

**Zeitschrift:** Bulletin des Schweizerischen Elektrotechnischen Vereins

**Herausgeber:** Schweizerischer Elektrotechnischer Verein ; Verband Schweizerischer Elektrizitätswerke

**Band:** 55 (1964)

**Heft:** 25

**Artikel:** Ein Beitrag zur Berechnung des Übertragungsverhaltens von Stoßspannungsteilern

**Autor:** Zaengl, W. / Feser, K.

**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-916797>

#### Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

#### Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

#### Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 19.01.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

sprechend gewechselt werden. Der dazu erforderliche Phasenwechsel wird mittels der Trenner erstellt. Bei Betriebswechsel muss die Gruppe abgestellt werden, und der Motorgenerator darf nur wieder auf das Netz geschaltet werden, wenn die Gegendrehzahl unter 60 U./min gefallen ist, dies um Beschädigungen durch zu grosse Stromaufnahme oder mechanische Überbeanspruchung zu vermeiden.

Die einzelnen Vorgänge des Betriebswechsels, beispielsweise von Pumpen- auf Turbinenbetrieb spielen sich in der nachstehend aufgeführten Reihenfolge ab:

- a) Drosselklappe erhält Schliessbefehl,
- b) Drosselklappe Schliessvorgang beendet,
- c) Gruppenschalter öffnet,
- d) Trenner öffnet,
- e) Trenner für Gegendrehrichtung schliesst,
- f) Drosselklappe erhält Öffnungsbefehl nachdem die Drehzahl auf 60 U./min gefallen ist,
- g) Gruppenschalter schaltet ein.

### 3.6 Düenschieber

Wenn das Niveau des Ausgleichbeckens infolge reichlichen Wasserzuflusses einen Höchstwert überschreitet, muss das Wasser, um nicht verlorenzugehen, in den Stausee Sufers übergeleitet werden. Diese Funktion wird durch den Düenschieber versehen, und zwar nur im Turbinenbetrieb.

Die Abführung des überschüssigen Wassers erfolgt in Abhängigkeit des Wasserstandes innerhalb eines Regulierungsbereiches von 80 cm. Die Öffnung des Düenschiebers in diesem Bereich wird in 20 Stufen von je 4 cm Wasserstandunterschied automatisch geregelt, von geschlossener Stellung bei unterer Bereichsgrenze bis Volloffentstellung bei oberer Bereichsgrenze. Einer Stufe entspricht 21 mm Weg des Düenschieberhubes, der somit insgesamt 420 mm beträgt.

Der Regulierungsbereich selber kann mittels des im Abschnitt 3.4 beschriebenen Zusatzgerätes auf jeweils entsprechende Höhe verschoben werden (Fig. 5, Skala a).

Die Sicherungen, der Automat sowie die Schütze der Steuerspannung für die Düenschiebereinrichtung sind in einem separaten Steuerkasten untergebracht. Der Düenschieber wird in der Regel automatisch gesteuert. Durch einen Schalter in der Steuertafel kann er auf Handsteuerung eingestellt werden. Die Handsteuerung erfolgt mittels Druckknöpfen am Steuerkasten.

Schliesslich kann die elektrische Steuerung mit Hilfe eines Handschalters am Düenschieber selbst abgeschaltet und der Düenschieber mittels eines Handrades eingestellt werden. Diese Möglichkeit des Eingriffes von Hand an Ort und Stelle wird auf der Steuertafel und am Steuerkasten durch je eine Signallampe angezeigt.

## 4. Schlussbemerkungen

Die automatische Steuerung der Hauptmaschinengruppen im Turbinenbetrieb wurde anfangs 1962, im Pumpenbetrieb gegen Ende 1963, dem Betrieb übergeben; unmittelbar danach erfolgte auch die Inbetriebsetzung der Fernbedienungsanlage. Die Wahl der Betriebsart sowie das Anfahren und das Abstellen von Sils aus wurden mit Erfolg durchgeführt.

Anfangs 1964 wurde auch die automatische Steuerung der Zubringerpumpen in Betrieb gesetzt, ebenso die Wahl der Betriebsart durch Fernbedienung von Sils aus erfolgreich durchgeführt.

### Adresse des Autors:

Peter E. Kisfaludy, «Motor Columbus» AG für elektrische Unternehmungen, 5400 Baden.

## Ein Beitrag zur Berechnung des Übertragungsverhaltens von Stoßspannungsteilern

Von W. Zaengl und K. Feser, München

621.317.727.1.015.33

Jeder Spannungsteiler für hohe Stoßspannungen setzt sich wegen seiner grossen, räumlichen Ausdehnung aus einem komplizierten Netzwerk von Widerständen, Kondensatoren und Induktivitäten zusammen. Die aus einem hinreichend genauen Ersatzschaltbild berechnete Rechteckantwort eines allgemeinen Teiltypus ist auf einfache Weise nicht mehr diskutierbar. Daher wurden Zahlenbeispiele mit Hilfe einer elektronischen Rechenmaschine berechnet, die zu einem guten Einblick in das Übertragungsverhalten der Teiler führen. Berücksichtigt wurde dabei insbesondere der Ohmsche Spannungsteiler.

*Du fait de son ampleur, un diviseur de tension pour hautes tensions de choc constitue un réseau compliqué de résistances, condensateurs et inductances, de sorte qu'il n'est plus possible d'interpréter simplement la réponse, sous forme de choc à front raide, d'un type général de diviseur de tension, calculée en se basant sur un schéma équivalent suffisamment exact. On a donc calculé des exemples numériques à l'aide d'un calculateur électronique, ce qui donne un bon aperçu du comportement de transmission de ces diviseurs de tension, notamment dans le cas de diviseurs ohmiques.*

### 1. Einleitung

Zur Ermittlung des zeitlichen Verlaufes von Stoßspannungen werden Spannungsteiler verwendet, die die hohen Eingangsspannungen bis zu mehreren Millionen Volt auf eine Ausgangsspannung von einigen Hundert Volt herabsetzen, so dass diese mit den gebräuchlichen Warmstrahl- oder Kalt-Kathodenstrahloszillographen aufgezeichnet werden können. Derartige Stoßspannungsteiler lassen sich unter Verwendung technologisch einwandfreier Baumaterialien und bei guter, hochspannungstechnischer Ausbildung als Ohmsche, kapazitive oder gemischt Ohmisch kapazitive Spannungsteiler ohne weiteres so herstellen, dass der Scheitelwert voller oder im Rücken abgeschnittener Stoßspannungen mit vernachlässigbar kleinen Fehlern wiedergegeben wird. Auch eine Ermittlung der für den Stoßspannungsverlauf charakteristischen Daten

(Stirnzeit, Rückenhalbwert-Zeit, Überschlagzeit) bleibt dabei meist innerhalb der nach VDE 0450 zulässigen Fehlergrenzen.

Recht erhebliche Messfehler können jedoch auftreten, wenn in der Stirn abgeschnittene Stoßspannungen erfasst werden müssen (Fig. 1). Derartige Keilwellen sind Hochspannungsimpulse, die bei Überschlagzeiten von weniger als 1...2  $\mu$ s bedeutende hochfrequente Schwingungsanteile enthalten. Durch eine Zerlegung dieser einmalig verlaufenden, zeitabhängigen Vorgänge mit Hilfe des Fourier-Integrals lässt sich nachweisen, dass aus einer Keilwelle, die z. B. durch das Abschneiden einer VDE-Stoßspannung 1|50 nach 0,5  $\mu$ s entsteht, noch 10-MHz-Schwingungen enthalten sind, deren Amplituden 5% der Grundwellenamplituden betragen.

