

**Zeitschrift:** Schweizerische Bauzeitung  
**Herausgeber:** Verlags-AG der akademischen technischen Vereine  
**Band:** 119/120 (1942)  
**Heft:** 18

**Artikel:** Allgemeine Berechnung von rechteckigen Eisenbeton-Querschnitten auf Biegung mit Axialkraft  
**Autor:** Frauenfelder, Ernst  
**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-52353>

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 23.02.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

INHALT: Allgemeine Berechnung von rechteckigen Eisenbeton-Querschnitten auf Biegung mit Axialkraft. — Zum beschleunigten Ausbau unserer Wasserkraft. — Technische Fragen der Baustoffbewirtschaftung. — Pro Helvetia. — Drei Einfamilienhäuser in Zollikon bei Zürich. — Mit-

teilungen: Baueisen- und Zementrationierung. Zur Betrachtung schneller Vorgänge. Die magnetische Anomalie von Kursk. Zum Gedächtnis Mittelholzers. Kantonschul-Turnhallen in Zürich. S. I. A.-Sektion Fribourg. — Literatur. — Vortragskalender.

## Band 119

Der S. I. A. ist für den Inhalt des redaktionellen Teils seiner Vereinsorgane nicht verantwortlich  
Nachdruck von Text oder Abbildungen ist nur mit Zustimmung der Redaktion und nur mit genauer Quellenangabe gestattet

Nr. 18

# Allgemeine Berechnung von rechteckigen Eisenbeton-Querschnitten auf Biegung mit Axialkraft

Von ERNST FRAUENFELDER, Dipl. Ing. E. T. H., Münchenstein-Basel

In der Schweizerischen Bauzeitung, Bd. 79, S. 263\* und 307\* (27. Mai und 24. Juni 1922) ist von Ing. P. Pasternak ein Verfahren «zur Berechnung von Eisenbeton-Querschnitten auf einheitlicher tabellarischer Grundlage» veröffentlicht worden, das meines Erachtens in der Praxis zu wenig Beachtung und Eingang gefunden hat. Es beruht auf zwei Nomogrammen, bzw. einer Koeffizienten-Tabelle, die zur Dimensionierung und Spannungs-berechnung von beidseitig bewehrten, bzw. einseitig zugbewehrten Rechteckquerschnitten dienen und sowohl für reine Biegung, als auch für Biegung mit Axialdruck und -Zug gelten.

Abgesehen von den interessanten mathematischen Ableitungen zur Berechnung der erwähnten Nomogramme befasste ich mich mit der Vervollständigung jener Dimensionierungstabelle für die einseitig zugbewehrten Rechteckquerschnitte, die ich seither wegen ihres einfachen Aufbaues, ihres grossen Geltungsbereiches und nicht zuletzt wegen ihrer vielseitigen Anwendungsmöglichkeiten stets mit Vorteil gebraucht hatte.

Durch die Einführung der neuen Eidg. Vorschriften<sup>1)</sup> vom 14. Mai 1935 sind die von Ing. P. Pasternak aufgestellten Nomogramme und die Koeffizienten-Tabelle für  $n = 20$  ungültig geworden, da bekanntlich der Verhältniswert für  $n = E_e : E_b$  mit 10 in den Spannungs-berechnungen zu berücksichtigen ist (Artikel 97). Angeregt durch die Vorteile dieses Dimensionierungs-Verfahrens, sowie durch die übersichtliche Ableitung der allgemeinen Bemessungsformeln, wie sie Prof. E. Mörsch in seinem Werk «Der Eisenbetonbau, seine Theorie und Anwendung»<sup>2)</sup> gezeigt hat, bin ich dazu gekommen, die ursprünglich nur für einseitig zugbewehrte Eisenbeton-Querschnitte bestimmte Tabelle auf beidseitig bewehrte Querschnitte für  $n = 10$  und  $n = 15$  umzurechnen und zu erweitern.

Die nachstehenden Ableitungen folgen dem Gedankengang von Prof. Mörsch, sind aber mit den von Ing. Pasternak eingeführten Koeffizienten entwickelt worden, um den Zusammenhang mit der eingangs erwähnten Veröffentlichung zu wahren. Als neue Koeffizienten erscheinen der Wert  $\alpha$ , der das Verhältnis zwischen dem Abstand  $h'$  der Eiseneinlagen vom Betonrand zur Nutzhöhe  $h$  angibt, sowie der Koeffizient  $K_3$ , der im Zusammenhang mit den übrigen gegebenen Grössen (Querschnitt-Abmessungen und zulässige Spannungen) ohne weiteres die Berechnung der erforderlichen Druckarmierung  $F'_e$  gestattet (siehe Gl. 11).

