

Zeitschrift:	Bulletin des Schweizerischen Elektrotechnischen Vereins, des Verbandes Schweizerischer Elektrizitätsunternehmen = Bulletin de l'Association suisse des électriciens, de l'Association des entreprises électriques suisses
Herausgeber:	Schweizerischer Elektrotechnischer Verein ; Verband Schweizerischer Elektrizitätsunternehmen
Band:	82 (1991)
Heft:	19
Artikel:	Methoden zur Berechnung der energetischen Parameter des asynchronen Antriebes mit pendelnder Last
Autor:	Bergman, Josif / Thirer, Nonel
DOI:	https://doi.org/10.5169/seals-903020

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 21.02.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

Methoden zur Berechnung der energetischen Parameter des asynchronen Antriebes mit pendelnder Last

Josif Bergman und Nonel Thirer

Der Antrieb von Arbeitsmaschinen mit pendelnder Last (Webstühle, Verdichter) durch Drehstrom-Asynchronmotoren weist technische und wirtschaftliche Eigenheiten auf, von denen hier die wichtigsten dargestellt werden. Es werden Rechenprogramme beschrieben, welche sich auf ein vereinfachtes Asynchronmaschinenmodell abstützen, das die Frequenzabhängigkeit der Rotorimpedanz durch den Schlupf berücksichtigt.

L'entraînement de machines productrices à charge alternantes (métiers à tisser, compresseurs, etc.) par moteurs asynchrones triphasés présente des particularités techniques et économiques dont les plus importantes sont présentées ci-après. On décrit des programmes de calcul s'appuyant sur un modèle simplifié d'une machine asynchrone qui tient compte de la dépendance de la fréquence de l'impédance du rotor due au glissement.

Adresse der Autoren

Prof. Dr.-Ing. Josif Bergman und Ing. Nonel Thirer, Elektrotechnische Abteilung des Lehrzentrums für Technologie, Holon 58102, Israel

Die Entwurfs- und Betriebsfragen der mit konstanter oder mit langsam schwankender Last arbeitenden Antriebe sind im technischen Schriftum bereits weitgehend behandelt worden. Viele durch Asynchronmotoren angetriebene Arbeitsmaschinen (Webstühle, Verdichter u.a.) bringen Stabilitätsprobleme, hohe harmonische Oberschwingungen im Netz, zusätzliche Erwärmung und einen vermindernden Leistungsfaktor mit sich.

In früheren Arbeiten der Verfasser [1, 2] sind die Probleme des verminderten Leistungsfaktors der Antriebe von Webstühlen und die Optimierung ihres Betriebs erläutert worden. Dort wurde unter anderem auf die Tatsache, dass die deformierende Leistung eine wichtige Rolle bei der Verkleinerung des Leistungsfaktors spielt, hingewiesen. In der vorliegenden Arbeit wird eine Verallgemeinerung der Schlussfolgerungen dieser Arbeiten, unter der Vernachlässigung der elektromagnetischen Übergangsvorgänge, vorgestellt, und es werden zwei Rechenmethoden für die energetischen Parameter des antreibenden Asynchronmotors hergeleitet.

Berechnung des Schlupfes

Aus der Momentengleichung

$$M = M_s + M_d = M_s + J \frac{d\omega}{dt} \quad (1)$$

wird der Ausdruck des Schlupfes hergeleitet. M stellt das vom Motor erzeugte elektromagnetische Drehmoment, M_s das Gegendrehmoment der Arbeitsmaschine und M_d das dynamische Drehmoment dar. J ist das Trägheitsmoment und $d\omega/dt$ die Beschleunigung der sich drehenden Massen.

Das veränderliche Gegendrehmoment der Arbeitsmaschine M_s kann durch eine Fourier-Reihe dargestellt werden. Für die Winkelgeschwindigkeit ω_a ihrer Hauptwelle, von der hier nur die erste Komponente in Betracht genommen wird, ergibt sich dementsprechend $\omega_a = \omega(1 + \mu \cos \omega t)$, wobei ω den Mittelwert und $\mu = (\omega_{max.} - \omega_{min.})/\omega$ den Unregelmässigkeitsgrad der Winkelgeschwindigkeit, welche zwischen dem Höchstwert $\omega_{max.}$ beim Schlag und dem Kleinstwert $\omega_{min.}$ zwischen zwei Schlägen pendelt, darstellt.