Die von einem Spannungsteiler für die Messung abgeschnittener Stoßspannungen zufordernde Eigenschaft besteht

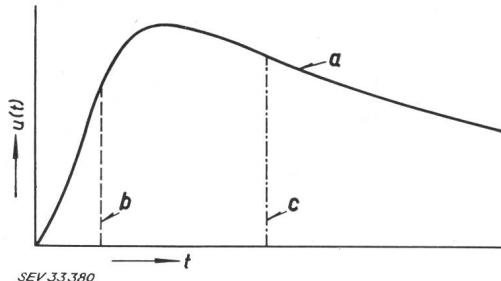


Fig. 1

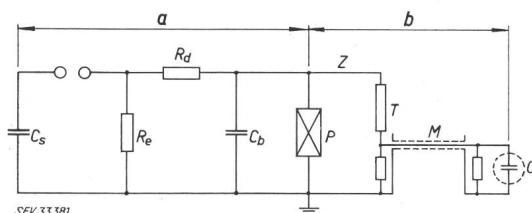
**Zur Definition verschiedener Stoßspannungen**

a volle Stoßspannung; b in der Stirn abgeschnittene Stoßspannung (Keilwelle); c im Rücken abgeschnittene Stoßspannung  
t Zeit; u Spannung

somit darin, dass dieser die hochfrequenten Schwingungsanteile noch «überträgt» und am Teilarausgang möglichst unverzerrt wiedergibt, also eine ausreichend hohe Bandbreite besitzt. Grundsätzliche Erkenntnisse zur Beurteilung der Stoßspannungsteiler bezüglich dieser breitbandigen Eigenschaften wurden in den letzten Jahren vielfach angegeben [1; 2]. Die Forderungen an das frequenzabhängige Übertragungsverhalten bei der Messung einer gegebenen Impulsform sind damit bekannt. Für den Bau der Stoßspannungsteiler ist es aber wesentlich, die Fehlerursachen aufzudecken und sie so weit wie möglich theoretisch zu ermitteln. In dem vorliegenden Beitrag wurde daher versucht, alle erfassbaren Eigenschaften der Bauelemente eines Teilers einem Ersatzschaltbild zu Grunde zu legen, dessen Übertragungsverhalten berechnet wird. Die nur sehr schwer allgemein diskutierbaren Berechnungsergebnisse werden mit Hilfe einer elektronischen Rechenmaschine an Hand mehrerer Beispiele ausgewertet, so dass sich vielfältige Rückschlüsse auf die Eigenschaften der Spannungsteiler ziehen lassen. Besonders ausführlich wird hiebei der rein Ohmsche Spannungsteiler behandelt, da dieser heute für Keilwellenmessungen ausschliesslich verwendet wird.

**2. Die Stoßspannungs-Messanordnung**

Fig. 2 zeigt einen Stoßspannungskreis mit Spannungs erzeuger, Prüfobjekt und Messanordnung. Die angegebene Schaltung des Spannungserzeugers stellt lediglich eine übliche Ersatzschaltung dar und ist für den Aufbau des Messkreises nicht von grundlegender Bedeutung. Wesentlich hingegen ist der unmittelbare Anschluss des Spannungsteilers am Prüf objekt, dessen Spannungsbeanspruchung gemessen werden soll. Jede Übertragung eines sehr rasch veränderlichen Spannungsimpulses über eine längere Verbindungsleitung führt nämlich zu Impulsverzerrungen, die sich aus der Wirksamkeit von Induktivität und Kapazität, bzw. der Laufzeiteigenschaft

**Aufbau eines Stoßspannungskreises**

a Stoßspannungserzeuger

$C_s$  Stoßkapazität;  $R_d$  Dämpfungswiderstand;  $R_e$  Entladewiderstand;  $C_b$  Belastungskapazität;

b Messanordnung

Z Zuleitung; T Spannungsteiler; M Messkabel; O Stoßspannungsoszilloskop; P Prüfling

einer Leitung erklären lassen. In diesem Sinne stellt auch die Zuleitung  $Z$  zum Spannungsteiler  $T$  ein Netzwerk dar, das die Übertragungseigenschaften der gesamten Messanordnung erheblich beeinflussen kann. Durch eine geschickte Aufstellung des Teilers (horizontal, hängend) und einem flächenhaften, praktisch induktionslosen Aufbau der erdseitigen Verbindungsleitungen (Metallplatten oder feinmaschiges Netzwerk) lassen sich die Zuleitungslängen aber erheblich verkleinern, so dass ihr Einfluss in erster Annäherung vernachlässigt werden kann.

Die dargestellte Messanordnung verwendet zum Anschluss des Oszillographen  $O$  an den Spannungsteiler  $T$  ein Messkabel  $M$ . Diese übliche Methode des Oszillographenanschlusses besitzt den grossen Vorteil, dass der Oszillograph selbst in einem weitgehend feldfreien und damit ungefährlichen Bereich aufgestellt werden kann. Durch eine zusätzliche Abschirmung des Oszillographen und der Messkabel (doppelte, dreifache Schirmung) können die sehr lästigen hochfrequenten Einstreuungen vermieden werden, die nicht nur den Vorgang selbst, sondern teilweise auch die Zeitablenkung des Oszillographen beeinflussen. Die durch die stets endliche Dämpfung des Messkabels hervorgerufenen Messfehler lassen sich bei Kabellängen bis zu wenigen 10 m auch bei sehr kurzen Keilwellen noch in erträglichen Grenzen halten und auch ausreichend genau berechnen. Die von Stoßspannungsoszillographen verursachten Messfehler können ebenfalls leicht abgeschätzt werden, da dessen Bandbreite meist bekannt ist oder in einfacher Weise ermittelt werden kann.

Der Spannungsteiler verursacht von allen Gliedern der Messanordnung den grössten Messfehler, vor allem, wenn der Teiler wegen der Höhe der zu messenden Stoßspannung sehr gross ist. Seine Bauhöhe beträgt bei der üblichen Aufstellung in freier Atmosphäre ca. 2,5 m pro 1000 kV Stoßspannung. Da die angestellten Berechnungen auch noch für Frequenzbereiche bis zu mehreren 10 MHz gültig sein sollen, liegt die Bauhöhe der Spannungsteiler in der Grössenordnung der Wellenlänge des betrachteten Frequenzbereiches.

Eine Ersatzschaltung des Spannungsteilers nur durch wenige, konzentrierte Bauelemente ist damit unzulässig. Vielmehr müssen alle Eigenschaften der Bauelemente bei diesen hohen Frequenzen grundsätzlich berücksichtigt und der Spannungsteiler selbst durch eine Vielzahl kleiner Bauelemente ersetzt werden.

Eine möglichst genaue, theoretische Untersuchung des Spannungsteilers alleine ist wegen der Komplexität dieses Gliedes innerhalb der Stoßspannungsmessordnung daher sinnvoll und wird weiterhin durch die bekannt grossen Übertragungsfehler gerechtfertigt.

**3. Ersatzschaltung des Spannungsteilers**

Der Hochspannungsteil von Stoßspannungsteilern besteht fast ausnahmslos aus kontinuierlich und induktionsarm gewickelten Widerstandsbändern oder aus einer Vielzahl von in Serie geschalteter Kondensatoren, meist in der Form von Ölpapierkondensatoren. Ausgeprägte Einzelbauteile sind daher nicht vorhanden und die Annahme eines homogenen Aufbaues für die Aufstellung des Ersatzschaltbildes ist naheliegend. Damit wird die Forderung erfüllt, jeden Teiler nicht durch konzentrierte, sondern durch viele kleine Bauelemente zu ersetzen. In Fig. 3 ist das allgemeine Ersatzschaltbild wieder gegeben, das sich nur aus Längsimpedanzen  $Z_l'$ , die von der

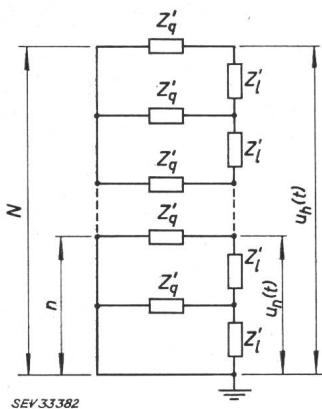


Fig. 3  
Allgemeine Ersatzschaltung eines Spannungsteilers  
 $Z'_l$  Längsimpedanz pro Element;  
 $Z'_q$  Querimpedanz pro Element;  
 $u_h(t)$  Spannungsverlauf am Hochspannungsteil;  $u_n(t)$  Spannungsverlauf am Niederspannungsteil;  
 $N$  Anzahl der Teilelemente;  
 $n$  Anzahl der Teilelemente am Niederspannungsabgriff;  
 $Z_l = NZ'_l$  gesamte Längsimpedanz;  $Z_q = Z'_q/N$  gesamte Querimpedanz

Art des Spannungsteilers bestimmt werden, und zur Erde führende Querimpedanzen  $Z'_q$ , die durch die wirksamen Erdkapazitäten gebildet werden, zusammensetzt.

