

Zeitschrift: Bulletin des Schweizerischen Elektrotechnischen Vereins
Herausgeber: Schweizerischer Elektrotechnischer Verein ; Verband Schweizerischer Elektrizitätswerke
Band: 6 (1915)
Heft: 7

Artikel: Magnetische Streuung
Autor: Kuhlmann, Karl
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-1059623>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 13.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

Magnetische Streuung.

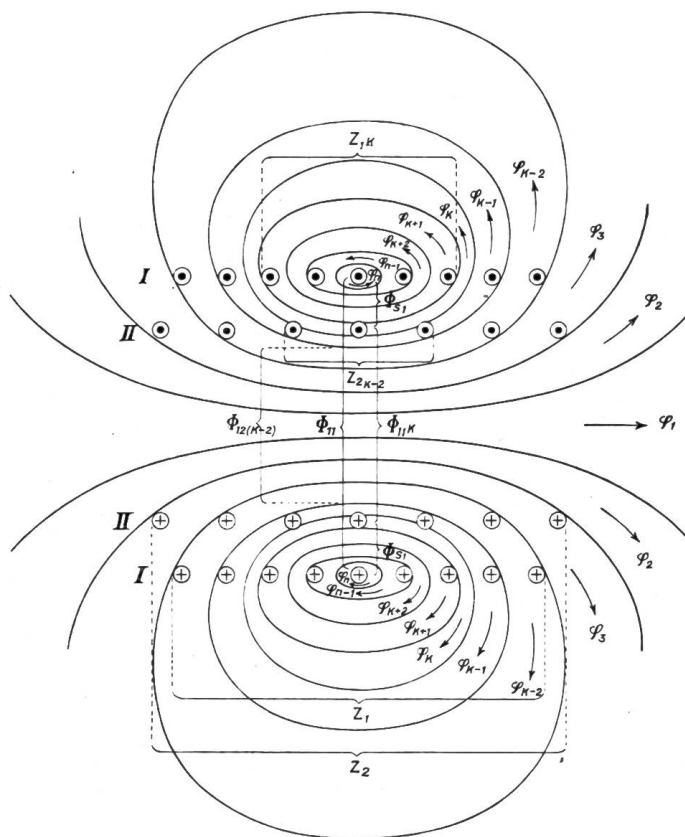
Von Prof. Dr. Ing. Karl Kuhlmann, Zürich.

Nach so langen Jahren erfolgreichen Elektromaschinenbaues noch über magnetische Streuung zu schreiben, erscheint nur dadurch gerechtfertigt, dass einmal die Frage an sich verwickelt ist, zweitens durch die Kommutatormotoren diese Frage von noch grösserer Bedeutung als bei den Induktionsmotoren geworden ist, und drittens die Techniker durch die Schaffung sog. technischer Theorien in dem Anfange der 90er Jahre die wirklichen physikalischen Verhältnisse etwas auf Kosten der Kraftlinienvorstellung aus dem Auge verloren haben. Die Folge war das Auftauchen immer neuer Berechnungsmethoden für die sog. Streuungskoeffizienten und immer neuer Streuungsarten, sodass selbst der Eingeweihte schon ein gut Teil Mühe auf die Auseinanderhaltung all dieser „Abarten“ verwenden musste. Da hat dann Herr Dr. Rogowski vor einigen Jahren die Sache sehr geklärt durch Aufteilung der ganzen komplizierten Streuungserscheinung in zwei Kategorien, der einfach und der doppeltverketteten Streuung. Wir teilen in Streuung erster und zweiter Ordnung.

Die einfach verkettete Streuung ist dabei die landläufige Streuung, also diejenige, welche dem mit der sekundären Spule gar nicht verketteten Fluss entspricht und die sich bei Wicklungen vornehmlich aus der Nuten-, Wickelkopf- und Zahnkopfstreuung zusammensetzt.

Der Name „doppelt verkettete Streuung“ ist zwar nicht gerade glücklich gewählt, denn er nennt etwas Streuung, was doppelt verkettet ist. Das entspricht nicht der gewöhnlichen Vorstellung, die man sich von der Streuung macht. Statt doppelt

verketteter Streuung würde die Ausdrucksweise: „Verlust an magnetischen Verkettungen oder an Kraftflusswindungen durch „teilweise Verkettung der Kraftflüsse“ mit den induzierten Windungen“ richtiger sein. Will man nun diesen Verlust in den Begriff der Streuung mit hineinbeziehen, so ist es gar nicht möglich, bei komplizierten Wicklungsanordnungen eine scharfe Unterscheidung zwischen dem zu treffenden Nutzfluss und was Streufluss ist. Hier hat die Willkür ihr volles Recht und darum reden die Autoren, wenn sie in bester Absicht einander belehren wollen, auch so leicht an einander vorbei. Um dies zu zeigen, betrachten wir das nebenstehende Zweispulensystem. I sei die erregte (induzierende) Spule, II die zunächst unerregt gedachte (induzierte) Spule. Betrachtet man die einzelnen Flussröhren, so erkennt man darunter leicht die mit Φ_{s1} bezeichneten, das sind diejenigen, welche nur und auch nur mit Windungen von I allein verkettet sind. Sie repräsentieren die Flussröhren, welche in ihrer Gesamtheit den reinen Streufluss Φ_{s1} ergeben.



