**Zeitschrift:** Schweizer Ingenieur und Architekt
**Herausgeber:** Verlags-AG der akademischen technischen Vereine
**Band:** 99 (1981)
**Heft:** 27-28

**Artikel:** Energiesparen: Vorsicht bei Wirtschaftlichkeitsberechnungen mit steigendem Energiepreis

**Autor:** Bangerter, Heinz

**DOI:** https://doi.org/10.5169/seals-74522

**Nutzungsbedingungen**
Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Mehr erfahren

**Conditions d'utilisation**
L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. En savoir plus

**Terms of use**
The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. Find out more

**Download PDF:** 04.07.2025

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, https://www.e-periodica.ch**

# Energiesparen: Vorsicht bei Wirtschaftlichkeitsberechnungen mit steigendem Energiepreis.

Von Heinz Bangerter, Zürich

**Jeder Energiesparmassnahme können grundsätzlich mehrere Motive zugrunde liegen: Schonung der Ressourcen, Verbesserung der Versorgungssicherheit, Erhaltung der Bausubstanz, Förderung der Wohnhygiene und der Behaglichkeit und reine Wirtschaftlichkeitsbetrachtungen. Obgleich die vier erstgenannten Motive einen wohl ebenso hohen Stellenwert haben wie rein betriebswirtschaftliche Überlegungen, hat sich bei der Beurteilung von Energiesparmassnahmen am konkreten Objekt aus naheliegenden Gründen doch in erster Linie die Wirtschaftlichkeitsberechnung auf der Basis von vergleichbaren Zahlungsströmen als Entscheidungshilfe eingebürgert. Dies nicht zuletzt deshalb, weil hier mit objektiven Fakten argumentiert werden kann und alle subjektiven Gewichtungen bei der Projektbeurteilung ausgeklammert bleiben. Zur Ermittlung der Wirtschaftlichkeit bestehender oder geplanter Projekte stehen eine Vielzahl von Nachweisverfahren zur Verfügung, welche ebenso auch – bei entsprechender Vorgabe von Ist- und Sollwerten – die direkte «Dimensionierung» gerade noch zulässiger Grenzinvestitionen erlauben. Eine derartige «Bemessung» von zulässigen Investitionskosten kann jedoch dann zu erheblichen Verlustbeträgen führen, wenn aus jährlich ungleichmässigen, teuerungsabhängigen Erträgen – z. B.: durch gewisse Sanierungsmassnahmen jährlich einsparbare kWh bei steigendem Energiepreis – fälschlicherweise deren arithmetischer Mittelwert in die Berechnung eingebracht wird.**

## Annuitäten- oder Barwertmethode?

Um den *Nachweis der Wirtschaftlichkeit* von Energiesparmassnahmen zu erbringen, scheint sich im Laufe der Zeit die sogenannte *Annuitätenmethode* durchgesetzt zu haben. Dabei werden die Investitionskosten ($K_0$) mittels eines von der Verzinsung und der Amortisationsdauer abhängigen Annuitätenfaktors ($a_n$) in gleichbleibende Jahreskosten $k_j = K_0 \cdot a_n$ umgelegt und diese mit den jährlich wiederkehrenden Erträgen $e_j$ aus der Energieeinsparung verglichen. Das Projekt gilt dabei als wirtschaftlich, wenn $e_j \geqq k_j$. Resultiert bei dieser Rechnung ein positiver Überschuss $g_i = e_j - k_j$, so stellt dieser Betrag den jährlich wiederkehrenden Gewinn des Projektes dar. Multipliziert man ferner diesen Jahresgewinn mit dem sog. *Rentenbarwertfaktor*

$$b_n = \frac{(1+z)^n - 1}{(1+z)^n \cdot z} \equiv \frac{1}{\text{Annuitätenfaktor}}$$

so resultiert als Ergebnis der Kapitalwert des Projektes – bezogen auf den Zeitpunkt Null, d. h. bei Investitionsbeginn.

Zum gleichen Ergebnis, bzw. Kapitalwert muss man selbstverständlich unter Verwendung der *Barwertmethode* gelangen: Hier werden die jährlichen Zahlungseingänge entsprechend ihrer Laufzeit zum Endwert nach $n$-Jahren aufgezinst und addiert, und die Endsumme dieser Zahlungseingänge mittels des Multiplikators $1/(1+z)^n$ auf den Zeitpunkt Null bei Investitionsbeginn diskontiert. Die Differenz zwischen diesem Wert und den Investitionskosten $K_0$ wird dann denselben Kapitalwert $KW_0$ des Projektes darstellen, wie der Barwert des Jahresgewinnes nach der Annuitätenmethode (vgl. Erstes Zahlenbeispiel).

### Unterschiede zwischen Barwert- und Annuitätenmethode

Das Ergebnis aus den beiden Berechnungsverfahren ist nun aber nur solange dasselbe, als über die gesamte Zeitdauer von $n$-Jahren den konstanten Jahreskosten $K_0 \cdot a_n$ auch stets gleichbleibende Erträge gegenüberstehen.

Wird dagegen die Annuitätenmethode auch dort verwendet, wo jährlich ungleichmässige Einzahlungen erfolgen – nämlich derart, dass aus der Summe dieser Erträge der arithmetische Mittelwert gebildet, und nun dieser den konstanten Jahreskosten $K_0 \cdot a_n$ gegenübergestellt wird – so ergeben sich im Kapitalwert gegenüber der Barwertmethode erhebliche Abweichungen.

**Erstes Zahlenbeispiel:**

Zins sei 5%
Amortisationsdauer $n$ sei 25 Jahre
Investition $K_0$ sei Fr. 200.–
Jahresertrag $e_j$ sei Fr. 100.–

Annuität $a_n = 0{,}071$
Rentenbarwert $b_n = \frac{1}{a_n} = 14{,}08$

*Fall a)*
Mit *Annuitätenmethode,* Kapitalwert als Rentenbarwert des Jahresgewinns.

$$KW_0 = b_n \cdot g_i$$

wobei $g_i = e_j - K_0 \cdot a_n$

d. h. $g_i = 100 - 0{,}071 \cdot 200$
$= \underline{85{,}80}$

$KW_0 = 14{,}08 \cdot 85{,}80 = \underline{\text{Fr. 1208.–}}$

*Fall b)*
Mit Barwertmethode, Kapitalwert als Differenz zwischen diskontiertem Endwert der Erträge und der Investition.

