

**Zeitschrift:** Bulletin des Schweizerischen Elektrotechnischen Vereins, des Verbandes Schweizerischer Elektrizitätsunternehmen = Bulletin de l'Association suisse des électriciens, de l'Association des entreprises électriques suisses

**Herausgeber:** Schweizerischer Elektrotechnischer Verein ; Verband Schweizerischer Elektrizitätsunternehmen

**Band:** 75 (1984)

**Heft:** 12

**Artikel:** Simulation analogique de la ferrorésonance tri-monophasée

**Autor:** Abdenmour, R. / Sbai, A. / Annabi, M.

**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-904423>

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 15.01.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

# Simulation analogique de la ferrorésonance tri-monophasée

R. Abdenmour, A. Sbai et M. Annabi

*Les différents phénomènes de ferrorésonance rencontrés en monophasé nous incitent à les étudier dans le cas tri-monophasé. Ceci se ramène à l'étude de trois éléments monophasés non couplés mutuellement et alimentés par une source triphasée équilibrée. Le présent article confirme l'existence de certains régimes ferrorésonants. L'outil de base utilisé est un simulateur analogique.*

*Die einphasigen Erscheinungen der Ferrorresonanz sind bekannt. Im vorliegenden Aufsatz wird der drei-einphasige Fall untersucht. Er lässt sich auf den Fall von drei ungekoppelten einphasigen Elementen zurückführen, die von einer symmetrischen dreiphasigen Quelle gespeist werden. Gewisse Ferrorresonanzerscheinungen werden bestätigt. Als Werkzeug dient ein Analogsimulator.*

## 1. Introduction

On désigne sous le nom de ferrorésonance l'ensemble des régimes périodiques oscillatoires harmoniques ainsi que les régimes irréguliers qui se manifestent dans un circuit électrique comportant un ou plusieurs condensateurs et une ou plusieurs inductances à noyau de fer (non linéaires), alimenté par une ou plusieurs tensions sinusoïdales. L'apparition des différents régimes dépend essentiellement des conditions initiales à l'enclenchement [1].

Ces différents régimes ont été observés depuis le début du siècle par E. Rouelle qui en donna une analyse expérimentale détaillée en 1935. Dans [2] l'auteur décrit en 1946 un dispositif électronique permettant la reproduction des sous-harmoniques. Parallèlement à ces procédés expérimentaux plusieurs autres méthodes d'étude sont utilisées. On rencontre essentiellement les simulations analogiques [3; 4], les simulations numériques [1; 3] et les simulations analytiques [1; 5; 6; 7].

Si les simulations numériques donnent de bons résultats, elles s'avèrent trop particulières et nécessitent des temps de calculs souvent excessifs. Les méthodes analytiques, bien qu'améliorées dans [1; 2] ne permettent pas la prise en compte des régimes quasi-périodiques. Les simulations analogiques donnent des résultats qualitatifs intéressants et offrent l'avantage d'être souples, pratiques et rapides. Utilisées en monophasé, elles permettent de re-

trouver pratiquement les résultats obtenus par les autres méthodes. Le but de cet article est d'appliquer cette dernière méthode en vue d'étudier les divers régimes de ferrorésonance dans un circuit tri-monophasé simple.

## 2. Circuit de base et modélisation

La configuration qui représente le circuit étudié est donnée par la figure 1. Trois éléments non linéaires distincts couplés en étoile sont alimentés par une source triphasée équilibrée. La source et les trois éléments sont reliés à travers un condensateur  $C$  approximant la capacité équivalente du modèle. Dans ce modèle approché,  $R$  représente la résistance totale du circuit (ligne et transformateur).

## 3. Simulation globale

En simulation, le calculateur analogique joue le rôle d'un système physique dans lequel chaque organe apparaît comme un bloc de transmittance donnée. Les techniques de programmation diffèrent suivant le problème à résoudre. Les éléments utilisés sont constitués de circuits analogiques (amplificateur opérationnel, potentiomètre, relais analogique, éléments non linéaires). De ce fait le calcul analogique permet de simuler rapidement et à peu de frais le comportement de systèmes très variés. En effet, avec la possibilité de réduire le facteur temps, les équations régissant le phénomène à étudier se transforment en équations machines et permettent de gagner sur le temps de calcul. D'autre part, la souplesse d'accès aux diverses variables permet une exploitation immédiate des paramètres à étudier.

