

Zeitschrift: Schweizerische Bauzeitung
Herausgeber: Verlags-AG der akademischen technischen Vereine
Band: 72 (1954)
Heft: 27

Artikel: Über die Berücksichtigung der Vertikalkrümmung bei der Berechnung von Gewölbestaumauern
Autor: Herzog, Max
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-61217>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 24.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

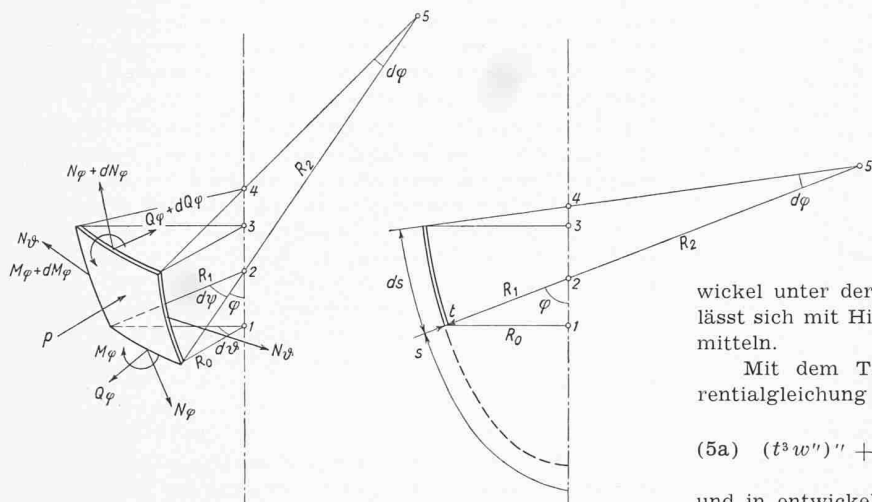


Bild 1. Schalelement mit Schnittgrößen, Koordinaten und Dimensionen

Die Gleichgewichtsbedingungen für das in Bild 1 dargestellte Schalelement lauten:

1. Kräfte in Richtung der Flächennormalen

$$p R_1 d\psi ds + dQ_\varphi R_1 d\psi + N_\varphi R_1 d\psi d\varphi + N_\theta ds d\psi = 0$$

gekürzt

$$(1) \quad p + \frac{dQ_\varphi}{ds} + \frac{N_\varphi}{R_2} + \frac{N_\theta}{R_1} = 0$$

2. Momente um den unteren Rand

$$dM_\varphi R_1 d\psi - Q_\varphi R_1 d\psi ds = 0$$

gekürzt

$$(2) \quad \frac{dM_\varphi}{ds} - Q_\varphi = 0$$

Bezeichnet man mit w die Normalverschiebungen der Schalenmittelfläche und setzt man die Gültigkeit des Hooke'schen Gesetzes voraus (eine Annahme, die sich bei den im Verhältnis zur Baustofffestigkeit geringen Beanspruchungen der Mauer noch vertreten lässt), so lauten die Deformationsbedingungen für das betrachtete Schalelement

1. Dehnung des Breitenkreises (Bild 2)

$$\varepsilon = \frac{2\pi(R_0 + w \sin \varphi) - 2\pi R_0}{2\pi R_0} = \frac{w \sin \varphi}{R_0} = \frac{w}{R_1}$$

$$(3) \quad N_\theta = Et \frac{w}{R_1}$$

2. Dehnung des Meridians

$$(4) \quad \varepsilon = \frac{w}{R_2} \text{ ergibt } N_\varphi = Et \frac{w}{R_2}$$

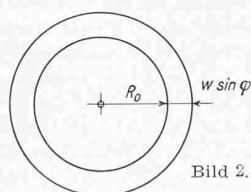


Bild 2.

Unter der schon aus Gründen einer einfacheren Bauherstellung meist zutreffenden Voraussetzung, dass die Vertikalkrümmung der Mauer nur schwach ist, wird das Navier'sche Gesetz [9] verwendet. Differenziert man die Gleichung (2) einmal nach s , so wird

$$(2a) \quad \frac{d^2 M_\varphi}{ds^2} - \frac{dQ_\varphi}{ds} = 0$$

Beachtet man weiter, dass das Biegemoment proportional der Krümmung der elastischen Linie ist, also $EJw'' = M$, so kann man auch schreiben

$$(2b) \quad \frac{d^2 M_\varphi}{ds^2} = (EJw'')'' = \frac{dQ_\varphi}{ds}$$

Setzt man die Gleichungen (2b), (3) und (4) in Gleichung (1) ein, so folgt daraus die gesuchte Differentialgleichung

