

**Zeitschrift:** Bulletin des Schweizerischen Elektrotechnischen Vereins  
**Herausgeber:** Schweizerischer Elektrotechnischer Verein ; Verband Schweizerischer Elektrizitätswerke  
**Band:** 6 (1915)  
**Heft:** 7

**Artikel:** Magnetische Streuung  
**Autor:** Kuhlmann, Karl  
**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-1059623>

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 03.04.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

## Magnetische Streuung.

Von Prof. Dr. Ing. Karl Kuhlmann, Zürich.

Nach so langen Jahren erfolgreichen Elektromaschinenbaues noch über magnetische Streuung zu schreiben, erscheint nur dadurch gerechtfertigt, dass einmal die Frage an sich verwickelt ist, zweitens durch die Kommutatormotoren diese Frage von noch grösserer Bedeutung als bei den Induktionsmotoren geworden ist, und drittens die Techniker durch die Schaffung sog. technischer Theorien in dem Anfange der 90er Jahre die wirklichen physikalischen Verhältnisse etwas auf Kosten der Kraftlinienvorstellung aus dem Auge verloren haben. Die Folge war das Auftauchen immer neuer Berechnungsmethoden für die sog. Streuungskoeffizienten und immer neuer Streuungsarten, sodass selbst der Eingeweihte schon ein gut Teil Mühe auf die Auseinanderhaltung all dieser „Abarten“ verwenden musste. Da hat dann Herr Dr. Rogowski vor einigen Jahren die Sache sehr geklärt durch Aufteilung der ganzen komplizierten Streuungserscheinung in zwei Kategorien, der einfach und der doppeltverketteten Streuung. Wir teilen in Streuung erster und zweiter Ordnung.

Die einfach verkettete Streuung ist dabei die landläufige Streuung, also diejenige, welche dem mit der sekundären Spule gar nicht verketteten Fluss entspricht und die sich bei Wicklungen vornehmlich aus der Nuten-, Wickelkopf- und Zahnkopfstreuung zusammensetzt.

Der Name „doppelt verkettete Streuung“ ist zwar nicht gerade glücklich gewählt, denn er nennt etwas Streuung, was doppelt verkettet ist. Das entspricht nicht der gewöhnlichen Vorstellung, die man sich von der Streuung macht. Statt doppelt

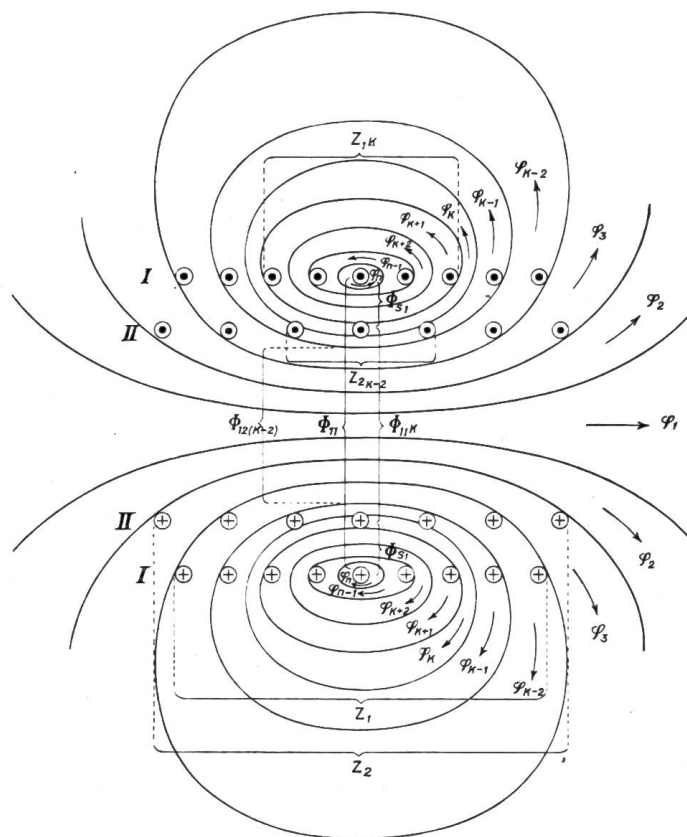


Fig. 1.

