

Zeitschrift: Bulletin des Schweizerischen Elektrotechnischen Vereins
Herausgeber: Schweizerischer Elektrotechnischer Verein ; Verband Schweizerischer Elektrizitätswerke
Band: 55 (1964)
Heft: 5

Artikel: Logische Elemente mit Widerstandskopplung
Autor: Schaffner, H.
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-916687>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 14.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

BULLETIN

DES SCHWEIZERISCHEN ELEKTROTECHNISCHEN VEREINS

Gemeinsames Publikationsorgan des Schweizerischen Elektrotechnischen Vereins (SEV)
und des Verbandes Schweizerischer Elektrizitätswerke (VSE)

Logische Elemente mit Widerstandskopplung

Von H. Schaffner, Solothurn

621.374.32:517.11

1. Einführung

In logischen Elementen werden Transistoren miteinander oft durch Widerstände gekoppelt. Widerstandskopplung ist preislich meist vorteilhafter als Diodenkopplung; gegen die Widerstandskopplung spricht jedoch, dass die maximale Anzahl der Eingänge eines Elementes viel kleiner sein kann als dies bei Diodenkopplung der Fall ist.

Fig. 1 zeigt ein Grundelement mit einem pnp-Transistor, dessen Basiselektrode durch je einen Widerstand R_1 mit m Eingangsklemmen verbunden ist. Die Kollektorelektrode des Transistors ist durch einen Widerstand R_c mit der negativen Sammelschiene, die Basiselektrode ist durch einen Widerstand R_2 mit einem Punkt verbunden, der gegenüber der Emittierelektrode ein positives Potential U_{BB} aufweist.

Diese Eingangsklemmen werden nun mit den Ausgangsklemmen anderer Elemente verbunden. Dabei sind alle Elemente so konstruiert, dass bei korrekten Eingangssignalen nur zwei diskrete und voneinander verschiedene Signale an den Ausgangsklemmen erscheinen können — das L-Signal und das O-Signal. Bei den gebräuchlichen logischen Systemen haben diese beiden Ausgangssignale die allgemeine Form:

Signal O

$$|U_{0min}| < |U| < |U_{0max}|^1)$$

Signal L

$$\left| \frac{U_{CCmin} - U}{R_{0max}} - I_{CBO} \right| < |I| < \left| \frac{U_{CCmax} - U}{R_{0min}} \right|$$

wobei U_o die Sättigungsspannung U_s des Transistors sein

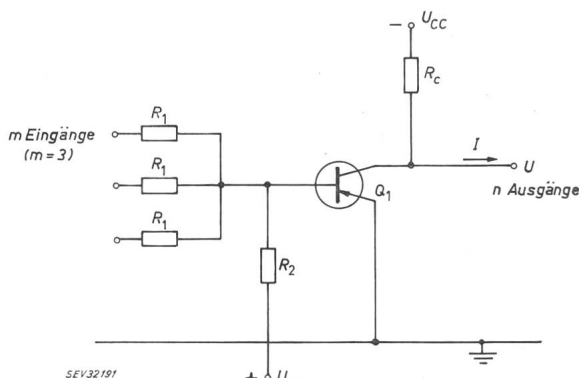


Fig. 1

Grundelement

R_1 Eingangswiderstand; R_2 Basiswiderstand; Q_1 Transistor; U Ausgangsspannung; U_{BB} Hilfsspannung; U_{CC} Hauptspannung; I Ausgangsstrom

¹⁾ Die Bezeichnungen «min» und «max» beziehen sich auf die Absolutwerte.

kann. U_{CC} ist die Kollektorspeisespannung und I_{CBO} der Reststrom des Transistors. In Fig. 1 ist $R_o = R_c$. Die beiden Signale O und L werden in Fig. 2 in der Strom-Spannungsebene gezeigt.

Es soll nun angenommen werden, dass mit jeder, mit einer Eingangsklemme des Elementes verbundenen Ausgangsklemme eines anderen Elementes höchstens $(n - 1)$ zusätzliche Eingangsklemmen verbunden sind, d. h., dass ein solches Element n andere Elemente steuert.