*allg. Ansatz:*

(1) $$KW_o = \underbrace{\left\{ e_j \cdot \frac{(1+z)^n - 1}{z} - K_o (1+z)^n \right\}}_{\text{Aufgezinste Erträge – Aufgezinste Kosten = Endwert der Gewinne}} \cdot \frac{1}{(1+z)^n}$$

diskontierter Endwert der Gewinne = Barwert der Gewinne = Kapitalwert

(2) aus (1)

$$KW_o = e_j \cdot \frac{(1+z)^n - 1}{(1+z)^n z} - K_o \equiv e_j \cdot b_n - K_o$$

Zahlenbeispiel: $KW_o = 100.– \cdot 14{,}08 - 200 = \underline{\text{Fr. 1208.–}}$

Wohlbekannt ist hier der bequeme, aber leider *falsche Rechnungsansatz*, der nach der Annuitätenmethode die Wirtschaftlichkeit einer Investition bei jährlich steigenden Erträgen – z. B. dank erwarteter Energiepreisteuerung in Prozent p. a. – ausweist:

$$\text{Jahreskosten } k_j = K_o \cdot \frac{(1+z)^n \cdot z}{(1+z)^n - 1} = K_o \cdot a_n$$

mittl. Jahreserträge bei Teuerung

$$\bar{e}_j = e_{jo} \cdot \frac{(1+t)^n - 1}{t \cdot n}$$

und infolge der Bedingung $\bar{e}_j \geqq k_j$:

$$\frac{e_o}{K_o} \geqq \frac{(1+z)^n \cdot z \cdot n \cdot t}{[(1+z)^n - 1] \cdot [(1+t)^n - 1]}$$

Bekannt sind auch die aus diesem Ansatz resultierenden Wirschaftlichkeitskurven von beliebigen Zins/Teuerungs-Paarungen in Funktion der Amortisationsdauer; auch diese liefern aber ein unrichtiges Ergebnis [z. B. in: «Element 23»; Bericht Nr. 6/79 Institut für Hochbautechnik ETH-Z; Fallstudie Kurstyp 10 Impulsprogramm; Weitere]

Die Diskrepanz soll vorerst an einem kleinen Zahlenbeispiel dargestellt werden: (vgl. Zweites Zahlenbeispiel):

Zum richtigen Barwert (*N*) der *n*achschlüssigen Zahlungen gelangt man natürlich auch dann, wenn man diese jeweils direkt auf den Zeitpunkt Null diskontiert und addiert.

$$BWo_{(N)} = e_{jo} \cdot \frac{(1+t)^0}{(1+z)^1} + e_{jo} \cdot \frac{(1+t)^1}{(1+z)^2} \cdot \cdot \cdot \cdot \cdot + e_{jo} \cdot \frac{(1+t)^{n-1}}{(1+z)^n}$$

nach einigen Umformungen entsteht daraus:

$$BWo_{(N)} = e_{jo} \cdot \frac{1}{z-t} \cdot \left[1 - \left(\frac{1+t}{1+z}\right)^n\right]$$

$$= 100.- \cdot \frac{1}{0{,}05 - 0{,}10} \cdot \left[1 - \left(\frac{1{,}10}{1{,}05}\right)^{25}\right] = \underline{4399.-}$$

Für den Barwert $(v)$ bei vorschüssigen Zahlungen gilt sinngemäss:

$$BWo_{(V)} = e_{jo} \cdot \frac{1+z}{z-t} \cdot \left[1 - \left(\frac{1+t}{1+z}\right)^n\right]$$

$$= 1{,}05 \cdot 4399.- = \underline{4619.-}$$

Das falsche Ergebnis nach der Annuitätenmethode entsteht dadurch, dass der nach dem Ansatz

$$\bar{e}_j = e_{jo} \cdot \frac{(1+t)^n - 1}{t \cdot n}$$

errechnete, arithmetische Mittelwert der Einnahmen im Durchschnitt eine zu lange Verzinsungsdauer erfährt; demgegenüber führt der effektive Teuerungsverlauf dazu, dass der «Schwerpunkt der Teuerungsfläche» näher beim Zeitpunkt «n» als beim Zeitpunkt «Null», und der wahre Mittelwert dieser Zahlungsreihe demnach unter dem arithmetischen Mittelwert liegt.

Tabelle 1 und Bild 2 zeigen an einigen Beispielen die absoluten Differenzen und die prozentualen Verluste, d. h. die Verluste in Rappen je investiertem

**Zweites Zahlenbeispiel:**

Wie erstes Zahlenbeispiel, aber mit einer jährlichen Energiepreisteuerung von 10 Prozent.

*Fall a)*
Nach Annuitätenmethode, mit arithmetischem Mittelwert der Erträge:

$$\bar{e}_j = \frac{(1+t)^n - 1}{t \cdot n} \cdot e_{jo} = \frac{1{,}1^{25} - 1}{0{,}1 \cdot 25} \cdot 100.-$$

$$= \underline{\text{Fr. 393.40}}$$

Wird jetzt fälschlicherweise angenommen, dieser arithmetische Mittelwert $e_j$ = 393,40 dürfe mit den Jahreskosten $K_0 \cdot a_n$ = Fr. 14.20 verglichen und die Differenz wiederum mit dem Rentenbarwertfaktor $b_n$ kapitalisiert werden, so resultiert ein falscher Kapitalwert von:

$KW_0 = 14{,}085 \cdot (393{,}40 - 14{,}20) = \underline{\text{Fr. 5341.-}}$

*Fall b)*
Nach Barwertmethode, mit aufsummierten Erträgen: Richtigerweise werden hier die steigenden, nachschüssigen Jahreserträge einzeln, durch konstante Verzinsung bei abnehmender Laufzeit zum Endwert aufsummiert und dieser auf den Investitionsbeginn diskontiert.

