

Zeitschrift: Schweizerische Bauzeitung
Herausgeber: Verlags-AG der akademischen technischen Vereine
Band: 127/128 (1946)
Heft: 5

Artikel: Der Triaxialapparat: ein Instrument der Boden- und Eismechanik zur Prüfung von Verformungs- und Bruchzuständen
Autor: Haefeli, R. / Schaerer, Ch.
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-83879>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 16.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

Vertikalspannung σ_1 der Seitendruck allmählich verringert werden bis auf den Wert σ_{III} , für den jene Grenzlage des Gleichgewichtes erreicht ist, die in Bild 1 durch den punktierten Mohrschen Kreis dargestellt wird. Der Wassergehalt der von einer Gummihülle umschlossenen Probe bleibt bei dieser Entlastung unverändert (geschlossenes System). Einen analogen Grenzzustand des Gleichgewichtes kann man grundsätzlich auch mit dem Ringscherapparat erzeugen, indem eine unter σ_1 vorbelastete Probe vom Wassergehalt w unter einer gewissen reduzierten Normalspannung σ_T abgesichert wird. Der entsprechende Grenzkreis, der mit der einen wie mit der andern Apparatur realisierbar ist, zeichnet sich dadurch aus, dass er sowohl der bc -Linie, wie der a -Linie angehört. Er berührt die b -Linie im Punkt T , dem Schnittpunkt der Linien a und bc und stellt als Element der a -Linie eine Grenzlage des Gleichgewichtes dar, bei der sich das Porenwasser an den innern Spannungen nicht beteiligt. Betrachtet man die bc -Linie, so findet in diesem Punkt T der Uebergang vom zuggespannten ins druckgespannte Porenwasser statt. Alle zur c -Linie gehörenden Grenzkreise, die rechts von T liegen, haben gleichen Durchmesser, weil jede über σ_1 hinausgehende zusätzliche Spannung durch das Porenwasser aufgenommen wird, wobei mit dem Wassergehalt und dem Spannungszustand in der festen Phase auch die Scherfestigkeit τ unverändert bleibt (vgl. [31]). Die a -Linie bildet somit gleichzeitig den geometrischen Ort aller Schnittpunkte T . Als Scherlinie für entspanntes Porenwasser teilt sie den Quadranten in einen linken Sektor mit teilweise zuggespanntem Porenwasser und einen rechten Sektor mit druckgespanntem Porenwasser.

Zusammenfassend ergibt sich, dass die Scherfestigkeit eines Lockergesteins in erster Annäherung durch zwei Kennwerte charakterisiert werden kann, nämlich den Winkel φ_s der scheinbaren und den Winkel φ_r der wahren innern Reibung. Obschon keine dieser beiden Zustandsgrößen als Materialkonstante im strengen Sinne des Wortes aufgefasst werden darf, liefert das auf diesen beiden Grundelementen aufgebaute Scherdiagramm doch eine brauchbare und praktisch genügend genaue Arbeitshypothese, indem die durch Nebeneinflüsse (Anisotropie, Strukturbildung usw.) bedingte Differenzierung in der Regel von untergeordneter Bedeutung ist. Einer einzigen unter dem Winkel φ_s geneigten a -Linie des offenen Systems steht eine Schar unendlich vieler bc -Linien gegenüber, von denen jede einem bestimmten Wassergehalt des geschlossenen Systems entspricht. Die drei Aeste des Scherdiagramms lassen sich wie folgt formulieren:

- (1) $\left\{ \begin{array}{l} a\text{-Linie: Veränderlicher Wassergehalt und mit natürlichem Porenwasser (offenes System)} \\ \quad s = \sigma \operatorname{tg} \varphi_s \\ b\text{-Linie: Konstanter Wassergehalt ohne druckgespanntes Porenwasser (geschlossenes System, links von } T) \\ \quad s = c + \sigma \operatorname{tg} \varphi_r; \quad c = \sigma_T (\operatorname{tg} \varphi_s - \operatorname{tg} \varphi_r) \\ c\text{-Linie: Konstanter Wassergehalt mit druckgespanntem Porenwasser (geschlossenes System, rechts von } T) \\ \quad s = \sigma_T \operatorname{tg} \varphi_s; \quad \sigma_T = \frac{\sigma_1}{1 + \operatorname{tg} \varphi_s \operatorname{tg} (45^\circ + \frac{\varphi_r}{2})} \end{array} \right.$

