

Zeitschrift: Bulletin des Schweizerischen Elektrotechnischen Vereins
Herausgeber: Schweizerischer Elektrotechnischer Verein ; Verband Schweizerischer Elektrizitätswerke
Band: 6 (1915)
Heft: 2

Artikel: Calculs de transformateurs
Autor: Chavannes, Roger
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-1059616>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 03.04.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

SCHWEIZ. ELEKTROTECHNISCHER VEREIN

BULLETIN

ASSOCIATION SUISSE DES ÉLECTRICIENS

Erscheint monatlich mit den Jahres-Beilagen „Statistik der Starkstromanlagen der Schweiz“ sowie „Jahresheft“ und wird unter Mitwirkung einer vom Vorstand des S. E. V. ernannten Redaktionskommission herausgegeben.

Alle den Inhalt des „Bulletin“ betreffenden Zuschriften sind zu richten an das

Generalsekretariat
des Schweiz. Elektrotechnischen Vereins,
Neumühlequai 12, Zürich 1 - Telephon 9571

Alle Zuschriften betreffend Abonnement, Expedition und Inserate sind zu richten an den Verlag:

Fachschriften-Verlag & Buchdruckerei A.-G.,
Hirschengraben 80/82 Zürich 1 Telephon 6741

Publié sous la direction d'une Commission de Rédaction nommée par le Comité de l'A. S. E.

Ce bulletin paraît mensuellement et comporte comme annexes annuelles la „Statistique des installations électriques à fort courant de la Suisse“, ainsi que l'„Annuaire“.

Prière d'adresser toutes les communications concernant la matière du „Bulletin“ au

Secrétariat général
de l'Association Suisse des Electriciens
Neumühlequai 12, Zurich 1 - Téléphone 9571

Toutes les correspondances concernant les abonnements, l'expédition et les annonces, doivent être adressées à l'éditeur:

Fachschriften-Verlag & Buchdruckerei S. A.
Hirschengraben 80/82 Zurich 1 Téléphone 6741

Abonnementspreis
für Nichtmitglieder inklusive Jahresheft und Statistik:
Schweiz Fr. 15.—, Ausland Fr. 25.—.
Einzelne Nummern vom Verlage Fr. 1.50 plus Porto.

Prix de l'abonnement annuel (gratuit pour les membres de l'A. S. E.), y compris l'Annuaire et la Statistique, Fr. 15.— pour la Suisse, Fr. 25.— pour l'étranger.
L'éditeur fournit des numéros isolés à Fr. 1.50, port en plus.

VI. Jahrgang
VI^e Année

Bulletin No. 2

Februar 1915
Février

Calculs de transformateurs.

Par Roger Chavannes, ing., Professeur à l'Ecole des Arts et Métiers à Genève.

Cette étude se bornera aux types de transformateurs statiques à noyaux verticaux dans le même plan, à bobines rondes, et se référera aux travaux de Dr. R. Pohl et H. Bohle (E. T. Z. 1905 p. 897) et Vidmar (Elektr. und Masch., Nov. 1913).

Notations.

d diamètre du cercle circonscrit à un noyau.

$d_1 = \mu d$ intervalle de ces cercles.

h hauteur du noyau, en cm.

f fréquence.

f_c facteur de remplissage du cuivre.

$f_f = S_f \frac{4}{\pi d^2}$ facteur de remplissage du fer.

S_f section transversale d'un noyau.

$\epsilon + S_f$ section transversale d'une culasse.

$K_1 = \frac{\rho}{\gamma_c}$ facteur des pertes du cuivre.

K_2 facteur des pertes du fer, ou perte par kg à la fréquence constante f , pour $B = 1$.

$w_f w_c$ pertes en watts, du fer, du cuivre.

$w = w_f + w_c$ perte totale.

$a_c = \frac{w_c}{w}$; $a_f = \frac{w_f}{w}$ proportions de pertes.

σ densité dans le cuivre en amp. par mm².

et
$$\beta = \sigma B \cdot d^2 \left[\frac{3}{2} h + \varepsilon d (3 + 2 \mu) \right] = \frac{K_3 w \cdot 10^3}{f_t \frac{\pi}{2} \gamma_t} \sqrt{\frac{a_c a_t}{K_1 K_2 K_3'}} \quad (8)$$

$$\gamma = \sigma B \cdot \frac{3}{2} d^2 \mu \left(1 + \frac{\mu}{2} \right) = \frac{w \cdot 10^3}{f_c \gamma_c \pi} \sqrt{\frac{a_c a_t}{K_1 K_2 K_3'}} \quad (9)$$