Beim vorliegenden zweiten Zahlenbeispiel beträgt der so aufsummierte Endwert $E_n = e_{j0} \cdot 148{,}96$ = Fr. 14 896.–. Der Barwert demnach nur

$$\frac{14896.-}{(1{,}05)^{25}} = \text{Fr. } 4399.-,$$

der Kapitalwert somit bloss Fr. 4399.– – Fr. 200.– = Fr. 4199.– (< Fr. 5341.–)

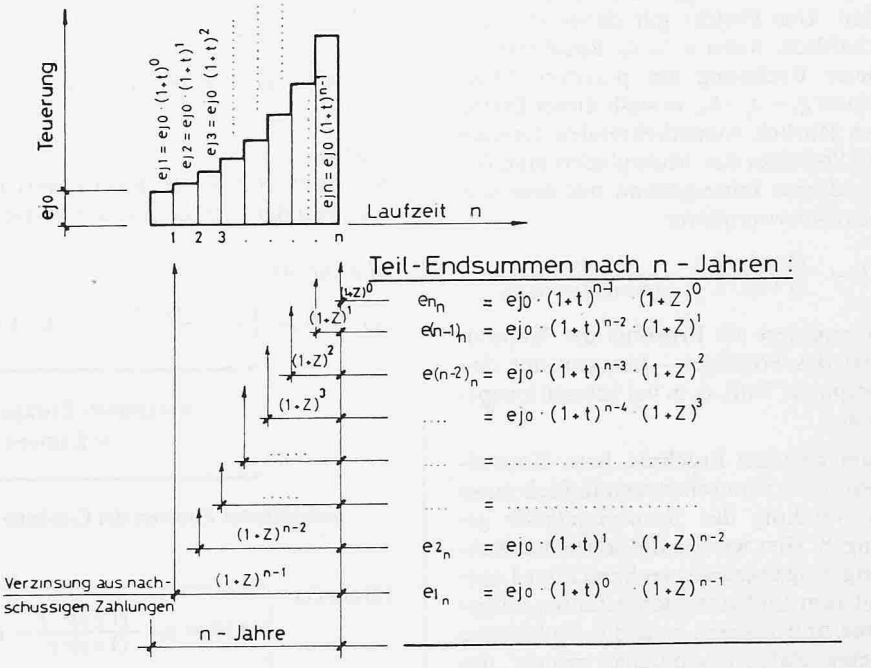
und der wahre Mittelwert nur Barwert · Annuität = Fr. 4399.– · 0,071 = Fr. 312.– (< Fr. 393.–).

Die Abweichung in den Ergebnissen lässt sich mittels der Kapitalwerte oder der Jahresgewinne darstellen als:

$$\frac{KW_o \text{ richtig}}{KW_o \text{ falsch}} = \frac{4199.-}{5341.-} = 78.6\% = \frac{312.- - 14.20}{393.- - 14.20} = \frac{\text{gi richtig}}{\text{gi falsch}}$$

ebenso kann die Abweichung in den Ergebnissen durch den Barwert der Eingänge oder den Jahresertrag veranschaulicht werden:

$$\frac{BW_{ej} \text{ richtig}}{BW_{ej} \text{ falsch}} = \frac{4399.-}{393{,}30 \cdot 14{,}08} = \frac{4399}{5539} = 79{,}4\% = \frac{312.-}{393.-} = \frac{e_j \text{ richtig}}{e_j \text{ falsch}}$$



Franken, wenn die gerade noch zulässige Investition (Kapitalwert = Null; Barwert der Einzahlungen = Investitionskosten; Jahresgewinn = Null) fälschlicherweise aufgrund des arithmetischen Mittelwerts der Einsparungen bestimmt wird.

Es gilt dann:

$$\frac{\text{falscher Barwert} - \text{richtiger Barwert}}{\text{falscher Barwert}} \cdot 100$$

= Verlust/Rp./invest. Fr.

oder

$$\frac{\text{arithmetischer Mittelwert} - \text{wahrer Mittelwert}}{\text{arithmetischer Mittelwert}} \cdot 100 = \text{Verlust/Rp./invest. Fr.}$$

**Drittes Zahlenbeispiel**

$K_0$ = Fr. 200.–, $n$ = 25 Jahre, Zins $z$ = 5%, Teuerung $t$ = 10%

Damit der Kapitalwert $KW_0$ gerade Null wird, müssten den Jahreskosten $k_j$ = 200.– · 0,071 = Fr. 14.20 ebenso auch Jahreseinsparungen $e_j$ von Fr. 14.20 gegenüberstehen. Geht man jetzt davon aus, diese $e_j$ = Fr. 14.20 stellten den arithmetischen Mittelwert des Basispreises dar, so gilt:

$$e_{j0} \cdot \frac{1{,}1^{25} - 1}{0{,}1 \cdot 25} = \text{Fr. } 14{,}20 \text{ und daraus}$$

$$e_{j0} = \text{Fr. } 3{,}61 = \text{Basispreis}$$

Der falsche, arithmetische Mittelwert entsteht also aus $e_{j0}$ × arith. Mittelwertfaktor = 3,61 · 3,93 = 14.20 und der falsche Barwert aus arithmetischem Mittelwert x Barwertfaktor = 14.20 · 14,085 = *Fr. 200.–*.

Richtigerweise beträgt aber der wahre Mittelwertfaktor (s. Tab. 2) nicht 3,93 sondern nur 3,12, der wahre Mittelwert demnach bloss 3,61 × 3,12 = *Fr. 11.26* statt Fr. 14.20 und der richtige Barwert der Zahlungseingänge – also auch die zulässige Investition $K_o$, damit $KW_0$ = 0 – nur *11.26* · 14,085 = *Fr. 158.65* statt Fr. 200.—!

Der Verlust beträgt demnach:

$$\frac{\text{Fr. } 200.- - \text{Fr. } 158{,}65}{\text{Fr. } 200.-} \cdot 100$$

= 20,7 Rp/pro invest. Franken

oder

$$\frac{\text{Fr. } 14{,}20 - \text{Fr. } 11{,}26}{\text{Fr. } 14{,}20} \cdot 100$$

= 20,7 Rp/pro invest. Franken.