¹⁾ Siehe Orlich: Kapazität und Induktivität.
Donde König: Physik des Aethers.

Man kann nun setzen $\tau_{11} = \frac{1}{1 + \tau_1}$, wo τ_1 den Heyland'schen Streuungskoeffizienten bedeutet und enthält.

$$\tau_1 = \frac{\frac{1}{2} i_1^2 L_{11}}{\frac{1}{2} i_1 i_2 M_{12}} - 1 = \frac{\frac{1}{2} i_1^2 L_{11} - \frac{1}{2} i_1 i_2 M_{12}}{\frac{1}{2} i_1 i_2 M_{12}} = \frac{\frac{1}{2} i_1^2 \lambda_1}{\frac{1}{2} i_1 i_2 M_{12}} \quad 6)$$

worin λ_1 die resultierende Streuinduktivität der Spule I ist. Analog wird

$$\tau_2 = \frac{1}{\tau_{22}} - 1 = \frac{\frac{1}{2} i_2^2 L_{22} - \frac{1}{2} i_1 i_2 M_{21}}{\frac{1}{2} i_1 i_2 M_{21}} = \frac{\frac{1}{2} i_2^2 \lambda_2}{\frac{1}{2} i_1 i_2 M_{21}} \quad 7)$$

Für die Koeffizienten L_{11} etc. finden wir folgende Gleichungen. Es ist:

$$L_{11} = \frac{\sum (\Phi_{11k} Z_{1k}) 10^{-8}}{i_1} \quad 8)$$

wobei wir mit

$$\Phi_{11k} = \sum_{k=1}^{k=k} (\varphi_{1k}) \quad 9)$$

den totalen Fluss bezeichnen, welcher mit den Z_{1k} -Windungen der primären Spule ganz und gar verkettet ist und in Maxwell ausgedrückt sei. Wird er statt in Maxwell in Voltsek. ausgedrückt, so ist

$$L_{11} = \frac{\sum (\Phi_{11k} Z_{1k})}{i_1} \quad (\text{Henry})$$

In der Praxis braucht man nun teils zur Berechnung der Hysteresisverluste, teils zur Berechnung der Erregerströme J_1 nicht so sehr die Teilflüsse φ_{1k} oder die Flüsse $\Phi_{(11)k}$, sondern den totalen Fluss

$$\Phi_{11} = \sum_{k=1}^{k=n} \varphi_{1k} \quad 10)$$

den die Spule I für sich allein erzeugt. Denkt man sich die Spule mit ihren Z_1 -Windungen nun auf einen so kleinen Raum zusammengeschrunpft, dass gar keine Streuung eintreten könnte, also alle Z_1 -Windungen mit Φ_{11} voll verschlungen sind, so wäre die Zahl der Kraftflusswindungen $\Phi_{11} \cdot Z_1$. Da sie in Wirklichkeit aber kleiner ist, so haben wir diesen Ausdruck noch mit einem Faktor K_{11} zu multiplizieren und erhalten so für L_{11} die Beziehungen.

$$L_{11} = \frac{K_{11} \cdot \Phi_{11} \cdot Z_1}{i_1} \quad 11)$$

Damit wird also

$$K_{11} = \frac{\sum (\Phi_{11k} \cdot Z_{1k})}{\Phi_{11} \cdot Z_1} \quad 12)$$

ein Faktor kleiner als 1, welcher die komplizierte Verkettung auf den einfachen Fall, wo Z_1 gleich 1 ist, zurückführt. Man nennt K_{11} den Wickelfaktor der Spule I.

