

**Zeitschrift:** Bulletin des Schweizerischen Elektrotechnischen Vereins  
**Herausgeber:** Schweizerischer Elektrotechnischer Verein ; Verband Schweizerischer Elektrizitätswerke  
**Band:** 62 (1971)  
**Heft:** 22

**Artikel:** Das Finte-Elemente-Verfahren, angewandt auf die Analyse magnetischer Kreise  
**Autor:** Reichert, K. / Vogt, W.  
**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-915871>

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 04.04.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

# Das Finite-Elemente-Verfahren, angewandt auf die Analyse magnetischer Kreise

Vortrag, gehalten an der Diskussionsversammlung des SEV vom 22. Juni 1971 in Zürich,  
von K. Reichert und W. Vogt, Baden

681.3:538.26

## 1. Das Finite-Elemente-Verfahren

### 1.1 Allgemeines

Mit dem Verfahren der Finiten-Elemente können Temperaturfelder, elektrische oder magnetische Felder, mechanische Spannungsfelder usw. numerisch, d. h. mittels programmierbarer Rechenanlage, ermittelt werden.

Das Verfahren besteht aus den folgenden Schritten (Fig. 1):

a) Einteilung des Raumes, als Träger des Feldes, in finite Elemente (Dreieck, Rechteck usw. [Fig. 2]).

b) Zuordnung der Feldgrößen zu den finiten Elementen. Im allgemeinen ändern sich die Eigenschaftswerte in einem Element nicht; den Eckpunkten der finiten Elemente werden diskrete Systemgrößen-

werte zugeordnet. Innerhalb eines Elementes wird der Verlauf der Systemgrößen approximiert.

c) Herleitung von Beziehungen zwischen den Systemgrößen eines Elementes und benachbarter Elemente auf Grund der Feldgleichungen mit Hilfe von Taylorreihenentwicklung, Variationsmethoden und Integralapproximationen.

d) Lösung und Auswertung der Systemgleichungen.

Das Finite-Elemente-Verfahren liefert eine angenäherte Lösung für ein Feldproblem. Die Genauigkeit der Lösung hängt ab:

- von der Anordnung der finiten Elemente;
- von der Approximation der Systemgrößen.

Das Verfahren erfordert einen gewissen Einblick in das zu lösende Problem, und das Verhältnis Aufwand zu Erfolg hängt nicht zuletzt von der Geschicklichkeit des Anwenders ab. Im folgenden wird zunächst über einige Besonderheiten des Verfahrens berichtet. Es wird dann gezeigt, wie es zur Analyse magnetischer Kreise verwendet werden kann.

### 1.2 Über die Verteilung der finiten Elemente (Gitternetzeinteilung)

Die finiten Elemente sind im Feldraum bzw. in der Feldfläche so anzuordnen, dass:

a) die Umrisse von Teilgebieten möglichst gut nachgebildet werden;

b) der Diskretisierungsfehler  $F$ , d. h. der Unterschied zwischen der exakten Lösung und der Lösung der Systemgleichungen eine bestimmte räumliche Verteilung hat;

c) die Zahl der Elemente nicht zu gross wird.

Die Erfüllung dieser Forderungen ist problematisch, da der Diskretisierungsfehler von der Verteilung der finiten Elemente und vom Feldverlauf abhängig ist und dementsprechend bei der Anordnung der finiten Elemente noch nicht bekannt ist.

Es hat sich als zweckmässig erwiesen, in Bereichen inhomogener Feldverhältnisse die Elemente sehr dicht anzuordnen, aus dem Ergebnis einer ersten Berechnung den Diskretisierungsfehler abzuschätzen und dann schrittweise die Anordnung der Elemente abzuändern. Dieser Vorgang lässt sich auch in das Feldberechnungsprogramm aufnehmen (automatische Generierung des Gitternetzes).

### 1.3 Über die Herleitung der Systemgleichungen

Das System der Feldgleichungen, Rand- und Nebenbedingungen legt die Beziehungen zwischen den diskretisierten Systemgrößen nicht eindeutig fest, da das kontinuierliche Feld unendlich viele, das diskretisierte Feld dagegen nur endlich viele Freiheitsgrade hat. In jedem Fall sind Beziehungen anzustreben, die im Grenzfall beliebig kleiner Elemente auf eine Lösung führen, die gegen die korrekte Lösung des Feldproblems konvergiert.

Drei Verfahren zur Transformation der Feldgleichungen in Systemgleichungen sind bis jetzt bekannt:

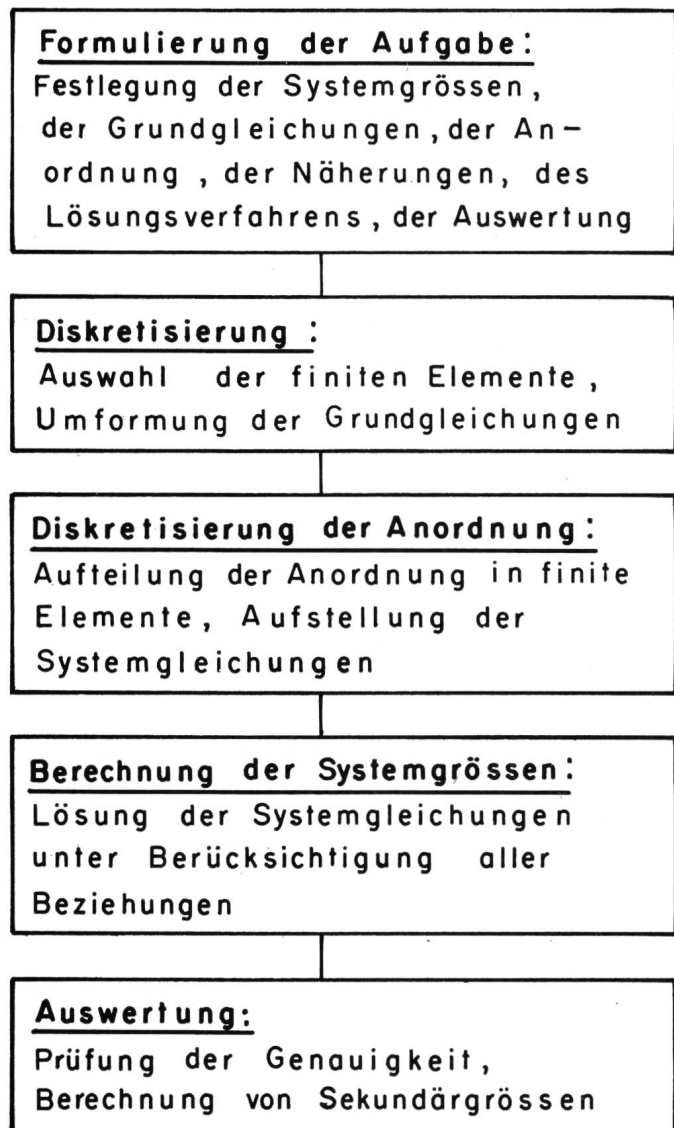
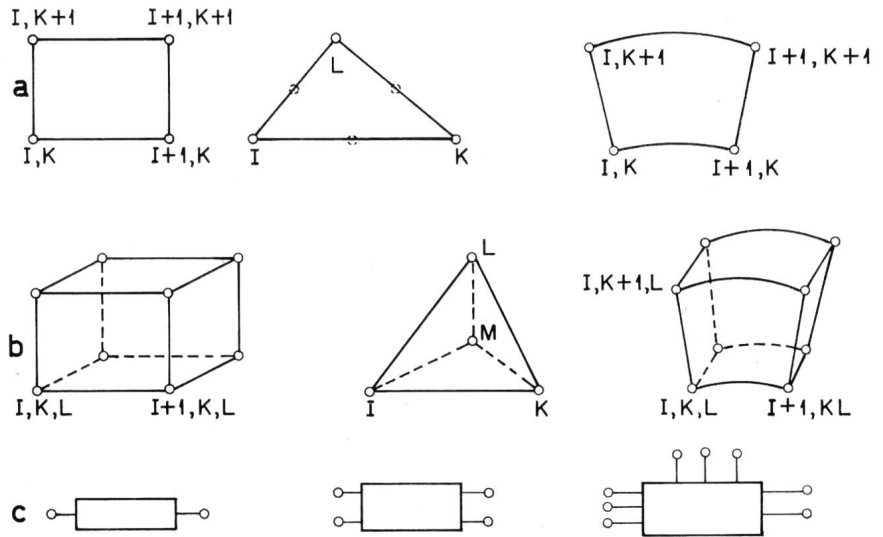


Fig. 1

Das Verfahren der Finiten Elemente

Fig. 2  
Finite Elemente

a zweidimensional, geometrisch; b dreidimensional, geometrisch; c physikalische Finite Elemente



Das Verfahren, die in den Feldgleichungen auftretenden Differentialquotienten mit Hilfe von Taylorreihenentwicklungen zu berechnen [1; 6]<sup>1)</sup>, ist im allgemeinsten Fall (finite Elemente mit unterschiedlichen Eigenschaftswerten) sehr unübersichtlich.