Wir stellen fest, dass mit zunehmender Teuerung, Verzinsung und kalkulierter Amortisationsdauer ganz gewaltige Fehler auftreten, die zudem ohne Ausnahme auf der ungünstigen Seite liegen. Wird beispielsweise bei $n$ = 30 Jahren und nur je 5% Zins und Teuerung durch falsche Berechnungsart und dementsprechend zu hoher Ertragserwartung von

*Tabelle 1. Abweichung von wahrem Mittelwert (MW) und arithmetischem Mittelwert (AM) in Funktion von Zins und Teuerung*

| *Jahre n* | *Zins 5%* | *Teuerung 10%* | *Zins 6%* | *Teuerung 16%* | *Zins 7%* | *Teuerung 20%* | *Zins 10% ≡* | *Teuerung 10%* |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| | MW | AM | MW | AM | WM | AM | MW | AM |
| 1 | 1,00 | 1,00 | 1,00 | 1,00 | 1,00 | 1,00 | 1,00 | 1,00 |
| 4 | 1,15 | 1,16 | 1,25 | 1,27 | 1,32 | 1,34 | 1,15 | 1,16 |
| 7 | 1,33 | 1,36 | 1,58 | 1,63 | 1,76 | 1,85 | 1,31 | 1,36 |
| 10 | 1,53 | 1,59 | 1,99 | 2,13 | 2,35 | 2,60 | 1,48 | 1,59 |
| 13 | 1,77 | 1,89 | 2,52 | 2,83 | 3,17 | 3,73 | 1,66 | 1,89 |
| 16 | 2,04 | 2,25 | 3,20 | 3,81 | 4,29 | 5,47 | 1,86 | 2,25 |
| 19 | 2,35 | 2,69 | 4,07 | 5.19 | 5,83 | 8,14 | 2,06 | 2,69 |
| 22 | 2,71 | 3,25 | 5,20 | 7,16 | 7,97 | 12,32 | 2,28 | 3,25 |
| 25 | 3,12 | 3,93 | 6,67 | 9,97 | 10,94 | 18,88 | 2,50 | 3,93 |
| 28 | 3,60 | 4,79 | 8,56 | 14,02 | 15,08 | 29,26 | 2,73 | 4,79 |
| 29 | 3,77 | 5,13 | 9,31 | 15,73 | 16,79 | 33,93 | 2,81 | 5,13 |
| 30 | 3,95 | 5,48 | 10,13 | 17,68 | 18,71 | 39,40 | 2,89 | 5,48 |

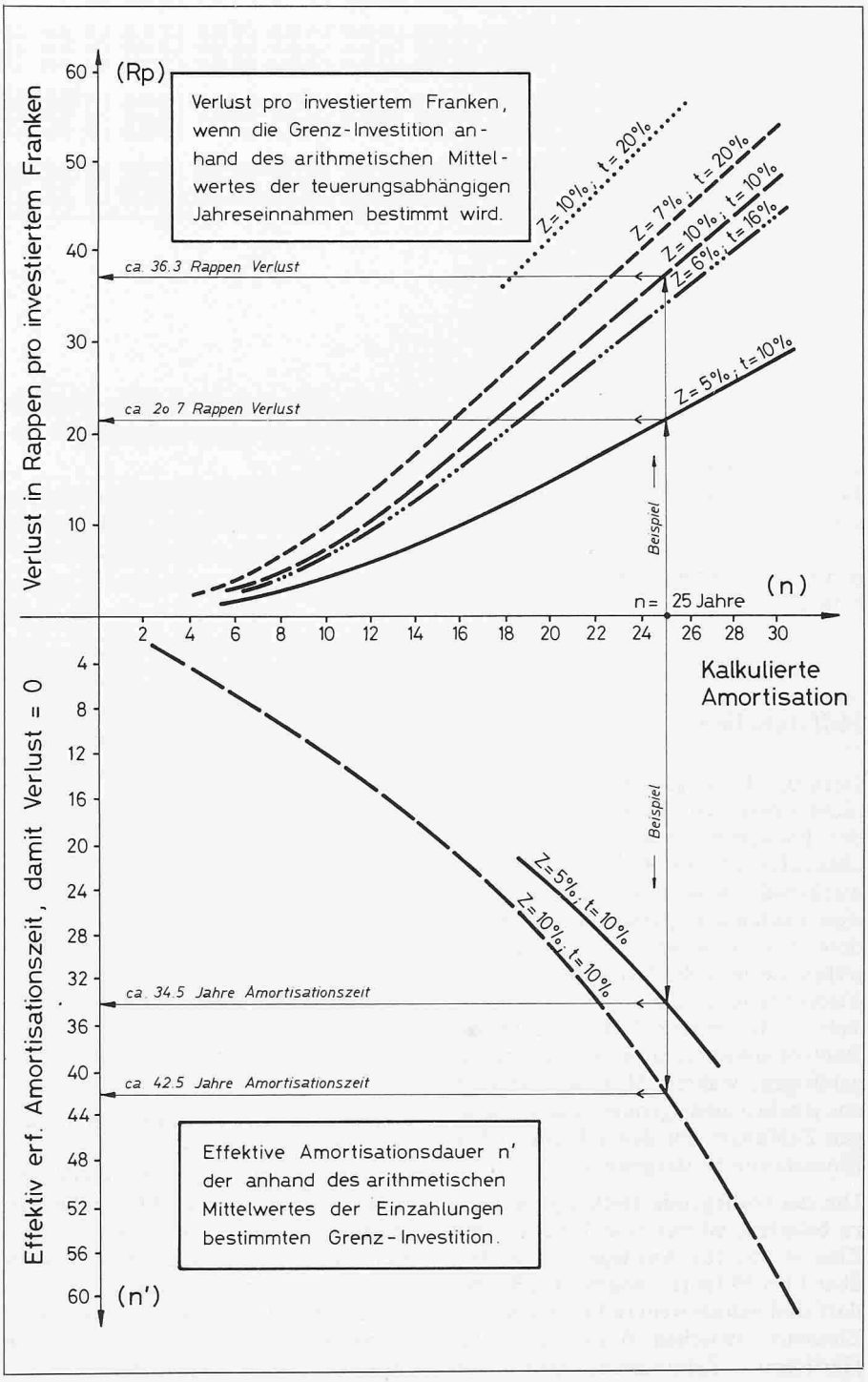


*Tabelle 2. Rentenbarwert- und wahre Mittelwertfaktoren für jährlich gleichmässig ansteigende nachschüssige Zahlungen. Zins: 5,0%, Anstieg: 0 bis 20%*