Grössere Abweichungen zwischen diesem Ersatzschaltbild und den wirklichen Verhältnissen können nur in folgenden Punkten auftreten:

a) Wird am hochspannungsseitigen Anschluss des Teilers eine grosse Elektrode angebracht, so liegt eine nicht mehr zu vernachlässigende, hochspannungsseitige Verkettung des Teilers vor. Diese Methode wird in der angegebenen [3] oder teilweise abgewandelten Art (abgestufte Steuerkapazitäten [4]) heute fast durchwegs angewandt, um die durch die erdseitigen Verkettungskapazitäten erzeugene nichtlineare Spannungsverteilung längs des Teilers zu verkleinern. In guter Annäherung lässt sich dieser Einfluss der hochspannungsseitigen Verkettung durch eine Verkleinerung der Erdkapazitäten berücksichtigen. Da der Erfolg dieser Steuerungsmethoden heute aber allgemein bekannt ist und daraus Teilerkonstruktionen resultieren, die durch die teilweise recht grossen Schirmelektroden unhandlich und sperrig werden, soll diese Art der Verbesserung der Übertragungseigenschaften nicht besonders berücksichtigt werden.

b) Die vorausgesetzte Homogenität des Teilers wird gelegentlich durch einen nichtlinearen Widerstandsbelag bei Ohmschen Spannungsteilern durchbrochen [5]. Damit werden die Längsimpedanzen  $Z'_l$  pro Teilelement ungleich gross. Damit lässt sich die Ohmsche Spannungsverteilung an die durch die Erdkapazität bedingte kapazitive Spannungsverteilung anpassen, so dass ähnliche Verhältnisse, wie unter a) beschrieben, entstehen. Durch die Annahme kleinerer Erdkapazitäten lässt sich auch dieser Fall gut berücksichtigen.

c) Der Niederspannungsteil des Teilers wird in der Praxis konstruktiv stets anders aufgebaut als der Hochspannungsteil. Neben dem notwendigen Messkabelanschluss wird durch das grosse Übersetzungsverhältnis die Impedanz des Niederspannungsteiles, bezogen auf die lineare Ausdehnung des Teilers, viel kleiner als die entsprechenden Teilimpedanzen des Hochspannungsteiles. So dürfte beispielsweise bei einer Teilerhöhe von 2,5 m und einem Übersetzungsverhältnis von 1000 der Niederspannungsteil nur 2,5 mm der gesamten Teilerhöhe betragen, was aber konstruktiv nur schwer realisierbar ist. Der räumlich zu grosse Aufbau des Niederspannungsteiles wird wohl ausnahmslos die Teileigenschaften verschlechtern, so dass die angestellten Berechnungen zu günstig sein können.

Ein andersartiger Aufbau von Hoch- und Niederspannungsteil kann bei hohen Frequenzen wegen des hier wirksamen Skin-Effektes die Übertragungseigenschaften beeinflussen. Bei der Verwendung von Drahtwiderständen ist dies unvermeidlich. Bei der Konstruktion sollte daher darauf Rücksicht genommen werden, dass die durch den Skin-Effekt bedingte Widerstandserhöhung in beiden Teilen etwa gleich gross ist.

d) Der Niederspannungsteil wird im Ersatzschaltbild als unbelastet angenommen. Der Anschluss des Messkabels belastet aber vor allem bei Ohmschen Spannungsteilern den Niederspannungsteil sehr stark und verändert damit die resultierende Längsimpedanz dieses Teiles.

Dieser Einfluss ist bei allen Teilerarten besonders sorgfältig zu untersuchen [6], kann aber wegen der Verschiedenheit der Impedanzverhältnisse bei den einzelnen Teilerarten nicht bei allgemeinen Teileruntersuchungen berücksichtigt werden.

Unter Berücksichtigung all dieser Einflüsse, die in speziellen Fällen zu abweichenden Teileigenschaften führen können,

kann nun das Ersatzschaltbild eines kleinen Teilelementes angegeben werden. Es ist in Fig. 4 dargestellt:

Die Erdkapazität  $C'_e$  entsteht durch das unvermeidliche elektrische Feld zwischen jedem Teilelement und der grossen vorhandenen Erdfäche. Das Verhältnis der Teilerhöhe zum wirksamen Teilerdurchmesser hat nur einen geringen Einfluss auf die Erdkapazität. Man wird mit einem Mittelwert von 15 pF/m Teilerhöhe rechnen können.

Die gesamte Längsimpedanz  $Z'_l$  setzt sich im allgemeinsten Fall aus einer Parallelschaltung einer Kapazität  $C_p'$  mit der Serienschaltung eines Widerstandes  $R'$ , einer Kapazität  $C'$  und einer Induktivität  $L'$  zusammen. Während sich die Grösse von  $R'$  und  $C'$  ohne weiteres aus den aktiven Teilelementen ergibt, ist die Induktivität  $L'$  als stets unerwünschte, aber auch unvermeidliche Streuinduktivität anzusehen, die letztlich durch die grosse lineare Ausdehnung des Teilers bedingt wird. Ihr Einfluss wurde bisher bei allen Teilerarten praktisch vernachlässigt, obwohl dies bei hochfrequenten Vorgängen keineswegs zulässig ist. Ihre Grösse hängt von den verwendeten Bauteilen ab. Bei Ohmschen Teilen, die aus energetischen Gründen fast ausnahmslos aus induktionsarm gewickelten Drahtwiderständen aufgebaut werden, errechnet sich die Induktivität aus der induktiven Zeitkonstante  $L/R$  des verwendeten Widerstandsbandes. Bei mittleren Werten des Widerstandes wird man mit Zeitkonstanten von 10 ns rechnen können, wobei aber bei den gelegentlich gebauten niederohmigen Spannungsteilern auch Werte bis zu 30 ns auftreten dürfen [7].

Bei kapazitiven Spannungsteilern ist der Absolutwert der Induktivität zwar nicht gross, aber dennoch von ausschlaggebender Bedeutung für das Übertragungsverhalten, wie später noch gezeigt wird. Die Grösse der Induktivität richtet sich hier nach der Bauart der verwendeten Kondensatoren.

Als unteren Grenzwert wird man günstigenfalls 1  $\mu\text{H}/\text{m}$  Teilerlänge annehmen können. Dies entspricht in etwa der Induktivität eines gestreckten Leiters.

Die als induktionslos angenommene Kapazität  $C_p'$ , die zu den aktiven Teilelementen parallel liegt, wird als reine Streukapazität aufgefasst und darf somit nicht durch konzentrierte Schaltelemente künstlich vergrössert werden, da damit die vorausgesetzte Induktionslosigkeit bei hohen Frequenzen nicht mehr gültig ist. Dass eine Parallelkapazität  $C_p$  von größenordnungsmässig 0,1...1 pF für den gesamten Spannungsteiler aber wirksam ist, erklärt sich aus Schaltkapazitäten und kann auch experimentell bestätigt werden.

Mit der Berechnung des Übertragungsverhaltens des allgemeinen Teiltyps nach Fig. 4 lässt sich somit der rein Ohmsche ( $C' = \infty$ ) und der rein kapazitive Teiler ( $R' \approx 0$ ) unmittelbar erfassen. Der noch gelegentlich verwendete gemischte Spannungsteiler [8], der durch die Parallelschaltung konzentrierter und keineswegs induktionsloser Kapazitäten und Widerstände entsteht, ist bei hohen Frequenzen als rein kapazitiver Span-

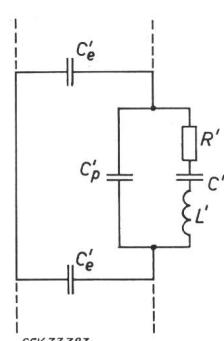


Fig. 4  
Ersatzschaltbild eines Teilelementes  
 $R = R'N$  gesamter Teilerwiderstand;  
 $L = L'N$  gesamte Teilerinduktivität;  
 $C = C'/N$  gesamte Teilerkapazität;  
 $C_e = C'_eN$  gesamte Teilererdkapazität  
 $C_p = C_p'/N$  gesamte Teilerparallelkapazität

nungsteiler aufzufassen, da bei den hohen Frequenzen die Impedanz der kapazitiven Säule wesentlich kleiner wird als die mit der Frequenz ansteigende Impedanz des Ohmschen Teiles.