Des équations 11), 8) et 9) on tire: pour le monophasé

$$\mu = 2 \left(\frac{\gamma}{\alpha} d - 1 \right) \quad (12)$$

$$\sigma B = \frac{\beta - \frac{\alpha}{\mu d}}{\varepsilon d^3 (\mu + 2)} \quad (13)$$

$$h = \frac{\alpha}{\sigma B \mu d^3} \quad (11)$$

et pour le triphasé

$$\mu = 2 \left(\frac{2}{3} \frac{\gamma}{\alpha} d - 1 \right) \quad (12)$$

$$\sigma B = \frac{\beta - \frac{3}{2} \frac{\alpha}{\mu d}}{\varepsilon d^3 (3 + 2 \mu)} \quad (13)$$

$$h = \frac{\alpha}{\sigma B \mu d^3} \quad (11)$$

Le groupe des équations 11) 12) 13) données par les auteurs avec $\varepsilon = 1$ forme la base de leur méthode. Dans la forme primitive elle consiste à calculer par tâtonnement la valeur de d qui rend σB maximum dans l'éq. 13. On trouve autant de valeurs de d que de valeurs de w . On établit donc en fonction de w les courbes de $d h G_f G_c$ et les surfaces de refroidissement. Ayant admis une certaine surface par watt à dissiper comme normale on trouve sur les courbes les valeurs de w, d, h , etc. correspondantes.

La méthode est très élégante; mais entraîne à des calculs numériques assez longs qui rendent pénible une détermination de dimensions pour un type à puissances croissantes.

Quand $\varepsilon > 1$ il en résulte que $K_3' < K_3$; ce qui exige pour résoudre les équations 8) et 9) la détermination préalable de $\frac{K_3}{K_3'}$.

$$\frac{K_3}{K_3'} = \frac{G_f}{G_f'} = \frac{h + \varepsilon d (\mu + 2)}{h + \frac{d}{\varepsilon} (\mu + 2)} = \frac{\frac{h}{d} + \varepsilon (\mu + 2)}{\frac{h}{d} + \frac{1}{\varepsilon} (\mu + 2)} \quad (15)$$

et pour le triphasé

$$\frac{K_3}{K_3'} = \frac{G_f}{G_f'} = \frac{3 h + 2 \varepsilon (3 + 2 \mu) d}{3 h + \frac{2}{\varepsilon} (3 + 2 \mu) d} = \frac{3 \frac{h}{d} + 2 \varepsilon (3 + 2 \mu)}{3 \frac{h}{d} + \frac{2}{\varepsilon} (3 + 2 \mu)} \quad (15)$$

équations qui montrent que K_3' dépend de 3 facteurs

$$\frac{h}{d} \quad \mu \quad \text{et } \varepsilon .$$

On peut éliminer le premier en écrivant, pour le monophasé

$$K_3 = \frac{G_t}{G_c} = \frac{\gamma_t f_t \frac{\pi}{2} d^2 [h + \varepsilon d (\mu + 2)]}{\gamma_c f_c h \pi d^2 \mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right)} \quad (14)$$

d'où

$$\frac{h}{d} = \frac{\varepsilon (\mu + 2)}{2 \mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) K_3 \frac{\gamma_c f_c}{\gamma_t f_t} - 1} \quad (16)$$

et pour le triphasé

$$\frac{h}{d} = \frac{\frac{2}{3} \varepsilon (3 + 2 \mu)}{2 \mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) K_3 \frac{\gamma_c f_c}{\gamma_t f_t} - 1} \quad (16)$$

Si donc μ et ε étaient constants $\frac{h}{d}$ le serait aussi; car dans un problème on considère comme constants $\gamma_c \gamma_t f_c$ et f_t .

Remplaçant dans les éq. 15) $\frac{h}{d}$ tiré des éq. 16) on trouve, pour le monophasé et pour le triphasé:

$$K_3' = \frac{K_3}{\varepsilon^2} + \frac{1}{2} \frac{f_t \gamma_t}{f_c \gamma_c} \frac{1 - \frac{1}{\varepsilon^2}}{\mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right)} \quad (17)$$

équation qui montre que K_3' ne dépend que de μ et ε .

On aboutirait aux mêmes équations en partant de 12) qui donne

monophasé
$$d = \frac{\alpha}{\gamma} \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) \quad (12)$$

triphase
$$d = \frac{3}{2} \frac{\alpha}{\gamma} \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) \quad (12)$$

en remarquant qu'on a

$$\frac{\beta}{\gamma} = 2 K_3 \frac{f_c \gamma_c}{f_t \gamma_t} \quad (18)$$

En cherchant les conditions qui rendent σB maximum dans l'éq. 13) on trouve que la valeur de μ ne dépend que de $\frac{\beta}{\gamma}$ qui est indépendant de la perte. Donc pour un problème déterminé μ est pratiquement une constante.

On pourrait encore tirer des éq. 11) 12) 13)

monophasé
$$\frac{h}{d} = \frac{\varepsilon (\mu + 2)}{\frac{\beta}{\gamma} \mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) - 1} \quad (19)$$

triphase
$$\frac{h}{d} = \frac{2}{3} \frac{\varepsilon (3 + 2 \mu)}{\frac{\beta}{\gamma} \mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) - 1} \quad (19)$$

où $\frac{\beta}{\gamma}$ étant indépendant de la puissance on voit que $\frac{h}{d}$ ne dépend que de μ . Les éq. 16 et 19 sont du reste identiques à cause de 18).