Si  $\Phi_1$ ,  $\Phi_2$ ,  $\Phi_3$  désignent les flux à travers les inductances, les équations régissant le circuit de la figure 1 sont

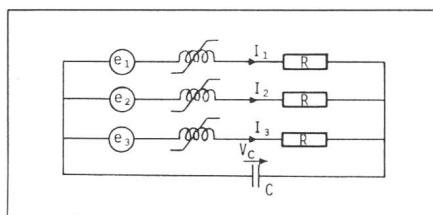


Fig. 1 Schéma du circuit tri-monophasé

### Adresse des auteurs

M. Annabi, directeur, R. Abdenmour et A. Sbai, Ecole normale supérieure de l'enseignement technique, 5, avenue Taha Hussein, Tunis (TN).

$$d\Phi_1/dt = e_1 - R I_1 - V_c$$

$$d\Phi_2/dt = e_2 - R I_2 - V_c$$

$$d\Phi_3/dt = e_3 - R I_3 - V_c$$

avec

$$e_1 = U_M \sin(\omega t + \alpha) = U_M V_1$$

$$e_2 = U_M \sin(\omega t + \alpha + 2\pi/3) = U_M V_2$$

$$e_3 = U_M \sin(\omega t + \alpha + 4\pi/3) = U_M V_3$$

$$V_c = \frac{1}{C} \int (I_1 + I_2 + I_3) dt$$

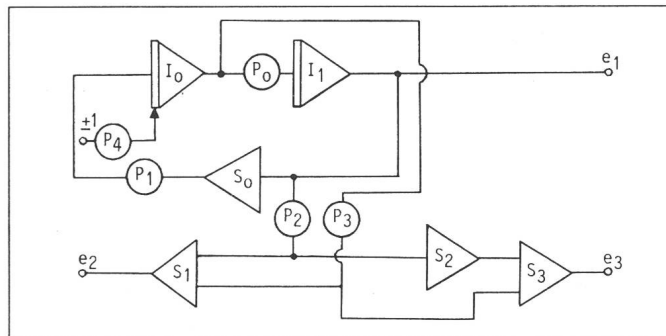
On pose  $\Phi_i = x_i$  et  $I_i = Y_i$ . Si  $X_{im}$ ,  $Y_{im}$  et  $V_{im}$  représentent les variables machines relatives à  $x_i$ ,  $Y_i$  et  $V_i$ , on obtient l'équation machine suivante:

$$X_{1m} = -\frac{R Y_{max}}{x_{max}} Y_{1m} + \frac{U_M}{x_{max}} V_{1m} - \frac{Y_{max}}{C x_{max}} \int (Y_{1m} + Y_{2m} + Y_{3m}) dt$$

et pour  $X_{2m}$  et  $X_{3m}$  des équations analogues par permutation.

Le schéma de la simulation globale est donné par la figure 2. Sur cette figure, on remarque l'existence de trois blocs identiques; chacun d'eux est

Fig. 3  
Schéma de la  
simulation analogique  
de la source triphasée  
équilibrée



composé d'un intégrateur ( $I$ ), de deux potentiomètres ( $P$ ) et une non-linéarité simulée à part. Le sommateur ( $S_0$ ) permet la sommation des trois courants qui seront intégrés par l'intégrateur ( $I_3$ ) pour avoir la tension ( $-V_c$ ). Le potentiomètre ( $P_3$ ) permet le réglage de la condition initiale sur la capacité.

#### 4. Simulation de la source

Pour simuler une source triphasée, on pense à priori à trois oscillateurs délivrant des signaux ayant même amplitude, même fréquence et de déphasage  $2\pi/3$  l'un par rapport à l'autre. Or il est pratiquement impossible d'avoir trois oscillateurs indépendants oscillant à la même fréquence. Ceci provoquerait donc un déphasage variable en fonction du temps. Pour contourner cette difficulté, on adopte une méthode utilisant un seul oscillateur permet-

tant grâce aux relations trigonométriques d'obtenir les signaux désirés.