Bei der Variationsmethode [2; 6] werden die Ansätze für die Teilfelder in den finiten Elementen zur Bildung eines Funktionals verwendet. Das Volumintegral dieses Funktionals wird zu einem Minimum gemacht. Da dabei auch die Randbedingungen eingeschlossen werden können, ist dieses Verfahren sehr allgemein. Es setzt allerdings die Kenntnis des zu einer Feldgleichung gehörenden Funktionals voraus.

Bei der Integralmethode werden Integralformen der Feldgleichungen approximiert [1; 6]. Dieses Verfahren ist sehr übersichtlich, führt jedoch zu unübersichtlichen Transformationsprozessen, wenn die Anordnung sehr unregelmässige Elemente enthält.

#### 1.4 Über die Systemgleichungen und deren Lösung

Taylorreihenentwicklung, Variationsmethode und Integralmethode führen unter Berücksichtigung von Rand- und Nebenbedingungen auf ein Gleichungssystem:

$$D U = R \quad (1)$$

wenn man mit  $D$  die Koeffizientenmatrix des Gleichungssystems, mit  $U$  den Vektor der unbekannt Systemgrössen und mit  $R$  den Vektor der bekannten Einflussgrössen (inhomogene Glieder der Feldgleichungen, Rand- und Nebenbedingungen) bezeichnet.

Für die Lösung der Systemgleichungen (1) werden je nach der Form verschiedene Methoden verwendet:

Ist das System positiv-definit, symmetrisch und linear, so sind iterative Verfahren (Einzelschritt- oder Blockiteration nach Gauss-Seidel, Zeileniteration) mit Überrelaxation vorteilhaft.

Nichtlineare Systemgleichungen können mit modifizierten Newtonschen Verfahren [4] und mit dem Zweischrittverfahren [8] gelöst werden. Neben den iterativen Verfahren werden auch direkte Verfahren (Gaußsche Elimination, Elimination mit Partitionierung, Hypermatrix) für die Lösung der Systemgleichungen verwendet.

Ein Lösungsverfahren ist im allgemeinen jedoch nur dann brauchbar, wenn es zu konvergenten, stabilen und genauen Lösungen führt und mit einer Rechenanlage bearbeitbar ist.

#### 1.4 Die Auswertung

Mit Hilfe der Systemgleichungen (1) kann eine diskrete, räumliche und zeitliche Verteilung der Systemgrössen ermittelt werden. Damit ist man in der Lage, einerseits besonders

<sup>1)</sup> Siehe Literatur am Schluss des Aufsatzes.

interessierende Eigenschaften des Feldes berechnen zu können und andererseits ein Modell der Anordnung erstellen zu können.

Die Auswertung der Lösung verlangt besondere Aufmerksamkeit, wenn lokale oder intensive Feldgrössen wie Feldstärken, Stromdichten interessieren. Für die Ermittlung dieser Grössen sind daher Interpolationsverfahren anzuwenden, deren Stützstellen die diskrete Verteilung der Systemgrössen bilden.

#### 1.5 Über die Modellbildung mit Hilfe des Verfahrens der finiten Elemente

Die Modellbildung ermöglicht es, den Einfluss eines Feldes auf ein übergeordnetes System zu erfassen. Dabei können die Komponenten des übergeordneten Systems ebenfalls finite Elemente sein. Das Modell bzw. das entsprechende finite Element ist so zu ermitteln, dass es das für das übergeordnete System wesentliche Verhalten zeigt.

Es gibt grundsätzlich zwei Möglichkeiten der Modellbildung: Die Systemreduktion und die Systemtransformation.

Bei der Systemreduktion werden unwesentliche Systemgrössen aus der Systemgleichung (1) eliminiert. Man erhält so die reduzierten Systemgleichungen

$$D^* U^* = R^* \quad (2)$$

(Beispiel: Ermittlung eines Wärmequellennetzes aus einer Temperaturfeldberechnung.)

Bei der Systemtransformation wird der Zusammenhang  $A = T E$  zwischen einer Eingangsgrösse  $E$  und einer Ausgangsgrösse  $A$  ermittelt. Dabei hängt  $E$  nur von der rechten Seite  $R$  der Gleichung (1) und  $A$  nur von den Systemgrössen  $U$  ab:

$$R = C_1 E \quad (3)$$

$$A = C_2 U \quad (4)$$

$C_1$  und  $C_2$  sind im allgemeinen rechteckige Transformationsmatrizen.

Wegen Gl. (3) und (4) folgt aus Gl. (1):

$$A = C_2 D^{-1} C_1 E \quad (5)$$

Daraus folgt

$$T = C_2 D^{-1} C_1 \quad (6)$$

die gesuchte Koppelmatrix  $T$  des Modells. Z. B. beschreibt die Induktivitätsmatrix  $L (\cong T)$  den Zusammenhang zwischen den Strömen  $\mathbf{i} (\cong \mathbf{E})$  und den Flüssen  $\Phi (\cong \mathbf{A})$ .

Selbstverständlich sind diese Verfahren nur auf lineare oder linearisierbare Systeme anwendbar.

Mit Hilfe des Ähnlichkeitsprinzips können die so gewonnenen Modelle auch auf physikalisch ähnliche Felder übertragen werden. Physikalische Ähnlichkeit zweier Felder setzt geometrische Ähnlichkeit voraus und besteht dann, wenn jeder Feldgröße (Systemgröße, Eigenschaftswert) ein Maßstabfaktor zugeordnet werden kann, der dem Verhältnis der zugeordneten Feldgröße an geometrisch ähnlich gelegenen Punkten entspricht.

Bei linearen Feldern kann die Kopplungsmatrix  $T$  aus der Matrix  $T_M$  des Modelles des Feldes über die Gleichung

$$T_M k = T \quad (7)$$

berechnet werden (Index  $M$  bezieht sich auf das Modell).

Die Konstante  $k$  ist eine Funktion der Maßstabfaktoren  $k_E$  und  $k_A$ , definiert durch:

$$\mathbf{E} k_E = \mathbf{E}_M \quad \mathbf{A} k_A = \mathbf{A}_M \quad (8)$$

Für das Modell gilt die Übertragungsgleichung:

$$\mathbf{A}_M = T_M \mathbf{E}_M \quad (9)$$

Für die Kopplungsmatrix  $T$  folgt aus

$$\mathbf{A} k_A = T_M \mathbf{E} k_E \quad (10)$$

die Gleichung

$$\mathbf{A} = \frac{k_E}{k_A} T_M \mathbf{E} \text{ nebst } T = \frac{k_E}{k_A} T_M \quad (11)$$

Die Maßstabfaktoren sind im allgemeinen voneinander abhängig [5].

Bei nichtlinearen Feldern ist der Zusammenhang  $\mathbf{A}(\mathbf{E})$  vom Zustand des Feldes abhängig. Jedem Zustand kann eindeutig eine Serie von Kennzahlen (Reynoldsche Zahlen, Prantlsche Zahlen usw.) zugeordnet werden. Über eine grosse Anzahl Feldberechnungen von Modellfeldern wird der Zusammenhang  $\mathbf{A}_M(\mathbf{E}_M)$  in Funktion der Kennzahlen berechnet und tabelliert. Die Kennzahlen gewährleisten, dass zwei Felder dann physikalisch ähnlich sind, wenn sie in allen Kennzahlen übereinstimmen. Besteht diese Übereinstimmung zwischen dem Feld des Modelles und dem Feld im übergeordneten System, so kann der Zusammenhang  $\mathbf{A}_M(\mathbf{E}_M)$  auf Grund der Kennzahlen der Tabelle entnommen werden. Für  $\mathbf{E}$  und  $\mathbf{A}$  des Elementes gelten die Beziehungen:

$$\mathbf{E} k_E = \mathbf{E}_M \quad \mathbf{A} k_A = \mathbf{A}_M \quad (12)$$

## 2. Die Analyse magnetischer Kreise mit dem Finite-Elemente-Verfahren

### 2.1 Die Aufgabenstellung

Magnetische Kreise, d. h. Anordnungen mit stromdurchflossenen (Wicklungen), weichmagnetischen (Eisenteile, Anker, Joche), permanentmagnetischen und unmagnetischen Teilgebieten, sind Bestandteile elektrischer Maschinen und Apparate. Sie haben die Aufgabe, magnetische Flüsse zu führen.