Wesentlich für das Verständnis der Schertheorie, deren Bereinigung unter der Mitarbeit von Ing. W. Schaad erfolgte, ist die Erkenntnis, dass Wassergehalt- und Kohäsionsverhältnisse in erster Linie durch die grösste Hauptspannung bedingt sind, unter der sich die Verdichtung des Materials vollzieht. Erfolgt nicht nur die Verdichtung, sondern auch die Abscherung im offenen System (a -Linie), so erscheint die Scherfestigkeit $s = c + r$ als Summe von Kohäsion + Reibung (Bild 3), wobei mit Krey-Tiedemann angenommen werden darf [8], dass jeder dieser beiden Anteile linear mit dem Druck zunimmt. Man beachte schliesslich, dass nur die b -Linie mit der Umhüllungskurve der Bruchkreise identisch ist, während die a - und c -Linien etwas

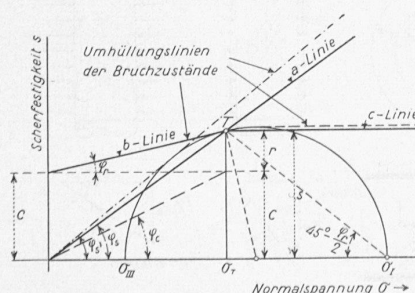


Bild 3. Detail zum Scherdiagramm

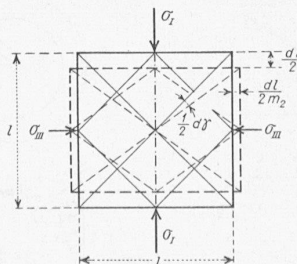


Bild 4. Verformung eines kritischen Körperelementes, dessen Seiten senkrecht zu den Hauptspannungen stehen

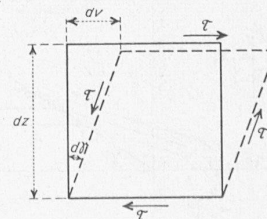


Bild 5. Verformung eines Körperelementes mit reiner Schubbeanspruchung

tiefer liegen als die umhüllende Gerade. Im Gebiet des druckgespannten Porenwassers (c -Linie) gibt es für eine gegebene Vorbelastung überhaupt nur einen einzigen möglichen Grenzkreis der festen Phase, nämlich jener Mohrsche Kreis, der die a -Linie im Punkte T schneidet (Bild 3). Aeusserlich kommt dies in der Konstanz der Scherfestigkeit (c -Linie) und der unveränderten Neigung der Gleitflächen zum Ausdruck, die mit der Richtung der ersten Hauptspannung stets den Winkel $(45^\circ - \frac{\varphi_r}{2})$ einschliessen (Bild 2).

3. Grundlagen zur Zähigkeitsprüfung

Während sich die Schertheorie nur mit den Grenzzuständen des Gleichgewichtes befasst, handelt es sich hier darum, die Beziehung zwischen Verformung und Beanspruchung allgemein für einen beliebigen Gleichgewichtszustand zu prüfen. Dabei besteht wieder ein wesentlicher Unterschied zwischen dem geschlossenen und offenen System, indem sich das erste unter Vernachlässigung der elastischen Volumenänderungen als volumenkonstant, das zweite dagegen, entsprechend der Abgabe eines gewissen Wasservolumens, als zusammendrückbar erweist. Dieser Unterschied lässt sich u. a. durch die der Poissonzahl der elastischen Deformation entsprechende Querszahl m der plastischen Verformung kennzeichnen. Bei konstantem Volumen wird bekanntlich $m = 2$, bei Volumenabnahme dagegen grösser als 2 [9].

Bei der Verwendung des Triaxialapparates zur Untersuchung plastischer Verformungen, die sich unterhalb der Fließgrenze vollziehen, lohnt der Versuch, den betrachteten Stoff in erster Annäherung als zähe Flüssigkeit aufzufassen, die für das geschlossene Zweiphasensystem als inkompressibel ($m = 2$), beim offenen System dagegen als kompressibel erscheint ($m > 2$). Man gelangt dadurch zur Definition der Zähigkeit μ , die bei der idealen Flüssigkeit nur von der Temperatur, im vorliegenden Fall plastischer Lockeraggregate dagegen noch von einer Reihe anderer Faktoren abhängig ist¹⁾. Als Parallele sei auf die neueren Erkenntnisse der Fliesskunde (Rheologie) verwiesen, die, ausgehend von den Untersuchungen von Bingham, dazu führten, die Zähigkeit in Funktion des Geschwindigkeitsgradienten darzustellen [10].