On pourrait être tenté de chercher la valeur de μ qui rend σB maximum dans l'éq. 13), et considérer ainsi ε comme la seule quantité à choisir librement comme constante du problème. On trouverait alors la valeur de d par l'éq. 12) en fonction de la perte, dont dépend γ . Mais ce chemin n'est pas fructueux.

Il est plus simple de considérer μ comme une valeur libre; qu'on choisira de manière à obtenir une valeur favorable de f_c . On est forcé du reste d'adopter f_c comme base, en partant d'une première étude détaillée; mais encore faut-il un rapport convenable de $\frac{h}{d_1}$ pour réaliser le f_c admis. Cette étude montrera qu'au point de vue des prix on peut faire varier notablement μ sans grande variation du prix; avec σB constant.

Il est remarquable que d dépend fort peu de μ . Ce diamètre est donné par les éq. 12) et 9), d'où on tire:

monophasé
$$w d = \alpha \left(1 + \frac{\mu}{2} \right) \frac{f_c \gamma_c \pi}{10^3} \sqrt{\frac{K_1 K_2 K_3'}{a_c a_t}} \dots \dots \dots (20)$$

triphasé
$$w d = \frac{3}{2} \alpha \left(1 + \frac{\mu}{2} \right) \frac{f_c \gamma_c \pi}{10^3} \sqrt{\frac{K_1 K_2 K_3'}{a_c a_t}} \dots \dots \dots (20)$$

Ces équations ne se prêtent pas aisément à une discussion algébrique, quoiqu'elle soit possible en remplaçant K_3' par sa valeur en fonction de μ , tirée de 17); mais en l'établissant numériquement pour un cas particulier on peut aisément voir que quand μ varie de 0,6 à 1,3, valeurs qui sont des extrêmes, $w d$ ne varie que de quelques pour cent, et passe par un minimum pour une valeur moyenne de μ .

Voir la courbe $\frac{w d}{kVA}$ fig. 1.

Le minimum de prix est donné par la condition

$$\frac{G_t}{G_c} = \frac{p_c}{p_t} = K_3$$

Cette condition résulte donc d'un choix judicieux de K_3 , choix qui résulte de conditions industrielles. Pour tôles alliées l'ordre de grandeur de K_3 est 2.

L'utilisation des matériaux dépend de σB , et elle est limitée par le refroidissement. En première approximation il est plus simple de fixer σB , en fonction des conditions pratiques de dissipation de l'énergie.

Transformateur monophasé
Courbes en fonction de μ de
 $\frac{h}{d}$; $w d$; d ; G_t et w
pour $\varepsilon = 1,5$.

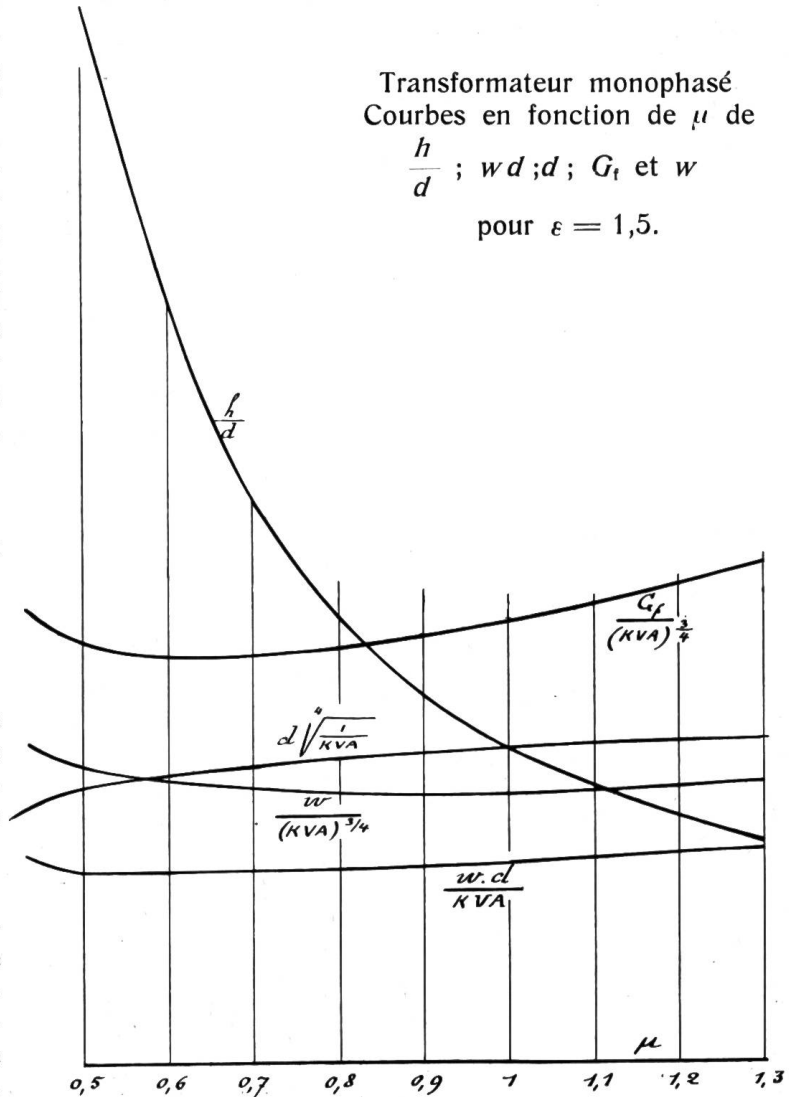


Fig.