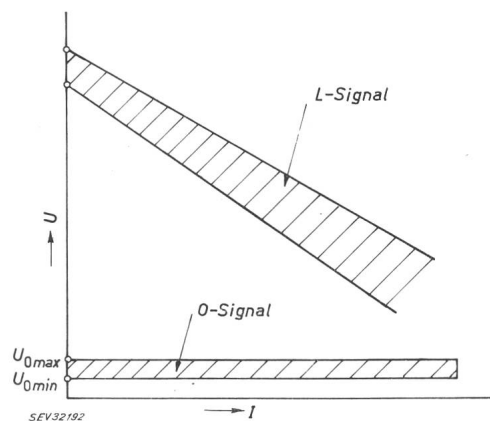


Fig. 2

O- und L-Signale

U_{0max} Min. Wert der Ausgangsspannung beim O-Signal; U_{0min} Max. Wert der Ausgangsspannung beim O-Signal

Mit diesen Annahmen kann die Berechnung des Elementes in allgemeiner Form durchgeführt werden. Als erster Schritt sollen die optimalen Werte für die Kopplungswiderstände R_1 und R_2 berechnet werden. Als zweiter Schritt soll, für konkrete Schaltelemente, die kleinste Stromverstärkung h_{FE} bestimmt werden, die für die Transistoren dieser Elemente benötigt wird.

In den Berechnungen wird angenommen, dass alle Widerstände die gleichen Toleranzen besitzen. Den Widerständen wird deshalb die Form $R(1 \pm \Delta)$ gegeben. Um ein Resultat zu erhalten, das allgemein gültig ist, wird auch angenommen, dass verschiedene Elemente von verschiedenen Netzgeräten gespeist werden. Da diese Netzgeräte verschiedene Ausgangsspannungen haben können, wird der Kollektorspeisespannung die Form $U_{CC}(1 \pm \epsilon)$ gegeben, während die Zusatzspannung zwischen U_{BBmin} und U_{BBmax} liegen soll.

2. Der Grundkreis

In Fig. 1 ist der Transistor Q_1 mit m Eingangsklemmen verbunden. Jede Eingangsklemme ist mit höchstens $n - 1$

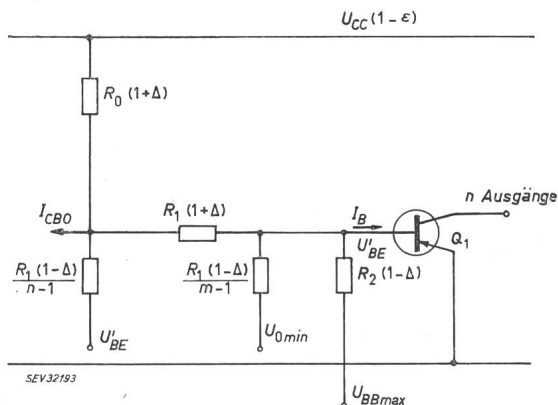


Fig. 3

Worst-case, leitender Zustand

R_0 Kollektorzustand; I_{CBO} Reststrom des Transistors; I_B Basisstrom; U'_{BE} Eingangsspannung des Transistors
Weitere Bezeichnungen siehe Fig. 1 und 2

Eingangsklemmen anderer Elemente verbunden. Die Zahlen m und n sind nicht notwendigerweise identisch. Beispielsweise kann ein ODER-NICHT-Element 4 Eingänge haben. Es kann aber selber höchstens imstande sein 3 andere ODER-NICHT-Elemente zu steuern. Der Transistor Q_1 kann auch der erste Transistor eines ODER-Elementes mit komplementärem Ausgang sein.

Alle Basiselektroden sind durch je einen Widerstand R_2 mit dem positiven Potential U_{BB} verbunden. Dieser Widerstand ist notwendig, um die Transistoren in den sperrenden Zustand zu versetzen. Im folgenden wird angenommen, dass zur Sperrung des Transistors die Eingangsspannung U_{BE} den Wert U'_{BE} haben muss. Im leitenden (gesättigten) Zustand soll die Eingangsspannung den Wert U_{BE} haben. Für pnp-Germaniumtransistoren beträgt U'_{BE} beispielsweise ca. $-0,5$ V, U_{BE} ca. $0,2$ V.