verketteter Streuung würde die Ausdrucksweise: „Verlust an magnetischen Verkettungen oder an Kraftflusswindungen durch „teilweise Verkettung der Kraftflüsse“ mit den induzierten Windungen“ richtiger sein. Will man nun diesen Verlust in den Begriff der Streuung mit hineinbeziehen, so ist es gar nicht möglich, bei komplizierten Wicklungsanordnungen eine scharfe Unterscheidung zwischen dem zu treffen, was Nutzfluss und was Streufluss ist. Hier hat die Willkür ihr volles Recht und darum reden die Autoren, wenn sie in bester Absicht einander belehren wollen, auch so leicht an einander vorbei. Um dies zu zeigen, betrachten wir das nebenstehende Zwei-Spulen-System. I sei die erregte (induzierende) Spule, II die zunächst unerregte gedachte (induzierte) Spule. Betrachtet man die einzelnen Flussröhren, so erkennt man darunter leicht die mit  $\Phi_{s1}$  bezeichneten, das sind diejenigen, welche nur und auch nur mit Windungen von I allein verkettet sind. Sie repräsentieren die Flussröhren, welche in ihrer Gesamtheit den reinen Streufluss  $\Phi_{s1}$  ergeben.

Dass sie den reinen Streufluss  $\Phi_{s1}$  von I darstellen, unterliegt keinem Zweifel. Die übrigen Flüsse sind aber teilweise mit I und teilweise mit II verkettet, somit lässt sich über sie nicht ohne weiteres einwandsfrei entscheiden, wieweit hier der Begriff Streufluss berechtigt oder unberechtigt ist. Man geht hier am besten auf die Beziehung zurück, die für die magnetische Energie der beiden Spulen besteht.

Ist  $L_{11}$  die Selbstinduktivität der Spule I, der Strom in ihr  $i_1$ ,  $M_{12}$  der Koeffizient der Gegeninduktivität der Spule I auf II, also wenn der Strom  $i_2$  in II Null wäre, ferner  $M_{21}$  die Gegeninduktivität von II auf I, also wenn  $i_2 = i_2$  und  $i_1 = 0$  wäre,  $L_{22}$  die Selbstinduktivität der Spule II. Dann schreibt sich, da  $M_{12} = M_{21}$  ist, die magnetische Energie der beiden Spulen in der Form<sup>1)</sup>, vorausgesetzt, dass  $i_1$  und  $i_2$  im gleichen Sinne magnetisieren:

$$U_{I, II} = \frac{1}{2} i_1^2 L_{11} + i_1 i_2 M_{12} + \frac{1}{2} i_2^2 L_{22} \quad \text{oder} \quad \dots \quad 1)$$

$$= \frac{1}{2} i_1 (i_1 L_{11} + i_2 M_{21}) + \frac{1}{2} i_2 (i_2 L_{22} + i_1 M_{12}) \quad \dots \quad 1a)$$

Durch die Erregung  $i_2$  ist also von II die Energie  $\frac{1}{2} i_1 i_2 M_{21}$  in I und der gleiche Betrag  $\frac{1}{2} i_1 i_2 M_{12}$  durch die Erregung  $i_1$ , von I in II übertragen worden.

Wir haben somit als magnetischen Wirkungsgrad der Spule I gegen II

$$\gamma_{1,2} = \frac{\frac{1}{2} i_1 i_2 M_{12}}{\frac{1}{2} i_1^2 L_{11}} = \frac{i_2 M_{12}}{i_1 L_{11}} \quad \dots \quad 2)$$

und analog als magnetischen Wirkungsgrad der Spule II gegen I

$$\gamma_{2,1} = \frac{\frac{1}{2} i_1 i_2 M_{12}}{\frac{1}{2} i_2^2 L_{22}} = \frac{i_1 M_{21}}{i_2 L_{22}} \quad \dots \quad 3)$$

Der totale magnetische Wirkungsgrad des Zweispulensystems ist also

$$\gamma = \gamma_{12} \gamma_{21} = \frac{M_{12} \cdot M_{21}}{L_{11} \cdot L_{22}} = \frac{M_{12}^2}{L_{11} \cdot L_{22}} \quad \dots \quad 4)$$

Der totale Verlust infolge unvollkommener magnetischer Verkettung also

$$\sigma = 1 - \gamma = 1 - \frac{M_{12}^2}{L_{11} \cdot L_{22}} \quad \dots \quad 5)$$

hat man den totalen *Streuungskoeffizienten* des Zweispulensystems genannt.