Die Auslegung eines magnetischen Kreises ist eine Optimierungsaufgabe:

Mit möglichst kleinem Aufwand sollen die gestellten Anforderungen erfüllt werden. Diese Aufgabe kann jedoch meist

nur indirekt, iterativ über Entwurf und Analyse gelöst werden. Sie ist daher eine typische Aufgabe für Computer-aided-design.

Bei der Analyse magnetischer Kreise sind das magnetische Feld, d. h. der Verlauf der Induktion  $\mathbf{B}$  und die magnetische Feldstärke  $\mathbf{H}$  sowie die Sekundärgrößen, wie Kräfte, Flüsse, Induktivitäten usw., zu ermitteln.

Im folgenden soll beschrieben werden, wie die Analyse magnetischer Kreise mit dem Verfahren der finiten Elemente durchgeführt wird.

### 2.2 Die Grundgleichungen

Das stationäre Magnetfeld einer Anordnung mit Luft-, Eisen-, permanentmagnetischen und stromdurchflossenen Teilgebieten wird von den Gleichungen

$$\text{rot } \mathbf{H} = \mathbf{S} \quad (13)$$

$$\text{div } \mathbf{B} = 0 \quad (14)$$

$$\text{div } \mathbf{S} = 0 \quad (15)$$

und der materialabhängigen Vektorbeziehung

$$\mathbf{B} = \mathbf{B}(\mathbf{H}) \quad (16)$$

beschrieben. Dabei ist  $\mathbf{H}$  die magnetische Feldstärke,  $\mathbf{B}$  die Induktion und  $\mathbf{S}$  die Stromdichte. Die Beziehung (16) ist in der Regel nicht exakt bekannt. Die Näherungen

$$\mathbf{B} = \mu(\mathbf{B}) \cdot \mathbf{H} + \mathbf{M}_R \quad (17)$$

und

$$\mathbf{B} = \mu_0 \cdot \mathbf{H} + \mathbf{M}(\mathbf{H}) \quad (18)$$

mit

$$\mathbf{M} = \mu_0 \chi \mathbf{H} \quad (19)$$

haben sich als nützlich erwiesen. Im Abschnitt 2.2.3 wird näher auf diese Näherungen eingegangen.

Es bedeuten:

$\mathbf{M}_R$  Remanenzmagnetisierung

$\mathbf{M}$  Magnetisierung

$\mu_0$  Permeabilität des leeren Raumes

$\mu(\mathbf{B})$  Permeabilität (abhängig vom Betrag der Induktion)

$\chi$  Suszeptibilität

Die Beziehung (17) ist geeignet für:

a) Luft:  $\mu = \mu_0$ ,  $\mathbf{M}_R = 0$ ,

b) weichmagnetische Werkstoffe (unter Vernachlässigung der Hysterisis):  $\mu > \mu_0$ ;  $\mathbf{M}_R = 0$ ,

c) Dauermagnetwerkstoffe:  $\mu$ ,  $\mathbf{M}_R \neq 0$

Mittels Gl. (18) und (19) kann die von der Stromdichte  $\mathbf{S}$  und der Magnetisierung  $\mathbf{M}$  des Volumenelementes  $dV$  in einem Punkt  $P$  hervorgerufene Feldstärke  $\mathbf{H}_p$  bzw. das entsprechende Vektorpotential  $\mathbf{A}_p$  mit den Integralen der Grundgleichungen berechnet werden, wenn  $\mathbf{r}$  von Punkt  $P$  zum Volumenelement  $dV$  weist:

$$\mathbf{H}_p = \frac{1}{4\pi} \int_{V \rightarrow \infty} \left( \frac{\mathbf{S} \times \mathbf{r}}{r^3} + \frac{3(\mathbf{M} \cdot \mathbf{r}) \mathbf{r}}{\mu_0 r^5} - \frac{\mathbf{M}}{\mu_0 r^3} \right) dV \quad (20)$$

$$\mathbf{A}_p = \frac{1}{4\pi} \int_{V \rightarrow \infty} \left( \frac{\mu_0 \mathbf{S}}{r} - \frac{\mathbf{M} \times \mathbf{r}}{r^3} \right) dV \quad (21)$$

Die Gl. (20) und (21) gelten für Luft und alle magnetischen Werkstoffe.

### 2.3 Das Berechnungsverfahren

#### 2.3.1 Allgemeines

Numerische Verfahren zur Lösung der Gleichungen (13)... (16) lassen sich in die folgenden Abschnitte unterteilen:

- a) Wahl geeigneter Ausgangsgleichungen;
- b) Approximation der Abhängigkeiten  $1/\mu = f(\mathbf{B})$  und  $\mathbf{M} = f(\mathbf{B})$ ;
- c) Wahl geeigneter finiter Elemente, Festlegung der Teilgebietseigenschaften;
- d) Aufstellung der Systemgleichungen (Differentialgleichungssystem oder Summengleichung) für das Gitternetz und für den Rand;
- e) Iterative Berechnung der Induktionsverteilung durch Lösen der Systemgleichungen unter Berücksichtigung der Abhängigkeiten  $1/\mu = f(\mathbf{B})$  und  $\mathbf{M} = f(\mathbf{B})$ ;
- f) Auswertung der Ergebnisse.

### 2.3.2 Wahl der Ausgangsgleichungen

Bei zweidimensionalen Feldverhältnissen ist die Abhängigkeit des Feldes von nur zwei Ortskoordinaten zu berechnen. Die Abhängigkeit von der dritten räumlichen Koordinate wird als bekannt vorausgesetzt. In der Regel definieren diese beiden Ortskoordinaten eine Schnittebene. Sie wird im kartesischen Koordinatensystem z. B. durch die  $x$ - und  $y$ -Koordinate, im Zylinderkoordinatensystem durch die  $r$ - und  $z$ -Koordinate oder durch die  $r$ - und  $\varphi$ -Koordinate vermessen.

Steht  $\mathbf{S}$  senkrecht auf der Schnittebene und/oder liegt  $\mathbf{M}_R$  in der Schnittebene, so ist die Verwendung des Vektorpotentials  $\mathbf{A}$  zweckmässig

$$\mathbf{B} = \text{rot } \mathbf{A}, \text{div } \mathbf{A} = 0 \quad (22)$$

Wegen  $\text{div rot } \mathbf{A} = 0$  ist Gl. (14) erfüllt.

Mit  $\mathbf{A}$  wird aus Gl. (13) und (17):

$$\text{rot } \frac{1}{\mu} \text{rot } \mathbf{A} = \mathbf{S} + \text{rot } \frac{\mathbf{M}_R}{\mu} \quad (23)$$

Diese Ausgangsgleichung hat den Vorteil, dass sie sich oft auf eine skalare Gleichung für die zur Schnittebene senkrecht stehende Komponente von  $\mathbf{A}$  reduziert, weil die beiden anderen Komponenten von  $\mathbf{A}$  gleich Null gesetzt werden dürfen.

Liegt  $\mathbf{S}$  in der Schnittebene und/oder steht  $\mathbf{M}_R$  senkrecht auf dieser Ebene und ist für  $\mathbf{H}$  nur die zur Ebene senkrecht stehende Komponente  $H_s$  von Null verschieden, so ist  $H_s$  die geeignete Unbekannte. Für sie gilt

$$H_{s_b} - H_{s_a} = \int_a^b (\mathbf{k} \times \mathbf{S}) \cdot d\mathbf{l} \quad (24)$$

$$\mathbf{B} = \mu \mathbf{H} + \mathbf{M}_R \quad (25)$$

$\mathbf{k}$  Einheitsvektor, senkrecht zur Schnittebene

$a, b$  Endpunkte des Linienintegrals

$d\mathbf{l}$  Linienelement

Zum Beweis benützt man Gl. (13) in der Form:

$$\frac{\partial H_s}{\partial l} = S \cos[\angle(\mathbf{n}, \mathbf{S})] \quad (26)$$

$\mathbf{n}$  Normale (zum Integrationsweg) in der Schnittebene.