Es wird in den nachfolgenden Betrachtungen angenommen, dass der Leser bis zu einem gewissen Grade mit den Methoden der «worst-case»-Rechnungsart vertraut ist. Dabei wird die Schaltung für den Fall durchgerechnet, dass «alles schief geht», d. h., dass alle Widerstände und Spannungen im Bereiche der Toleranzen ihren ungünstigsten Wert haben und dass auch die mit einem Element verbundenen andern Elemente den denkbar ungünstigsten Zustand einnehmen.

3. Die «worst-case»-Rechnung

3.1 Transistor leitend

Fig. 3 zeigt den Grundkreis für den Fall, dass nur an eine der Eingangsklemmen das Signal L angelegt ist, während an den $m-1$ andern Eingangsklemmen das Signal O erscheint.

In der Schaltung sind alle Toleranzen so gewählt, dass der Basisstrom I_B des Transistors Q_1 möglichst klein wird. Wie man sich leicht überzeugen kann, hat dieser Basisstrom den Wert:

$$I_B = \frac{U_{CC}(1-\epsilon) - R_0 I_{CBO}(1+\Delta) - U'_{BE}}{(R_1 + n' R_0)(1+\Delta)} - (m-1) \frac{U'_{BE} - U_{0min}}{R_1(1-\Delta)} + \frac{U_{BBmax} - U'_{BE}}{R_2(1-\Delta)} \quad (1)$$

wobei $n' = n + 2 \frac{\Delta(n-1)}{1-\Delta}$ ist.

Dieser Basisstrom muss nun den Transistor in die Sättigung treiben. Ist I_{Cmax} der grösste mögliche Kollektorstrom, dann muss:

$$I_B \geq \frac{I_{Cmax}}{h_{FE}} \quad (2)$$

oder

$$h_{FE} \geq \frac{I_{Cmax}}{I_B}$$

3.2 Transistor gesperrt

In der Schaltung der Fig. 4 wird angenommen, dass an alle Eingangsklemmen das Signal O angelegt wird. Die Werte der Widerstände und Spannungen sind so gewählt, dass die Eingangsspannung des Transistors U_{BE} einen möglichst ungünstigen Wert annimmt. Die Bedingung für $U_{BE} = U'_{BE}$ ist:

$$\frac{m(U_{0max} - U'_{BE})}{R_1(1-\Delta)} + \frac{U_{BBmin} - U'_{BE}}{R_2(1+\Delta)} + I'_{BO} = 0 \quad (3)$$

Dabei ist U'_{BE} die Eingangsspannung, die notwendig ist, um den Transistor zu sperren und I'_{BO} der Basisstrom des gesperrten Transistors.

4. Die Berechnung von R_1 und h_{FE}

Aus Gl. (3) folgt für R_2 :

$$\frac{1}{R_2} = - \frac{m(1+\Delta)(U_{0max} - U'_{BE})}{R_1(1-\Delta)(U_{BBmin} - U'_{BE})} - \frac{I'_{BO}(1+\Delta)}{U_{BBmin} - U'_{BE}} \quad (4)$$

Dieser Wert kann nun in Gl. (1) eingesetzt werden:

$$I_B = \frac{U_{CC}(1-\epsilon) - R_0 I_{CBO}(1+\Delta) - U'_{BE}}{(n' R_0 + R_1)(1+\Delta)} - \frac{1}{R_1} \left[(m-1) \frac{U'_{BE} - U_{0min}}{1-\Delta} + \frac{m(1+\Delta)(U_{0max} - U'_{BE})(U_{BBmax} - U'_{BE})}{(1-\Delta)^2(U_{BBmin} - U'_{BE})} \right] - I'_{BO} \frac{1+\Delta}{1-\Delta} \cdot \frac{U_{BBmax} - U'_{BE}}{U_{BBmin} - U'_{BE}} \quad (5)$$