Es sei v das Übersetzungsverhältnis zwischen den Wellen des Motors und der Arbeitsmaschine; damit wird der Schlupf zu

$$s = \left(1 - \frac{p v \omega}{2 \pi f} \right) - \frac{p v \mu \omega}{2 \pi f} \cos \omega t \quad (2)$$

mit dem konstanten Teil s_0 und dem Beiwert des veränderlichen Teiles s_m ; p ist die Polpaarzahl des Motors und f die Frequenz des Netzes.

Die technischen Eigenschaften des Antriebes sind in den Werten von s_0 und s_m enthalten; sie hängen vom Unregelmässigkeitsgrad μ , dem Übersetzungsverhältnis v und der Motor-Polpaarzahl p ab. Das Rechenprogramm basiert auf der Annahme, dass während einer Umdrehung der Hauptwelle nur ein Schlag stattfindet.

Die energetischen Parameter des Antriebes

Nachfolgend werden die Rechenformeln für die Ströme, Leistungen und des Leistungsfaktors, unter Ver-

nachlässigung der elektromagnetischen Übergangsvorgänge, gemäss dem T -Ersatzschaltbild für das stationäre Arbeitsregime in der Reihenfolge des Programms beschrieben. Die Frequenzabhängigkeit der Rotorimpedanz wird nur durch den Schlupf berücksichtigt. Der Scheinwiderstand des Arbeitskreises ist

$$z'_2 = \sqrt{\left(r_1 + \frac{c_1 r'_2}{s}\right)^2 + (x_1 + c_1 x'_2)^2} \quad (3)$$

Der zum Ständerkreis übertragene Läuferstrom beträgt

$$I'_2 = \frac{U_1}{z'_2} \quad (4)$$

wobei U_1 die Phasenspannung ist. Es gelten die Beziehungen

$$\cos \phi'_2 = \frac{r_1 + \frac{c_1 r'_2}{s}}{z'_2} \quad (5a)$$

$$\sin \phi'_2 = \frac{x_1 + c_1 x'_2}{z'_2} \quad (5b)$$

wobei r_1 , x_1 , r'_2 , x'_2 die Wirk- und Streublindwiderstände der Ständer (Index 1) sowie der zum Ständer übertragenen Läuferphase (Index 2) sind. Schliesslich ist $c_1 = 1 + (x_1/x_{12})$, wobei x_{12} den Gegenblindwiderstand darstellt. Der durch die Ständerphase vom Netz aufgenommene Strom ist

$$I_1 = \sqrt{(I_{0a} + I'_2 \cos \phi'_2)^2 + (I_{0r} + I'_2 \sin \phi'_2)^2} \quad (6)$$

mit dem Leerlaufstrom $I_0 = I_{0a} + j I_{0r}$ und den Wirk- und Blindkomponenten I_{0a} , I_{0r} . Im Ständerkreis sind

$$\cos \phi_1 = \frac{I_{0a} + I'_2 \cos \phi'_2}{I_1} \quad (7a)$$

$$\sin \phi_1 = \frac{I_{0r} + I'_2 \sin \phi'_2}{I_1} \quad (7b)$$

Vom Netz werden aufgenommen die Wirkleistung

$$P_1 = 3 \left(r_1 + \frac{c_1 r'_2}{s} \right) I_1^2 \quad (8)$$

die Blindleistung

$$Q_1 = 3 (x_1 + c_1 x'_2) I_1^2 \quad (9)$$

und die Scheinleistung

$$S = \sqrt{P_1^2 + Q_1^2} \quad (10)$$

Natürlich ändern sich die Effektivwerte der Ströme I_1 und I'_2 nicht sinusförmig über die Periode $T = 2\pi/\omega$. Man berechnet die Werte schrittweise und erhält so die entsprechenden Kurven, von welchen die Mittelwerte über eine Umdrehung bestimmt werden. Der Mittelwert des Leistungsfaktors ist

$$\cos \phi_{med} = \frac{P_{1med}}{\sqrt{P_{1med}^2 + Q_{1med}^2}} \quad (11)$$

wobei P_{1med} , Q_{1med} die Mittelwerte der Wirk- und Blindleistung sind. Die Nutzleistung berechnet sich unter Vernachlässigung der mechanischen Verluste zu

$$P_2 = \frac{3(1-s)}{s} r'_2 (I'_2)^2 \quad (12)$$

$$S_k = \frac{k' \omega_1 - \omega}{k' \omega_1} \approx 1 - \frac{1}{k'} \quad (15)$$