Es folgt

$$dH_s = dl \cdot S \cos(\angle(\mathbf{n}, \mathbf{S})) = (\mathbf{k} \times \mathbf{S}) \cdot d\mathbf{l} \quad (27)$$

Wegen Gl. (15) ist

$$\text{rot}(\mathbf{k} \times \mathbf{S}) = 0 \quad (28)$$

und das Linienintegral von Gl. (27) ist vom Integrationsweg unabhängig.

Sind die Feldverhältnisse dreidimensional, kann das Feld mit Hilfe von Gl. (20)...(21) oder (23) berechnet werden. Eine weitere Berechnungsmethode [9] setzt voraus, dass eine Lösung der Gleichung

$$\mathbf{S} = \text{rot } \mathbf{U} \quad (29)$$

für das Hilfspotential  $\mathbf{U}$  bekannt ist.

Wegen Gl. (13) und (17) folgt

$$\text{rot } \frac{\mathbf{B} - \mathbf{M}_R}{\mu} = \text{rot } \mathbf{U} = \mathbf{S} \quad (30)$$

und daraus

$$\frac{\mathbf{B} - \mathbf{M}_R}{\mu} - \mathbf{U} = \text{grad } W \quad (31)$$

Wegen Gl. (14) lautet die Ausgangsgleichung für  $W$ :

$$\text{div } \mu \text{grad } W = -\text{div}(\mu \mathbf{U} + \mathbf{M}_R) \quad (32)$$

Wegen Gl. (31) berechnet sich  $\mathbf{B}$  zu:

$$\mathbf{B} = \mu(\text{grad } W + \mathbf{U}) + \mathbf{M}_R \quad (33)$$

Hat die Anordnung nur Strombeläge, so kann ein Skalarpotential  $\psi$  definiert durch

$$\mathbf{H} = -\text{grad } \psi \quad (34)$$

angewendet werden. Wegen Gl. (14) und (17) lautet die Ausgangsgleichung für  $\psi$ :

$$\text{div } \mu \text{grad } \psi = \text{div } \mathbf{M}_R \quad (35)$$

### 2.3.3 Die Approximation der materialabhängigen Beziehung $\mathbf{B}(\mathbf{H})$

Die Materialien magnetischer Kreise zeigen sehr unterschiedliches Verhalten im magnetischen Feld. Die Abhängigkeit  $\mathbf{B}(\mathbf{H})$  dient als Mittel zur Klassifizierung dieser Materialien. Im wesentlichen wird unterschieden zwischen unmagnetischen ( $\mu \approx \mu_0$ ), weichmagnetischen und permanentmagnetischen Materialien, die zudem strukturell isotrop oder anisotrop (z. B. kornorientierte Bleche) sein können.

Für technisch wichtige Materialien ist die  $\mathbf{B}(\mathbf{H})$  Abhängigkeit fast nur experimentell erfassbar und in der Regel unvollständig bekannt. Für Feldberechnungen sucht man deshalb nach Modellen, welche im Rahmen der geforderten Genauigkeit

- a) die  $\mathbf{B}(\mathbf{H})$ -Abhängigkeit genügend genau wiedergeben,
- b) die  $\mathbf{B}(\mathbf{H})$ -Beziehung in einer für Berechnungen geeigneten Form angeben.

Im folgenden seien einige Modelle behandelt.

a) Mit Hilfe der Kommutierungskurve [9] wird für weichmagnetisches, isotropes Material (z. B. Statorbleche)  $\mu(B^2)$  nach Gl. (17) oder  $M(B^2)$  nach Gl. (18) ermittelt. Beide Abhängigkeiten lassen sich durch skalare Funktionen, z. B. abschnittsweise durch Geraden oder Polynome, durch rationale gebrochene Funktionen, durch Kreisbögen oder Hyperbeln annähern («curve fitting»).

b) Bei Oxydmagneten ist  $\mathbf{M}_R$  durch den Magnetisierungsvorgang eingepreßt und im Betriebsbereich praktisch induktionsunabhängig. Für diese Materialien ist Gl. (17) geeignet, wobei  $\mu(B^2)$  mit Hilfe der Magnetisierungskurve berechnet werden kann. Dieses Vorgehen geht von der Annahme aus, dass  $\mu$  nicht vom Winkel zwischen  $\mathbf{B}$  und  $\mathbf{M}_R$  abhängt.

c) Bei Dauermagnetwerkstoffen, wie AlNiCo, hängt der Zustand der Magnetisierung stark von der Vorgeschichte (Einbau, Um-magnetisierung) ab. Unter diesen Umständen ist es zweckmässig, mit Hilfe einer inneren Magnetisierungsschleife  $\mathbf{M}_R$  und  $\mu(B^2)$  nach Gl. (17) zu ermitteln, wenn das magnetische Feld für veränderliche geometrische Abmessungen (z. B. veränderliche Ankerstellung) zu berechnen ist.

d) Für kornorientierte Bleche lassen sich Kommutierungskurven  $\mathbf{B}(\mathbf{H})$ , abhängig vom Winkel  $\alpha$  zwischen  $\mathbf{H}$  und der Vorzugsrichtung des Bleches, messen. Entsprechend Gl. (17) (mit  $\mathbf{M}_R = \mathbf{0}$ ) kann also  $\mu(B^2, \alpha)$  ermittelt werden. Diese Abhängigkeit kann durch eine Kurvenschar mit  $\alpha$  als Parameter dargestellt werden.

### 2.3.4 Anordnung der finiten Elemente (Gitternetzeinteilung)

Die Gl. (23) kann für die von Null verschiedene Komponente  $A$  von  $\mathbf{A}$  numerisch mit dem Verfahren der finiten Ele-

mente gelöst werden. Dieses legt den Zusammenhang zwischen dem Vektorpotential  $A_{I,K}$  eines Punktes  $I, K$  der Anordnung und den Vektorpotentialen  $A_{I+1,K}$ ,  $A_{I,K+1}$  usw. der Punkte der Umgebung fest. Diese Punkte müssen daher zunächst definiert, d. h. die Anordnung muss mit finiten Elementen überzogen werden. Dabei können rechteckige, kreisförmige oder dreieckige Elemente verwendet werden. Dasselbe gilt für eine numerische Auswertung der Gl. (20) oder (21).

Die Fig. 3 und 4 zeigen ebene und räumliche Rechteckgitterelemente und die Zuordnung der Eigenschaftswerte. Dabei sollen sich die Eigenschaftswerte innerhalb eines Gitterteilgebietes  $g_{I,K}$  nicht, die Vektorpotentiale längs der Gitterlinien linear ändern.

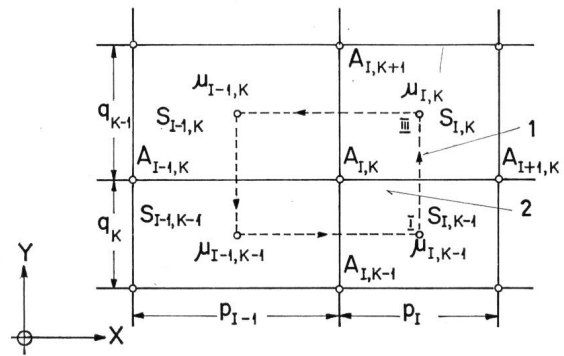


Fig. 3

**Ebenes Rechteckgitter**

1 Integrationsweg; 2 Flächenelement  $df$

2.3.5 Systemgleichungen (Differenzgleichung) für die Berechnung der Vektorpotentialverteilung in zweidimensionalen Anordnungen

Bei der Ableitung geht man zweckmässigerweise von einer Integralform der Gl. (23) aus:

$$\oint \frac{1}{\mu} \text{rot } \mathbf{A} \cdot d\mathbf{s} = \int \mathbf{S} \cdot d\mathbf{f} + \oint \frac{\mathbf{M}_R}{\mu} \cdot d\mathbf{s} \quad (36)$$

Berücksichtigt man dabei nur die Vektorpotentiale der vier Punkte  $I-1, K; I+1, K; I, K-1$  und  $I, K+1$ , die in Fig. 2 den Punkt  $I, K$  unmittelbar umgeben, so erhält man [1] folgende Näherungsbeziehung für Gl. (23):

$$A_{I,K} = \frac{O_{I,K} A_{I,K+1} + U_{I,K} A_{I,K-1} + R_{I,K} A_{I+1,K} + L_{I,K} A_{I-1,K} + D_{I,K}}{K_{I,K}} \quad (37)$$