Prenant donc ε librement, on choisira μ en partant de la valeur de $\frac{h}{d}$ qui donne des proportions convenables, par l'éq. 15). On tire K_3' de 17) et $w d$ de 20). Le produit $w d$ est proportionnel à la puissance, qui détermine α .

Ayant $w d$ on tire le diamètre d correspondant à un σB imposé par 11) d'où on tire

$$d^4 = \frac{\alpha}{\mu \left(\frac{h}{d}\right) \sigma B} \quad \dots \quad (11)$$

Ainsi conduits les calculs sont faciles et rapides et s'appliquent en particulier à l'établissement de séries.

En prenant diverses valeurs de μ on obtiendra rapidement des tableaux comparatifs de *prix* et de *pertes* à égalité de σB , qui est la base normale de comparaison.

Méthode de Vidmar.

La détermination de ε et de μ reste indécise à certains points de vue, dans ce qui précède. La méthode de Vidmar donne ε et μ pour le prix minimum et en même temps pour la perte minimale. Elle a été exposée pour le triphasé; et nous la donnerons ici pour le monophasé, sans entrer dans le détail des calculs.

On a

$$K_3 = \frac{G_t}{G_c} = \frac{f_t \gamma_t \frac{\pi}{4} 10^{-3}}{f_c \gamma_c \pi \cdot 10^{-3}} \frac{d^2 [2 d + 2 \varepsilon (\mu + 2) d]}{d^2 h \mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right)} \quad \dots \quad (14)$$

d'où

$$\frac{h}{d} = \frac{\varepsilon (\mu + 2)}{2 \mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) K_3 \frac{f_c \gamma_c}{f_t \gamma_t} - 1} \quad \dots \quad (16)$$

pour le triphasé $(\mu + 2)$ est à remplacer par $\frac{2}{3} (3 + 2 \mu)$.

En portant l'éq. 16) dans les éq. 5) et 6) on a:

$$G_t = \varepsilon (\mu + 2) d^3 \pi \cdot 10^{-3} \frac{\frac{1}{2} f_t \gamma_t \times \mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) K_3 \gamma_c f_c}{\mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) K_3 f_c \gamma_c - \frac{1}{2} \gamma_t f_t}$$

$$G_c = \frac{G_t}{K_3} = \varepsilon (\mu + 2) d^3 \pi \cdot 10^{-3} \frac{\frac{1}{2} f_t \gamma_t \times \mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) \gamma_c f_c}{\mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) K_3 f_c \gamma_c - \frac{1}{2} \gamma_t f_t}$$

Ecrivant que le prix est

$$P = p_c G_c + p_t G_t$$

et posant la condition de minimum de prix

$$\frac{p_c}{p_t} = K_3$$

on obtient

$$P = 2 \frac{\mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) f_c \gamma_c p_c \times \frac{1}{2} d_f \gamma_f p_f}{\mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) f_c \gamma_c p_c - \frac{1}{2} f_f \gamma_f p_f} \varepsilon (\mu + 2) d^3 \pi \cdot 10^{-3} \quad (21)$$

Pour le triphasé il faut remplacer $(\mu + 2)$ par $(3 + 2\mu)$.

Nous avons eu (éq. 10 et 11)

$$kVA = \frac{4,44 \pi}{8} \sigma B f f_c f_t h \mu d^3 10^{-9} \quad (22)$$

équation dans laquelle on peut remplacer σ et B en fonction des pertes. On a pour le monophasé:

$$w = K_2 B^2 G_t' = K_2 B^2 \gamma_t f_t \frac{\pi d^2}{4} \left[2h + \frac{2}{\varepsilon} (\mu + 2) d \right] 10^{-3}$$

et remplaçant h tiré de 16)

$$B^2 = \frac{2 w_t 10^3}{K_2 \gamma_t f_t \pi d^3 (\mu + 2)} \frac{\varepsilon \left[\mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) K_3 \gamma_c f_c + \frac{1}{2} f_f \gamma_f \right]}{\mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) K_3 f_c \gamma_c + (\varepsilon^2 - 1) \frac{1}{2} f_f \gamma_f} \quad (23)$$

$$\text{et } \sigma^2 = \frac{w_c}{K_1 G_c} = \frac{w_c 10^3}{d^3 K_1 \pi} \frac{\mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) K_3 \gamma_c f_c - \frac{1}{2} f_f \gamma_f}{\varepsilon (\mu + 2) \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) \mu f_c \gamma_c \times \frac{1}{2} f_f \gamma_f} \quad (24)$$

valeurs à porter dans l'éq. 22. On obtient finalement

$$d = \frac{1,8 (kVA) 10^6}{f f_c f_t \varepsilon} \sqrt{\frac{K_1 K_2}{w_t w_c}} \sqrt{\frac{1}{\mu} \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) f_c \gamma_c \left[\mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) K_3 f_c \gamma_c + (\varepsilon^2 - 1) \frac{f_f \gamma_f}{2} \right]} \quad (25)$$

L'équation est identique pour le triphasé.