Diese Gleichung hat die allgemeine Form:

$$I_B = \frac{U_{CC}}{n' R_0} \left(\frac{a n' R_0}{n' R_0 + R_1} - b \frac{n' R_0}{R_1} - c \right) \quad (6)$$

wobei

$$a = \frac{U_{CC}(1-\epsilon) - U'_{BE} - R_0 I_{CBO}(1+\Delta)}{U_{CC}(1+\Delta)}$$

$$b = \frac{(U'_{BE} - U_{0min})(m-1)}{U_{CC}(1-\Delta)} + m \frac{(1+\Delta)(U_{0max} - U'_{BE})(U_{BBmax} - U'_{BE})}{(1-\Delta)^2(U_{BBmin} - U'_{BE})U_{CC}}$$

$$c = n' I'_{BO} \frac{1+\Delta}{1-\Delta} \cdot \frac{U_{BBmax} - U'_{BE}}{U_{BBmin} - U'_{BE}} \cdot \frac{R_0}{U_{CC}} \quad (7)$$

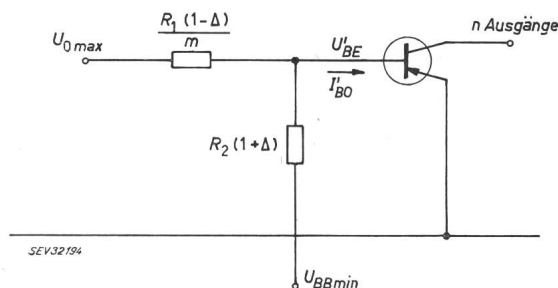


Fig. 4

Worst-case, sperrender Zustand

U'_{BE} Eingangsspannung; I'_{BO} Reststrom
Weitere Bezeichnungen siehe Fig. 1

Der Basisstrom aus Gl. (6) hat einen Maximalwert:

$$I_B = \frac{U_{CC}}{n' R_o} [(\sqrt{a} + \sqrt{b})^2 - c] \quad (8)$$

wenn

$$R_1 = \frac{n' R_o}{\sqrt{\frac{a}{b}} - 1} \quad (9)$$

Die Stromverstärkung des Transistors muss dann mindestens den Wert

$$\frac{I}{h_{FE}} = \frac{U_{CC}}{n' R_o I_{Cmax}} [(\sqrt{a} - \sqrt{b})^2 - c] \quad (10)$$

haben, wobei I_{Cmax} der höchstmöglich Kollektorstrom ist. Um diese optimale Bedingung zu erreichen, muss die Gl. (9) erfüllt sein und R_2 muss den in Gl. (4) angegebenen Wert haben.

5. Das einfache ODER-NICHT-(NOR-)Element (Fig. 5)

Für ein ODER-NICHT-Element mit m Eingängen und n Ausgängen gilt für den Maximalwert des Kollektorstromes (wobei $R_o = R_c$, $U_o = U_s$):

$$I_{Cmax} \approx \frac{U_{CC}(1 + \varepsilon)}{R_c(1 - \Delta)}$$

Somit gilt für den minimal notwendigen Wert von h_{FE} :

$$\frac{1}{h_{FE}} \approx \frac{1 - \Delta}{n'(1 + \varepsilon)} [(\sqrt{a} - \sqrt{b})^2 - c] \quad (11)$$

In praktischen ODER-NICHT-Elementen kann angenommen werden, dass:

$$|U_{CC}(1 - \varepsilon)| \gg |U'_{BE}| + R_c I_{CBO}(1 + \Delta)$$

$$|U_{BBmax}| \gg |U'_{BE}|$$

$$|U_{BBmin}| \gg |U'_{BE}|$$

Die Werte für a , b und c vereinfachen sich damit zu:

$$a = \frac{1 - \varepsilon}{1 + \Delta}$$

$$b = (m - 1) \frac{U'_{BE} - U_{Smin}}{U_{CC}(1 - \Delta)} + m \frac{1 + \Delta}{(1 - \Delta)^2} \cdot \frac{U_{BBmax}(U_{Smax} - U'_{BE})}{U_{BBmin} U_{CC}}$$

$$c = n' I'_{BO} \frac{1 + \Delta}{1 - \Delta} \cdot \frac{U_{BBmax}}{U_{BBmin}} \cdot \frac{R_c}{U_{CC}}$$