| Jahre | BW(0) | MW(0) | BW(1) | MW(1) | BW(2) | MW(2) | BW(3) | MW(3) | BW(4) | MW(4) | BW(5) | MW(5) | BW(6) | MW(6) | BW(7) | MW(7) | BW(8) | MW(8) | BW(9) | MW(9) | BW(10) | MW(10) | BW(12) | MW(12) | BW(14) | MW(14) | BW(16) | MW(16) | BW(18) | MW(18) | BW(20) | MW(20) |
|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|---|
| 1 | 0.95 | 1.00 | 0.95 | 1.00 | 0.95 | 1.00 | 0.95 | 1.00 | 0.95 | 1.00 | 0.95 | 1.00 | 0.95 | 1.00 | 0.95 | 1.00 | 0.95 | 1.00 | 0.95 | 1.00 | 0.95 | 1.00 | 0.95 | 1.00 | 0.95 | 1.00 | 0.95 | 1.00 | 0.95 | 1.00 | 0.95 | 1.00 |
| 2 | 1.86 | 1.00 | 1.87 | 1.00 | 1.88 | 1.01 | 1.89 | 1.01 | 1.90 | 1.02 | 1.90 | 1.02 | 1.91 | 1.03 | 1.92 | 1.03 | 1.93 | 1.04 | 1.94 | 1.04 | 1.95 | 1.05 | 1.97 | 1.06 | 1.99 | 1.07 | 2.00 | 1.08 | 2.02 | 1.09 | 2.04 | 1.10 |
| 3 | 2.72 | 1.00 | 2.75 | 1.01 | 2.78 | 1.02 | 2.80 | 1.03 | 2.83 | 1.04 | 2.86 | 1.05 | 2.88 | 1.06 | 2.91 | 1.07 | 2.94 | 1.08 | 2.97 | 1.09 | 3.00 | 1.10 | 3.05 | 1.12 | 3.11 | 1.14 | 3.17 | 1.16 | 3.23 | 1.18 | 3.28 | 1.21 |
| 4 | 3.55 | 1.00 | 3.60 | 1.01 | 3.65 | 1.03 | 3.70 | 1.04 | 3.76 | 1.06 | 3.81 | 1.07 | 3.86 | 1.09 | 3.92 | 1.11 | 3.98 | 1.12 | 4.03 | 1.14 | 4.09 | 1.15 | 4.21 | 1.19 | 4.33 | 1.22 | 4.45 | 1.26 | 4.58 | 1.29 | 4.71 | 1.33 |
| 5 | 4.33 | 1.00 | 4.41 | 1.02 | 4.50 | 1.04 | 4.58 | 1.06 | 4.67 | 1.08 | 4.76 | 1.10 | 4.85 | 1.12 | 4.95 | 1.14 | 5.04 | 1.16 | 5.14 | 1.19 | 5.24 | 1.21 | 5.44 | 1.26 | 5.65 | 1.31 | 5.87 | 1.36 | 6.10 | 1.41 | 6.33 | 1.46 |
| 6 | 5.08 | 1.00 | 5.20 | 1.02 | 5.32 | 1.05 | 5.45 | 1.07 | 5.58 | 1.10 | 5.71 | 1.13 | 5.85 | 1.15 | 5.99 | 1.18 | 6.14 | 1.21 | 6.29 | 1.24 | 6.44 | 1.27 | 6.76 | 1.33 | 7.09 | 1.40 | 7.44 | 1.47 | 7.80 | 1.54 | 8.19 | 1.61 |
| 7 | 5.79 | 1.00 | 5.95 | 1.03 | 6.12 | 1.06 | 6.30 | 1.09 | 6.48 | 1.12 | 6.67 | 1.15 | 6.86 | 1.19 | 7.06 | 1.22 | 7.27 | 1.26 | 7.48 | 1.29 | 7.70 | 1.33 | 8.16 | 1.41 | 8.65 | 1.49 | 9.17 | 1.58 | 9.72 | 1.68 | 10.31 | 1.78 |
| 8 | 6.46 | 1.00 | 6.68 | 1.03 | 6.90 | 1.07 | 7.13 | 1.10 | 7.37 | 1.14 | 7.62 | 1.18 | 7.88 | 1.22 | 8.15 | 1.26 | 8.43 | 1.30 | 8.72 | 1.35 | 9.02 | 1.40 | 9.65 | 1.49 | 10.34 | 1.60 | 11.08 | 1.71 | 11.88 | 1.84 | 12.74 | 1.97 |
| 9 | 7.11 | 1.00 | 7.38 | 1.04 | 7.65 | 1.08 | 7.95 | 1.12 | 8.25 | 1.16 | 8.57 | 1.21 | 8.91 | 1.25 | 9.25 | 1.30 | 9.62 | 1.35 | 10.00 | 1.41 | 10.40 | 1.46 | 11.25 | 1.58 | 12.18 | 1.71 | 13.19 | 1.86 | 14.30 | 2.01 | 15.51 | 2.18 |
| 10 | 7.72 | 1.00 | 8.05 | 1.04 | 8.39 | 1.09 | 8.75 | 1.13 | 9.13 | 1.18 | 9.52 | 1.23 | 9.94 | 1.29 | 10.38 | 1.34 | 10.85 | 1.40 | 11.33 | 1.47 | 11.85 | 1.53 | 12.95 | 1.68 | 14.18 | 1.84 | 15.53 | 2.01 | 17.02 | 2.20 | 18.67 | 2.42 |
| 11 | 8.31 | 1.00 | 8.69 | 1.05 | 9.10 | 1.10 | 9.53 | 1.15 | 9.99 | 1.20 | 10.48 | 1.26 | 10.99 | 1.32 | 11.53 | 1.39 | 12.11 | 1.46 | 12.72 | 1.53 | 13.36 | 1.61 | 14.77 | 1.78 | 16.34 | 1.97 | 18.11 | 2.18 | 20.08 | 2.42 | 22.29 | 2.68 |
| 12 | 8.86 | 1.00 | 9.31 | 1.05 | 9.79 | 1.10 | 10.30 | 1.16 | 10.85 | 1.22 | 11.43 | 1.29 | 12.05 | 1.36 | 12.71 | 1.43 | 13.41 | 1.51 | 14.15 | 1.60 | 14.95 | 1.69 | 16.71 | 1.88 | 18.70 | 2.11 | 20.96 | 2.36 | 23.52 | 2.65 | 26.43 | 2.98 |
| 13 | 9.39 | 1.00 | 9.91 | 1.06 | 10.47 | 1.11 | 11.06 | 1.18 | 11.70 | 1.25 | 12.38 | 1.32 | 13.11 | 1.40 | 13.90 | 1.48 | 14.74 | 1.57 | 15.65 | 1.67 | 16.62 | 1.77 | 18.77 | 2.00 | 21.25 | 2.26 | 24.11 | 2.57 | 27.39 | 2.92 | 31.16 | 3.32 |
| 14 | 9.90 | 1.00 | 10.49 | 1.06 | 11.12 | 1.12 | 11.80 | 1.19 | 12.54 | 1.27 | 13.33 | 1.35 | 14.19 | 1.43 | 15.12 | 1.53 | 16.12 | 1.63 | 17.19 | 1.74 | 18.36 | 1.85 | 20.98 | 2.12 | 24.03 | 2.43 | 27.58 | 2.79 | 31.73 | 3.21 | 36.56 | 3.69 |
| 15 | 10.38 | 1.00 | 11.04 | 1.06 | 11.75 | 1.13 | 12.53 | 1.21 | 13.37 | 1.29 | 14.29 | 1.38 | 15.28 | 1.47 | 16.36 | 1.58 | 17.53 | 1.69 | 18.80 | 1.81 | 20.19 | 1.94 | 23.33 | 2.25 | 27.04 | 2.60 | 31.43 | 3.03 | 36.61 | 3.53 | 42.74 | 4.12 |