Cette équation peut être ramenée à l'éq. 20) à l'aide de transformations algébriques.

Dans l'éq. 21) qui donne le prix on voit que d^2 dépend de $\left(\frac{1}{\varepsilon}\right)^{\frac{2}{3}}$. Les termes de l'éq. 25), élevée au carré, qui contiennent ε sont:

$$\frac{1}{\varepsilon^2} \left[\mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) p_c f_c \gamma_c + (\varepsilon^2 - 1) \frac{p_f f_f \gamma_f}{2} \right]$$

Vidmar en tire la valeur de ε qui donne le prix minimum. Il trouve:

$$\varepsilon^2 = \frac{4}{f_f \gamma_f} \left[\mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) K_3 f_c \gamma_c - \frac{1}{2} f_f \gamma_f \right] \quad (26)$$

Cette valeur, transportée dans l'éq. 25) donne

$$d = 1,56 \frac{kVA}{f} 10^6 \sqrt{\frac{1}{\mu} \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) \frac{\gamma_c \gamma_t K_1 K_2}{f_c f_t w_t w_c}} \quad (27)$$

Les éq. 26) et 27) sont les mêmes pour triphasé et monophasé.

Remplaçant dans l'éq. 16) ε tiré de 26) on a: pour le monophasé

$$\frac{h}{d} = \sqrt{2} (\mu + 2) \sqrt{\frac{\frac{1}{2} p_i f_i \gamma_i}{\mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) p_c f_c \gamma_c - \frac{1}{2} p_i f_i \gamma_i}} \quad (28)$$

Pour le triphasé le terme qui multiplie la racine est

$$\frac{2}{3} \sqrt{2} (3 + 2 \mu)$$

Portant ces équations de dimensions dans l'éq. de prix on trouve:

$$P = 3,35 \cdot 10^{14} (\mu + 2) \frac{\left(1 + \frac{\mu}{2}\right)^{2,5}}{\mu^{\frac{1}{2}}} \left(\frac{kVA}{f}\right)^3 \left[\frac{\gamma_c \gamma_i K_1 K_2}{f_c f_i w_c w_i}\right]^2 f_c \gamma_c p_c$$

$$\times \sqrt{\frac{\frac{1}{2} f_i \gamma_i p_i}{\mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) f_c \gamma_c p_c - \frac{1}{2} f_i \gamma_i p_i}}$$

et pour trouver la valeur de μ qui donne le prix minimum il faut différencier la fonction

$$g(\mu) = \frac{(\mu + 2) \left(1 + \frac{\mu}{2}\right)^{2,5}}{\sqrt{\mu \left[\mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) f_c \gamma_c p_c - \frac{1}{2} f_i \gamma_i p_i\right]}}$$

ce qui donne en égalant à zéro la dérivée:

$$\frac{f_i \gamma_i p_i}{f_c \gamma_c p_c} = \frac{2 \mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) (\mu^2 + \mu - 2)}{1,5 \mu^2 + 2,5 \mu - 1} \quad (29)$$

Pour le triphasé une équation analogue donne

$$\frac{f_i \gamma_i p_i}{f_c \gamma_c p_c} = \frac{2 \mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) (2 \mu^2 + 1,5 \mu - 3)}{3 \mu^2 + 4 \mu - 1,5} \quad (29)$$

Ces équations donnent graphiquement des courbes qui se rapprochent assez sensiblement de droites définies par les équations:

monophasé $\mu = 1 + 0,31 \frac{f_i \gamma_i p_i}{f_c \gamma_c p_c} \quad (30)$

triphasé $\mu = 0,9 + 0,35 \frac{f_i \gamma_i p_i}{f_c \gamma_c p_c} \quad (30)$

Les éq. 26) et 28) donnent

monophasé $\frac{h}{d} = 2 \frac{\mu + 2}{\varepsilon} \quad (31)$

triphasé $\frac{h}{d} = \frac{4}{3} \frac{3 + 2 \mu}{\varepsilon} \quad (31)$

Les éq. 27), 26), 30), 31) forment un groupe définissant le minimum de prix. Elles donnent

$$\varepsilon ; \mu ; d ; \frac{h}{d}$$

mais les valeurs de ε et μ ne sont plus libres.