[9] L. Navier: Résumé des Leçons données à l'Ecole des Ponts et Chaussées sur l'Application de la Mécanique à l'Etablissement des Constructions et des Machines, Paris 1826.

$$(5) \quad p + (EJw'')'' + Et \frac{w}{R_2^2} + Et \frac{Kw}{R_1^2} = 0$$

Darin ist K der Orthotropiekoeffizient, der angibt, um welches Mass sich die horizontalen Ringelemente unter Gleichlast nach der Ringformel berechnet weniger radial verschieben, als es bei den Bogenseiteln unter Berücksichtigung ihrer Oeffnungswinkel unter der selben Gleichlast der Fall ist. Seine Grösse lässt sich mit Hilfe der Tabellen von Lieurance [10] leicht ermitteln.

Mit dem Trägheitsmoment $J = t^3/12$ lautet die Differentialgleichung in geschlossener Form

$$(5a) \quad (t^3 w'')'' + 12tw \left(\frac{K}{R_1^2} + \frac{1}{R_2^2} \right) + 12 \frac{p}{E} = 0$$

und in entwickelter Form

$$(5b) \quad w'''' + 6 \frac{t'}{t} w''' + 3 \left(\frac{t''}{t} + 2 \frac{t'^2}{t^2} \right) w'' + \frac{12}{t^2} w \left(\frac{K}{R_1^2} + \frac{1}{R_2^2} \right) + \frac{12p}{Et^3} = 0$$

Ihre Integration längs des Hauptprofils der Gewölbestaumauer erfolgt zweckmässig als Differenzenrechnung, wobei die Mauer in eine geeignete Anzahl von Abschnitten unterteilt gedacht und für jeden diskreten Punkt die Differentialgleichung als Differenzengleichung angeschrieben wird. Werden die Differenzen durch Interpolation mit einer Parabel 2. Ordnung gebildet, so lautet die Differenzengleichung für den Punkt m :

$$(6) \quad w_m + 2(1 + \alpha'_2) - w_{m+1}(4 + \alpha - \beta) + w_m(6 - 2\beta + \gamma) - w_{m-1}(4 - \alpha - \beta) + w_{m-2}(1 - \alpha'_2) + \delta = 0$$

Die Abkürzungen haben folgende Bedeutung

$$\alpha = 6 \frac{t'}{t} \Delta s \quad \gamma = \frac{12}{t^2} \left(\frac{K}{R_1^2} + \frac{1}{R_2^2} \right) \Delta s^4$$

$$\beta = 3 \left(\frac{t''}{t} + 2 \frac{t'^2}{t^2} \right) \Delta s^2 \quad \delta = \frac{12p}{Et^3} \Delta s^4$$

Unter Beachtung der Randbedingungen — die Mauerkrone ist kräftefrei und der Mauerfuss elastisch eingespannt — erhält man ein Gleichungssystem mit ebensovielen Gleichungen wie unbekannten Normalverschiebungen, dessen Matrix nicht voll besetzt ist. Die Auflösung kann bei Anwendung der Relaxationsmethode [11] sogar mit dem Rechenschieber mit noch genügender Genauigkeit vorgenommen werden.

3. Anwendungsbeispiel

Um einen Ueberblick über die Auswirkung der Berücksichtigung der Vertikalkrümmung der Mauer bei der Beanspruchung zu erhalten, wurde das Hauptprofil der Salzsperre [12] nachgerechnet. Die elastische Nachgiebigkeit der Widerlager wurde nach Vogt [6] [7] berücksichtigt.

Die Uebereinstimmung der in Bild 3 dargestellten Normalverschiebungen des Hauptprofils nach Rechnung und Versuch [5] [13] ist als durchaus befriedigend zu bewerten. Eigentlich sollte die Rechnung etwas grössere Werte ergeben als der Modellversuch, da die Rechnung die tangentielle Schubfestigkeit und die Querdehnungen ausser acht lässt und daher eine weichere Schale untersucht als der Versuch. Der Unterschied dürfte mehrere Ursachen haben: Einmal dürfte

[10] R. S. Lieurance: Design of Arch Dams, «Proceedings ASCE», New York 1940.

[11] R. V. Southwell: Relaxation methods in engineering science, Oxford 1940.

[12] E. Fischer und H. Grengg: Die Gewölbestaumauern Salza und Hierzmänn der Steirischen Wasserkraft- und Elektrizitäts-Aktiengesellschaft, «Oesterr. Bauzeitschrift» 1951.