Dabei sind:  $K_{I,K} = O_{I,K} + U_{I,K} + R_{I,K} + L_{I,K}$

$$O_{I,K} = \frac{1}{2q_K} \left( \frac{p_I}{\mu_{I,K}} + \frac{p_{I-1}}{\mu_{I-1,K}} \right)$$

$$R_{I,K} = \frac{1}{2p_I} \left( \frac{q_K}{\mu_{I,K}} + \frac{q_{K-1}}{\mu_{I,K-1}} \right)$$

$$U_{I,K} = O_{I,K-1}$$

$$L_{I,K} = R_{I-1,K}$$

$$D_{I,K} = \frac{1}{4} \left( S_{I,K} q_K p_I + S_{I-1,K} p_{I-1} q_K + S_{I,K-1} p_I q_{K-1} + S_{I-1,K-1} p_{I-1} q_{K-1} \right) + \frac{1}{2} \left[ \left( \frac{M_{YI,K}}{\mu_{I,K}} - \frac{M_{YI-1,K}}{\mu_{I-1,K}} \right) q_K + \left( \frac{M_{YI,K-1}}{\mu_{I,K-1}} - \frac{M_{YI-1,K-1}}{\mu_{I-1,K-1}} \right) q_{K-1} + \left( \frac{M_{XI,K-1}}{\mu_{I,K-1}} - \frac{M_{XI,K}}{\mu_{I,K}} \right) p_I + \left( \frac{M_{XI-1,K-1}}{\mu_{I-1,K-1}} - \frac{M_{XI-1,K}}{\mu_{I-1,K}} \right) p_{I-1} \right] \quad (38)$$

wenn ein zweidimensionales Rechteckgitternetz (Fig. 1) vorliegt.

Gl. (37) ist im allgemeinen Fall eine nichtlineare Beziehung, da die Teilgebieteigenschaften  $\mu_{I,K}$ ,  $M_{I,K}$ ,  $\mu_{I-1,K}$ ,  $M_{I-1,K}, \dots$  von den Teilgebietsinduktionen  $B_{I,K}$ ,  $B_{I-1,K}, \dots$  und damit nach Gl. (22) auch von den Vektorpotentialen  $A_{I,K}$ ,  $A_{I+1,K}, \dots$  abhängen. Da die Teilgebieteigenschaften nur die Koeffizienten der Gl. (38) beeinflussen, kann mit Hilfe von Gl. (37) für jeden Punkt innerhalb des Gitters eine Differenzgleichung aufgestellt werden.

Die Vektorpotentiale der Randpunkte müssen jedoch entsprechend den Rand- und Symmetriebedingungen definiert werden:

Ist der Rand eine Feld- oder Symmetrielinie, so ist auf diesem das Vektorpotential gleich Null. Steht das Magnetfeld auf dem Rand senkrecht (Symmetrielinie), so muss das Vektorpotential am Rand gespiegelt werden.

Aus der mit Hilfe von Gl. (37) und (38) ermittelten Vektorpotentialverteilung kann nach Gl. (22) die Induktionsverteilung berechnet werden: Es ist

$$\mathbf{B}_{I,K} = \mathbf{i} \frac{A_{I,K+1} + A_{I+1,K+1} - A_{I,K} - A_{I+1,K}}{2q_K} + \mathbf{j} \frac{A_{I,K+1} + A_{I,K} - A_{I+1,K} - A_{I+1,K}}{2p_I} \quad (39)$$

wenn ein Rechteckgitternetz vorliegt.

2.3.6 Summgleichungen für die Berechnung der Feldstärke- und Induktionsverteilung in dreidimensionalen Anordnungen

Bei der Umwandlung der Integrale (20) oder (21) in Summgleichungen ist insbesondere dann, wenn das Volumen-

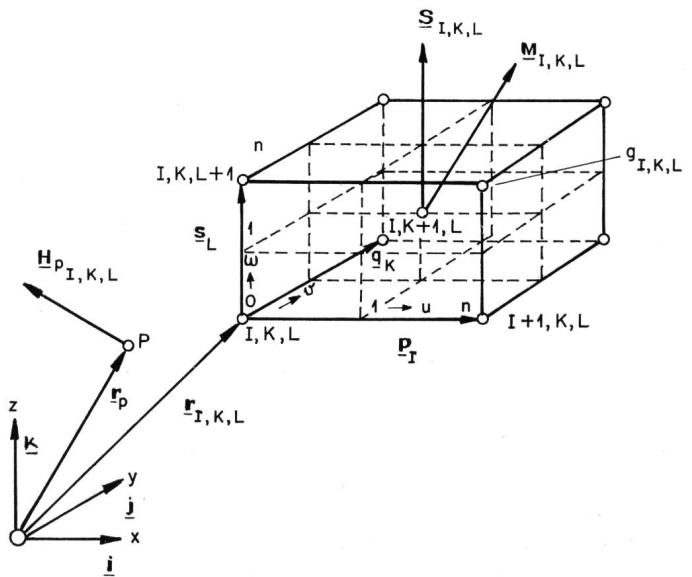


Fig. 4

**Räumliches Gitternetz**

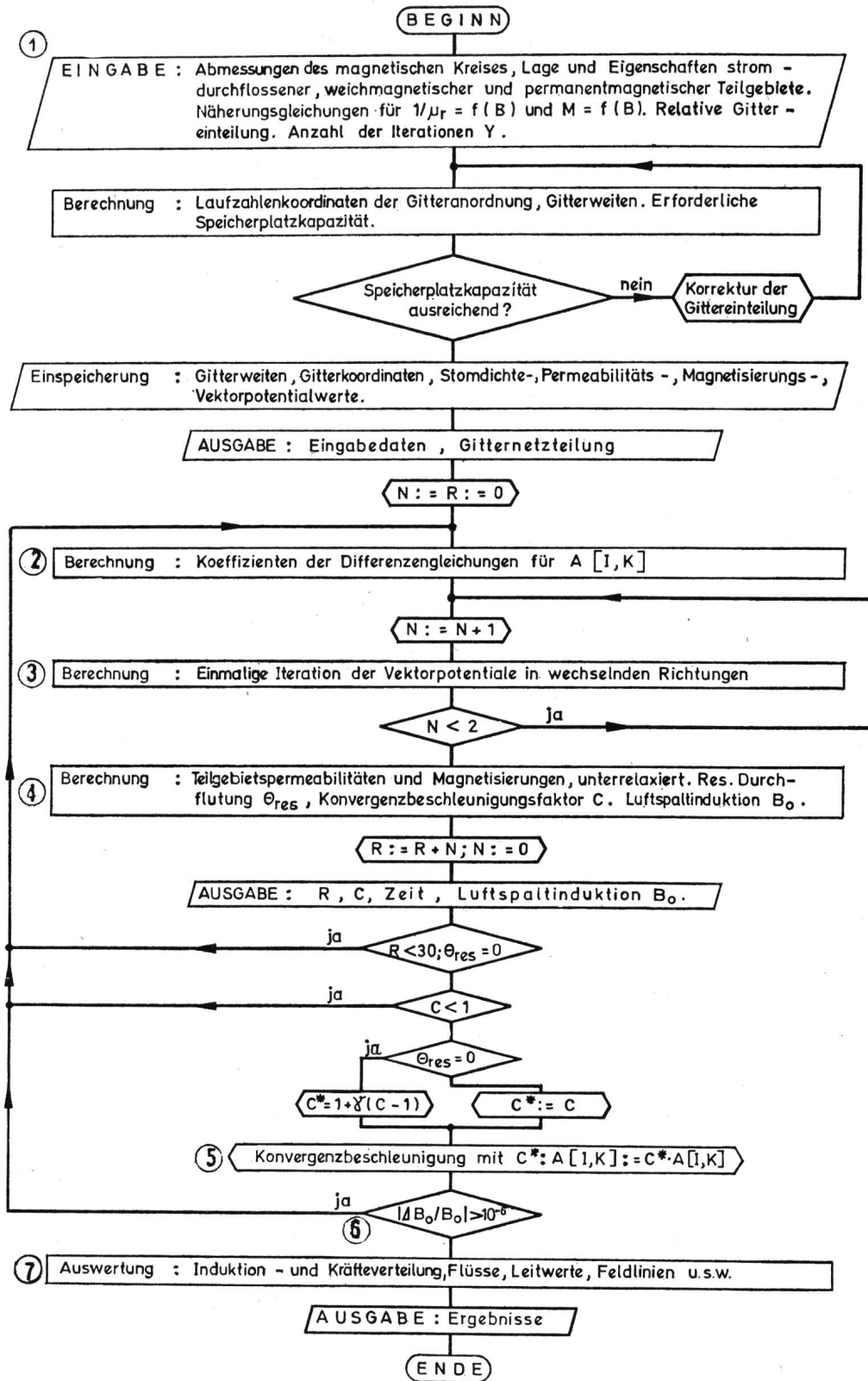


Fig. 5  
Rechenmaschinenprogramm für numerische Magnetfeldberechnungen

element  $dV$  in der Nähe des Punktes  $P$  liegt, in welchem die Feldstärke  $H_p$  berechnet werden soll, darauf zu achten, dass diese möglichst gut angenähert werden. Dies wird dadurch erreicht, dass das Volumenelement  $g_{I,K,L}$  (Fig. 4) je nach der Grösse des Abstandes  $r$  in  $n^3$  Unterelemente unterteilt wird und dass bei der Umwandlung Interpolationsregeln, wie z. B. die dreidimensionale Simpsonregel, angewandt werden.