Les dimensions ainsi obtenues ne sont pas nécessairement favorables, et quoiqu'elles donnent un minimum théorique pour le prix peuvent ne pas donner le minimum pratique réel qui tient compte de la cuve, des isolants, des déchets etc. etc. En particulier les formes obtenues correspondent parfois à des culasses exagérées, caractérisées par ε grand, plus grand que 3 par exemple. Or rien ne garantit alors une répartition uniforme du flux. D'autre part μ est relativement grand. Aussi est-il convenable de corriger les résultats des équations de Vidmar en choisissant librement ε et μ ; en se guidant pour cela à la fois par les considérations de prix et de forme.

Quand ε et μ sont librement choisis on peut se servir des éq. 16) et 25) pour déterminer d et $\frac{h}{d}$ ou procéder comme à la première méthode. Les résultats sont identiques.

Les calculs de poids sont facilités en introduisant dans les éq. de poids la valeur de $\frac{h}{d}$.

On a en effet pour le monophasé

$$G_t = f_t \gamma_t \frac{\pi}{2} d^3 \left[\frac{h}{d} + \varepsilon (\mu + 2) \right] 10^{-3} \quad (6)$$

ou encore

$$G_t = f_c \gamma_c K_3 \pi d^3 \left(\frac{h}{d} \right) \mu \left(1 + \frac{\mu}{2} \right) 10^{-3} \quad (32)$$

Comme on a posé $K_3 = \frac{G_t}{G_c} = \frac{p_c}{p_t}$ il en résulte que le prix est simplement

$$P = 2 G_t p_t \quad (33)$$

Application numérique.

Calcul de transformateurs monophasés définis par:

$$f = 50 ; f_c = 0,32 ; f_t = 0,55$$

Ces facteurs permettent des tensions de quelques mille volts, et des noyaux en croix avec canal de ventilation.

$$K_1 = 2,4 ; K_2 = 2,5 \times 10^{-8} ; K_3 = 2$$

Ces chiffres correspondent à une température voisine de 70°, la résistivité étant 21,3 au km: mm², et à des toles alliées à faibles pertes. On a pris $\gamma_t = 7,7$ et $\gamma_c = 8,9$.

On a
$$\alpha = 5,74 \frac{kVA \cdot 10^8}{f f_c f_t} = 0,653 kVA \cdot 10^8$$

Pour comparer les résultats, nous admettrons uniformément $\sigma B = 15\,000$; et nous prendrons d'une part les résultats de Vidmar pour μ et ε ; et d'autre part, adoptant $\varepsilon = 1,5$ qui donne des culasses raisonnables nous choisirons diverses valeurs de μ . Cela nous donnera autant de types.

Pour les conditions de prix et pertes minimum on a d'après Vidmar, pour le monophasé:

$$\varepsilon^2 = \frac{4}{f_t \gamma_t} \left[\mu \left(1 + \frac{\mu}{2} \right) K_3 f_c \gamma_c - \frac{1}{2} f_t \gamma_t \right] \quad (26)$$

avec μ voisin de

$$\mu = 1 + 0,31 \frac{f_t \gamma_t}{2 f_c \gamma_c} = 1,23 \quad (30)$$

d'où $\varepsilon = 2,94$.

La valeur de $\frac{h}{d}$ est donnée par

$$\frac{h}{d} = \frac{\varepsilon (\mu + 2)}{2 \mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) K_2 \frac{\gamma_c f_c}{\gamma_t f_t} - 1} \quad (16)$$

et celle de wd par

$$wd = \alpha \left(1 + \frac{\mu}{2}\right) \frac{f_c \gamma_c \pi}{10^8} \sqrt{\frac{K_1 K_2 K_3'}{a_c a_t}} \quad (20)$$

avec

$$K_3' = \frac{K_3}{2} + \frac{f_t \gamma_t}{2 f_c \gamma_c} \frac{1 - \frac{1}{\varepsilon^2}}{\mu \left(1 + \frac{\mu}{2}\right)} \quad (17)$$

On trouvera enfin d

$$d = \sqrt[4]{\frac{\alpha}{\mu \left(\frac{h}{d}\right) \sigma B}} \quad (11)$$

On obtient ainsi:

No. du type	ε	μ	$\frac{h}{d}$	K_3'	$\frac{wd}{kVA}$	$d \sqrt[4]{\frac{1}{kVA}}$
1	2,94	1,23	2,2	0,565	346	6,33
2	1,5	1,2	1,154	1,104	483	7,47
3	1,5	1,0	1,485	1,164	465	7,37
4	1,5	0,8	2,09	1,257	450	7,14
5	1,5	0,6	3,566	1,419	443	6,705

A l'aide de ce tableau on calculera facilement les dimensions poids et prix pour une puissance quelconque. A titre de prix comparatifs on peut prendre simplement les poids de fer, ou pour avoir un ordre de grandeur voisin du prix effectif admettre par exemple 5 frs. par kg de fer, comme dans les tableaux suivants:

$kVA = 5$

No.	wd	d	h	w	G_t	P
1	1730	9,46	20,8	183	66,5	332
2	2415	11,16	12,86	216	55,1	275
3	2325	11,00	16,3	211	53,2	266
4	2250	10,66	22,3	211	50,9	254
5	2215	10,20	36,4	217	53	265

$kVA = 100$

1	34600	20,02	48,05	1728	630	3150
2	48300	23,62	22,25	2046	525	2625
3	46500	23,30	34,60	1997	506	2530
4	45000	22,60	47,20	1990	484	2420
5	44300	21,40	76,30	2070	488	2440

Les poids sont donnés par la formule 32).