Es sei noch betont, dass die hier entwickelten Bemessungs-Formeln nur für diejenigen Fälle gelten, wo die Resultierende der Normalkräfte ausserhalb des Kerns des ideellen Querschnittes angreift, im allgemeinen für

$$\min c = \frac{M}{N} \geq \frac{d}{3}$$

## 1. Allgemeine Bezeichnungen und Ableitung der Formel für die Querschnitt-Bemessung

Ersatz des auf den Mittelpunkt  $O$  des Betonquerschnittes (Stabaxe) bezogenen Biegemomentes  $M$  und der daselbst angreifenden Normalkraft  $N$  (Abb. 1) durch die im Abstand  $c = \frac{M}{N}$  vom Mittelpunkt exzentrisch wirkende Kraft  $N$  (Abb. 2). Im folgenden gilt, wenn vor der Kraft  $N$  zwei Vorzeichen stehen, das obere für  $N =$  Druckkraft, das untere für  $N =$  Zugkraft. Bei gegebenen zulässigen Spannungen  $\sigma_b$  und  $\sigma_e$  ist das Spannungsbild nach Abb. 1 bekannt. Der Abstand der Nulllinie vom gedrückten Rand berechnet sich wie bei einfacher Biegung zu

$$x = \frac{n \sigma_b}{n \sigma_b + \sigma_e} h = \xi h \quad (1)$$

worin

$$\xi = \frac{n}{n + \gamma} \quad \text{und} \quad \gamma = \frac{\sigma_e}{\sigma_b} \quad (2)$$

$$h - \frac{x}{3} = \varrho h = \left(1 - \frac{\xi}{3}\right) h \quad (3)$$

Spannung in den gedrückten Eisen

$$\sigma'_e = n \sigma_b \frac{x - h'}{x} = \sigma_e \frac{x - h'}{h - x} \quad (4)$$

Spannung in den gezogenen Eisen

$$\sigma_e = n \sigma_b \frac{h - x}{x} = \gamma \sigma_b \quad (5)$$

Resultierende der Betonpressungen  $D_b = \frac{b x}{2} \sigma_b$

Kraft in den Druckeisen  $D_e = F'_e \sigma'_e$

Kraft in den Zugeisen  $Z_e = F_e \sigma_e$

Wir führen nun ein neues Moment  $M_e$  ein und zwar bedeutet dies allgemein das Moment der in Abb. 2 exzentrisch wirkenden Druckkraft (+), bzw. Zugkraft (−) auf die gezogene Eiseneinlage  $F_e$ :

$$M_e = N (c \pm e) \quad (6)$$

Mit  $M_1$  bezeichnen wir das Biegemoment, das der einfach bewehrte Rechteckquerschnitt  $b d$  ohne Axialkraft  $N$  zur Erzeugung der Spannungen  $\sigma_b$  und  $\sigma_e$  aufnehmen könnte:

$$M_1 = \sigma_b \frac{b x}{2} \left(h - \frac{x}{3}\right) = K_1 b h^2 \sigma_b = K_2 b h^2 \sigma_e \quad (7)$$

worin

$$K_1 = \frac{1}{2} \varrho \xi = \frac{1}{6} \frac{n (2n + 3 \gamma)}{(n + \gamma)^2} \quad \text{bzw.} \quad K_2 = \frac{K_1}{\gamma} \quad (8)$$

Aus der Gleichheit zwischen den innern und äussern Kräften lassen sich in Bezug auf Abb. 2 folgende Beziehungen aufstellen:

$$a) \quad M_e = N (c \pm e) = F'_e \sigma'_e (h - h') + \sigma_b \frac{b x}{2} \left(h - \frac{x}{3}\right)$$

$$b) \quad Z_e = D_b + D_e \mp N$$

Aus der Momentengleichung a) folgt mit Hilfe von (7)

$$F'_e = \frac{M_e - M_1}{\sigma'_e (h - h')}$$

Durch Einführung der Bezeichnungen

$$b' = \frac{M_e}{K_1 \sigma_b h^2} = \frac{N (c \pm e)}{K_2 \sigma_e h^2} \quad (9)$$

$$\alpha = \frac{h'}{h} = \frac{d - 2e}{d + 2e} \quad (10)$$

$$e = \frac{d}{2} \frac{1 - \alpha}{1 + \alpha}$$

und mit Hilfe der Gleichungen (4) und (2) ergibt sich

$$F'_e = \frac{K_1 \sigma_b h^2 (b' - b) (h - x)}{\sigma_e (x - h') (h - h')} = \frac{K_1}{\gamma} \frac{h - x}{x - h'} \frac{b' - b}{h - h'} h^2 = \frac{K_1}{\gamma} \frac{1 - \xi}{\xi - \alpha} \frac{b' - b}{1 - \alpha} h$$

woraus der Querschnitt der Druckeiseinlagen

$$F'_e = K_3 \frac{b' - b}{1 - \alpha} h \quad (11)$$

$$K_3 = \frac{K_1}{\gamma} \frac{1 - \xi}{\xi - \alpha} = \frac{K_1}{n - \alpha (n + \gamma)} \quad (12)$$