Setzt man:

$$\begin{aligned} S_{I,K,L} &= i S_x + j S_y + k S_z \\ M_{I,K,L} &= i M_x + j M_y + k M_z \end{aligned} \quad (40)$$

wobei

$$\begin{aligned} r_{I,K,L}^{u,v,w} &= r_{I,K,L} + \frac{1}{n} \left[ p_I \left( u + \frac{1}{2} \right) + q_K \left( v + \frac{1}{2} \right) + \right. \\ &\quad \left. + s_L \left( w + \frac{1}{2} \right) \right] - r_p \end{aligned}$$

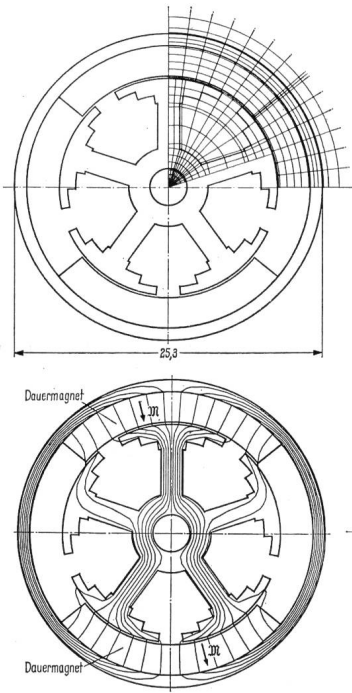


Fig. 6  
Gleichstrommotor mit Permanentmagneterregung, Gitternetz, numerisch berechnetes Magnetfeld im Leerlauf und bei Belastung

$$\Delta H_{p \times J, K, L} = \frac{1}{4} \cdot \frac{\rho_I q_K S_L}{9n^3} \left( A_0 + A_n + 4 \sum_{u=1,3,\dots}^{n-1} A_u + 2 \sum_{u=2,4,\dots}^{n-2} A_u \right) \quad (42)$$

$$A_m = B_{0,m} + B_{n,m} + 4 \sum_{u=1,3,\dots}^{n-1} B_{u,m} + 2 \sum_{u=2,4,\dots}^{n-2} B_{u,m} \quad (43)$$

$$B_{\gamma,m} = I_{x_{I,K,L}}^{0,m} + I_{x_{I,K,L}}^{n,m} + 4 \sum_{u=1,3,\dots}^{n-1} I_{x_{I,K,L}}^{u,m} + 2 \sum_{u=2,4,\dots}^{n-2} I_{x_{I,K,L}}^{u,m} \quad (44)$$

Gleichungen für die Beiträge  $\Delta H_{p \times J, K, L}$  und  $\Delta H_{p \times I, K, L}$  oder für das Integral Gl. (21) können in entsprechender Weise abgeleitet werden.

Insgesamt hat die Feldstärke  $H_p$  dann die Grösse:

$$H_p = \sum_I \sum_K \sum_L H_{pI, K, L} \quad (45)$$

Selbstverständlich können bei der Umwandlung der Integrale in Gl. (20) oder (21) auch Zylinder-, Kugel- oder allgemeine Koordinatensysteme zugrunde gelegt werden.

Mit Hilfe der Summengleichung (45) kann man für jeden Punkt der Anordnung die Feldstärke  $H_p$  und mit Gl. (16) auch die Induktion  $B_p$  berechnen, die von einer vorgegebenen Stromdichte- und Magnetisierungsverteilung hervorgerufen wird. Liegt der Punkt  $P$  innerhalb eines stromdurchflossenen oder magnetischen Teilgebietes, so muss, so lang der Abstand  $r = 0$  ist, der Beitrag des Volumenelementes  $dV$ , in dem der Punkt  $P$  liegt, bei der Berechnung von  $H_p$  unberücksichtigt bleiben.

In  $P$  tritt dann die Induktion

$$B_p = \mu_0 H_p + M_p \quad (46)$$

auf.

### 2.3.7 Aufbau des Rechenmaschinenprogrammes für numerische Magnetfeldberechnungen

Das Rechenmaschinenprogramm besteht, wie Fig. 5 zeigt, aus den folgenden Teilschritten:

- Eingabe der geometrischen Abmessungen des magnetischen Kreises, der absoluten oder relativen Gitternetzeinteilung, der Elementeneigenschaften, der Abhängigkeiten  $1/\mu = f(B^2)$  und  $M = f(B^2)$ , der Anfangs- oder Ausgangswerte für die Vektorpotentiale  $A_{I, K}$ .
- Berechnung der Koeffizienten der Systemgleichungen (Differenzen- bzw. Summengleichungen), wenn während der iterativen Berechnung der Vektorpotential- bzw. Induktionsverteilung die Permeabilitäten  $\mu_{I, K}$  und Magnetisierungen  $M_{I, K}$  konstant gehalten werden.
- Lösen der Systemgleichungen (37) für die Vektorpotentiale durch Einzelschrittiteration, Zeileniteration oder Elimination, wenn während der Iteration  $\mu_{I, K}$  und  $M_{I, K}$  nicht geändert werden oder durch nichtlineare Einzelschritt- (Newton) oder Zeileniteration bzw. Berechnung der Verteilung der magnetischen Feldstärke mit Hilfe der Summengleichungen (42)...(44) für eine vorgegebene Stromdichte- und Magnetisierungsverteilung.

ist — der Vektor  $r_{I, K, L}^{u, v, w}$  geht vom Punkt  $P$  zu dem mit den Laufzahlen  $u, v, w$  gekennzeichneten Unterlement des Volumenelementes  $g_{I, K, L}$  —, so kann man z. B. für die  $x$ -Komponente  $I_{x_{I, K, L}}^{u, v, w}$  des Integranden  $I_{I, K, L}^{u, v, w}$  von Gl. (20) folgende Gleichung angeben:

$$I_{x_{I, K, L}}^{u, v, w} = \frac{S_y r_z^{u, v, w} - S_z r_y^{u, v, w}}{(r_{I, K, L}^{u, v, w})^3} + \frac{3(M_x r_z^{u, v, w} + M_y r_y^{u, v, w} + M_z r_z^{u, v, w}) r_x^{u, v, w}}{\mu_0 (r_{I, K, L}^{u, v, w})^5} - \frac{M_x}{\mu_0 (r_{I, K, L}^{u, v, w})^3} \quad (41)$$

Mit Hilfe der dreidimensionalen Simpsonregel erhält man dann den vom Teilgebiet  $g_{I, K, L}$  verursachten Beitrag  $\Delta H_{p \times I, K, L}$  der  $x$ -Komponente von  $\Delta H_{pI, K, L}$  zur magnetischen Feldstärke  $H_p$ :

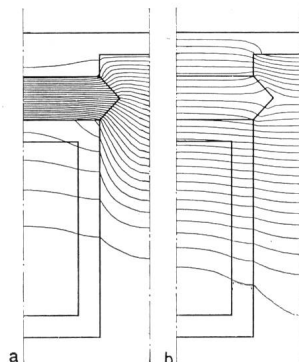
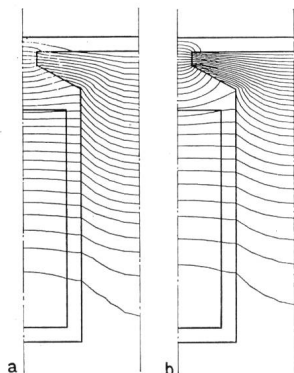
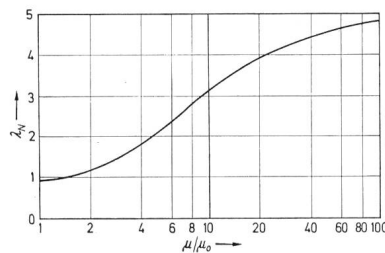
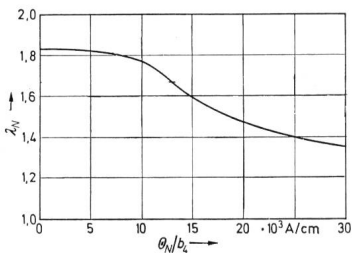


Fig. 7  
Leitwerte und Magnetfelder von Nutenleitern, numerisch berechnet

d) Korrektur der Teilgebietspermeabilitäten  $\mu_{I,K}$  und der Magnetisierungen  $M_{I,K}$  wenn diese während des Lösen der Differenzgleichungen bzw. während der Auswertung der Summgleichungen konstant gehalten werden.  $\mu_{I,K}$  und  $M_{I,K}$  werden unter-relaxiert weiterverwendet [1].

e) Ermittlung und Anwendung von Konvergenzbeschleunigungsfaktoren [1].

f) Prüfung der Konvergenz. Die Teilschritte b...f bzw. c...f werden so lange wiederholt, bis charakteristische Werte (Ergebnisse) konvergieren.

g) Auswertung, z. B. Berechnung der Feldverläufe, der Nutz- und Streuflüsse, der Kräfte, der magnetischen Spannungen, Feldstärken usw.