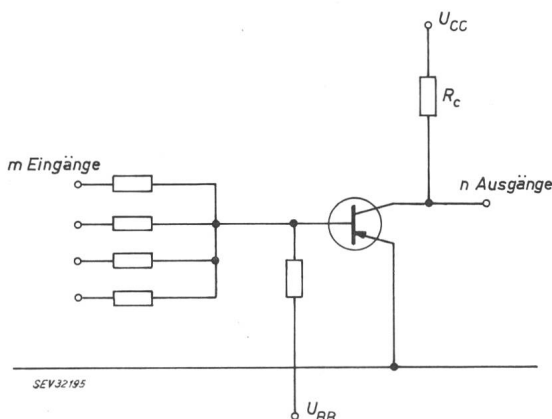


Fig. 5

NOR-Element

R_c Kollektorstrom

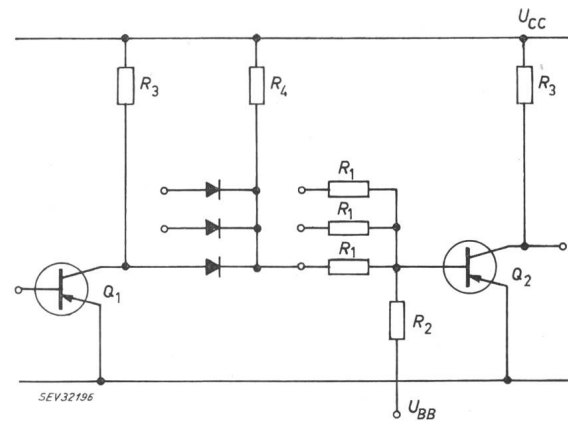


Fig. 6

NOR-Element mit UND-Gatter

R_3, R_4 Widerstand

Weitere Bezeichnungen siehe Fig. 1

Für jedes widerstandsgekoppelte ODER-NICHT-Element kann aus diesen Werten und aus den Gl. (9) und (10) der optimale Wert von R_1 und die minimale Stromverstärkung des Transistors berechnet werden.

Beispiel: $m = n = 4$ (vier Eingänge, vier Ausgänge)

$\varepsilon = 0,1$, $\Delta = 0,1$ (10% Toleranz), $U_{CC} = -24$ V, $U'_{BE} = -0,6$ V, $U'_{BE} = 0,2$ V, $U_{Smax} = -0,15$ V, $I'_{BO} = 0,05$ mA, $U_{BBmax} = U_{BBmin} = 12$ V, $R_c = 6$ k Ω .

Aus den obigen Gleichungen folgt:

$$n' = 4,67$$

$$a = 0,82$$

$$b = 0,165$$

$$c = 0,071$$

Der optimale Wert für R_1 aus Gl. (9) ist $R_1 = 22,5$ k Ω . Der Transistor muss (Gl. 11) mindestens eine Stromverstärkung von $h_{FE} = 31$ haben.

6. ODER-NICHT-(NOR-)Element mit vorgeschaltetem UND-Gatter

Fig. 6 zeigt ein ODER-NICHT-Element, das mit der Ausgangsklemme eines UND-Gatters verbunden ist, wobei das Gatter aus einigen Dioden und einem Widerstand R_4 besteht. Um übersichtliche Verhältnisse zu schaffen, soll angenommen werden, dass der Ausgang eines Gatters nur mit einem Eingangswiderstand R_1 verbunden werden darf und dass der durch einen Eingangswiderstand fließende Strom in erster Annäherung unabhängig davon sein soll, ob er direkt oder durch ein Gatter mit dem Transistor Q_1 verbunden ist. Gleichung 1 zeigt, dass diese Bedingung erfüllt ist, wenn $R_4 = n' R_3$. Der Kollektor des Transistors Q_1 kann dabei mit n Gattern oder Eingangswiderständen belastet werden.

U_o besteht nun aus der Sättigungsspannung des Transistors Q , in Serie mit dem Spannungsabfall an einer leitenden Diode. $U_{o,max}$ kann daher einen relativ hohen Wert annehmen.