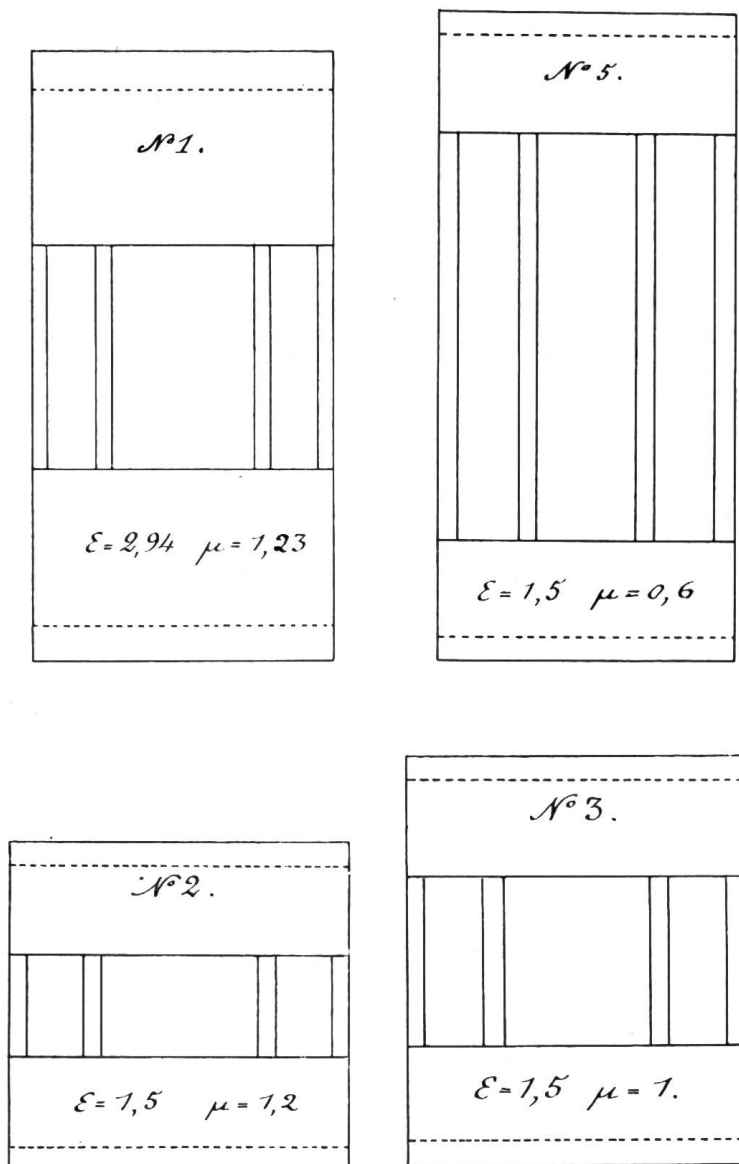


Fig. 2. Transformateurs de puissances égales et σB égaux.

Pour choisir le type on comparera à la fois les dessins, les pertes et les prix. Pour un même numéro le même dessin représente n'importe quelle puissance; puisque $\frac{h}{d}$ et μ sont constants.

Dans la formule du poids on peut écrire

$$G_f = C^{te} \times d^3$$

pour chaque type, le reste étant proportionnel; et de même pour la perte

$$w = C^{te} \times (kVA)^3$$

Les calculs sont donc très rapides pour une série du même type. Il peut y avoir intérêt à modifier le type dans une même série; d'autant plus que les coefficients de remplissage ne sont pas indépendants des dimensions, quoique leurs variations ne soient pas très grandes. Le choix de μ demande quelques tâtonnements; et il sera utile d'établir des courbes de G_f et w en fonction de μ .

Pour un même type B et σ sont constants pour une même proportion des pertes fer et cuivre. Il est facile de déterminer B et σ pour n'importe quelle proportion de w_f et w_c . Soit en effet le rapport

$$\frac{w_f}{w_c} = m$$

On a

$$K_2 B^2 G_f' = m \cdot K_1 \sigma^2 G_c$$

d'où

$$B^4 = m \frac{K_1}{K_2} \frac{1}{K_3'} (\sigma B)^2 \dots \dots \dots (34)$$

Dans le cas particulier traité ici on a pris $w_f = w_c$ pour déterminer $w d$ par l'éq. 20); mais on peut le calculer pour toute autre proportion; d en est indépendant, et seul w variera. Aussi est-il plus simple de tout calculer avec $w_f = w_c$ et quand les types sont fixés de prendre B et σ de manière à réaliser $\frac{w_f}{w_c}$ imposé; en laissant w et σB constants.