Aus der Kräftegleichung b) folgt:

$$F_e = \frac{D_b + D_e \mp N}{\sigma_e} = \frac{b x}{2} \frac{\sigma_b}{\sigma_e} + F'_e \frac{\sigma'_e}{\sigma_e} \mp \frac{N}{\sigma_e}$$

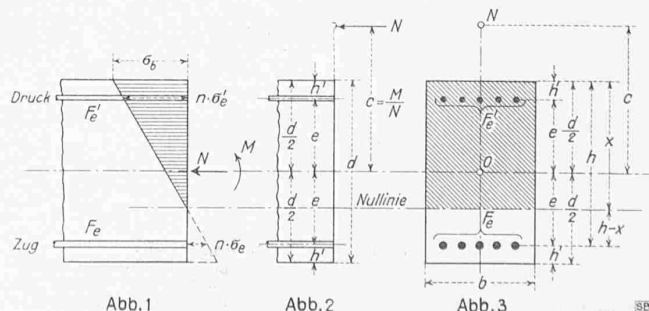


Abb. 1

Abb. 2

Abb. 3

SBZ

<sup>1)</sup> Siehe SBZ, Bd. 106, S. 59 (10. August 1935) und Bd. 107, S. 46 (1. Februar 1936).

<sup>2)</sup> 6. Aufl., I. Band, 1. Hälfte, S. 417 (Konrad Wittwer, Stuttgart 1923).

Ferner lässt sich aus (4) und (5) die Beziehung ableiten

$$\frac{\sigma'_e}{\sigma_e} = \frac{x - h'}{h - x} = \frac{\xi - \alpha}{1 - \xi} = \frac{K_1}{\gamma K_3} = \frac{K_2}{K_3}$$

sodass

$$F_e = \frac{b h}{2 \gamma} + F'_e \frac{K_2}{K_3} + \frac{N}{\sigma_e}$$

woraus der Querschnitt der Zugeiseneinlagen

$$F_e = \mu \frac{b h}{100} + K_2 \frac{b' - b}{1 - \alpha} + \frac{N}{\sigma_e} \quad (13)$$

$$\mu = 50 \frac{\xi}{\gamma} = \frac{50 n}{\gamma (n + \gamma)} = \frac{100 K_2}{\varrho} \quad (14)$$

In Gleichung (13) bedeutet das *erste Glied* die Eiseneinlage im einfach bewehrten und nur auf Biegung allein beanspruchten Rechteckquerschnitt, dessen Armierung nach den sonst üblichen Bezeichnungen

$$h = r \sqrt{\frac{M}{b}} \quad \text{und} \quad F_e = t \sqrt{M b}$$

sich berechnet zu  $F_{e1} = t \sqrt{M_1 b} = \frac{t}{r} b h$

oder nach den Bezeichnungen von Prof. Dr. M. Ritter in seinen «Tabellen zur Berechnung von Eisenbetonkonstruktionen»<sup>3)</sup>

$$F_{e1} = \frac{c_4}{c_3} b h = \mu b h \quad (\mu \text{ in } \sigma_e)$$

Das *zweite Glied* stellt die Zugarmierung dar, die erforderlich ist, um dem Moment der Druckarmierung in bezug auf die Nulllinie das Gleichgewicht zu halten, denn setzt man zur Abkürzung

$$F_{e2} = F'_e \frac{K_2}{K_3}$$

so ergibt sich mit den Bezeichnungen aus Gl. (12)

$$F_{e2} (1 - \xi) = F'_e (\xi - \alpha) \quad \text{oder} \quad F_{e2} (h - x) = F'_e (x - h')$$

Wie leicht einzusehen ist, bedeutet das *dritte Glied* den Einfluss der in den Zugseisen direkt wirkenden Normalkraft (— für Druckkraft, + für Zugkraft).

