

Zeitschrift: Schweizerische mineralogische und petrographische Mitteilungen =
Bulletin suisse de minéralogie et pétrographie

Band: 43 (1963)

Heft: 1: Festschrift Robert L. Parker : zu seinem 70. Geburtstag : 1. Mai 1963

Artikel: Bemerkungen zur Dreiecksprojektion

Autor: Tertsch, H.

DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-33433>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 30.04.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

Bemerkungen zur Dreiecksprojektion

Von H. Tertsch † (Wien)

Mit 1 Textfigur

Wenn man für eine gnomonische Kristallprojektion wie üblich die Fläche senkrecht zur Vertikalachse als Projektionsebene (Kopfbild) verwendet, lassen sich nur beschränkte Teile der Projektionskugel darstellen. Vor allem ist es bei dieser Wahl der Projektionsebene gnomonisch nicht möglich, alle drei Endflächen zugleich abzubilden. Diese Schwierigkeit verschwindet, wenn man eine andere, womöglich zentral gelegene Fläche eines *Oktanten* der Projektionskugel zur Projektionsebene macht. Diese Sonderform der gnomonischen Kristallprojektion bildet dann die drei Endflächen im Endlichen als Ecken eines Dreiecks ab, innerhalb dessen *sämtliche* Flächen des projizierten Oktanten der Projektionskugel nicht nur schematisch, sondern auch winkelgetreu eingetragen werden können. Gegenüber der so überaus verwendbaren stereographischen Projektion zeigt die gnomonische Projektion und natürlich auch der Sonderfall der Dreiecksprojektion den Vorteil, dass die Zonen als gerade Linien gezogen werden können und dass die graphische Kristallberechnung und die Indizesbestimmung dadurch sehr vereinfacht wird. Ein anderer Vorteil geht bei der Dreiecksprojektion allerdings verloren: Zonen über dem gleichen Durchmesser erscheinen nicht mehr als parallele Gerade.

Dieser Umstand wie auch die Schwierigkeit, die Projektion winkelgetreu zu gestalten, liessen die Dreiecksprojektion wenig zur Anwendung kommen, wenn auch P. NIGGLI (1924, 1941) in seinen Büchern immer wieder die Vorteile der Dreiecksprojektion, besonders bei *Habitus- und Trachtfragen*¹⁾ hervorhob und ausnützte.

¹⁾ Zur Definition von „Habitus“ und „Tracht“ sei nachdrücklichst auf TERTSCH (1959, S. 198) verwiesen.

Während in der Projektion *aller* Systeme 010 immer in B' liegt, müssen die Projektionen von 100 und 001 im monoklinen und triklinen System erst jeweils winkelgetreu eingetragen werden, wobei der gnomonische Pol von 100 natürlich in die Dreieckseite $A'B'$ fallen muss.

Falls Hemiedrien vorliegen, also die Flächenverteilung nicht in allen Oktanten analog ist, muss für jeden einzelnen, abweichenden Oktanten eine gesonderte Dreiecksprojektion angefertigt werden (vgl. dazu P. NIGGLI, 1924 u. 1941, und TERTSCH, 1959).

Für die einfachen geometrischen Beziehungen zwischen der Lage der Endflächen A, B, C in stereographischer Projektion und deren gnomonischen Polen $A'B'C'$ vgl. Fig. 1 und TERTSCH (1959). PARKER schlug den Gebrauch eines käuflichen gleichseitigen Dreiecksnetzes mit 20 cm Seitenlänge vor. Da aber für den Radius 10 der Projektionskugel eine Seite des Dreieckes 24,5 sein müsste, machte er darauf aufmerksam, dass für ein Dreieck mit $s = 20$ ein $r = 8,66$ gültig wäre²⁾.

Soll für das Dreiecksnetz $s = 20$ ein Winkel MP (Fig. 1) eingetragen werden, der nicht aus den Winkeltabellen oder dem Zonenverband abgeleitet werden kann, ist hierbei zu beachten, dass nicht einfach eine Tangententabelle verwendet werden kann, sondern es notwendig ist, die Tangente des anderweitig (zum Beispiel durch die stereographische Projektion) gegebenen Winkels erst für $r = 8,66$ umzurechnen. Eine erste, rohe Übersicht einer solchen Umrechnung gibt die folgende Tabelle.

