

Zeitschrift: Schweizerische Zeitschrift für Forstwesen = Swiss forestry journal = Journal forestier suisse
Herausgeber: Schweizerischer Forstverein
Band: 39 (1888)

Artikel: Umgehung des Pothenot'schen Problems oder Berechnung eines trigonometrischen Punktes aus drei gegebenen unzugänglichen Punkten
Autor: Wild, M.
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-763439>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 18.01.2026

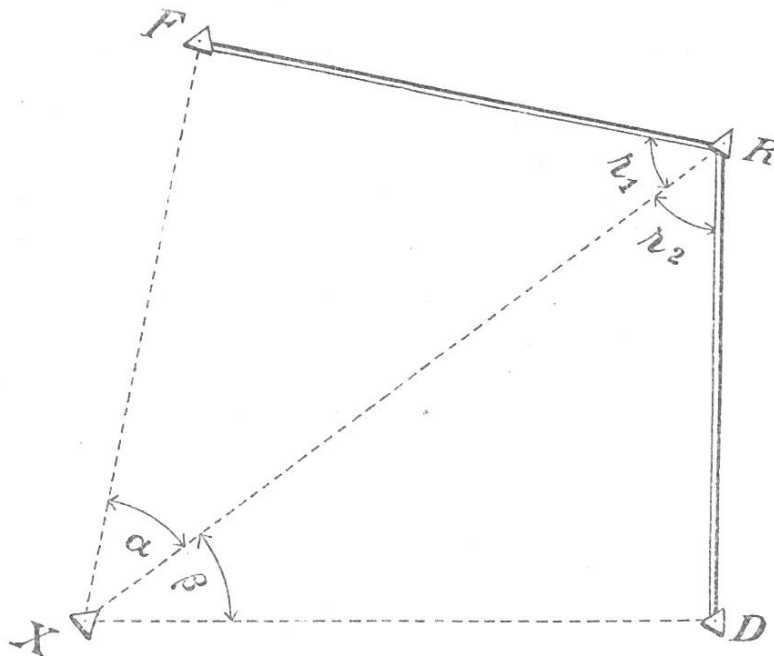
ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

Umgehung des Pothenot'schen Problems

oder

Berechnung eines trigonometrischen Punktes aus drei gegebenen
unzugänglichen \triangle Punkten.

Wenn es möglich ist, wird man eine Triangulation immer so eintheilen, dass die Winkel auf den Anschlusspunkten *direkt* gemessen werden können. Es treten aber oft Fälle ein, bei welchen dies nicht angeht, sei es, dass die Anschlusspunkte Kirchthürme oder



sonst unzugängliche Punkte sind, oder dass deren Begehung zu viel Zeit in Anspruch nimmt und sich in gewissen Fällen nicht lohnt. Bei Gebirgsvermessungen kommt es häufig vor, dass man während der Detail-Messungen bald da, bald dort noch einen Punkt schnell bestimmen sollte, um durch ihn einen Anschluss oder eine Kontrolle zu gewinnen oder sogar um schwer zugängliche *Markpunkte* kurzweg *trigonometrisch* zu berechnen, statt auf langen Umwegen mühsam und doch ungenau einzumessen. Für solche Fälle kennt man das *Pothenot'sche Problem*, also dienlich, einen Punkt (vide *X* in obenstehender Zeichnung) zu bestimmen, indem man *einzig* die Winkel α und β zu messen hat. Von *F*, *R* und *D* sind die *Koordinaten* bekannt, und aus diesen kann man mit Leichtigkeit die Distanzen

FR und RD , sowie auch die Azimuthe dieser Linien und somit den Gesamtwinkel R berechnen.

Aber das Pothenot'sche Problem bedingt eine ziemlich weitläufige, langweilige Rechnerei, und mancher Geometer und Förster hat die Formeln im Laufe der Jahre verschwitz, man lässt dann Pothenot „Pothenot“ sein und hilft sich anderswie. In meiner Praxis hatte ich häufig solche X -Punkte zu bestimmen. Ich benutzte aber eine andere, viel einfachere, kürzere und doch sichere Rechnungsmethode als die Pothenot'sche; da ich nicht weiss, ob diese einfachere Methode andern Orts auch bekannt ist und geübt wird, will ich sie hier kurz erörtern. Sie beruht auf dem System der *Fehlervvertheilung*.