Also entsprechen den Kreisfrequenzen ω_1 , $k\omega - \omega_1$, $k\omega + \omega_1$ die Schlupfe s_o , $(k\omega - 2\omega_1)/(k\omega - \omega_1)$, $k\omega/(k\omega + \omega_1)$. Die Summe der Scheinwiderstände der zwei Glieder einer Harmonischen ist

$$Z_k = 2\sqrt{R_k^2 + X_k^2} \quad (16)$$

wobei, mit $a = \omega_1/k\omega$,

$$R_k = r_1 + c_1 r'_2 \frac{1 - a - a^2}{1 - 2a} \quad (17)$$

der Wirkwiderstand und

$$X_k = \frac{1}{a} (x_1 + c_1 x'_2) \quad (18)$$

der Blindwiderstand ist. Die Effektivwerte des Stromes und der Spannung betragen:

$$I_e = \sqrt{I_0^2 + \sum_1^{\infty} I_k^2} \quad (19)$$

$$U_e = \sqrt{(Z_0 I_0)^2 + \sum_1^{\infty} (Z_k I_k)^2} \quad (20)$$

Daraus ergeben sich die Ausdrücke der aufgenommenen Scheinleistung S

$$S = 3 U_e I_e \quad (21)$$

der Wirkleistung P

$$P = \frac{3}{2} \sum R_k I_k^2 \quad (22)$$

der Blindleistung Q

$$Q = \frac{3}{2} \sum I_k^2 X_k \quad (23)$$

der deformierenden Leistung D

$$D = \sqrt{S^2 - P^2 - Q^2} \quad (24)$$

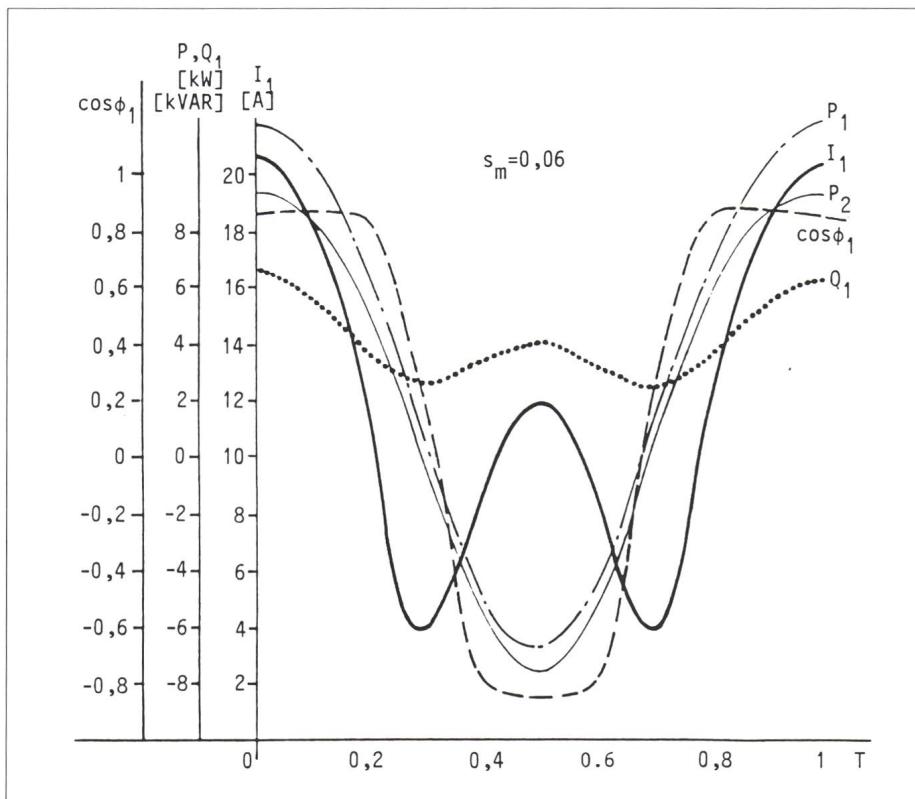
und des Leistungsfaktors k_p

$$k_p = \frac{P}{S} \quad (25)$$

Die deformierende Leistung trägt dabei wesentlich zur Verkleinerung des Leistungsfaktors des Motors bei.