Im leitenden Zustand tritt der «worst case» dann ein, wenn von den m Eingängen des Transistors Q_2 einer durch ein Gatter mit dem nichtleitenden Transistor Q_1 verbunden ist, während die andern $m - 1$ Eingänge direkt mit gesättigten Transistoren verbunden sind. Im nichtleitenden Fall tritt der «worst case» ein, wenn alle m Eingänge je durch ein Gatter mit einem gesättigten Transistor verbunden sind. Deshalb entspricht $U_{o,min}$ dem Minimalwert der Sättigungsspannung, $U_{o,max}$ der Summe

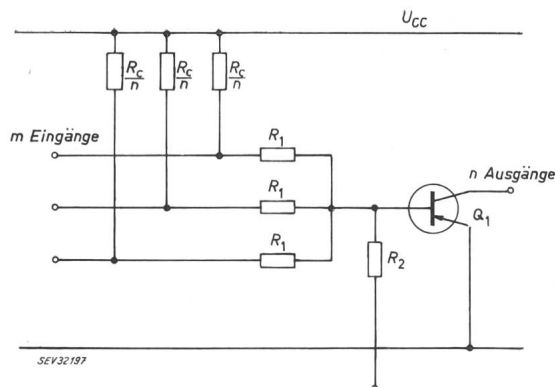


Fig. 7
Modifizierte NOR-Einheit
 R_c/n Kollektorwiderstand

aus maximaler Sättigungsspannung und dem Spannungsabfall der Gatterdiode.

Da der nichtleitende Zustand mit Gatter höhere Anforderungen stellt als ohne Gatter, sollen die Parameter der Gl. (9) und (10) der Stufe mit Gatter entsprechen. Für $U_{o\max}$ ist also $U_{S\max} + U_D$ zu wählen, wobei U_D die Diodenspannung ist.

Der maximale Strom, der im Kollektor des Transistors fließen kann, ist [da der Kollektorstrom nicht nur durch R_4 , sondern auch durch n Gatterwiderstände ($R_4 = n' R_3$) fließen kann]:

$$I_{C\max} \approx \frac{U_{CC}(1+\epsilon)(n+n')}{R_3(1-\Delta)n'}$$

$$\frac{1}{h_{FE}} = \frac{1-\Delta}{(n+n')(1+\epsilon)} [(\sqrt{a}-\sqrt{b})^2 - c] \quad (12)$$

Die Stromverstärkung mit Gatter muss also mindestens zweimal so hoch sein als ohne Gatter.

Beispiel:

$$\begin{aligned} m &= n = 3 & U_{CC} &= -24 \text{ V} \\ \epsilon &= 0,1 & U_{BB\max} &= U_{BB\min} = 12 \text{ V} \\ \Delta &= 0,1 & R_c &= 6 \text{ k}\Omega \\ U'_{BE} &= -0,6 \text{ V} & U_{o\max} &= -0,7 \text{ V} \\ U''_{BE} &= 0,2 \text{ V} & U_{o\min} &= -0,15 \text{ V} \\ I'_{BO} &= 0 \end{aligned}$$

Diesmal ist

$$a = 0,82; \quad b = 0,15; \quad c = 0$$

und damit

$$h_{FE} \gg 29,1 \text{ bei } R_1 = 15,5 \text{ k}\Omega$$

Diese Stromverstärkung ist für praktische Anwendungen, die hohe Zuverlässigkeit erfordern, etwas hoch. Eine Lösung kann in einer Änderung des Kopplungskreises gefunden werden (Fig. 7). Wird nämlich der Kollektorwiderstand der nächsten Stufe zugeschlagen, dann sinkt — wie man sich leicht überzeugen kann — der maximale Kollektorstrom auf:

$$I_{C\max} \approx \frac{U_{CC}(1+\epsilon)}{R_c(1-\Delta)}$$

also auf den gleichen Wert wie für ODER-NICHT-Einheiten ohne UND-Gatter. Damit sinkt auch die kleinste zulässige Stromverstärkung auf die Hälfte, also auf ca. 14, ein Wert, der durchaus realisierbar ist.