Um obige Möglichkeiten näher abzutasten, betrachten wir zunächst den allgemeinen Fall des offenen Zweiphasensystems, sei es in der Form eines plastischen Lockergesteins, sei es in der Gestalt des Gletschereises, dessen Temperatur dem Druckschmelzpunkt entspricht. Es gilt dabei festzustellen, wie aus dem am Triaxialapparat gemessenen Verformungsgeschwindigkeit die Zähigkeit des Stoffes für eine gegebene Beanspruchung definiert werden kann. Zu diesem Zweck analysieren wir die Verformung eines kubischen Körperelementes von der Seitenlänge dl , das vertikal durch die erste Hauptspannung σ_1 und seitlich durch die Hauptspannungen $\sigma_{II} = \sigma_{III}$ beansprucht wird (hydrostatischer Seitendruck). Zwischen der Längenänderung $d\delta$ und der Winkeländerung $d\gamma$ besteht folgende, rein geometrische Beziehung (Bild 4):

$$(2) \quad \frac{d\gamma}{2} = \frac{\frac{dl}{2\sqrt{2}} + \frac{d\delta}{2m_2\sqrt{2}}}{\frac{l}{2}\sqrt{2}} = \frac{1}{2} \left(1 + \frac{1}{m_2} \right) \frac{d\delta}{l}$$

$$d\gamma = \left(1 + \frac{1}{m_2} \right) \delta; \quad \delta = \frac{d\delta}{l}$$

worin δ die spezifische Längenänderung einer Probe von beliebiger Höhe in vertikaler Richtung und m_2 die Querszahl für Druck bedeutet. Vollzieht sich obige Verformung in der Zeiteinheit dt , so folgt weiter:

$$(3) \quad \frac{d\gamma}{dt} = \omega = \left(1 + \frac{1}{m_2} \right) \frac{d\delta}{dt} = \left(1 + \frac{1}{m_2} \right) a$$

wobei a die im Triaxialapparat registrierte, annähernd konstante Zusammendrückungsgeschwindigkeit des Probekörpers für den gegebenen Spannungszustand darstellt. Andererseits lässt sich die Newtonsche Gleichung für zähe Flüssigkeiten nach Bild 5 wie folgt schreiben:

¹⁾ Um diesen Unterschied deutlich hervorzuheben, wird hier die Zähigkeit analog wie in der Schneemechanik [9] und [33] — nicht mit η , sondern mit μ bezeichnet.

$$(4) \quad \tau = \mu \frac{dv}{dz} = \mu \frac{d\gamma}{dt} = \mu \omega$$

Durch Einsetzen von Gleichung (3) in Gleichung (4) ergibt sich die gesuchte Beziehung zwischen der Zähigkeit μ und der Verformungsgeschwindigkeit a zu:

$$(5) \quad \mu = \frac{\tau}{\omega} = \frac{m_2}{1 + m_2} \frac{\tau}{a} = \frac{m_2}{1 + m_2} \frac{\sigma_I - \sigma_{III}}{2a}$$

Darin bedeutet τ die in der Diagonalen des oben betrachteten kubischen Körperelementes, das heisst unter 45° zu den Hauptspannungsrichtungen wirksame Schubspannung. Dabei kann man sich den in Bild 4 u. 6, rechts dargestellten Spannungszustand aus der Ueberlagerung einer reinen Schubbeanspruchung (Bild 6, links) durch einen allseitigen hydrostatischen Druck von der

Grösse $\sigma = \frac{\sigma_I + \sigma_{III}}{2}$ entstanden denken.

Aus Gleichung (5) geht hervor, dass die Bestimmung der Zähigkeit μ mit dem Triaxialapparat die gleichzeitige Messung von a und m_2 erfordert. Es liegt daher nahe, den Spannungszustand so zu vereinfachen, dass m_2 leicht gemessen werden kann, indem man den einaxialen Druckzustand wählt ($\sigma_{III} = 0$). Für diesen Spezialfall lautet Gleichung (5) wie folgt:

$$(6) \quad \sigma_{III} = 0; \mu = \frac{m_2}{1 + m_2} \frac{\sigma_I}{2a}$$

Wird die Verformungsgeschwindigkeit in erster Annäherung proportional der ersten Hauptspannung σ_I gesetzt, so gilt für die einaxiale Druckbeanspruchung:

$$(6') \quad \mu \propto \frac{m_2}{1 + m_2} \frac{1}{2a_2}; a \propto \sigma_I a_2$$

worin a_2 die spezifische Zusammendrückungsgeschwindigkeit bedeutet (vgl. Schneemechanik [33]).