In vorliegendem Beispiel sind gemessen die Winkel α und β : $\angle \alpha = 46^\circ 93' 90''$; $\angle \beta = 110^\circ 58' 70''$. Der Winkel R und die Distanzen FR und RD können aus den gegebenen Koordinaten berechnet werden. Vom Winkel R ist aber unbekannt, wie viel Grade auf das *obere* und wie viele auf das *untere* Dreieck fallen und die Winkel F und D sind ganz unermittelt. $\angle R = 93^\circ 51' 76''$; Seite $FR = 424,74 \text{ m}$ ($\log 2,628123$); Seite $RD = 967,56 \text{ m}$ ($\log 2,985678$). Was thun, um Winkel F und D zu ermitteln?

Man theilt vom Winkel R jedem Dreieck „ungefähr“ eine Anzahl Grade zu, immerhin so, dass *beide Winkel zusammen* genau $93^\circ 51' 76''$ betragen, z. B. $\angle r_1 = 60^\circ$; $\angle r_2 = 33^\circ 51' 76''$. Jetzt hat man α und r_1 , somit ist $\angle F = 200^\circ - (\alpha + r_1) = 93^\circ 06' 10''$.

$$\angle D = 200^\circ - (\beta + r_2) = 55^\circ 89' 54''.$$

Mit diesen Winkeln rechnet man auf's Gerathewohl nach dem Sinussatze die Linie XR zuerst im *obern*, dann im *untern* Dreieck. Selbstverständlich erhält man nicht übereinstimmende Maasse.

Erste Rechnung.

(Die Winkel sind 400theilig.)

Oberes Dreieck (Basis $\log 2,628123$)					Unteres Dreieck (Basis $\log 2,985678$)				
Punkte	Winkel	Log	Diff. 1	Rechnung der Seite XR	Punkte	Winkel	Log	Diff. 1'	Rechnung der Seite XR
F	$93^\circ 06' 10''$	9,997417	7	9,997417	D	$55^\circ 89' 54''$	9,886190	56	9,886190
$X(\angle \alpha)$	$46^\circ 93' 90''$	9,827567		2,628123	$X(\angle \beta)$	$110^\circ 58' 70''$	9,993962		2,985678
	compl. $0,172433$		—	0,172433		compl. $0,006038$		—	0,006038
				2,797973					2,877906
$R(\angle r_1)$	60° —	—	—	—	$R(\angle r_2)$	$33^\circ 51' 76''$	—	—	—
	200° —					200° —			

Die gesuchte Seite hat demnach:
 im *obern* Dreieck eine Länge von $\log 2,797973 = (628,02 m)$
 „ *untern* „ „ „ „ „ $\underline{2,877906 = (754,93 „)}$

Die Differenz beträgt 79933

Hieraus ist ersichtlich, dass $\angle F$ um eine Anzahl Grade zu *klein* und $\angle D$ um *gleich* viel Grade zu *gross* ist. Diesen Fehler zu ermitteln, summiert man die Differenzen 1 Minute von F und D und dividirt diese Zahl in die gesammte, gefundene Differenz, nämlich (vide oben) $\left. \begin{array}{l} \text{Diff. } 1' \text{ von } F = 7 \\ \text{„ } 1' \text{ „ } D = 56 \end{array} \right\} 63.$

Der Fehler beträgt also $\frac{79933}{63} = 1268,77$ Minuten. Also um $12^0 68' 77''$ muss der Winkel F *vergrössert*, dagegen der Winkel D *verkleinert* werden. Selbstverständlich tritt dieselbe Korrektur auch entsprechend bei r_1 und r_2 ein, doch geschieht dies erst am Schlusse, nachdem die Distanz RX und somit auch die Winkel F und D sicher ermittelt sein werden.

Zweite Rechnung.