7. Zusammenfassung

Eine allgemeine Gleichung für widerstandsgekoppelte logische Elemente wurde abgeleitet und zur Berechnung der kleinsten zulässigen Stromverstärkung für ein ODER-NICHT-(NOR-)Element, das mit einem UND-Gatter kombiniert wurde, benützt. Dabei zeigte es sich, dass widerstandsgekoppelte ODER-NICHT-Elemente ohne UND-Gatter mit 4 Eingängen und Ausgängen und mit UND-Gatter mit 3 Eingängen und Ausgängen ohne besonderen Aufwand realisierbar sind.

Literatur

- [1] Bachmann, A. E.: Logische Schaltungen mit Transistoren und Dioden. Bull. SEV 53(1962)18, S. 840...846.
- [2] Pierre, D. A.: Switching Circuit Optimization. Solid State Design 3(1962)10, S. 43...46.
- [3] Veith, P.: Grundlagen und Anwendungen der Widerstands-Transistor-Schaltlogik. Elektronik 12(1963)1, S. 3...8.

Adresse des Autors:

Dr. H. Schaffner, Ingenieurbüro für angewandte Elektronik, Luzernstrasse 118, Solothurn.

Neuere Erkenntnisse bei der Anwendung acetylierter Papiere in der Elektrotechnik

Von W. Dieterle, Basel

621.315.614.6

Als Fortsetzung früherer Arbeiten [1; 2; 3]¹⁾, worin vor allem die grundlegenden Eigenschaften von acetyliertem Papier (Isocel) beschrieben wurden, wird über den heutigen Stand der Verwendung dieses hochwertigen Isoliermaterials berichtet. Das Anwendungsgebiet der Schichtstoffe wird — neben den klassischen Kombinationen mit Harzen vom Bakelittypus — durch neuere Kombinationen mit Harzen vom Typus Epoxyd, Polyester, Hydrocarbon usw. in interessanter Weise bereichert.

Es folgen Resultate vergleichender Alterungsversuche. Die Acetylierung erhöht die Wärmebeständigkeit von Papier in einem technisch interessanten Masse. Dank der damit erreichten starken Reduktion der Feuchtigkeitsaufnahme ist die Massbeständigkeit erhöht, die Trocknung erleichtert und wird eine höhere Ionisationseinsatz-Spannung erreicht.

Die chemische Stabilität von acetyliertem Papier steigt mit zunehmendem Reinheitsgrad und mit zunehmendem Acetylierungsgrad der Faser oder des Faserverbandes. Der Einfluss verschiedener in der Elektrotechnik verwendeter Metalle auf die Alterung wurde untersucht. Kupfer und Blei haben den grössten Einfluss auf die Alterung von Cellulose. Erstmals werden auch Zahlen des Verlustfaktors, welche an sogenannten Carbonblack-Papieren, jedoch auf Basis von acetyliertem Papier gemessen

¹⁾ Siehe Literatur am Schluss des Aufsatzes.

Faisant suite à des articles publiés ces dernières années [1, 2, 3]¹⁾, où nous exposons plus particulièrement les propriétés fondamentales du papier acétylé (Isocel), nous décrivons le présent exposé l'état actuel de l'emploi de ce matériau isolant de haute qualité. Dans le secteur des produits stratifiés, où le papier acétylé permet d'obtenir des résultats remarquables, de nouvelles combinaisons avec des résines époxydes, polyesters, hydrocarbures, etc. offrent d'intéressantes possibilités, outre les combinaisons habituelles ou classiques avec résines du type bakélite.

Les résultats de mesures comparatives détaillées indiquent les conditions relatives au vieillissement. Par l'acétylation du papier une résistance à la chaleur est atteinte qui est techniquement intéressante. Grâce à la réduction de l'absorption d'humidité la stabilité aux dimensions des papiers acétylés est meilleure, le séchage est plus rapide et on obtient une tension d'ionisation plus élevée. La stabilité chimique du papier acétylé augmente avec le degré de pureté et avec le degré d'acétylation des fibres ou amas de fibres. On a examiné l'influence de divers métaux utilisés fréquemment en électrotechnique sur le vieillissement du papier. Le cuivre et le plomb ont une influence extrêmement mauvaise sur le vieillissement des papiers. Pour la première fois, il nous a été possible d'indiquer des chiffres pour le facteur de pertes, mesuré avec des papiers au noir de fumée, mais à base de papier