Geht man vom offenen Zweiphasensystem zum geschlossenen System über, so vereinfacht sich die Zähigkeitsmessung insofern, als hier die Querszahl von vornherein bekannt ist ($m_2 = 2$). Die zur Ermittlung der Zähigkeit μ abgeleiteten Gleichungen (3), (5) und (6) lauten in diesem Fall:

$$(3') \quad \omega = 1,5a \quad (\omega = \text{Geschwindigkeit der Winkeländerung})$$

$$(5') \quad \mu = \frac{2}{3} \frac{\tau}{a} = \frac{1}{3} \frac{\sigma_I - \sigma_{III}}{a}; (\sigma_{II} = \sigma_{III})$$

$$(6'') \quad \mu = \frac{1}{3} \frac{\sigma_I}{a} \quad (\text{einaxialer Druck})$$

Diese Ausdrücke dürfen jedoch nicht zur Annahme verleiten, dass die Zähigkeit des zu untersuchenden Materials nur von der grössten Schubspannung, bzw. von der Differenz der grössten und kleinsten Hauptspannung abhängig sei. Ganz abgesehen vom Zustand des Systems (offen oder geschlossen) ist auch Art und Vorzeichen der Beanspruchung, sowie der mittlere hydrostatische Druck ($\sigma = \frac{\sigma_I + \sigma_{III}}{2}$) von massgebendem Einfluss auf die Zähigkeitsverhältnisse. Ferner ist zu beachten, dass die Zähigkeit stark abfällt, sobald die Beanspruchung des Stoffes einen kritischen, den Bruchvorgang einleitenden Wert erreicht.

Die experimentelle Bestimmung der Querszahl m_2 kann dadurch erfolgen, dass man bei einer kleinen Verformung der zylindrischen, auf einaxialen Druck beanspruchten Probe neben ihrer spezifischen Verkürzung δ_h auch ihre spezifische Volumenänderung δ_V misst, wobei folgende Beziehungen gelten (Bild 7):

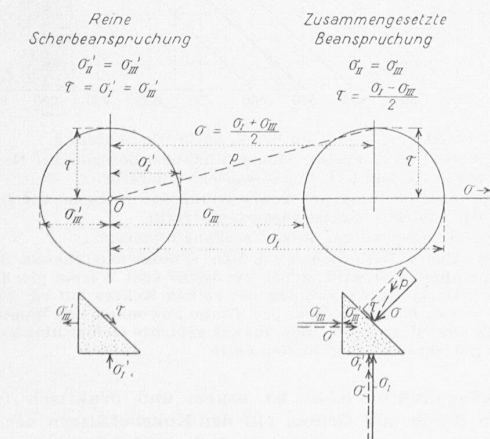


Bild 6. Beziehung zwischen reiner Scherbeanspruchung und zusammengesetzter Beanspruchung auf Grund der Mohr'schen Spannungskreise

$$(7) \quad m = \frac{\delta_h}{\delta_r}, \text{ worin bedeuten:}$$

$$\delta_h = \frac{\Delta h}{h} = \text{spezifische Längenänderung der zylindrischen Probe}$$

$$\delta_r = \frac{\Delta r}{r} = \text{spezifische Querdehnung der zylindrischen Probe}$$

Andererseits berechnet sich die Volumenänderung ΔV der Probe angenähert zu:

$$\Delta V = \Delta h \pi r^2 - 2 \Delta r \pi r h = (\delta_h - 2 \delta_r) r^2 \pi h$$

$$\frac{\Delta V}{V} = \delta_V = \delta_h - 2 \delta_r = \delta_h \left(1 - \frac{2}{m}\right)$$

$$(8) \quad m = \frac{2 \delta_h}{\delta_h - \delta_V} = \text{plastische Querszahl} \begin{cases} m_1 \text{ Zug} \\ m_2 \text{ Druck} \end{cases}$$

Findet keine Querdehnung der Probe statt, so wird $\delta_h = \delta_V$ und $m = \infty$. Erleidet umgekehrt die Probe keine Volumenänderung, so wird $\delta_V = 0$ und $m = 2$.