[13] E. Tschech und F. Jaburek: Statische Modellversuche zu Gewölbestaumauern, SBZ 1951, Nr. 16 und 17.

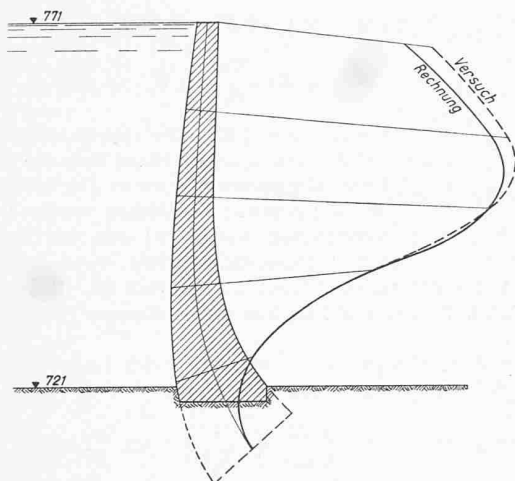


Bild 3. Normalverschiebungen des Hauptprofils der Salzasperre unter Wasserlast nach Rechnung und Versuch, Mauerdimensionen 1:1000, Normalverschiebungen 5:1

die elastische Nachgiebigkeit der Widerlager des Modells grösser gewesen sein als in der Berechnung angenommen wurde; sodann waren die Abmessungen der Mauer nur roh bekannt. Ferner wurde der Hauptmeridian zur Nachrechnung

nur in fünf Abschnitte unterteilt. Schliesslich wird man auch die Tatsache, dass Gips-Kieselgurgemische in den ersten Minuten unter der Belastung ausgeprägt kriechen [14], nicht ganz unbeachtet lassen dürfen.

Bei der Ermittlung der Beanspruchungen zeigt sich, dass, wie auch schon aus Gleichung [4] hervorgeht, positive Normalverschiebungen, also solche in Richtung der angreifenden Wasserlast, Dehnungskräfte zur Folge haben, die in der Richtung des Meridians Druckspannungen verursachen. Als Folge der Vertikalkrümmung der Mauer werden also die Biegunzspannungen durch die sich ihnen überlagernden Dehnungsdruckspannungen reduziert. Diese Reduktion beträgt am Fuss des Hauptprofils der Salzamauer $2,6 \text{ kg/cm}^2$ bei einer Biegunzspannung von $\pm 19 \text{ kg/cm}^2$, das sind rund 14 Prozent.

4. Zusammenfassung

Die Methode von Tölke zur Berechnung von Gewölbestaumauern wird durch Berücksichtigung der Vertikalkrümmung verbessert. Dies gelingt dadurch, dass der Berechnung als statisches Grundsystem an Stelle eines zylindrischen Rotationsbehälters ein Rotationsbehälter mit vertikaler Krümmung zu Grunde gelegt wird.

[14] J. Rocha: Le Dimensionnement Expérimental des Constructions, «Annales de l'Institut Technique du Bâtiment et des Travaux Publics», Paris 1952.

Der Ausnutzungskoeffizient als Mittel zur Begrenzung der baulichen Ausnutzung von Grundstücken

DK 711.644

In neueren Bauordnungen findet neben den bisher üblichen, zur Begrenzung der baulichen Ausnutzung der Bauparzellen notwendigen Mitteln (wie die zulässige Stockwerk- oder Geschosshöhe, die maximale Gesims- oder Firsthöhe, die einzuhaltenen Grenz- und Gebäudeabstände, die erlaubte Gebäudelänge und der geforderte Mehrlängenzuschlag, der Lichteinfallwinkel und andere mehr) auch der Ausnutzungskoeffizient Eingang. Er soll das Mass oder den Masstab für die Kubaturen liefern, die auf gleichgearteten und ähnlich bewerteten Baugrundstücken errichtet werden dürfen, ein Mass also für das Hauptmerkmal von Bauzonen für den nutzbaren umbauten Raum. Der Ausnutzungskoeffizient, der als das Verhältnis der Summe der Geschossflächen durch die Grundstückfläche definiert wird, lässt direkt auf die Anzahl Quadratmeter Nutzfläche schliessen, die auf einer Parzelle errichtet werden dürfen; er führt also indirekt über die Geschossflächen zum Raum.