Le schéma de la simulation analogique est donné par la figure 3. Sur cette figure, on remarque l'existence de deux intégrateurs  $I_0$  et  $I_1$ , qui permettent d'obtenir le signal de référence ( $e_1$ ). Les différents autres blocs (sommateurs et potentiomètres) permettent de réaliser les fonctions déphasées de  $2\pi/3$  et de  $4\pi/3$ , soit  $e_2$  et  $e_3$ . Outre le déphasage régulier et constant entre phases, cette méthode présente l'avantage de réduire le nombre de modules analogiques utilisés. Elle peut être généralisée au cas de sources présentant un déphasage quelconque. En effet:

$$\sin(\omega t + \psi) = \sin(\omega t) \cos(\psi) + \cos(\omega t) \sin(\psi)$$

$\sin \psi$  et  $\cos \psi$  représentent respectivement les valeurs des potentiomètres  $P_3$ ,  $P_2$ .

#### 5. Simulation de la non-linéarité

La non-linéarité peut être approximée dans le premier cadran par deux segments de droite (fig. 4). Le schéma de la figure 5 permet de simuler la non-linéarité désirée. Il utilise deux étages symétriques permettant chacun de simuler un demi-plan de la non-linéarité. Chaque étage est constitué essentiellement d'un comparateur ( $C$ ) et d'un relais analogique ( $AS$ ). Les potentiomètres ( $P_0$ ,  $P_1$ ) permettent le ré-

Fig. 2  
Schéma de la  
simulation globale de la  
ferro-résonance  
tri-monophasée

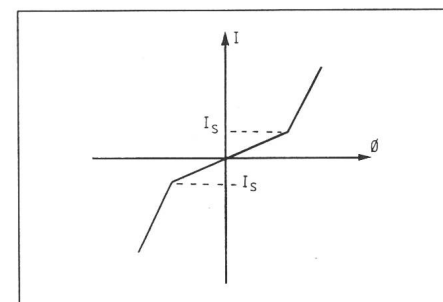
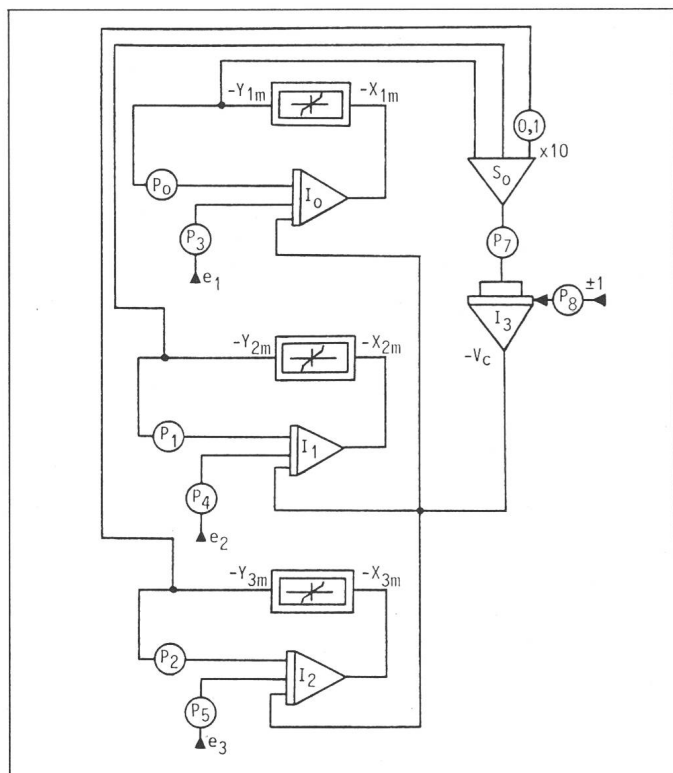


Fig. 4 Approximation de la non-linéarité

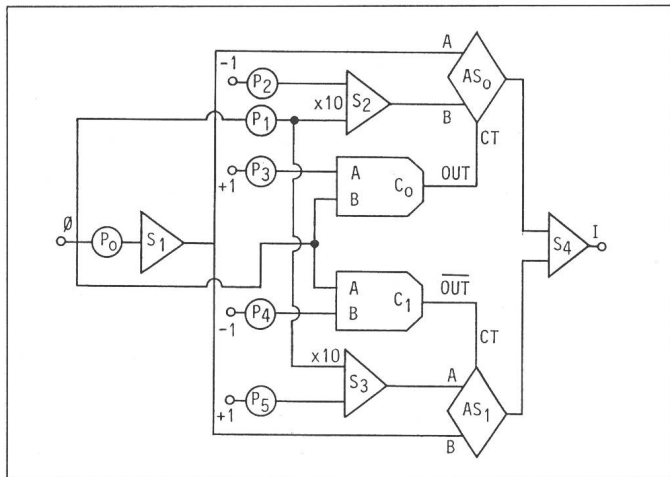


Fig. 5  
Schéma de la  
simulation de la  
non-linéarité

glage de la pente à l'origine et de la pente de saturation. Les potentiomètres ( $P_2$ ,  $P_3$ ,  $P_4$ ,  $P_5$ ) agissent sur le seuil de saturation.