Zur Erforschung der Eismechanik bietet der Triaxialapparat die Möglichkeit, die Zähigkeit des Eises unter verschiedenen allseitigen Drücken zu prüfen. Da der Anteil der flüssigen Phase im Gletschereis, dessen Temperatur dem Druckschmelzpunkt entspricht, mit dem Druck gesetzmässig zunimmt, ist anzunehmen, dass die Zähigkeit des Eises bei gleicher Schubspannung τ mit der Grösse des allseitigen Druckes kleiner wird. Um diese Frage experimentell zu untersuchen, kann der Seitendruck auf die durch eine Gummihülle umschlossene Eisprobe zwecks Haltung der 0-Temperatur durch ein Gemisch von Eis und Wasser statt durch Glycerin ausgeübt, oder es kann eine einaxiale Druckverformung im eisgekühlten Wasserbad verfolgt werden. Soll dagegen die Zähigkeit des Eises bei tieferen Temperaturen geprüft werden, um auch ihre Abhängigkeit von der Temperatur festzustellen, so muss die Untersuchung im Kältelaboratorium mit genau regulierbaren Temperaturen erfolgen. So dürfte es möglich sein, die für die Gletscherbewegung und die Erosionsfähigkeit des Eises grundlegende Frage der Aenderung der Zähigkeitsverhältnisse mit Druck und Temperatur, bzw. mit zunehmender Tiefe unter der Gletscheroberfläche, weiter abzuklären [11].

(Fortsetzung folgt)

Koks-Trockenkühanlagen

Von WILLI HERSCHE, Ing., Winterthur

Mit dem Nasslöschen des in Gaswerken und Kokereien aus der Kohlendestillation anfallenden Kokses gehen beträchtliche Wärmemengen verloren, die bis zu einigen 100 000 kcal pro Tonne Koks betragen können. Mit dem Trockenkühlprozess kann diese Wärme zum grössten Teil wieder gewonnen und nutzbar verwertet werden. Die Ersparnisse, die mit einer zweckmässig erstellten Trockenkühanlage gegenüber dem Nasslöschverfahren erzielt werden können, sind so erheblich, dass sich das dafür angelegte Kapital in sehr kurzer Zeit amortisieren lässt¹⁾. Im folgenden Aufsatz wird die wirtschaftliche und technische Seite des Problems beleuchtet.

A. Allgemeines

Bei der Erzeugung von Steinkohlengas bleibt am Ende des Destillations-Prozesses ein Rückstand von glühendem Koks (Kokskuchen) in den Destillationskammern zurück, der auf irgend eine Weise gekühlt werden muss. Früher, und vielfach auch heute noch, wurde der Koks durch Nasslöschung, d. h. durch Berieseln mit Wasser oder durch Eintauchen in Wasserbehälter gekühlt. Dabei geht aber die ganze im glühenden Koks enthaltene fühlbare Wärme verloren, was mit dem heutigen Streben nach möglichst grosser Ausnützung der Energiequelle unvereinbar ist.

Demgegenüber kann durch die Koks-Trockenkühlung diese Wärme weitgehend zurückgewonnen und einer nützlichen Verwendung zugeführt werden.

Die von Gebrüder Sulzer hierfür entwickelten Anlagen stellen Kühlsysteme dar, die jahrzehntelang betriebsicher und mit geringen Betriebsunkosten arbeiten. Von den in der Schweiz in Betrieb stehenden Gaswerken sind etwa 45 % mit solchen Koks-Trockenkühanlagen ausgerüstet, mit denen rd. 80 % des gesamten in der Schweiz produzierten Kokses trockengekühlt werden. Diese Entwicklung kommt auch den Konsumenten von in der Schweiz erzeugtem Gaskoks zugute, denn dank der Trockenkühlung des Glühkokses steht ihnen ein hochwertiger, trockener Brennstoff für Industrie und Hausbrand zur Verfügung.

Die wirtschaftliche Ueberlegenheit der Koks-Trockenkühlung gegenüber dem Nasslöschverfahren wird besonders sinnfällig bei der Bestimmung der rückgewinnbaren Wärme. Hierbei ist die starke Abhängigkeit der spezifischen Wärme von der Kokstemperatur zu berücksichtigen. Sie ist für verschiedene Kokssorten und einige andere Stoffe auf Bild 1 dargestellt. Die Bestimmung

¹⁾ Der gleiche Gegenstand wird ausführlicher in der «Sulzer-Revue», Nr. 3, 1946, behandelt.