Oberes Dreieck (Basis wie oben)					Unteres Dreieck (Basis wie oben)				
Punkte	Winkel	Log	Diff. 1'	Rechnung der Seite XR	Punkte	Winkel	Log	Diff. 1'	Rechnung der Seite XR
F	$105^0 74' 87''$	9,998225	6	9,998225	D	$43^0 20' 77''$	9,797810	84	9,797810
		wie oben	...	2,628123			wie oben	...	2,985678
X		wie oben	...	0,172433	X		wie oben	...	0,006038
				<u>2,798781</u>					<u>2,789526</u>

Die gesuchte Seite hat diessmal im:

im *obern* Dreieck eine Länge von $\log 2,798781$
 „ *untern* „ „ „ „ „ $\underline{2,789526}$

Die Differenz beträgt noch 9255

Diessmal sind die Differenzen einer Minute $\left. \begin{array}{l} \text{bei } F = (-)6^* \\ \text{„ } D = 84 \end{array} \right\} 78.$

Nunmehr beträgt der Fehler bloss noch: $\frac{9255}{78} = 118,60$ Minuten.

Also $1^0 18' 60''$ muss jetzt der $\angle F$ *verkleinert*, dagegen $\angle D$ *vergrössert* werden.

*) F ist diessmal ein Cosinuswinkel, wesshalb die Differenz negativ wirkt.

Dritte Rechnung.

Oberes Dreieck					Unteres Dreieck				
Punkte	Winkel	Log	Diff. 1'	Rechnung der Seite RX	Punkte	Winkel	Log	Diff. 1'	Rechnung der Seite RX
F	$104^{\circ}56'27''$	9,998880	4	9,998880	D	$44^{\circ}39'37''$	9,807650	82	9,807650
		wie oben	...	2,628123			wie oben	...	2,985678
X		wie oben	...	0,172433	X		wie oben	...	0,006038
				<u>2,799436</u>					<u>2,799366</u>

Die gesuchte Seite erhält diessmal:

im *obern* Dreieck eine Länge von $\log 2,799436 = 630,14 m$;

„ *untern* „ „ „ „ „ $2,799366 = 630,04$ „

Differenz 10 *cm*.

Wünscht man die Differenz von 10 *cm* auch noch auszugleichen, so wird die Rechnung noch einmal wiederholt. Die Arbeit ist ja sehr schnell vollzogen, da bei den Wiederholungen stets nur die Logarithmen der beiden Winkel F und D neu aufgeschlagen werden müssen, die übrigen Logarithmen bleiben fortwährend unverändert. Begnügt man sich mit der Genauigkeit der obigen, dritten Rechnung, so erhalten die Dreiecke nun folgende *Winkel*:

$$\left\{ \begin{array}{l} F = 104^{\circ}56'27'' \\ X(\alpha) = 46^{\circ}93'90'' \\ R(r_1) = 48^{\circ}49'83'' \end{array} \right. \quad \left\{ \begin{array}{l} D = 44^{\circ}39'37'' \\ X(\beta) = 110^{\circ}58'70'' \\ R(r_2) = 45^{\circ}01'93'' \end{array} \right.$$

$200^{\circ} \quad \text{—} \qquad \qquad \qquad 200^{\circ} \quad \text{—}$

Die *Seite* RX besitzt eine Länge von 630,07 *m*.

Das Schlussresultat dieser Rechnung ist genau und müsste mit den direkten Messungen bei einer allfälligen Prüfung übereinstimmen, immerhin ist es eine Hauptsache, auch hier dafür zu sorgen, dass keine Winkel „spitz“ stehen, *namentlich nicht die Winkel bei X* und dass die letztern mit aller Schärfe gemessen werden.

Das Verfahren ist ungemein einfach, in zwei- bis dreimaliger Rechnung ist die Aufgabe fast immer gelöst. Jeder, der ein gewöhnliches Dreieck nach dem Sinussatz berechnen kann, ist im Stande, mit Leichtigkeit auch diese Aufgabe zu lösen, ohne das Pothenot'sche Problem zu Hülfe zu ziehen.

M. Wild, St. Gallen.