#### 4. Ableitung der Rechteckstossantwort

Zur Kennzeichnung des Übertragungsverhaltens wird die Rechteckstossantwort (Übergangsfunktion)  $G(t)$  herangezogen. Die von der Leitungsgleichung ausgehende Berechnung mit Hilfe der Laplace-Transformation ist im Anhang auszugsweise wiedergegeben. Für den Spannungsteiler nach Fig. 4 wird die Rechteckstossantwort am Niederspannungsteil bei einem anliegenden Hochspannungs-Rechteckimpuls der Grösse  $U_0$  und dem Übersetzungsverhältnis des Teilers  $N/n$ :

$$G(t) = \frac{u_n(t)}{U_0} \cdot \frac{N}{n} \quad (1)$$

$$G(t) = 1 - \frac{C_e}{6(C + C_p)} + \\ + 2e^{-at} \sum_{k=1}^{\infty} (-1)^k \frac{\cosh(bt) + \frac{a}{b} \sinh(bt)}{\left(1 + \frac{C_p}{C} + \frac{C_e}{Ck^2\pi^2}\right) \left(1 + \frac{C_pk^2\pi^2}{C_e}\right)}$$

mit

$$a = \frac{R}{2L}$$

$$b = \sqrt{\left(\frac{R}{2L}\right)^2 - \frac{1 + \frac{C_p}{C} + \frac{C_e}{Ck^2\pi^2}}{LC_e \left(1 + \frac{C_p}{C_e} k^2\pi^2\right)}}$$

Die bei der Ableitung dieses Ausdruckes gemachten Voraussetzungen ( $C_p \ll C$ ;  $C_e < C$ ;  $n \ll N$ ) werden bei allen praktischen Teilerarten erfüllt.

Die Rechteckstossantwort gehorcht somit einer recht schwer allgemein diskutierbaren Gleichung. Da das Auftreten des Summengliedes eine einfache numerische Berechnung unmöglich macht, wurden mehrere Beispiele mit Hilfe einer elektronischen Rechenmaschine durchgerechnet.

##### 4.1 Der Ohmsche Spannungsteiler

Mit  $C \rightarrow \infty$  wird die Rechteckstossantwort:

$$G(t) = 1 - 2e^{-at} \sum_{k=1}^{\infty} (-1)^k \frac{\cosh(bt) + \frac{a}{b} \sinh(bt)}{1 + \frac{C_p}{C_e} k^2\pi^2} \quad (2)$$

mit

$$a = \frac{R}{2L}$$

$$b = \sqrt{\left(\frac{R}{2L}\right)^2 - \frac{1}{LC_e \left(1 + \frac{C_p}{C_e} k^2\pi^2\right)}}$$

Die einfachste Methode, das Übertragungsverhalten Ohmscher Spannungsteiler zu verbessern, besteht in der Verkleinerung des Gesamtwiderstandes  $R$ , wie aus Fig. 5 zu entnehmen ist. Als Erdkapazität wurde  $C_e = 40 \text{ pF}$  angenommen, womit näherungsweise ein ungesteuerter 1-MV-Stoßspannungsteiler charakterisiert sein dürfte. Die angenommene induktive Zeitkonstante von 10 ns stellt einen Mittelwert dar, die bei dem hochohmigen Teiler von  $30 \text{ k}\Omega$  zu gross, bei dem nieder-

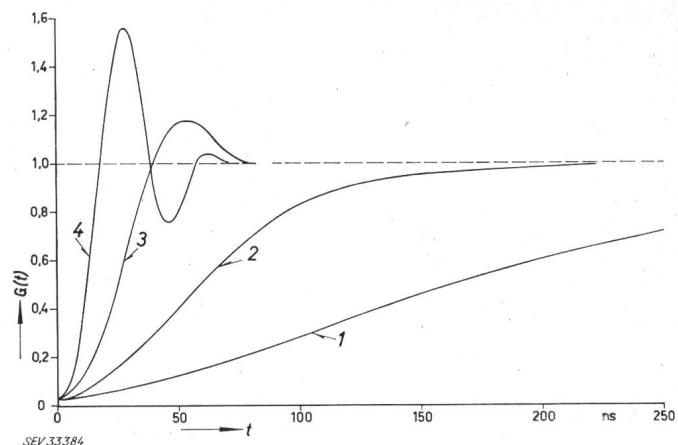


Fig. 5  
Rechteckstossantworten des Ohmschen Teilers bei Änderung des Ohmschen Widerstandes  $R$

Konstanten:  $C_e = 40 \text{ pF}$ ,  $C_p = 1 \text{ pF}$ ,  $L/R = 10 \text{ ns}$   
1  $R = 30 \text{ k}\Omega$ ; 2  $R = 10 \text{ k}\Omega$ ; 3  $R = 3 \text{ k}\Omega$ ; 4  $R = 1 \text{ k}\Omega$

ohmigen Teiler von  $1 \text{ k}\Omega$  eher zu klein sein dürfte, sofern nicht eine besonders induktionsarme Konstruktion der Widerstands-säule angewandt wurde (Parallelschalten vieler Widerstands-bänder). Der Einfluss der Induktivität ist aber bei hochohmigen Spannungsteilern — trotz der absolut grossen Induktivität von  $100 \mu\text{H}$  und mehr — sehr gering. Bei den niederohmigen Spannungsteilern begrenzt die Induktivität des Widerstandes aber die Anwendung sehr stark. Der gewünschte, exponential-artige Anstieg der Rechteck-Wiedergabe geht hier in ein starkes Überschwingen über, das schliesslich zu einer ausgeprägten Eigenresonanz führt. In Fig. 6 wurde am Beispiel des  $3\text{-k}\Omega$ -Spannungsteilers der Einfluss der Induktivität näher untersucht. Daraus ist sehr deutlich zu entnehmen, dass die Reduzierung des Gesamtwiderstandes nur dann sinnvoll ist, wenn gleichzeitig die induktive Zeitkonstante des Teilers mit verkleinert wird. Experimentell wird dieses Ergebnis durch Oszillogramme bestätigt, die der Literatur zu entnehmen sind [9]. Diese Reduzierung des Widerstandes führt zu einem nur in speziellen Fällen anwendbaren Spannungsteiler, da der geringe Gesamtwiderstand sehr stark auf die Spannungsquelle rückwirkt.

Theoretisch kann der schädliche Einfluss der Induktivität leicht aus Gl. 2 abgeleitet werden. Die im Summenglied auf-

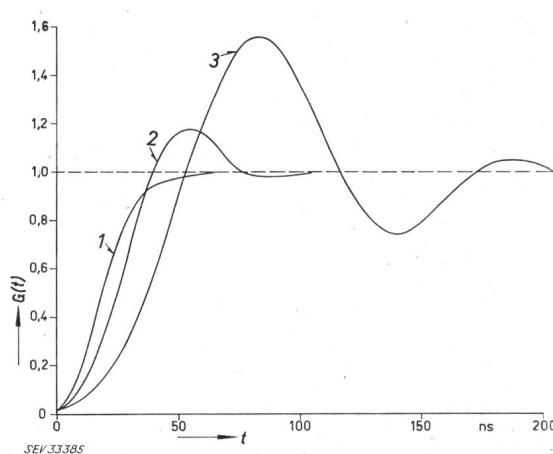


Fig. 6  
Wie Fig. 5, aber bei Änderung der Induktivität  $L$   
Konstanten:  $R = 3 \text{ k}\Omega$ ,  $C_e = 40 \text{ pF}$ ,  $C_p = 1 \text{ pF}$   
1  $L = 10 \mu\text{H}$ , ( $L/R = 3,3 \text{ ns}$ ); 2  $L = 30 \mu\text{H}$ , ( $L/R = 10 \text{ ns}$ );  
3  $L = 90 \mu\text{H}$ , ( $L/R = 30 \text{ ns}$ )

tretenen Hyperbelfunktionen gehen in trigonometrische Funktionen über, wenn  $b$  imaginär wird, d. h.:

$$\left(\frac{R}{2L}\right)^2 < \frac{k^2\pi^2}{LC_e \left(1 + \frac{C_p}{C_e} k^2\pi^2\right)} \quad (3)$$