Analog finden wir für M_{12} :

$$M_{12} = \frac{\sum (\Phi_{(12)k} Z_{2k})}{i_1} \quad 13)$$

worin allgemein $\Phi_{(12)k}$ ein von Z_{1k} -Windungen der Spule I erregter und gleichzeitig mit Z_{2k} -Windungen der Spule II verschlungener Fluss ist, wenn $i_2 = 0$ ist. Somit wird analog:

$$M_{21} = \frac{\sum (\Phi_{(21)\lambda} \cdot Z_{1\lambda})}{i_2} \quad 14)$$

Der Heyland'sche Streufaktor auf Grund der Energiebeziehungen definiert, hängt in seiner Definition also ab von dem Verhältnis $\frac{i_1 Z_1}{i_2 Z_2}$ der Ampèrewindungen der beiden Spulen. Das einfachste ist, ihn zu definieren für den Fall, dass $i_1 Z_1 = i_2 Z_2$ ist. Dann wird

$$\lambda_1 = L_{11} - M_{12} \frac{Z_1}{Z_2}, \quad = L_n - l_{11} = L_{11} - (l'_{11} - \lambda_{12}) \quad . \quad . \quad . \quad 39)$$

Setzt man $\lambda_1 \lambda_{s1} + \lambda_{12}$, so ist 40)

$$\lambda_{s1} = \frac{k_{s1} \Phi_{s1} Z_1}{i_1}; \quad \lambda_{12} = \frac{(k'_{11} - k_{12}) \Phi_{12} Z_1}{i_1} 41)$$

$$\text{analog: } \lambda_2 = \lambda_{s2} + \lambda_{21} = L_{22} - M_{12} \left(\frac{Z_2}{Z_1} \right) = L_{22} - l_{22} = L_{22} (l'_{22} - \lambda_{21}) 42)$$

Diese schon lange bekannten Definitionen von λ_1 und λ_2 machte auch Rogowski zum Ausgangspunkt seiner Gleichungen. Wir haben hier zu zeigen versucht, welchen Gründen sie entspringen, wenn man von der magnetischen Energie ausgeht.

Gehen wir zu dem Ausdrucke für die Energie zurück, so kann er auch folgendermassen geschrieben werden:

$$U_{11} = \frac{1}{2} i_1 Z_1 (k'_{11} \Phi_{12} + k_{s1} \Phi_{s1} + k_{21} \Phi_{21}) \\ + \frac{1}{2} i_2 Z_2 (k'_{22} \Phi_{21} + k_{s2} \Phi_{s2} + k_{12} \Phi_{12}) 43)$$

Wir können nun für die Bestimmung der Streuung folgende Bedingungen aufstellen.

a) Die ganze Energie soll nur im Felde Φ_{s1} und Φ_{s2} stecken, also es soll die „Streuung erster Ordnung“ allein ermittelt werden. Dann muss sein:

$$k'_{11} \Phi_{12} + k_{21} \Phi_{21} = 0 \text{ und } 44)$$

$$k'_{22} \Phi_{21} + k_{12} \Phi_{12} = 0 \text{ oder dann muss sein: } 45)$$

$$\frac{k'_{11}}{k_{21}} = - \frac{\Phi_{21}}{\Phi_{12}} = \frac{k_{12}}{k'_{22}} \text{ oder } k'_{11} k'_{22} = k_{12} \cdot k_{21} 46)$$

Die Ermittlung von τ_{s1} bezw. τ_{s2} geht also nur bei solchen Wicklungen, bei denen $k'_{11} \cdot k'_{22} = k_{12} \cdot k_{21}$ ist.

Da $\Phi_{12} = \Sigma (\varphi_{(12)k}) = \Sigma \left(\frac{i_1 Z_{1k}}{\mathfrak{R}_{(12)k}} \right)$ ist; worin $\mathfrak{R}_{(12)k}$ der magnetische Widerstand der Flussröhre k ist, welche sowohl mit I als II verschlungen vorausgesetzt wird, so schreiben wir vereinfacht

$$\Phi_{12} = f_1 i_1 Z_1, \text{ wo } 47)$$

$$f_1 = \frac{\Sigma \left(\frac{Z_{1k}}{\mathfrak{R}_{(12)k}} \right)}{Z_1}$$

$$\text{Analog wird } f_2 = \frac{\Sigma \left(\frac{Z_2 \lambda}{\mathfrak{R}_{(21) \lambda}} \right)}{Z_2}$$

In diesem Falle a) muss dann aber auch der Strom:

$$i_1 = - i_2 \cdot \frac{Z_2}{Z_1} \cdot \frac{f_2}{f_1} \cdot \frac{k_{21}}{k'_{11}} \text{ sein. } 48)$$

Die Faktoren f_1 und f_2 heissen wir die Ampèrewindungsfaktoren.

Die einzige Wicklung, welche die Bedingung $k'_{11} k'_{22} = k_{12} \cdot k_{21}$ erfüllt, ist aber nur die Einlochwicklung. Bei ihr ist aber auch $f_1 = f_2$ und $i_1 Z_1 = - i_2 Z_2$.

Da nun, wenn τ_{12} positiv ist, τ_{21} oft um ebensoviel negativ wird, so geht hieraus hervor, dass die totale Streuung durch das Vorzeichen von τ_{12} bzw. τ_{21} im allgemeinen wenig beeinflusst wird.