Zahlenbeispiel

Mit dem Programm wurden sämtliche Betriebsparameter eines Käfigläu-

Bild 1 Verlauf der Betriebsparameter über eine Pendelperiode T

I_1 Effektivwert des Ständerstromes

$\cos \phi_1$ Leistungsfaktor

P_1 Wirkleistung

Q_1 Blindleistung

P_2 Nutzleistung

s_m Amplitude des veränderlichen Teils des Schlupfes

fer-Asynchronmotors für folgende Daten bei Pendellast berechnet: Nennleistung $P_N = 5,5 \text{ kW}$; Nennspannung $U_N = 380 \text{ V}$; Nennstrom $I_1 = 11,5 \text{ A}$; Nenndrehzahl $n = 1446 \text{ U./min}$; Frequenz $f = 50 \text{ Hz}$; Leistungsfaktor $\cos \phi = 0,85$; Wirkungsgrad $\eta = 0,855$. Die Parameter des Ersatzschaltkreises sind: $r_1 = 1,04 \Omega$; $r_2 = 0,79 \Omega$; $x_1 = 1,5 \Omega$; $x_2 = 2,5 \Omega$; $c_1 = 1,03$; $I_0 = 0,6 \text{ A} + j 3,8 \text{ A}$.

Das Bild 1 stellt die Verläufe des Ständerstromes I_1 , des Leistungsfaktors $\cos \phi_1$, der Wirk- und Blindleistung P_1 , Q_1 und der Nutzleistung P_2 für $\omega = 19\pi \text{ s}^{-1}$ und $s_m = 0,06$ während einer Lastperiode dar.

Während einer Lastperiode T pendeln alle diese Werte in grossem Mass, die Wirkleistungen P_1 , P_2 und der Leistungsfaktor $\cos \phi_1$ werden auch negativ. Diese negativen Werte entsprechen dem Zustand, in dem die kinetische Energie der rotierenden Massen die zum Drehen nötige Energie überschreitet.

Der Läuferleistungsfaktor $\cos \phi_2$, der aber nicht in der Abbildung dargestellt ist, ist grösser als der im Ständer-

kreis, obwohl der $s_m = 0,06$ entsprechende Lastschlag gross ist. Zwischen den Ständer- und Läuferströmen besteht eine konstante Differenz, was aus dem Programm ersichtlich ist.

Der mittlere Strom pro Periode ist vergleichbar mit dem Nennstrom, aber die aufgenommene Leistung und die Nutzleistung P_1 , P_2 , zusammen mit dem Leistungsfaktor $\cos \phi_1$, sind wesentlich kleiner als die entsprechenden Nennwerte. Der ausgewählte Motor ist somit für diesen Pendelbetrieb geeignet.

Die über die Periode der pendelnden Last gemittelten Werte für den Strom I_{1m} , für die Wirk- und Blindleistung P_{1m} und Q_{1m} , für den Leistungsfaktor $\cos \phi_1$ und für die Nutzleistung P_2 sind für eine Last-Kreisfrequenz $\omega = 19\pi \text{ s}^{-1}$ und für $s_m = 0,016$; $0,05$; $0,06$; $0,23$; $0,3$ in Bild 2 dargestellt.

Zum Vergleich sind die gleichen Grössen, aber für konstante Last, und damit für konstanten Schlupf s , in demselben Bild ebenfalls eingetragen.

Die Pendellast und der entsprechende Leistungsfaktor sind viel kleiner als bei konstanter Nennlast $P_2 = 5,5 \text{ kW}$ mit $s = 0,036$. Diesem Wert von $s_m = 0,016$ entspricht die grösste Pendellast $P_2 = 2,6 \text{ kW}$. Den Strom, dessen Mittelwert nahe dem Nennstrom ist, erzielt man für $s_m = 0,06$. Für grössere Werte der s_m , die überaus grossen konstanten Lasten entsprechen, verkleinert sich die Nutzpendellast P_2 , bis sie auch negativ wird. Die Verminderung des Leistungsfaktors $\cos \phi_1$ erklärt sich zugleich durch den relativ kleinen Mittelwert der Last und der Natur derselben. Zum Auswählen des Motors für Antriebe mit veränderlicher Last, mit höherer Schlagfrequenz, ist die Me-