| 16 | 10.84 | 1.00 | 11.57 | 1.07 | 12.37 | 1.14 | 13.24 | 1.22 | 14.20 | 1.31 | 15.24 | 1.41 | 16.38 | 1.51 | 17.62 | 1.63 | 18.98 | 1.75 | 20.47 | 1.89 | 22.10 | 2.04 | 25.83 | 2.38 | 30.31 | 2.80 | 35.67 | 3.29 | 42.10 | 3.88 | 49.80 | 4.59 |
| 17 | 11.27 | 1.00 | 12.08 | 1.07 | 12.97 | 1.15 | 13.94 | 1.24 | 15.01 | 1.33 | 16.19 | 1.44 | 17.48 | 1.55 | 18.91 | 1.68 | 20.48 | 1.82 | 22.20 | 1.97 | 24.10 | 2.14 | 28.51 | 2.53 | 33.86 | 3.00 | 40.36 | 3.58 | 48.26 | 4.28 | 57.86 | 5.13 |
| 18 | 11.69 | 1.00 | 12.57 | 1.08 | 13.55 | 1.16 | 14.63 | 1.25 | 15.82 | 1.35 | 17.14 | 1.47 | 18.60 | 1.59 | 20.22 | 1.73 | 22.01 | 1.88 | 24.00 | 2.05 | 26.21 | 2.24 | 31.36 | 2.68 | 37.71 | 3.23 | 45.54 | 3.90 | 55.19 | 4.72 | 67.08 | 5.74 |
| 19 | 12.09 | 1.00 | 13.05 | 1.08 | 14.12 | 1.17 | 15.30 | 1.27 | 16.62 | 1.38 | 18.10 | 1.50 | 19.73 | 1.63 | 21.56 | 1.78 | 23.60 | 1.95 | 25.87 | 2.14 | 28.41 | 2.35 | 34.41 | 2.85 | 41.98 | 3.47 | 51.26 | 4.24 | 62.97 | 5.21 | 77.62 | 6.42 |
| 20 | 12.46 | 1.00 | 13.50 | 1.08 | 14.67 | 1.18 | 15.96 | 1.28 | 17.42 | 1.40 | 19.05 | 1.53 | 20.87 | 1.67 | 22.92 | 1.84 | 25.22 | 2.02 | 27.81 | 2.23 | 30.71 | 2.46 | 37.65 | 3.02 | 46.44 | 3.73 | 57.59 | 4.62 | 71.72 | 5.76 | 89.66 | 7.19 |
| 21 | 12.82 | 1.00 | 13.94 | 1.09 | 15.20 | 1.19 | 16.61 | 1.30 | 18.21 | 1.42 | 20.00 | 1.56 | 22.02 | 1.72 | 24.31 | 1.90 | 26.90 | 2.10 | 29.82 | 2.33 | 33.13 | 2.58 | 41.11 | 3.21 | 51.38 | 4.01 | 64.57 | 5.04 | 81.56 | 6.36 | 103.42 | 8.07 |
| 22 | 13.16 | 1.00 | 14.36 | 1.09 | 15.72 | 1.19 | 17.25 | 1.31 | 18.98 | 1.44 | 20.95 | 1.59 | 23.19 | 1.76 | 25.73 | 1.95 | 28.62 | 2.17 | 31.91 | 2.42 | 35.66 | 2.71 | 44.81 | 3.40 | 56.73 | 4.31 | 72.29 | 5.49 | 92.61 | 7.04 | 119.15 | 9.05 |
| 23 | 13.49 | 1.00 | 14.77 | 1.09 | 16.22 | 1.20 | 17.87 | 1.33 | 19.76 | 1.46 | 21.90 | 1.62 | 24.36 | 1.81 | 27.17 | 2.01 | 30.39 | 2.25 | 34.07 | 2.53 | 38.31 | 2.84 | 48.75 | 3.61 | 62.55 | 4.64 | 80.81 | 5.99 | 105.02 | 7.79 | 137.12 | 10.17 |
| 24 | 13.80 | 1.00 | 15.16 | 1.10 | 16.71 | 1.21 | 18.48 | 1.34 | 20.52 | 1.49 | 22.86 | 1.66 | 25.54 | 1.85 | 28.64 | 2.08 | 32.21 | 2.33 | 36.32 | 2.63 | 41.08 | 2.98 | 52.95 | 3.84 | 68.86 | 4.99 | 90.23 | 6.54 | 118.98 | 8.62 | 157.66 | 11.43 |
| 25 | 14.09 | 1.00 | 15.53 | 1.10 | 17.18 | 1.22 | 19.09 | 1.35 | 21.28 | 1.51 | 23.81 | 1.69 | 26.74 | 1.90 | 30.14 | 2.14 | 34.00 | 2.42 | 38.66 | 2.74 | 43.99 | 3.12 | 57.43 | 4.07 | 75.71 | 5.37 | 100.64 | 7.14 | 134.66 | 9.55 | 181.14 | 12.85 |
| 26 | 14.38 | 1.00 | 15.89 | 1.11 | 17.65 | 1.23 | 19.67 | 1.37 | 22.03 | 1.53 | 24.76 | 1.72 | 27.95 | 1.94 | 31.66 | 2.20 | 36.01 | 2.50 | 41.09 | 2.86 | 47.04 | 3.27 | 62.21 | 4.33 | 83.16 | 5.78 | 112.13 | 7.68 | 152.29 | 10.59 | 207.97 | 14.47 |
| 27 | 14.64 | 1.00 | 16.24 | 1.11 | 18.09 | 1.24 | 20.25 | 1.38 | 22.77 | 1.55 | 25.71 | 1.76 | 29.17 | 1.99 | 33.22 | 2.27 | 37.99 | 2.59 | 43.60 | 2.98 | 50.23 | 3.43 | 67.31 | 4.60 | 91.24 | 6.23 | 124.83 | 8.53 | 172.10 | 11.75 | 238.63 | 16.30 |
| 28 | 14.90 | 1.00 | 16.57 | 1.11 | 18.53 | 1.24 | 20.82 | 1.40 | 23.50 | 1.58 | 26.67 | 1.79 | 30.40 | 2.04 | 34.80 | 2.34 | 40.02 | 2.69 | 46.22 | 3.10 | 53.57 | 3.60 | 72.75 | 4.88 | 100.01 | 6.71 | 138.86 | 9.32 | 194.35 | 13.05 | 273.67 | 18.37 |
| 29 | 15.14 | 1.00 | 16.89 | 1.12 | 18.95 | 1.25 | 21.37 | 1.41 | 24.23 | 1.60 | 27.62 | 1.82 | 31.64 | 2.09 | 36.42 | 2.41 | 42.12 | 2.78 | 48.93 | 3.23 | 57.00 | 3.77 | 78.55 | 5.19 | 109.53 | 7.23 | 154.36 | 10.20 | 219.37 | 14.49 | 313.72 | 20.72 |
| 30 | 15.37 | 1.00 | 17.20 | 1.12 | 19.36 | 1.26 | 21.92 | 1.43 | 24.96 | 1.62 | 28.57 | 1.86 | 32.89 | 2.14 | 38.07 | 2.48 | 44.28 | 2.88 | 51.75 | 3.37 | 60.75 | 3.95 | 84.74 | 5.51 | 119.87 | 7.80 | 171.49 | 11.16 | 247.48 | 16.10 | 359.49 | 23.39 |