Ist bereits das erste Summenglied trigonometrisch ( $k = 1$ ), so liegt mit Sicherheit ein stärkeres Überschwingen der Rechteckstoßantwort vor. Hierfür wird:

$$R \leq 2\pi \sqrt{\frac{L}{C_e}} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 + C_p \pi^2 / C_e}} \quad (3a)$$

Den günstigen Einfluss verringriger Erdkapazitäten bei gleichem Teilerwiderstand zeigt Fig. 7, womit die heute übliche Technik der kapazitiven Steuerung der Ohmschen Teiler dargestellt wird. Dieser günstige Effekt bei induktionsbehaftetem Widerstand ist aber bei kleinen Erdkapazitäten  $C_e$  nur der dämpfenden Wirkung der Parallelkapazitäten  $C_p$  zuzuschreiben, wie aus Fig. 8 ersichtlich ist. Ist nämlich die Parallelkapazität sehr klein (Kurve 1 und 2 in Fig. 8), so tritt ein echter Laufzeitcharakter des Übertragungsverhaltens ein, der sich oftmals auch experimentell nachweisen lässt. Das Vorhandensein einer Laufzeit, also kleiner Parallelkapazität, kann demnach auch die Übertragungseigenschaften wesentlich verbessern, ist aber bei kleinen Erdkapazitäten und Gesamtwiderständen mit der Gefahr von Laufzeitschwingungen gekoppelt. Besonders deutlich wird dies wiederum durch eine Betrachtung von Gl. (3a), die mit  $C_e$  erweitert werde:

$$RC_e \leq 2\pi \sqrt{LC_e} \cdot \frac{1}{\sqrt{1 + C_p \pi^2 / C_e}} \quad (3b)$$

Diese Gleichung kann als Grenzbedingung für ein schwingungsfreies Arbeiten aller heute üblichen, niederohmigen oder gesteuerten Spannungsteiler aufgefasst werden. Verkleinert man nämlich die Erdkapazität durch kapazitive Steuerungsmethoden, so geht die Laufzeit  $\sqrt{LC_e}$  nur schwächer zurück als die Zeitkonstante  $RC_e$ , womit der Teiler in den schwingenden Bereich gerät. Auch hier kann die Erscheinung nur dann vermieden werden, wenn mit der Verkleinerung der Erdkapazität  $C_e$  eine proportionale Verkleinerung der Widerstandsinduktivität  $L$  verbunden wird. Da bei gelegentlich veröffentlichten Rechteckstoßantworten gut gesteuerter Ohmscher Spannungsteiler derartige Schwingungen häufig anzutreffen sind, liegt die Vermutung nahe, dass diese durch die hier abgeleiteten Zusammenhänge entstehen.

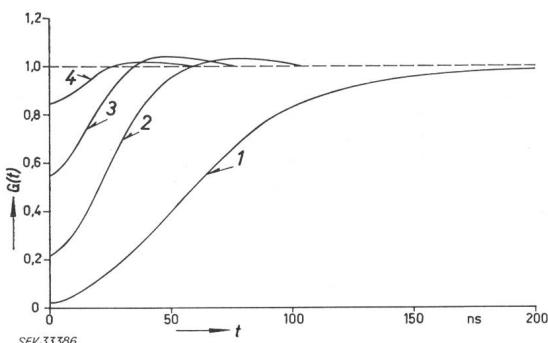


Fig. 7

Wie Fig. 5, aber bei Änderung der Erdkapazität  $C_e$   
Konstanten:  $C_p = 1 \text{ pF}$ ,  $R = 10 \text{ k}\Omega$ ,  $L/R = 10 \text{ ns}$   
1  $C_e = 40 \text{ pF}$ ; 2  $C_e = 12 \text{ pF}$ ; 3  $C_e = 4 \text{ pF}$ ; 4  $C_e = 1 \text{ pF}$

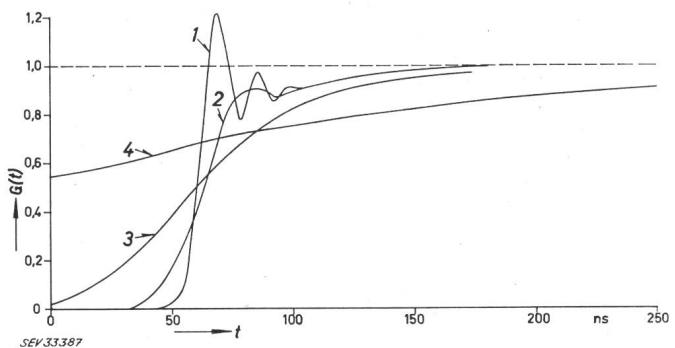


Fig. 8

Wie Fig. 5, aber bei Änderung der Parallelkapazität  $C_p$

Konstanten:  $C_e = 40 \text{ pF}$ ,  $R = 10 \text{ k}\Omega$ ,  $L/R = 10 \text{ ns}$   
1  $C_p = 0,01 \text{ pF}$ ; 2  $C_p = 0,1 \text{ pF}$ ; 3  $C_p = 1 \text{ pF}$ ; 4  $C_p = 10 \text{ pF}$

Die Übergangsfunktion eines Ohmschen Spannungsteilers zeigt einen umso ausgeprägteren Spannungssprung zur Zeit  $t = 0$ , je grösser die Parallelkapazität  $C_p$  bei einer vorgegebenen Erdkapazität  $C_e$  wird. Praktisch ist dieser Effekt natürlich nicht erzielbar, da im gesamten Messkreis sonstige Dämpfungs-einflüsse vorhanden sind, die einen Spannungssprung nicht zulassen. Physikalisch ist der Spannungssprung leicht dadurch erklärbar, dass die angenommene Parallelkapazität einen kapazitiven Spannungsteiler bildet, dessen Übersetzungsverhältnis durch die Erdkapazitäten stark reduziert wird. Im Bereich sehr kleiner Zeiten der Rechteckstoßantwort ist aber das Ersatzschaltbild nicht mehr gültig, da die Parallelkapazität  $C_p$  induktionslos angenommen wurde.

Das heute übliche Ersatzschaltbild Ohmscher Spannungsteiler berücksichtigt nur die wirksamen Erdkapazitäten und führt vor allem bei kleinen Erdkapazitäten, bzw. kleinen Gesamtwiderständen zu falschen Übertragungsverhältnissen. Ein Vergleich mag diese Behauptung bekräftigen. Vernachlässigt man in Gl. (1) die Induktivität  $L$  und die Parallelkapazität  $C_p$ , so erhält man die einfache Rechteckstoßantwort:

$$G(t) = 1 + 2 \sum_{k=1}^{\infty} (-1)^k \cdot e^{-\frac{t}{T_k}} \quad (4)$$

mit

$$T_k = \frac{RC_e}{\pi^2 k^2}$$

die das Kettenleiterverhalten des Ohmschen Teilers immer noch berücksichtigt. Das noch verbleibende Summenglied wird für die Aufstellung des sehr einfachen Ersatzschaltbildes durch eine e-Funktion in der Weise ersetzt, dass die Ansprechzeit (Response-Time  $T_r$ ;  $T_r = \int_0^\infty [1 - G(t)] dt$ ) gegenüber Gl. (4) gleich gross bleibt:

$$G(t) = 1 - e^{-\frac{t}{T}} \quad (5)$$

$$T = \frac{RC_e}{6}$$

Da diese Gleichung erfüllende, bekannte Ersatzschaltbild ist in Fig. 9 dargestellt.