## 6. Mesures et résultats

L'étude a porté essentiellement sur la recherche de l'existence de la ferro-résonance en tri-monophasé. La non-linéarité de base est caractérisée par la self à l'origine ( $L_1 = 960$  H) et la self de saturation ( $L_2 = 10,7$  H). Le courant de saturation étant  $I_s = 0,4$  mA. La capacité du condensateur  $C$  est gardée constamment égale à  $3 \mu\text{F}$ .

En modifiant certains paramètres du circuit dont particulièrement la résistance totale du circuit ( $R$ ), la ten-

sion initiale du condensateur ( $U_{co}$ ) et la tension d'alimentation ( $U_M$ ) plusieurs régimes ont été observés: ferro-résonance fondamentale, sous-harmoniques pairs, sous-harmoniques impairs et régimes irréguliers. Nous constatons que les courants dans les trois phases et le neutre ont toujours soit le même comportement fréquentiel, soit des formes d'onde simultanément irrégulières. Quant à leurs allures, elles sont différentes à cause du déphasage régulier entre tensions; par ailleurs elles dépendent des conditions initiales et des paramètres du circuit.

Contrairement au cas monophasé on a pu observer des oscillations en régime sous-harmonique pair.

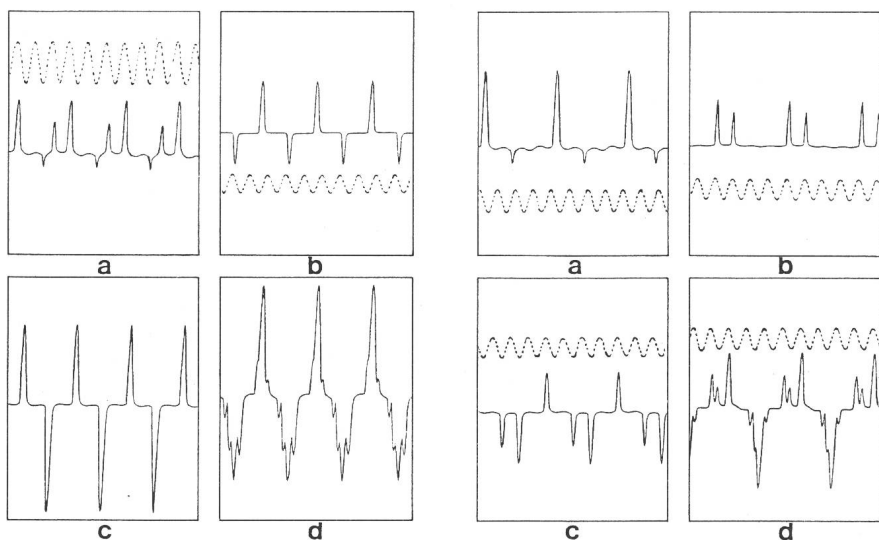


Fig. 6 Oscillations en régime sous-harmonique d'ordre 3

$R = 1250 \Omega$   $L_1 = 960$  H  $L_2 = 10,7$  H  
 $C = 3 \mu\text{F}$   $U_M = 250$  V  $\omega = 314$  rd/s  
 $I_s = 0,0004$  A  $U_{co} = -20$  V  $\alpha = 0$

a phase 1 b phase 2  
c phase 3 d neutre

Fig. 7 Oscillations en régime sous-harmoniques d'ordre 4

$R = 1250 \Omega$   $L_1 = 960$  H  $L_2 = 10,7$  H  
 $C = 3 \mu\text{F}$   $U_M = 200$  V  $\omega = 314$  rd/s  
 $I_s = 0,0004$  A  $U_{co} = 20$  V  $\alpha = 0$

a phase 1 b phase 2  
c phase 3 d neutre

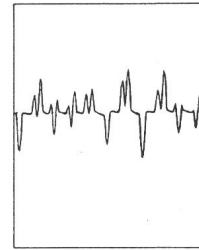


Fig. 8 Oscillations en régime irrégulier dans le neutre

$R = 1000 \Omega$   $L_1 = 960$  H  $L_2 = 10,7$  H  
 $C = 3 \mu\text{F}$   $U_M = 250$  V  $\omega = 314$  rd/s  
 $I_s = 0,0004$  A  $U_{co} = 200$  V  $\alpha = 0$