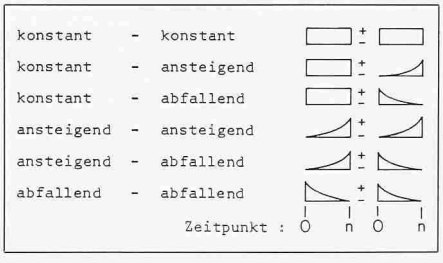
$\frac{(1,05)^{30}-1}{30 \cdot 0,05} \cdot e_o$ = Fr. 2,21 · $e_o$, auch eine Investition entsprechend Fr. 2.21 · $e_0$ Jahreskosten zugelassen, so resultiert schon hier ein Jahresverlust von Fr. (2.21–1.86) · $e_0$, oder von rund 16 Rappen je investiertem Franken (siehe Tabelle 2).

## Hilfstabellen

Derartige Fehlergrössen sind natürlich nicht tolerierbar. Damit aber der mit der Barwertmethode verbundene Rechenaufwand zur Erfassung jährlich wachsender Kosten oder Erträge reduziert werden kann, und damit insbesondere über die wahren Mittelwerte weiterhin die einfache Annuitätenmethode Verwendung finden darf, werden in Tab. 2 die mittels EDV errechneten Rentenbarwertfaktoren, sowie ihre zugehörigen, wahren Mittelwertfaktoren aus jährlich ansteigenden, nachschüssigen Zahlungen für den gebräuchlichen Zinssatz von 5% dargestellt.

Um die vorliegende Heftausgabe nicht zu belasten, ist nur eine Tabelle – mit Zins = 5%, für Anstiege von 0–20%, über 1 bis 30 Jahre – abgebildet. Bei Bedarf sind jedoch weitere 14 Tabellen für Zinssätze zwischen 0–10% p. a., bei jährlichen Zahlungsanstiegen von 0–20%, wie auch 15 analoge Tabellen für jährlich absteigende Zahlungen verfügbar.

Damit lassen sich Kosten und Erträge in allen Kombinationen direkt miteinander vergleichen und superponieren.




Es können also nicht bloss steigende oder fallende Energiepreis-Erträge mit konstanten, sondern auch mit ebenfalls jährlich steigenden, oder aber eventuell sinkenden Unterhaltskosten addiert werden, die als wahre Mittelwerte nun ihrerseits direkt den konstanten Jahreskosten aus der umgelegten Investition überlagert werden dürfen.

Weiter sind die Tabellen von praktischem Nutzen, wenn es darum geht, bei einem errechneten äquivalenten Ölpreis für eine wirtschaftliche Massnahme zu beurteilen, welche jährliche Energiepreissteuerung eines heute noch wesentlich zu tiefen Preisniveaus erforderlich ist, damit die geplante Massnahme trotzdem im vorgesehenen Zeitraum amortisiert werden kann. Nach der Berechnung anhand der Tabellen wird dabei stets eine höhere Teuerung erforderlich sein, als nach dem *falschen Ansatz:*

$$\text{Fr. äquiv.} = \text{Fr.}_{\text{Basis}} \cdot \frac{(1+t)^n-1}{t \cdot n}$$

und daraus t = ?