### 3. Anwendungsbeispiele

Fig. 6 veranschaulicht eine Anwendung des finiten Elemente-Verfahrens auf die Berechnung des magnetischen Feldes eines Motors mit Permanentmagneterregung. Die Figur zeigt, wie ein Querschnitt durch den Motor in finite Elemente eingeteilt wurde. Die geometrischen Formen von Rotor und Stator sind so, dass zwei Arten von zweidimensionalen finiten Elementen verwendet werden mussten. Das linke Feldbild zeigt den Verlauf der magnetischen Feldlinien im stromlosen Zustand des Rotors, verursacht durch die Permanentmagneten im Stator. Das rechte Feldbild lässt die Veränderung des magnetischen Feldes erkennen, wenn in der Rotorwicklung ein Strom fließt. Über die Auswertung der numerischen Ergebnisse der Feldrechnung kann das Drehmoment des Motors berechnet werden. Die Feldberechnung ist damit ein Mittel zur Analyse und Optimierung des Motors geworden.

Fig. 7 zeigt Nut und Leiter einer elektrischen Maschine. Die linke Bildhälfte zeigt die Änderung des Streufusses in der Nut in Abhängigkeit des Nutenstromes  $\theta_N$ . Mittels des finiten Elemente-Verfahrens gelang es, den Einfluss der Sättigung des Zahnkopfes auf den Verlauf des magnetischen Feldes zu berechnen. In Fig. 7b erkennt man die Konzentration der Feldlinien im ungesättigten Zahnkopf. Der höhere Nutenstrom in der Fig. 7a führt zur Sättigung des Zahnkopfes und abgeschwächter Feldkonzentration. Das Diagramm auf der linken

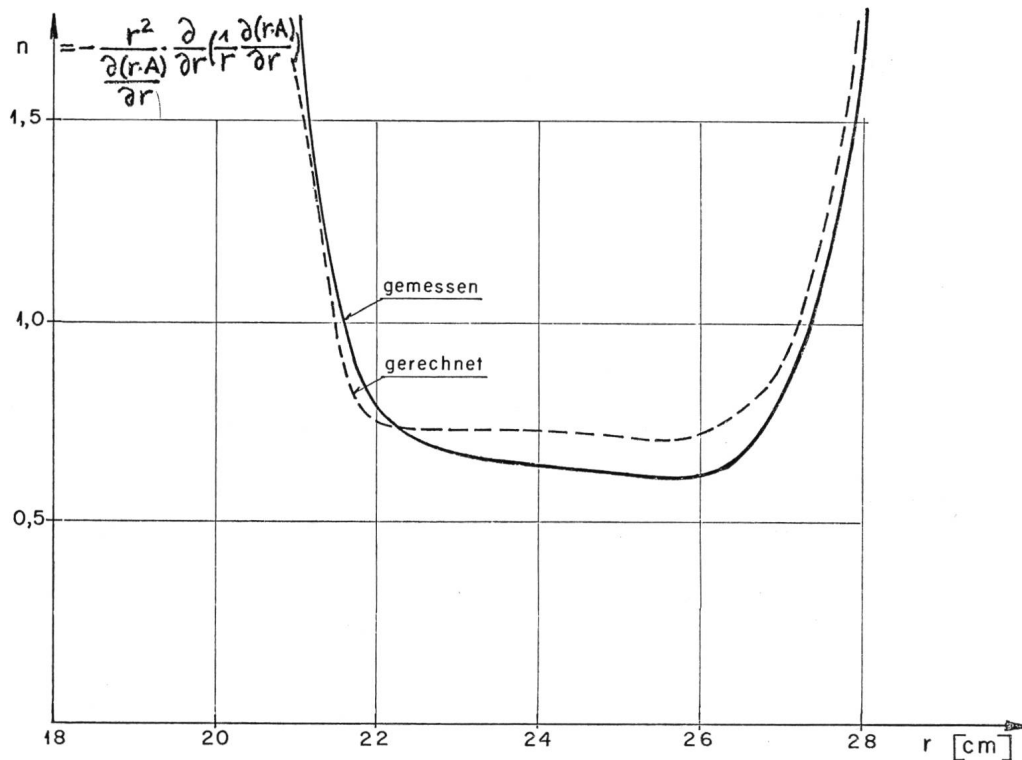


Fig. 9  
Betatronmagnet, Verlauf des Feldindex  $n$  in der Bahnebene

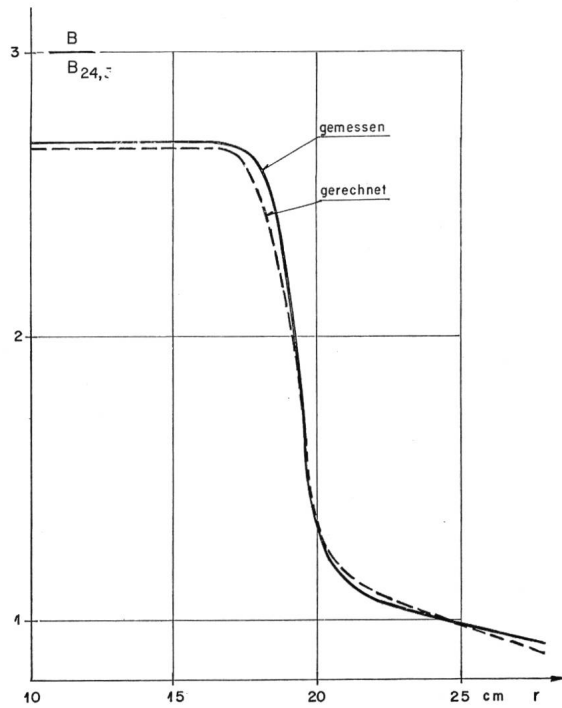


Fig. 8  
Betatronmagnet, Induktionsverlauf in der Bahnebene

Seite zeigt die Abhängigkeit des magnetischen Leitwertes  $\lambda_N$  der Nut von der Erregung  $\theta_N/b_4$ . Das Diagramm auf der rechten Bildhälfte zeigt die Abhängigkeit von  $\lambda_N$  von der Permeabilität  $\mu$  des Nutenkeiles. Die Feldbilder 7a und 7b wurden für gleichen Nutenstrom berechnet. Die kleine Permeabilität ( $\mu = 1$ ) des Keiles in Fig. 7b führt zu der unliebsamen Erscheinung, dass das Streufeld der Nut stark in den Luftspalt zwischen Stator und Rotor ausweicht. Mit einem Keil von hoher Permeabilität ( $\mu = 30$ ) verschwindet dieser Nachteil, wie Fig. 7a zeigt.

In Fig. 8 wird ein Vergleich zwischen gemessener und gerechneter Induktion auf der Bahnebene der Elektronen in einem Betatron in Abhängigkeit vom Abstand von der Bahnachse gezeigt. Der Sollkreisradius der Bahn ist 24,5 cm, alle Induktionen sind auf die Induktion  $B_{24,5}$  des Sollkreises bezogen. Diese Abhängigkeit wurde ermittelt, um zu prüfen, ob die Wideröische Bedingung erfüllt ist, nach der die Induktion  $B_{24,5}$  die Hälfte der mittleren Induktion innerhalb des Sollkreises sein muss.