On remarque que les sous-harmoniques d'ordre 3 sont moins fréquentes que les sous-harmoniques d'ordre supérieur, alors que dans le cas monophasé, les sous-harmoniques d'ordre 3 sont les plus dominants.

La figure 6 illustre les courants dans les trois phases et le neutre en régime sous-harmonique d'ordre 3 ( $50/3$  Hz). La figure 7 montre les courants dans les trois phases et le neutre en régime sous-harmonique d'ordre 4 ( $12,5$  Hz). La figure 8 montre le courant dans le neutre en régime irrégulier. La figure 9 donne le domaine d'amorçage des différents régimes compte tenu de l'influence de la tension maximale d'alimentation et de la charge initiale du condensateur.

On remarque ainsi que pour des tensions inférieures à  $160$  V, les oscillations en régime fondamental persistent quelle que soit la charge initiale du condensateur; par ailleurs le régime sous harmonique d'ordre 2 n'a pu être observé que pour des charges initiales du condensateur négatives.

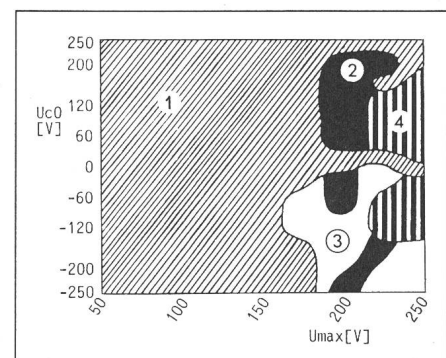


Fig. 9 Domaine d'amorçage des différents régimes

$U_{co} = f(U_M)$   $R = 1250 \Omega$   
 $L_1 = 960$  H  $L_2 = 10,7$  H  
 $\omega = 314$  rd/s  $I_s = 0,0004$  A  
 $\alpha = 0$   $C = 3 \mu\text{F}$

- ① régime fondamental
- ② régime sous-harmonique d'ordre 4
- ③ régime sous-harmonique d'ordre 2
- ④ régime sous-harmonique d'ordre 3

## 7. Conclusion

La méthode de simulation analogique est utilisée dans l'étude de la ferrorésonance dans un circuit tri-mono-phasé. Bien que les résultats soient qualitatifs, cette méthode permet de confirmer l'existence de régimes ferrorésonants dans de tels circuits [1]. Une extension du simulateur permet d'envisager l'étude des circuits tri-mono-

phasés plus proches de la réalité (introduction des pertes) et éventuellement triphasés.

### Bibliographie

- [1] *A. Germond*: Conditions de ferrorésonance dans des systèmes triphasés. Thèse N° 213 de l'Ecole Polytechnique Fédérale de Lausanne, 1975.
- [2] *R. Dehors*: Contribution à l'étude de la démultiplication de fréquence ferromagnétique. Thèse N° 67 de la Faculté des Sciences de l'Université de Lille, 1946.
- [3] *M. Lamotte*: Etude des oscillations sous-harmoniques dans un circuit R-L-C à inductance fortement non linéaire. Thèse de la Faculté des Sciences de l'Université de Nancy, 1967.
- [4] *I. A. Wright and K. Morsztyn*: Subharmonic oscillations in power systems. Theory and practice. IEEE Trans. PAS 89(1970)8, p. 1805...1815.
- [5] *C. Hayashi*: Nonlinear oscillations in physical systems. New York, McGraw-Hill, 1964.
- [6] *W. J. Cunningham*: Analyse non linéaire. Résolution des équations différentielles. Paris. Dunod, 1963.
- [7] *G. W. Swift*: An analytical approach to ferrorésonance. IEEE Trans. PAS 88(1969)1, p. 42...46.