In den Fig. 10, 11 und 12 wurden für Spannungsteiler von 30, 10 und 1 kΩ Gesamtwiderstand die Übergangsfunktionen für die Ersatzschaltbilder nach Gl. (2), (4) und (5) gegenübergestellt. Man erkennt, dass die Abweichungen für die üblicher-

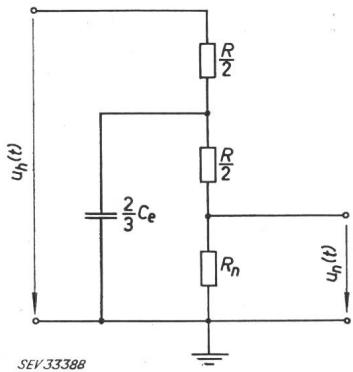


Fig. 9  
Ersatzschaltbild des Ohmschen Teilers  
 $C_e$  gesamte Teilererderkapazität;  $R$  gesamter Teilerwiderstand;  $R_n$  Widerstand des Niederspannungsteiles  
Weitere Bezeichnungen siehe Fig. 3

weise angenommenen Werte der Störelemente ( $C_p = 1 \text{ pF}$ ;  $C_e = 40 \text{ pF}$ ;  $L/R = 10 \text{ ns}$ ) bei grösseren Widerstandswerten ( $R > 8 \text{ k}\Omega$ ; aperiodischer Grenzfall) vernachlässigbar sind. Bei kleineren Widerständen gelangt man in den schwingenden Bereich, ebenso bei sehr kleinen Parallelkapazitäten, so dass die Ersatzschaltungen ohne Induktivität völlig unbrauchbar werden.

Zusammenfassend lässt sich für den Ohmschen Teiler feststellen, dass die Vernachlässigung der Eigeninduktivität mit Sicherheit nur bei ungesteuerten, hochohmigen Spannungsteilern mit schlechten frequenzabhängigen Übertragungseigenschaften zulässig ist.

#### 4.2 Der kapazitive Spannungsteiler

Für die Rechteckstossantwort des kapazitiven Spannungsteilers ist Gl. (1) unmittelbar verwendbar. Die Annahme eines Serienwiderstandes endlicher Grösse ( $R \approx 20 \Omega$ ) muss bei hohen Frequenzen angenommen werden, da durch den Skin-Effekt in den Metallbelägen oder auch durch dielektrische Verluste im Kondensatordielektrikum eine kleine Dämpfung vorhanden ist. Ebenso ist eine endliche Induktivität stets vorhanden. Für die Erdkapazität gelten dieselben Bedingungen wie für den Ohmschen Teiler. Sie verursacht beim kapazitiven Teiler ein um den Faktor  $C_e/6(C + C_p)$  reduziertes Übersetzungsverhältnis auch im stationären Zustand.

In Fig. 13 wurde eine berechnete Rechteckstossantwort eines kapazitiven Spannungsteilers mit einer sehr günstigen Serienkapazität von  $150 \text{ pF}$  aufgezeichnet. Man erhält einen recht hochfrequenten Einschwingvorgang, der auf Laufzeiterscheinungen zurückgeführt werden kann. Die Grundfrequenz [ $k = 1$  in Gl. (1)] ist angennähert für  $C_p \ll C$  und  $C_e \ll \pi^2 C$  zu berechnen aus:

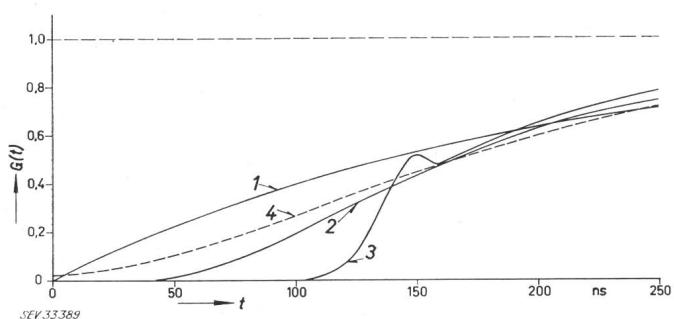


Fig. 10

Vergleich der Ersatzschaltungen des Ohmschen Teilers bei  $R = 30 \text{ k}\Omega$   
1 Ersatzschaltbild (Fig. 9):  $R = 30 \text{ k}\Omega$ ,  $C_e = 40 \text{ pF}$   
2 Kettenleiter ohne  $L$  und  $C_p$ :  $R = 30 \text{ k}\Omega$ ,  $C_e = 40 \text{ pF}$   
3 Kettenleiter mit sehr kleinem  $C_p$ :  $R = 30 \text{ k}\Omega$ ,  $C_e = 40 \text{ pF}$ ,  $L/R = 15 \text{ ns}$ ,  $C_p = 0,01 \text{ pF}$   
4 Kettenleiter mit  $R = 30 \text{ k}\Omega$ ,  $C_e = 40 \text{ pF}$ ,  $L/R = 15 \text{ ns}$ ,  $C_p = 1 \text{ pF}$

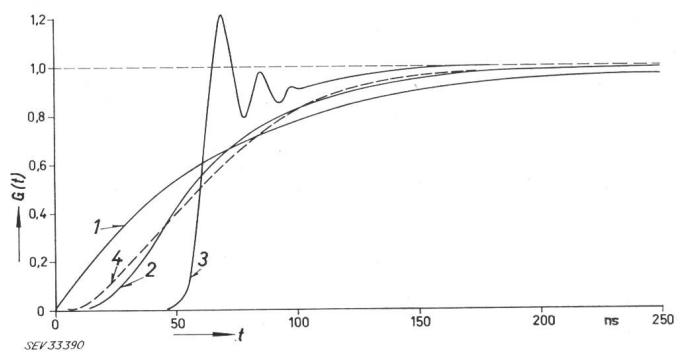


Fig. 11

Vergleich der Ersatzschaltungen des Ohmschen Teilers bei  $R = 10 \text{ k}\Omega$   
1 Ersatzschaltbild (Fig. 9):  $R = 10 \text{ k}\Omega$ ,  $C_e = 40 \text{ pF}$   
2 Kettenleiter ohne  $L$  und  $C_p$ :  $R = 10 \text{ k}\Omega$ ,  $C_e = 40 \text{ pF}$   
3 Kettenleiter mit sehr kleinem  $C_p$ :  $R = 10 \text{ k}\Omega$ ,  $C_e = 40 \text{ pF}$ ,  $L/R = 10 \text{ ns}$ ,  $C_p = 0,01 \text{ pF}$   
4 Kettenleiter mit  $R = 10 \text{ k}\Omega$ ,  $C_e = 40 \text{ pF}$ ,  $L/R = 10 \text{ ns}$ ,  $C_p = 1 \text{ pF}$

$$b_1 = 2\pi f_1 = \frac{\pi}{\sqrt{L(C_e + C_p \pi^2)}}$$

$$f_1 = \frac{1}{2\sqrt{L(C_e + C_p \pi^2)}} \approx \frac{1}{2\sqrt{LC_e}}$$

Der Ausdruck  $\sqrt{LC_e}$  ist aber nichts anderes als die Laufzeit der in den Teiler eindringenden, ungedämpften hochfrequenten Vorgänge. Bei einer Teilerhöhe von  $2,5 \text{ m}$  (entsprechend etwa einer Stoßspannung von  $1 \text{ MV}$ ) liegen diese hochfrequenten Einschwingvorgänge in der Größenordnung von  $20...50 \text{ MHz}$ . Ihr Auftreten wurde wohl erstmals von Howard [10] aufgedeckt. Da in einem gut ausgeführten Messkreis diese Schwingungen keineswegs völlig gedämpft werden, ist der rein kapazitive Spannungsteiler in dieser Art für die Messung hochfrequenter Vorgänge vollkommen ungeeignet.

#### Anhang

##### Berechnung der Rechteckstossantwort

Die Ersatzschaltung (Fig. 3) ist aus lauter gleichen Gliedern  $Z_l'$  und  $Z_q'$  aufgebaut und kann daher als Kettenleiter, oder bei unendlich feiner Verteilung als homogene Leitung, die an einem Ende geerdet ist, betrachtet werden.