La fig. 1 donne les courbes des dimensions relatives en fonction de μ ; ainsi que celles de la perte w et du poids G_f auquel le prix est proportionnel. On observe que les minimum de poids et de pertes ne coïncident pas; mais entre des limites assez étendues de μ , entre 0,8 et 1,2, les variations sont faibles. Cela confirme le fait connu que des

types assez différents d'aspect ont des prix de revient sensiblement égaux et cela justifie la liberté du choix de μ .

Les fig. 2 et 3 donnent les dessins des types 1 à 5. Elles montrent que les types 2 à 5, dont les pertes et poids sont sensiblement équivalents sont cependant très différents, et correspondraient à des conditions du refroidissement inégales. On a figuré pour les culasses la hauteur que donne une section en croix avec canaux de ventilation, et en pointillé la hauteur correspondant à une section des noyaux en croix sans canaux, la culasse étant rectangulaire. On a négligé le fait qu'avec ces culasses rectangulaires le renforcement ε n'est pas le même pour le centre et les cotés. On a écarté les colonnes de manière à les aligner avec le bord des culasses de longueur $2d + d_1$. Cette pratique est justifiée par la nécessité de séparer les bobinages de diam. extérieur $d + d_1$.

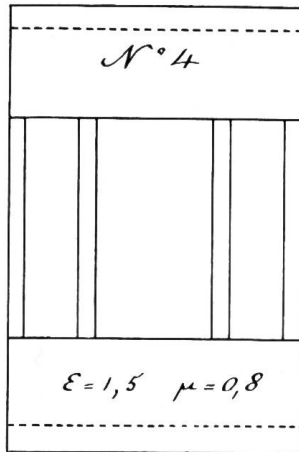


Fig. 3.

Le type No. 1 qui correspond aux équations de Vidmar n'est pas admissible, ε étant exagéré. Si ε est réduit il faut aussi diminuer μ ; ce qui ressort avec évidence du dessin du type No. 2.

Un constructeur aura sans doute avantage à modifier le type dans une même série, pour obtenir un plus petit nombre de dimensions de tôles et une réduction des déchets. Dans l'exemple particulier la valeur de $\mu = 0,8$ avec $\varepsilon = 1,5$, figuré par le type 4, fig. 3, semble donner une moyenne favorable.

Vereinsnachrichten.

Aus der Vorstandssitzung des S. E. V. vom 18. Januar 1915. Neben der Erledigung der laufenden Geschäfte kam als wichtigstes Traktandum das Arbeitsprogramm der Kommissionen und die Festsetzung der diesbezüglichen Kredite zur Sprache.

Die Tätigkeit unserer Kommissionen ist bekanntlich durch die herrschenden Verhältnisse nicht unbeeinflusst geblieben; immerhin war es doch möglich geworden, die Arbeiten der *Uebertragungsschutzkommission* zu einem gewissen Abschluss zu bringen, indem diese demnächst in der Lage sein wird, ihre Arbeiten in Form von *Leitsätzen* bekanntzugeben. Andererseits hat die *Brandschutzkommission* trotz erschwerender Verhältnisse an ihren Untersuchungen weiterarbeiten können, und es ist alle Aussicht vorhanden, dass die Versuche s. Zt. mit Erfolg abgeschlossen werden können. Wir verweisen hierüber auf die nachfolgende Berichterstattung über die Sitzung der Brandschutzkommission vom 6. Februar dieses Jahres. Die *Kommission für Koch- und Heizapparate* hat schon vor Eintritt der Kriegswirren ein umfangreiches Arbeitsprogramm aufgestellt, das u. a. die systematische Untersuchung der

Wirtschaftlichkeit von auf dem Markt stehender elektrischer Kochapparate umfasst. Der eingetretenen Verhältnisse halber haben leider diese Versuche bis heute noch nicht verwirklicht werden können, indessen dürfte die Kommission in allernächster Zeit wieder in der Lage sein, ihre Aufgabe mit aller Energie an die Hand zu nehmen.

Was nun die übrigen technischen Kommissionen betrifft, so ist deren Tätigkeit teilweise reduziert, z. T. aber auch bis zum Eintreten normaler Verhältnisse verschoben worden. Es betrifft dies insbesondere die Arbeiten internationalen Charakters, an denen wir beteiligt sind.

So konnten sich diesmal die zu kreditierenden Gelder auf wenige Kommissionen verteilen. Den Hauptbetrag beanspruchte die Brandschutzkommission. Die umfangreichen kostspieligen Vorarbeiten hatten die vor dem Krieg zur Verfügung gestellten Mittel dieser Kommission im Verlauf des vergangenen Sommers nahezu aufgebraucht, sodass bei Ausbruch des Krieges die unsichere wirtschaftliche Lage die Beschaffung neuer Geldmittel in Frage stellte. Der Vorstand des S. E. V. war indessen der Ueberzeugung, dass die Aussichten auf erfolgreichen Abschluss der