Fig. 9 zeigt den Verlauf des Feldindex  $n$ , der sich aus dem Verlauf des magnetischen Vektorpotentials entlang eines Durchmessers der Bahn berechnet. Die Elektronenbahn ist stabil für  $n < 1$ ; optimale Stabilität wurde theoretisch für  $n$  ca. 0,7 ermittelt. Die Figur zeigt, dass innerhalb des Bereiches 21,5...27,5 cm Radius stabile Bahnen zu erwarten sind.

#### Literatur

- [1] K. Reichert: Über ein numerisches Verfahren zur Berechnung von Magnetfeldern und Wirbelströmen in elektrischen Maschinen. Habilitationsschrift, Technische Hochschule Stuttgart, 1968.
- [2] H. R. Schwarz, H. Rutishauser und E. Stiefel: Numerik symmetrischer Matrizen. Stuttgart, Teubner, 1968.
- [3] R. S. Varga: Matrix iterative analysis. Englewood Cliffs, Prentice-Hall, 1962.
- [4] L. W. Kantorowitsch und G. P. Akilow: Funktionanalyse in normierten Räumen. Berlin, Akademie Verlag, 1964.

- [5] W. Vogt: Badbewegung und magnetische Feldkräfte im Induktionstiegelofen. Brown Boveri Mitt. 56(1961)1, S. 25...35.
- [6] G. E. Forsythe and W. R. Wasow: Finite-difference methods for partial differential equations. London/New York, John Wiley, 1960.
- [7] O. C. Zienkiewicz and Y. K. Cheung: The finite element method in structural and continuum mechanics; numerical solution of problems in structural and continuum mechanics. London/New York, McGraw-Hill, 1967.
- [8] E. A. Erdelyi, S. V. Ahamed and R. D. Burtness: Flux distribution in saturated DC machines at no-load. Trans. IEEE PAS 84(1965)5, p. 375...381.
- [9] K. Kupfmüller: Einführung in die theoretische Elektrotechnik. 9. Auflage. Berlin, Springer, 1968.

#### Adresse des Autors:

PD Dr.-Ing. K. Reichert, Chef der Abteilung Technisch-wissenschaftliche Analyse und Rechnen, und W. Vogt, El.-Ing.-Techn. HTL, Chef der Gruppe Feldberechnungen der Abteilung Technisch-wissenschaftliche Analyse und Rechnen. AG Brown, Boveri & Cie., 5400 Baden.

### Kurzberichte — Nouvelles brèves

**In der rechnergesteuerten Fabrikation** stellt der Betriebsrechner das Bindeglied dar zwischen dem Fertigungsleitreechner, der plant, kontrolliert und Unterlagen erstellt, und dem Steuerungsrechner, der die Werkzeugmaschinen, Prüfautomaten und die Datenerfassung steuert. Wichtig ist der Dialog zwischen den Rechnern und den Menschen. Wenn aus der Serienfertigung eines Werkstückes zu viel Ausschuss anfällt, alarmiert der Betriebsrechner die Arbeitsvorbereitung. Diese veranlasst Massnahmen zur Verringerung des Ausschusses und erhöht entsprechend die vom Betriebsrechner vorgegebene Stückzahl. Die Rechnerhierarchie im Dialog mit dem Menschen kann flexibel und leistungsfähig arbeiten sowie neue und zusätzliche Aufgaben lösen.

**Das Hersh-Sauerstoffmessgerät** besteht aus einer elektrochemischen Zelle mit einer Kathode und einer Anode. Das zu prüfende Gas durchströmt die Zelle, wobei der von der Zelle abgegebene elektrische Strom ein Mass für den Sauerstoffgehalt des Gases ist. Eine Hilfselektrode in der Zelle verbessert ihre Lebensdauer, den Messbereich und die Stabilität der Messanordnung. Es wurde eine Reihe von Instrumenten für verschiedene Anwendungen entwickelt.

**Untersynchrone Stromrichter-kaskaden mit Thyristoren** ermöglichen eine verlustarme, stufenlose Regelung der Drehzahl von Motoren. Durchflussmengen, Drücke, Wasserstände, Fördereinrichtungen von Trinkwasser und Abwasser, Belüftungen von Abwasserbecken, Gebläse für die Tunnelbelüftung, lassen sich stufenlos, den momentanen Erfordernissen angepasst regeln.

**Ein Computer-Index über neutronenphysikalische Daten** wurde gemeinsam von vier wissenschaftlichen Zentren, der Europäischen Kernenergie-Agentur, der Internationalen Atomenergie-Organisation sowie Zentren der UdSSR und der USA, herausgegeben. Der Index enthält ungefähr 70000 bibliographische Auszüge aus mehr als 240 wissenschaftlichen Zeitschriften, 180 Schriftenreihen, 110 Büchern und Tagungsberichten und privaten Mitteilungen. Es handelt sich um die 5. Ausgabe der Bibliographie über neutronenphysikalische Daten.

**Das Internationale Kerndaten-Komitee** ist in allen auf Kerndaten bezüglichen Fragen das beratende Organ der Internationalen Atomenergie-Organisation. Das Komitee hält sich ständig über die Kerndatenprogramme, die im Bereich der friedlichen Anwendung der Kerntechnik durchgeführt werden, auf dem laufenden. Es sammelt auch Unterlagen für Messungen an Kernreaktoren, bei thermonuklearen Fusionen und zur Spaltflusskontrolle. Das Komitee berät insbesondere Entwicklungsländer mit Programmen für Messungen in der angewandten Physik im allgemeinen und in der Kerntechnik im besonderen.

**Ein Minirecorder** aus den USA kann wechselweise Spannungen und Ströme registrieren. Alle 5 s erfolgt eine Messung, deren Resultat automatisch registriert wird. Das Gerät eignet sich sehr gut für routinemässige Inspektionsarbeiten und die Fehlersuche. Alle Messwerte werden fortlaufend auf dem Registrierstreifen festgehalten. Die Aufzeichnung der Messwerte erfolgt nicht mit Tinte, sondern durch Druck auf dem druckempfindlichen Registrierpapier.

**Eine Versuchsstrecke** für Eisenbahnbetrieb wird in den USA mit einer Spannung bis zu 50 kV (Gleich- oder Wechselspannung) in Betrieb genommen. Die Versuchsstrecke ist ca. 6 km lang. Sie soll für die Erprobung von Lokomotiven und Triebwagen sowie für Versuche mit verschiedenen Fahrleitungssystemen für hohe Spannungen dienen.

**Fünfzehn Millionen Biegebeanspruchungen** wurde ein neunadriges Flachkabel unterzogen, ohne Schaden zu leiden. Die Beanspruchung erstreckte sich über einen Zeitraum von drei Jahren im Zwei- und Dreischichtenbetrieb in einer Überwachungseinrichtung zu einer Kettenwirkmaschine. Die lange Lebensdauer des Kabels war auf die gewählte Isolation mit einem Fluorkunststoff zurückzuführen. Kabel mit anderem Isoliermaterial musste man nach einjähriger Betriebsdauer ersetzen.

**Ein Überwachungs- und Warngerät** in England wurde für Fabrikationsprozesse und für die Kontrolle von unbeaufsichtigten Maschinenräumen entwickelt. Das Gerät wird nach Bedarf aus Modulen zusammengesetzt, von denen jeder 5 Messpunkte oder Messgrößen überwachen kann. Die Grösse des kontrollierten Messwertes sowie die Grenzen des zulässigen Messwertes sind einstellbar. Bei Über- oder Unterschreiten der zulässigen Grenzwerte leuchtet ein Warnsignal auf. Zusätzliche Warnstromkreise können optische oder akustische Warneinrichtungen betätigen; sie lassen sich auch für Regelzwecke einsetzen.

**Zu einer Reihe neuer Peripheriegeräte** für Digitalrechner gehört ein elektrostatischer Zeilendrucker; dieser weist hohe Zuverlässigkeit auf, ist geräuscharm und preiswert. Seine Druckgeschwindigkeit beträgt 120 Zeilen/s. In jeder Zeile ist Platz für 80 Zeichen vorgesehen.

**Für Feldstärkemessungen von Stör- und Nutzsignalen** wurde ein tragbares Messgerät entwickelt. Der Frequenzbereich ist ohne Umschaltung von 25...300 MHz einstellbar. Weitere Vorteile des Gerätes sind seine logarithmischen und linearen Messbereiche, die Möglichkeit, stark schwankende Signale schnell zu erfassen, die am Gerät befestigte, abstimmbare Messantenne sowie die Möglichkeit, das Gerät als Mikrovoltmeter einzusetzen.