s_m	Pendelnde Last					Konstante Last					
	I_{1m} [A]	P_{1m} [kW]	Q_{1m} [kVAR]	$\cos \phi_1$	P_2 [kW]	s	I_1 [A]	P_1 [kW]	Q_1 [kVAR]	$\cos \phi_1$	P_2 [kW]
0.016	7.41	3.2	2.6	0.776	2.6	0.036	11.5	6.43	4	0.85	5.5
0.05	10.47	3.34	3.7	0.667	2.32	0.07	17.15	10.75	3.5	0.95	9.29
0.06	11.83	3.15	4.1	0.608	2	0.08	22	12.85	8.9	0.82	10.1
0.23	31.71	1.12	14.65	0.076	-4.73	0.25	40.4	18.3	19.4	0.686	16.67
0.3	36.38	1.5	18.43	0.081	-6	0.32	40.6	16.7	20.9	0.624	12.2

Bild 2 Vergleich der Betriebsparameter für pendelnde und konstante Last
 m die mit dem Index m versehenen Grössen bezeichnen über eine Periode der pendelnden Last gemittelte Werte

s Schlupf

I_1 Ständerstrom

P_1 Wirkleistung

Q_1 Blindleistung

$\cos \phi_1$ Leistungsfaktor

P_2 Nutzleistung

k	I_k [A]	R_k [Ω]	X_k [Ω]	Z_k [Ω]	P_k [W]	Q_k [VAR]
0	5.25	41.64	4.07	41.84	3452	2845
1	5.72	3.76	0.77	3.84	92.2	18.88
2	4.7	2.67	1.55	3.085	44.23	25.68
3	1.86	2.28	2.32	3.25	5.9	6
4	0.19	2.06	3.09	3.715	0.05	0.08
5	0.47	1.89	3.87	4.31	0.3	0.64
		Total		3595	2896	

Bild 3 Fourier-Komponenten der Betriebsparameter

thode des Quadratstromes nicht genügend genau.

Das Bild 3 zeigt die Ergebnisse der Rechnung für $s_m = 0,06$, bei der die Ströme durch die ersten fünf Terme einer Fourier-Reihe (die folgenden Terme sind vernachlässigbar) dargestellt werden. Die Scheinleistung (21)

ist $S = 6159,5$ VA, der Leistungsfaktor (25) $k_p = 0,583$ und die deformierende Leistung (24) $D = 4078$ VAD.

Zwischen den Ergebnissen der beiden Methoden ergeben sich Differenzen, die aber 10% nicht überschreiten. Das zweite Programm, welches die physikalischen Tatsachen besser berücksichtigt, ist zu bevorzugen, obwohl es etwas komplizierter ist.

der zweiten Methode werden die Ströme als Fourier-Reihe dargestellt.

Die Rechnungen bestätigen, dass der Leistungsfaktor durch die Vergrößerung der deformierenden Leistung reduziert wird. Der Einfluss einer pendelnden Last auf die Funktionsweise eines Asynchronmotors wird durch diese Rechnungen transparenter gemacht, was eine genauere Dimensionierung des Antriebsmotors erlaubt. Ein Programm, das auch die elektromagnetischen Übergangsvorgänge berücksichtigt, wird in einer anderen Arbeit erläutert.

Schlussfolgerungen

Es wurden zwei Rechenprogramme für die energetischen Parameter der Antriebe mit Drehstromasynchronmotoren von Arbeitsmaschinen mit pendelnder Last vorgestellt. Es handelt sich dabei um Programme, welche die elektromagnetischen Übergangsvorgänge vernachlässigen. In der Approximation der ersten Methode werden nur die arithmetischen Mittelwerte der augenblicklichen Ströme und Leistungen berechnet. In

Literatur

- [1] J. Bergman: Über die Gründe der Arbeit mit kleinem Leistungsfaktor der Webstühle antreibenden Asynchronmotoren (RUM). *Electrotechnica Bucuresti* 20(1972)4, S. 134–138.
- [2] J. Bergman, A. Prisacaru und D. Hagianu: Beiträge zur Arbeit der Schrägemotoren mit pendelnder Last. *Bulletin J.P. Jasi Rumänien*. Tom XXVIII, III, 1–4, (1982), S. 87–94.
- [3] C.P. Kovacs und L. Racz: Transiente Vorgänge in Wechselstrommaschinen. Budapest, Verlag der Ungarischen Akademie der Wissenschaften, 1959.