Sind mehr als zwei Spulen gegeben, so ist, wenn statt M überall L verwendet wird:

$$\begin{aligned} M &= \frac{1}{2} i_1 [i_1 L_{11} + i_2 L_{21} + i_3 L_{31} + \dots + i_k L_{k1}] + \frac{1}{2} i_2 [i_1 L_{12} + i_2 L_{22} + \dots + i_k L_{k2}] \\ &+ \dots + \frac{1}{2} i_k [i_1 L_{1k} + i_2 L_{2k} + \dots + i_k L_{kk} + \dots + i_2 L_{11k}] + \dots \\ &= \frac{1}{2} \sum_{k=1}^{k=n} \sum_{\lambda=1}^{\lambda=n} (i_k \cdot i_\lambda \cdot L_{\lambda k}) \end{aligned}$$

<sup>1)</sup> Siehe Orlich: Kapazität und Induktivität.  
Donde König: Physik des Aethers.







Setzt man  $\lambda_1 \lambda_{s1} + \lambda_{12}$ , so ist . . . . . 40)

$$\lambda_{s1} = \frac{k_{s1} \Phi_{s1} Z_1}{i_1}; \quad \lambda_{12} = \frac{(k'_{11} - k_{12}) \Phi_{12} Z_1}{i_1} . . . . . 41)$$

analog:  $\lambda_2 = \lambda_{s2} + \lambda_{21} = L_{22} - M_{12} \left( \frac{Z_2}{Z_1} \right) = L_{22} - l_{22} = L_{22} (l'_{22} - \lambda_{21}) . . . . . 42)$

Diese schon lange bekannten Definitionen von  $\lambda_1$  und  $\lambda_2$  machte auch Rogowski zum Ausgangspunkt seiner Gleichungen. Wir haben hier zu zeigen versucht, welchen Gründen sie entspringen, wenn man von der magnetischen Energie ausgeht.

Gehen wir zu dem Ausdrücke für die Energie zurück, so kann er auch folgendermassen geschrieben werden:

$$U_{111} = \frac{1}{2} i_1 Z_1 (k'_{11} \Phi_{12} + k_{s1} \Phi_{s1} + k_{21} \Phi_{21}) . . . . . 43)$$

$$+ \frac{1}{2} i_2 Z_2 (k'_{22} \Phi_{21} + k_{s2} \Phi_{s2} + k_{12} \Phi_{12})$$

Wir können nun für die Bestimmung der Streuung folgende Bedingungen aufstellen.

a) Die ganze Energie soll nur im Felde  $\Phi_{s1}$  und  $\Phi_{s2}$  stecken, also es soll die „Streuung erster Ordnung“ allein ermittelt werden. Dann muss sein:

$$k'_{11} \Phi_{12} + k_{21} \Phi_{21} = 0 \text{ und } . . . . . 44)$$

$$k'_{22} \Phi_{21} + k_{12} \Phi_{12} = 0 \text{ oder dann muss sein: } . . . . . 45)$$

$$\frac{k'_{11}}{k_{21}} = - \frac{\Phi_{21}}{\Phi_{12}} = \frac{k_{12}}{k'_{22}} \text{ oder } k'_{11} k'_{22} = k_{12} \cdot k_{21} . . . . . 46)$$

Die Ermittlung von  $\tau_{s1}$  bezw.  $\tau_{s2}$  geht also nur bei solchen Wicklungen, bei denen  $k'_{11} \cdot k'_{22} = k_{12} \cdot k_{21}$  ist.

Da  $\Phi_{12} = \Sigma (\mathcal{G}_{(12)k}) = \Sigma \left( \frac{i_1 Z_{1k}}{\mathfrak{R}_{(12)k}} \right)$  ist; worin  $\mathfrak{R}_{(12)k}$  der magnetische Widerstand der Flussröhre k ist, welche sowohl mit I als II verschlungen vorausgesetzt wird, so schreiben wir vereinfacht

$$\Phi_{12} = f_1 i_1 Z_1, \text{ wo } . . . . . 47)$$

$$f_1 = \frac{\Sigma \left( \frac{Z_{1k}}{\mathfrak{R}_{(12)k}} \right)}{Z_1}$$

Analog wird  $f_2 = \frac{\Sigma \left( \frac{Z_2 \lambda}{\mathfrak{R}_{(21) \lambda}} \right)}{Z_2}$

In diesem Falle a) muss dann aber auch der Strom:

$$i_1 = - i_2 \cdot \frac{Z_2}{Z_1} \cdot \frac{f_2}{f_1} \cdot \frac{k_{21}}{k'_{11}} \text{ sein. } . . . . . 48)$$

Die Faktoren  $f_1$  und  $f_2$  heissen wir die Ampèrewindungsfaktoren.

Die einzige Wicklung, welche die Bedingung  $k'_{11} k'_{22} = k_{12} \cdot k_{21}$  erfüllt, ist aber nur die Einlochwicklung. Bei ihr ist aber auch  $f_1 = f_2$  und  $i_1 Z_1 = - i_2 Z_2$ .