Tabelle. $\tan MP$ für $r = 8,66$

Grad	cm	Grad	cm	Grad	cm	Grad	cm	Grad	cm	Grad	cm
1	0,15	12	1,85	22	3,50	32	5,42	42	7,81	52	11,10
2	0,30	14	2,16	24	3,86	34	5,85	44	8,37	54	11,92
4	0,61	16	2,51	26	4,23	36	6,31	45	8,66	56	12,86
6	0,91	18	2,82	28	4,62	38	6,78	46	8,98	58	13,87
8	1,22	20	3,16	30	5,00	40	7,29	48	9,62	60	15,03
10	1,53							50	10,33		

Auf jeden Fall ist es wichtig, die (allenfalls theoretische) Lage der 3 Endflächen und der Grundpyramide oder zweier Grundprismen (in den Seiten $A'B'$, $B'C'$, $A'C'$) winkelrichtig einzuzeichnen. Aus dem Zonenverband ergeben sich dann die anderen Flächenlagen.

Eine Besonderheit zeigt sich beim *trigonalen* System in der MILLERschen Aufstellung. Hier erscheint der Würfel des kubischen Systems

²⁾ Nicht 8,16, wie infolge eines Druckfehlers angegeben wird.

nach einer der dreizähligen Deckachsen dieses Systems verformt, gestaucht oder gestreckt, und das Grundrhomboeder $10\bar{1}1$ nach BRAVAIS wird zum Projektionsmittelpunkt (gnomonisch 111). Der Winkel ρ (Polardistanz) für $(10\bar{1}1-0001)$ gilt dann *ungeändert* auch für die Dreiecksprojektion. Man kann also in dem Projektionsdreieck von M aus diesem Winkel ρ in den drei zu den Eckpunkten des Dreiecks führenden Azimuten eintragen und erhält damit die Projektionspole für die Flächen des Grundrhomboeders (100 , 010 , 001 nach MILLER), die bei stumpfen Grundrhomboedern innerhalb, bei spitzen ausserhalb des Netzes zu liegen kommen. Die Ecken des Dreieckes entsprechen Würfel Flächen, wenn eine dreizählige Deckachse (also der Oktaederpol 111) zum Projektionsmittelpunkt wird. Der Würfel ist ja nur der Grenzfall zwischen den stumpfen und spitzen Grundrhomboedern. (Vgl. dazu die Angaben über den $\sphericalangle \rho$ in der Reihe der rhomboedrischen Karbonate bei NIGGLI (1926) und dessen Einordnung dieser Karbonate unter die pseudokubischen Minerale.)

Unter sorgfältiger Beachtung aller von R. L. PARKER (1936, 1938, 1940) dargestellten Gesetzmässigkeiten der Dreiecksprojektion (allenfalls auch unter Verwendung von TERTSCH, 1959) ist es leicht, eine winkelgetreue Dreiecksprojektion herzustellen. Sie ist besonders bei *vergleichenden* Habitus- und Trachtstudien wie auch bei allfälligen *Persistenzfragen* (NIGGLI, 1941, S. 645ff.) mit grossem Vorteil zu verwenden.

Literatur

- NIGGLI, P. (1924): Lehrbuch der Mineralogie, 1. Teil. 2. Aufl., p. 121ff., Berlin.
 — (1941): Lehrbuch der Mineralogie, 1. Teil, 3. Aufl., p. 669ff., Berlin.
 — (1926): Lehrbuch der Mineralogie, 2. Teil, 2. Aufl., p. 79ff., Berlin.
 PARKER, R. L. (1936): Über winkeltreue Dreiecksprojektion. Schweiz. Min. Petr. Mitt. 16, 202—208.
 — (1938): Ein Netz zur winkeltreuen Dreiecksprojektion. Schweiz. Min. Petr. Mitt. 18, 475—479.
 — (1940): Ein Beitrag zur „schematischen“ Dreiecksprojektion. Schweiz. Min. Petr. Mitt. 20, 281—288.
 TERTSCH, H. (1959): Von der stereographischen Projektion zur Dreiecksprojektion und Bemerkungen zur Trachtfrage. N. Jb. Min., Mh., 193—199.

Manuskript eingegangen am 1. Juni 1962.