[3]{6743} = \sqrt[3]{64} \cdot \sqrt[3]{105,35} = 4 \cdot \sqrt[3]{105,4}$$

$$\begin{array}{l} \sqrt[3]{105} = 4,71769 \\ \sqrt[3]{106} = 4,73262 \end{array} \quad \text{Differenz} = 1484 \quad \text{davon } \frac{4}{10} = 592$$

$$\begin{array}{l} \sqrt[3]{105,4} = 4,72361 \\ 4 \cdot \sqrt[3]{105,4} = 18,89444 \end{array} \quad \text{oder} \quad \begin{array}{l} 4,723 \\ 18,892 \end{array}$$

### 4. Aufgaben.

Aufgabe 1. Wie groß ist die Seite eines würfelförmigen Blechgefäßes, das 1 hl. fassen soll, zu machen?

Lösung: 1 hl = 100 l = 100 dm<sup>3</sup>

$$s = \sqrt[3]{100} = 4,64 \text{ dm}$$

Aufgabe 2. Ein Trog von prismatischer Form faßt 50 hl. Breite und Tiefe sind gleich, die Länge ist doppelt so groß als die Breite. Welches sind seine Dimensionen?

Lösung: Breite = b, Tiefe = b, Länge = 2b

$$J = 2b^3 = 5000 \text{ l} = 5000 \text{ dm}^3$$

$$b^3 = 2500$$

$$b = \sqrt[3]{2500} = \sqrt[3]{125} \cdot \sqrt[3]{20}$$

$$= 5 \sqrt[3]{20} = 18,42 \text{ dm}$$

Aufgabe 3. Ein zylindrisches Reservoir soll 1000 m<sup>3</sup> fassen. Wie tief wird es, wenn der Durchmesser doppelt so groß als die Tiefe sein muß?

$$\begin{aligned} \text{Lösung: } h = r \quad J &= r^3 \pi = 1000 \\ r^3 &= \frac{1000}{\pi} \\ r &= \sqrt[3]{\frac{1000}{\pi}} = \frac{10}{\sqrt[3]{\pi}} = 6,828 \text{ m} \end{aligned}$$

Aufgabe 4. Das bei Stuttgart verunglückte Luftschiff des Grafen Zeppelin faßte 15,000 m<sup>3</sup> Gas. Wie groß müßte der Durchmesser eines kugelförmigen Ballons mit gleich großer Füllung sein?

$$\begin{aligned} \text{Lösung: } \frac{4}{3} r^3 \pi &= 15000 \\ r &= \sqrt[3]{\frac{3 \cdot 15000}{4 \cdot \pi}} = \sqrt[3]{\frac{6 \cdot 15000}{8 \cdot \pi}} \\ &= \frac{\sqrt[3]{90000}}{\sqrt[3]{8} \cdot \sqrt[3]{\pi}} = \frac{10 \sqrt[3]{90}}{2 \sqrt[3]{\pi}} \\ &= \frac{5 \cdot 4,4814}{1,46459} = 15,3 \\ d &= 30,6 \text{ m} \end{aligned}$$

Aufgabe 5. Ein Knabe will aus 1 kg. Blei eine Kugel gießen. Welchen Durchmesser muß er ihr geben? (Spez.-G. von Blei = 11.)

$$\begin{aligned} \text{Lösung: } J &= \frac{4}{3} r^3 \pi = \frac{1000}{11} \text{ cm}^3 \\ r &= \sqrt[3]{\frac{1000 \cdot 3}{11 \cdot 4 \cdot \pi}} = 5 \sqrt[3]{\frac{6}{11 \cdot \pi}} \\ &= \frac{5 \cdot 1,81712}{2,22398 \cdot 1,46459} = 2,789 \\ d &= 5,58 \text{ cm} \end{aligned}$$