Bei uns werden die nutzbaren Geschossflächen in der Regel vom Erdgeschoss an (dieses eingeschlossen) gezählt und ihr Mass wird bis zu den Aussenflächen der Gebäude genommen, wobei die Mauerstärken, Treppen und Gänge mit eingerechnet werden. Keller- und Estrichräume fallen somit ausser Betracht. Die Grundstückflächen werden recht unterschiedlich in die Rechnung gesetzt. An einem Ort misst man das tatsächlich zur Ueberbauung vorgesehene Grundstück, im andern zählt man die halbe Breite der angrenzenden, bestehenden oder vorgesehenen Strassen (oder auch als Anteil den runden Betrag von 6 m Strassenbreite pro Laufmeter-Strassenfront) hinzu, in einem dritten zieht man den zwischen den Baulinien und den Eigentumsgrenzen liegenden Teil der Grundstückflächen ab und in einem vierten zieht man nur jene Flächen ab, die tatsächlich für den Strassen- und Trottoirbau, also für öffentliche Zwecke benötigt werden und früher oder später in das öffentliche Eigentum überführt werden müssen. Theoretisch wäre es auch denkbar und nicht unlogisch, nur jene Teile der Grundstücke in Rechnung zu setzen, die überhaupt mit Bauten oder Gebäudeteilen überstellt werden dürfen, d. h. nur die Grundstücksteile, die nicht von Baulinien und Grenz- oder Gebäudeabstandsvorschriften betroffen sind. Es ist auch zu erwägen, ob es nicht richtig wäre, die aus städtebaulichen Gründen freizuhaltenden Flächen zu berücksichtigen, die bereits in verschiedenen Regelungen, in Teilen von hundert angegeben, als sogenannte Ueberbauungsprozente Verwendung gefunden haben. Heute ist es noch verfrüht, auf alle Möglichkeiten einzutreten und sie einzeln zu besprechen; ich beschränke mich daher auf die

vier zuerstgenannten, weil diese gegenwärtig praktisch angewandt und erprobt werden.

Diese äusserst unterschiedliche Art der Bewertung der einzusetzenden Grundstückflächen führt dazu, dass die in verschiedenen Städten und Ortschaften errechneten Resultate untereinander nicht vergleichbar sind. Das ist bedauerlich aber nicht sehr schlimm, denn es ist nicht von hauptsächlichster Bedeutung, dass in der ganzen Schweiz künstlich oder aus theoretischen Erwägungen heraus über die von Kanton zu Kanton sehr verschiedenen bausetzlichen Grundlagen hinweg eine einheitlich anzuwendende Ausnutzungsvorschrift eingeführt werde, ja es könnte diese Massnahme sogar unserer föderalistischen Tradition widersprechen und, Verwirrung stiftend, schädliche Auswirkungen haben. Wichtig ist vorerst, dass sich die verschiedenen Städte, möglicherweise die einzelnen Kantone auf eine ihnen zuzugende Methode festlegen und diese im Geltungsbereich ihrer Ordnungen oder Gesetze konsequent anwenden und nicht einmal diese und das andere Mal jene verwenden. Später, wenn genügend Erfahrungen gesammelt worden sind, wird man sich schlüssig werden können, ob man nicht für die ganze Schweiz einen einheitlichen Masstab finden müsse, wobei es dann den Städten und Kantonen überlassen bliebe, das ihnen zuzugende Mass festzulegen.

Von den vier gebräuchlichen Methoden scheint jene besonders einleuchtend zu sein, bei der das tatsächliche Grundstück in Rechnung gesetzt wird. Dadurch sollen scheinbare Ungerechtigkeiten anderer Methoden vermieden werden. Zieht man nämlich die von den Baulinien abgeschnittenen Grundstücksteile ab, so werden Eckgrundstücke verhältnismässig viel stärker davon betroffen als die benachbarten Parzellen mit einer einzigen Strassenfront, fügt man hingegen die halbe Strassenbreite (oder etwa 6 m) zum Grundstück hinzu, so werden die an und für sich schon durch ihre Lage begünstigten Eckgrundstücke noch mehr bevorzugt. Weder das Abziehen noch das Hinzuzählen von Flächenteilen scheint in Ordnung zu sein, so dass man sich einfachheitshalber auf die vorhandenen Grundstücke mit all ihren Zufälligkeiten festlegt. Gerade diese vereinfachte Methode birgt aber Ungerechtigkeiten in sich, indem nämlich das Mass der Ueberbaubarkeit nach den heutigen Verhältnissen festgelegt wird, ohne den zukünftigen Strassenbau zu berücksichtigen. Das für öffentliche Zwecke erforderliche Land, also Strassen- und Trottoirflächen, sind nach meiner Ansicht unbedingt in Abzug zu bringen, weil da der Endzustand einer Ueberbauung mit Strassen, Gehwegen, Freihalteflächen und Bauten berück-