Die Lösung der Leitungsgleichung für stationäre Wechselgrössen lautet:

$$U_1 = U_2 \cosh(\gamma x) + J_2 Z \sinh(\gamma x) \quad (7)$$

mit der Fortpflanzungskonstante

$$\gamma = \sqrt{\frac{Z_l'}{Z_q'}} = \frac{1}{l} \sqrt{\frac{Z_l}{Z_q}}$$

und dem Wellenwiderstand

$$Z = \sqrt{Z_l' Z_q'} = \sqrt{Z_l Z_q}$$

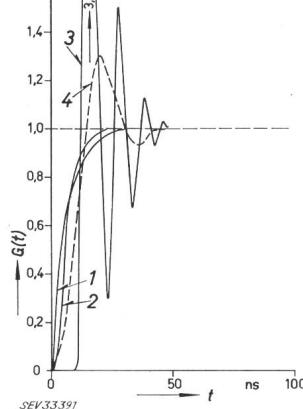


Fig. 12

Vergleich der Ersatzschaltungen des Ohmschen Teilers bei  $R = 1 \text{ k}\Omega$   
1 Ersatzschaltbild (Fig. 9):  $R = 1 \text{ k}\Omega$ ,  $C_e = 40 \text{ pF}$   
2 Kettenleiter ohne  $L$  und  $C_p$ :  $R = 1 \text{ k}\Omega$ ,  $C_e = 40 \text{ pF}$   
3 Kettenleiter mit sehr kleinem  $C_p$ :  $R = 1 \text{ k}\Omega$ ,  $C_e = 40 \text{ pF}$ ,  $L/R = 5 \text{ ns}$ ,  $C_p = 0,01 \text{ pF}$   
4 Kettenleiter mit  $R = 1 \text{ k}\Omega$ ,  $C_e = 40 \text{ pF}$ ,  $L/R = 5 \text{ ns}$ ,  $C_p = 1 \text{ pF}$

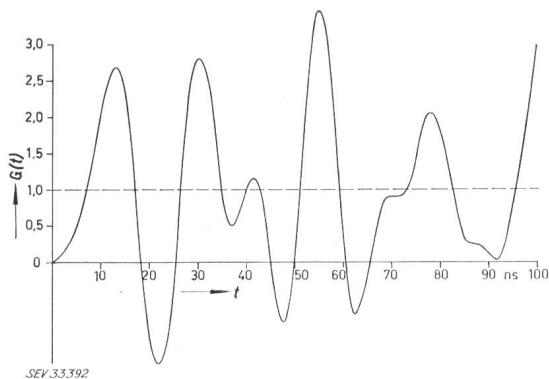


Fig. 13

**Rechteckstossantwort eines kapazitiven Teilers**

$C = 150 \text{ pF}$ ,  $C_e = 40 \text{ pF}$ ,  $C_p = 1 \text{ pF}$ ,  $R = 20 \Omega$ ,  $L = 2.5 \mu\text{H}$

Mit  $U_2 = 0$  (Teiler ist am Fussende geerdet) errechnet sich die Spannung am Niederspannungsabgriff ( $x = \frac{n}{N} l$ ) im Verhältnis zur Spannung auf der Hochspannungsseite ( $x = l$ ) zu:

$$\frac{u_n(t)}{u_h(t)} = \frac{\sinh\left(\frac{n}{N}\sqrt{\frac{Z_l}{Z_q}}\right)}{\sinh\left(\sqrt{\frac{Z_l}{Z_q}}\right)} \quad (8)$$

Mit Hilfe der Laplace-Transformation [11] kann die Antwort dieses Übertragungssystems auf einen Einheitssprung berechnet werden [ $u_h(t) = U_0$ ].

Die Lösung der Ausgangsfunktion im Bildbereich  $y(s)$  lässt sich sofort unter Berücksichtigung der Eingangsfunktion [Einheitssprung  $f(s) = \frac{1}{s}$ ] anschreiben:

$$y(s) = \frac{1}{s \cdot p(s)} \quad (9)$$

Der Übertragungsfaktor  $1/p(s)$  ist durch Gl.(8) unter Berücksichtigung von Fig. 4 gegeben mit:

$$\frac{1}{p(s)} = \frac{\sinh\left(\frac{n}{N}\sqrt{\frac{(R+sL+1/sC)sC_e}{1+(R+sL+1/sC)sC_p}}\right)}{\sinh\sqrt{\frac{(R+sL+1/sC)sC_e}{1+(R+sL+1/sC)sC_p}}} \quad (10a)$$

$$p'(s) = \frac{\sinh\left(\frac{n}{N}\sqrt{Z(s)}\right) \cosh\sqrt{Z(s)} \cdot \frac{Z'(s)}{2\sqrt{Z(s)}} - \sinh\sqrt{Z(s)} \cdot \cosh\left(\frac{N}{n}\sqrt{Z(s)}\right) \cdot \frac{nZ'(s)}{N \cdot 2\sqrt{Z(s)}}}{\left[\sinh\left(\frac{n}{N}\sqrt{Z(s)}\right)\right]^2} \quad (17)$$

$$\frac{1}{p(s)} = \frac{\sinh\left(\frac{n}{N}\sqrt{Z(s)}\right)}{\sinh\sqrt{Z(s)}} \quad (10b)$$

mit

$$\sqrt{Z(s)} = \sqrt{\frac{(R+sL+1/sC)sC_e}{1+(R+sL+1/sC)sC_p}} \quad (10c)$$

Da  $p(s)$  lauter verschiedene Nullstellen hat und diese von Null verschieden sind, kann die Lösung von Gl. (9) mit dem Heavisideschen Entwicklungssatz erfolgen. Für die Rechteckstossantwort (Übergangsfunktion) erhält man im Originalbereich den Ausdruck:

$$Y(t) = \frac{1}{p(o)} + \sum_{k=1}^{\infty} \frac{e^{a_k t}}{a_k \cdot p'(a_k)} \quad (11)$$

1. Berechnung von  $p(o)$ .

Mit der Reihenentwicklung für den  $\sinh$  und den in der Praxis erlaubten Vernachlässigungen  $C_p \ll C$ ,  $C_e < C$  und  $\frac{n}{N} \ll 1$ , ergibt sich

$$p(o) = \lim_{s \rightarrow o} p(s) = \frac{N}{n} \left( 1 + \frac{1}{6} \cdot \frac{C_e}{C + C_p} \right) \quad (12a)$$

Damit wird:

$$\frac{1}{p(o)} = \frac{n}{N} \left( 1 - \frac{1}{6} \cdot \frac{C_e}{C + C_p} \right) \quad (12b)$$

2. Berechnung von  $a_k$ .

$a_k$  sind die Wurzeln von  $p(s)$ . Da keine identischen Nullstellen von Zähler und Nenner existieren, heisst  $p(s) = 0$  auch

$$\sinh\sqrt{Z(s)} = 0 \quad (13)$$

Für die Periodicität der Hyperbelfunktion gilt:

$$\sinh\left(n\sqrt{Z(s)} + \frac{2k\pi i}{n}\right) = \sinh n\sqrt{Z(s)} \quad (14)$$

Der  $\sinh$  ist Null, falls das Argument Null ist. Damit ist:

$$\sqrt{\frac{(R+sL+1/sC)sC_e}{1+(R+sL+1/sC)sC_p}} + k\pi i = 0 \quad (15)$$

Als Lösung für die Wurzeln ( $a_k$ ) erhält man:

$$s = a_k = -\frac{R}{2L} \pm \sqrt{\left(\frac{R}{2L}\right)^2 - \frac{1 + \frac{C_p}{C} + \frac{C_e}{Ck^2\pi^2}}{\frac{L}{C} \left(1 + \frac{C_p}{C_e} k^2\pi^2\right)}} \quad (16a)$$

Damit wird

$$a_k = -a \pm b \quad (16b)$$

3. Berechnung von  $p'(a_k)$

Für  $\frac{n}{N} \ll 1$  ist:

$$\sinh\left(\frac{n}{N}\sqrt{Z(s)}\right) \approx \frac{n}{N}\sqrt{Z(s)} \quad (18)$$

$$\cosh\left(\frac{n}{N}\sqrt{Z(s)}\right) \approx 1$$

Mit den Beziehungen (18) und  $s = a_k$  wird Gl. (17):

$$p'(a_k) = \frac{N}{n} \cdot \frac{Z'(a_k)}{2\sqrt{Z(a_k)}} \left[ \cosh\sqrt{Z(a_k)} - \frac{1}{\sqrt{Z(a_k)}} \sinh\sqrt{Z(a_k)} \right] \quad (19)$$