Auch hierzu ein *Vergleichsbeispiel:*

Äquivalenter Energiepreis sei Fr. 1.50/Einheit
Energiepreis heute sei Fr. —.50/Einheit
gewählte Amortisationsdauer sei 30 Jahre; Zins 5%

*Fall a)*
*Falscher Ansatz,* mit arithmetischem Mittelwert.

$$E_{\text{äquiv.}} = E_{\text{Basis}} \cdot \frac{(1+t)^{30}-1}{30 \cdot t}$$

$$\frac{150}{50} \cdot 30 = \frac{(1+t)^{30}-1}{t} \qquad t \sim 6{,}75\%\ \text{pa.}$$

Die zeitabhängige Verzinsung der wachsenden Teilerträge wird nicht individuell erfasst, sondern stillschweigend wie die Kostenseite behandelt! Selbstverständlich ist aber die min. erf. Teuerung von der Verzinsung der Erträge abhängig, wobei tendentiell mit zunehmender Verzinsung (auch der Kostenseite!) ebenso die min. erforderliche Teuerung ansteigt.

*Fall b)*
*Richtiger Ansatz*, mit wahrem Mittelwert aus Tabelle 2

$$\text{wahrer Mittelwertfaktor} = \frac{E_{\text{äquiv.}}}{E_{\text{Basis}}} = 3{,}0$$

In der Tabelle mit 5% Zins kann nun auf der Zeile für $n = 30$ die eff. Teuerung zwischen 8% und 9% durch Interpolieren bestimmt werden; sie beträgt demnach nicht 6,8%, sondern *mind. 8,25% p.a.*
Insbesondere bei dieser Fragestellung ist die Verwendung der tabellierten Werte einfacher als die algebraische Auflösung der Gleichung:

$$E_{\text{äquiv.}} \times \text{Barwertfaktor} = E_{\text{Basis}} \cdot \frac{1}{z-t}\left[1-\left(\frac{1+t}{1+z}\right)^n\right]$$

obschon auch diese zum richtigen Ergebnis von $t = 8{,}25\%$ führt.

Adresse des Verfassers: *H. Bangerter*, Ing. SIA, c/o Weder + Bangerter AG, Ingenieurbüro für Hoch- und Tiefbau, Abdichtungstechnik, Energieberatung, Waffenplatzstr. 63, 8002 Zürich.

**Literaturhinweise**

*Vischer, D. & Bohun, V.:* «Beurteilung von Projekten anhand der Nutzen-Kosten-Analyse». Schweiz. Bauzeitung, Heft 52, 1971

*Schneider, E.:* «Wirtschaftlichkeitsrechnung. Theorie der Investition». Polygraphischer Verlag, Zürich, und Mohr Verlag, Tübingen, 1968

*Weiner, H.:* «Methoden zur wirtschaftlichen Optimierung von Wärmedämm-Massnahmen». Bauphysik, Heft 5, 1980

# Bemessungsscheiben für Gasheizungen und Ölbrenner

Von René Weiersmüller, Schlieren

**Vor einem Jahr ist in dieser Zeitschrift die Bemessungsscheibe zur Bestimmung der minimal notwendigen Heizkesselleistung beschrieben worden. Unterdessen hat ein Verband des Heizungsgewerbes gegen 10 000 Scheiben umgesetzt. Später wurde die Scheibe ins «Bauhandbuch '81», herausgegeben von der CRB zusammen mit dem SIA, dem BSA und dem SVB, aufgenommen. Die fast ausschliesslich positive Aufnahme gab den Anstoss, die Idee für andere Anwendungswecke auf dem Heizungssektor weiterzuentwickeln.**

## «Leistung aus Jahresverbrauch»

Die Berechnungsgrundlagen der Bemessungsscheibe sind schon veröffentlicht worden [1]; es soll daher lediglich nochmals in etwas anderer Form auf die grundlegenden Überlegungen eingegangen werden:

Der *maximale Wärmeverlust* $\dot{Q}_{max}$ eines Gebäudes ist bei Auslegungstemperatur [2]

(1) $\dot{Q}_{max} = x \cdot \Delta T_{max}$ [W]

$x$: spez. Gebäudewärmeverlust aus Summe spez. Transmissions- und Lüftungswärmeverluste [W/K]

$\Delta T_{max}$: maximaler Temperaturunterschied für Heizungsberechnungen [K]

Der *jährliche Wärmeverlust* $\dot{Q}_j$ eines Gebäudes ist etwa

(2) $\dot{Q}_j = x \cdot \text{HGT} \cdot 24\,\text{Stunden/d}$ [Wh/Jahr]
HGT: Heizgradtage [°d]

Mit dem gesamten Jahreswärmeverlust $\dot{Q}_j$ könnte aber der maximale Wärmeverlust $\dot{Q}_{max}$ des Gebäudes nur während y Stunden pro Jahr gedeckt werden:

(3) $y = \frac{\dot{Q}_j}{\dot{Q}_{max}} = \frac{x \cdot \text{HGT} \cdot 24\,\text{h/d}}{x \cdot T_{max}}$ [h/Jahr]

Diese in unwesentlich veränderter Form etwas unglücklich «Vollbetriebsstundenzahl» genannte Zahl y ist also, da x gekürzt werden kann, mehr oder weniger unabhängig vom Objekt.

Gleichung (3) kann auch nach dem interessierenden max. Wärmeverlust umgestellt werden:

(4) $\dot{Q}_{max} = \dot{Q}_j \frac{T_{max}}{\text{HGT} \cdot 24\,\text{h/d}}$ [W]

Mit genügend guter Genauigkeit können die Heizgradtage als Funktion der Höhe über Meer beschrieben werden, genauso wie die Auslegungstemperatur ähnlich SIA 380 (Stand 1. Jan. 81). Das Klima in Form von Heizgradtagen sowie die für die Heizleistungen massgebenden Auslegungstemperaturen korrelieren stark, d. h. in mildem Klima ist die Auslegungstemperatur hoch, im extrem kalten Klima entsprechend tief. Selbst bei einem aussergewöhnlichen Mikroklima sind deshalb die Auswirkungen auf die Genauigkeit in der folgenden Formel gering:

(5) $\dot{Q}_{max} = \dot{Q}_j \cdot [\ f(\text{m ü.M.})\ ]$ [W]

Unter Berücksichtigung des *Sonnenenergiegewinnes* und der *nutzbaren inneren Abwärme* kann so bei Elektrodirektheizungen (Wirkungsgrad 100%) aus dem Jahreswärmeverlust der maximale Wärmeverlust berechnet werden (für $\Delta T_{max}$ werden diese Energiegewinne entsprechend der Definition der Auslegungstemperatur nach SIA 380 mit Null angenommen).