Nach Einsetzen von Gl. (16) in Gl. (10c) erhält man:

$$\sqrt{Z(a_k)} = -jk\pi \quad (20)$$

Nach Differenzieren von  $Z(s)$  und Einsetzen von Gl. (16) ergibt sich:

$$Z'(a_k) = \pm 2Lb(C_e + C_p k^2 \pi^2)^2 / C_e \quad (21)$$

Da

$$\cosh \sqrt{Z(a_k)} = \cosh(-jk\pi) = \cos k\pi = (-1)^k \quad (22)$$

und

$$\sinh \sqrt{Z(a_k)} = \sinh(-jk\pi) = -j \sin k\pi = 0$$

ist, erhält man als Lösung für Gl. (19):

$$p'(a_k) = \frac{N}{n} (-1)^k \cdot \frac{L b (C_e + C_p k^2 \pi^2)^2}{C_e (jk\pi)^2} \quad (23)$$

Mit den Beziehungen (12b), (16a), (16b) und (23) ergibt sich die Rechteckstossantwort aus Gl. (11) zu:

$$Y(t) \cdot \frac{N}{n} = \frac{u_n(t)}{U_0} \cdot \frac{N}{n} = G(t)$$

$$G(t) = 1 - \frac{C_e}{6(C + C_p)} + \frac{\cosh(bt) + \frac{a}{b} \sinh(bt)}{\left(1 + \frac{C_p}{C} + \frac{C_e}{Ck^2\pi^2}\right)\left(1 + \frac{C_p k^2 \pi^2}{C_e}\right)} + 2 e^{-at} \sum_{k=1}^{\infty} (-1)^k \frac{\cosh(bt) + \frac{a}{b} \sinh(bt)}{\left(1 + \frac{C_p}{C} + \frac{C_e}{Ck^2\pi^2}\right)\left(1 + \frac{C_p k^2 \pi^2}{C_e}\right)} \quad (24)$$

mit  $a = R/2L$ :

$$b = \sqrt{\left(\frac{R}{2L}\right)^2 - \frac{1 + \frac{C_p}{C} + \frac{C_e}{Ck^2\pi^2}}{\frac{LC_e}{k^2\pi^2} \left(1 + \frac{C_p}{C_e} k^2\pi^2\right)}}$$

## Literatur

- [1] M. Özkaya: Über Messfehler bei der Stoßspannungsmessung mit Spannungsteiler und Oszillograph. Diss. TH Stuttgart 1958.
- [2] A. Ašner: Fortschritte auf dem Gebiet der Messung sehr hoher, rasch veränderlicher Stoßspannungen. BBC-Mitteilungen 47(1960), S. 239...267.
- [3] J. H. Hagenguth: Short-Time Spark-Over of Gaps. El. Engineering 56 (1937), S. 67...76.
- [4] O. Zinke: Frequenzunabhängige kapazitiv-ohmsche Spannungsteiler für Messzwecke. ETZ 60 (1939), S. 927...930.
- [5] R. F. Goossens; P. G. Provoost: Fehlerquellen bei der Registrierung hoher Stoßspannungen mit dem Kathodenstrahl-Oszilloskop. Ein neuer Hochspannungs-Messwiderstand. Bull. SEV 37 (1946), S. 175...184.
- [6] C. L. Dawes; C. H. Thomas; A. B. Drought: Impulse Measurements by Repeated-Structure Networks. Trans. AIEE 69 (1950), Part I, S. 571...583.
- [7] E. Pirkzl: Bifilar wound resistances. The calculation of the inductance value and discussion of different ways of winding. ASEA (interner Bericht), Reg. 5249/0621 10. 9. 1955.
- [8] R. Elsner: Die Messung steiler Hochspannungsstöße mittels Spannungsteiler. Arch. f. Elektrotechnik 33 (1939), S. 23...40.
- [9] J. Miller jr.; J. F. Wittibschlager: Measurements of Steep-Front Impulse Waves with an Isolated Screen Room Installation. Trans. AIEE 77(1958), Part. I, S. 262...270.
- [10] P. R. Howard: Errors in Recording Surge Voltages. Proc. IEE 99 (1952), Part II, S. 371...383.
- [11] G. Doetsch: Anleitung zum praktischen Gebrauch der Laplace-Transformation. München 1961, Oldenbourg.

## Adressen der Autoren:

Dr.-Ing. W. Zaengl, Konservator, und Dipl. Ing. K. Feser, Wiss. Assistent, Institut für Hochspannungs- und Anlagentechnik der Technischen Hochschule München, Arcisstrasse 21, D-8 München (Deutschland).

## Commission Electrotechnique Internationale (CEI)

### Sitzungen des CE 31, Matériel électrique pour atmosphères explosives, und SC 31G, Matériel à sécurité intrinsèque, vom 28. September bis 3. Oktober 1964 in Warschau

Das CE 31 hat als erstes die Bestimmung der Zündtemperatur nach der ASTM-Methode behandelt. Die Prüfungen werden in mehreren Ländern weitergeführt und die Resultate durch das Sekretariat gesammelt. Man will vor der Veröffentlichung der Messwerte ca. 2 Jahre warten, obwohl ausgezeichnete Fachliteratur, wie «Sicherheitskennzahlen brennbarer Gase und Dämpfe» von K. Nabert und G. Schön, 2. Auflage (1963), ein beschleunigtes Vorgehen durchaus ermöglicht hätte. Immerhin wurde die deutsche Klassierung der Zündgruppen mehrheitlich angenommen, evtl. mit einer zusätzlichen sechsten Gruppe für Gase mit Entzündungstemperaturen unter 100 °C. Zur Frage des Explosionsschutzes im Zusammenhang mit Staub lehnte das CE 31 eine Übernahme von Dichtheitsstudien ab, da diese Arbeiten in anderen CE, z. B. SC 17B, CE 2, CE 50 usw., behandelt werden. Dagegen erachtet es sich als zuständig für das Studium der Zusammenhänge zwischen Staub und Explosionsursachen. Die britische Delegation hat im Zusammenhang mit der Schutzart «erhöhte Sicherheit» eine Definition der Zonen verschiedener Gefährlichkeit gewünscht, wie dies in England und den USA üblich ist. Es wurde jedoch wiederholt beschlossen, vorerst Apparate-Empfehlungen zu behandeln und nur in der Zukunft auf Instal-

lationsfragen und damit zusammenhängende Probleme zurückzukommen.

Anlässlich der geplanten Ausrüstung eines schweizerischen, modernen chemischen Betriebes für die Messung und Steuerung kontinuierlicher Prozesse mit logischen Einheiten wurde das Problem der Eigensicherheit im kleinen Kreise interessierter Schweizer Fachleute besprochen. Man kam zum Schluss, dass die diesbezüglichen deutschen Grundlagen mit der empfindlichen und relativ einfachen Prüfkammer TA 1 die besten Garantien gegen eine Explosion geben.

Ein diesbezügliches Exposé wurde in Warschau verteilt [31G(Varsovie/Suisse)]. Auf Grund des schweizerischen Dokumentes, eines deutschen Vorschlags und englischer Ergänzungsvorschläge wurde die Priorität der Prüfkammer TA 1 gegenüber anderen Prüfeinrichtungen beschlossen. Die Mitglieder des SC 31G wurden aufgefordert, Prüfkammern nach deutschem Muster herzustellen und damit vergleichende Versuche zu beginnen. In ca. 2 Jahren sollten genug Erfahrungen gesammelt werden können, um eine Übernahme der deutschen Prüfkammer und einer Prüfmethode als Empfehlung der CEI zu ermöglichen.

H. Metzler

## Technische Mitteilungen — Communications de nature technique

### Elektronische Platzbuchung für Autofähren der Dänischen Staatsbahnen

656.66.072.1 (489)

[Nach G. Müller: Elektronische Platzbuchung für Autofähren der Dänischen Staatsbahnen. Siemens Z. 38(1964)8, S. 653...658]

Im dichtbesiedelten und stark motorisierten Dänemark kommt den Fährverbindungen zwischen der Halbinsel Jütland und den

mehreren hundert Inseln eine ganz besondere verkehrstechnische Bedeutung zu. Um bei starkem Andrang lange Wartezeiten auf die Fährschiffe zu vermeiden, von denen das grösste bis zu 400 Autos mitnehmen kann, wurde bereits 1957 von den Dänischen Staatsbahnen ein zentrales automatisches Buchungssystem eingeführt, welches auf elektromechanischer Grundlage arbeitete. Auch wenn die Buchungen auf die 8 wichtigsten innerdänischen,