Die *Dimensionierungstabellen*<sup>4)</sup> für  $n = 10$  und  $n = 15$  gehen vom Verhältnisswert  $\gamma = \sigma_e : \sigma_b$  der zulässigen Eisen- und Beton-Spannungen und nicht von bestimmten Spannungswerten für  $\sigma_e$  und  $\sigma_b$  aus, wodurch ihnen eine vielseitigere und ausgedehntere Anwendungsmöglichkeit gegeben wird, was bei den in ziemlich weiten Grenzen schwankenden Spannungswerten für Eisen und Beton nach den schweizerischen Vorschriften von 1935 und den deutschen Bestimmungen von 1932, sowie den seither durch die Kriegswirtschaft bedingten Änderungen als Vorteil zu betrachten ist. Grundsätzlich haben die Tabellen gegenüber 1922 ihren Aufbau beibehalten: sie enthalten neben der Eingangs-Kolonne für  $\gamma = \sigma_e / \sigma_b$  die Werte  $\xi$ ,  $\varrho$ ,  $K_1$ ,  $K_2$  und  $\mu$ . Neu hinzugekommen sind die Werte  $K_3$ , die bei der Dimensionierung der Druckarmierung gebraucht werden, und zwar für sechs verschiedene Verhältnisse  $\alpha = h'/h$ , je nachdem die Druckeisen  $F'_e$  im Vergleich zur Nutzhöhe  $h$  näher oder weniger nahe am gedrückten Betonrand liegen. Die Tabellen I und II könnten beliebig unterteilt, bzw. erweitert werden. Die Praxis hat jedoch gezeigt, dass dies im allgemeinen wegen der Zuschläge, die bei der Dimensionierung von Eisenbeton-Querschnitten gemacht werden, nicht notwendig ist und bei Zwischenwerten eine geradlinige Interpolation genügt. Für allenfalls vorkommende Fälle, die eine Extrapolation der Tabellenwerte erfordern, können diese mit Hilfe der in folgender Zusammenstellung angegebenen Formeln nachgeprüft werden.

*Berechnung der Tabellenwerte:*

$$\alpha = \frac{h'}{h}$$

$$\gamma = \frac{\sigma_e}{\sigma_b} = \frac{50 \xi}{\mu}$$

$$\xi = \frac{n}{n + \gamma} = \frac{n \sigma_b}{n \sigma_b + \sigma_e}$$

$$\varrho = 1 - \frac{\xi}{3} = \frac{2n + 3\gamma}{3(n + \gamma)}$$

$$K_1 = \frac{1}{2} \varrho \xi = \frac{1}{6} \frac{n(2n + 3\gamma)}{(n + \gamma)^2}$$

$$K_2 = \frac{K_1}{\gamma} = \frac{\mu \varrho}{100}$$

$$K_3 = \frac{K_1}{n - \alpha(n + \gamma)}$$

$$\mu = 50 \frac{\xi}{\gamma} = \frac{50 n}{\gamma (n + \gamma)}$$

Tabelle I. Koeffizienten zur Berechnung von rechteckigen, beidseitig bewehrten Eisenbeton-Querschnitten für Biegung mit Axialkraft;  $n = 10$

$\gamma$	$\xi$	$\varrho$	$K_1$	$K_2$	$K_3$ wenn $\alpha = h'/h =$						$\mu$
					0,04	0,06	0,08	0,10	0,12	0,14	
10	0,5000	0,8333	0,2083	0,02083	0,02244	0,02347	0,02448	0,02549	0,02649	0,02749	2,500
11	0,462	0,843	0,203	0,01821	0,01987	0,02122	0,02247	0,02365	0,02478	0,02587	2,165
12	0,445	0,845	0,198	0,01607	0,01744	0,01862	0,01972	0,02076	0,02175	0,02270	1,894
13	0,438	0,851	0,193	0,01430	0,01577	0,01702	0,01818	0,01928	0,02032	0,02131	1,672
14	0,417	0,861	0,1794	0,01281	0,01438	0,01572	0,01696	0,01812	0,01921	0,02025	1,488
15	0,4000	0,8667	0,1733	0,01156	0,01324	0,01469	0,01603	0,01727	0,01843	0,01951	1,333
16	0,3846	0,8718	0,1677	0,01048	0,01231	0,01387	0,01531	0,01664	0,01788	0,01904	1,202
17	0,3704	0,8765	0,1623	0,009548	0,01150	0,01327	0,01493	0,01647	0,01791	0,01925	1,089
18	0,3571	0,8810	0,1573	0,008740	0,01072	0,01270	0,01447	0,01619	0,01783	0,01937	0,9921
19	0,3448	0,8851	0,1526	0,008031	0,01006	0,01225	0,01423	0,01611	0,01790	0,01959	0,9074
20	0,3333	0,8889	0,1481	0,007407	0,00954	0,01184	0,01403	0,01612	0,01811	0,02000	0,8333
21	0,3226	0,8925	0,1439	0,006855	0,00903	0,01143	0,01382	0,01601	0,01810	0,02009	0,780
22	0,3125	0,8958	0,1400	0,006362	0,00862	0,01112	0,01371	0,01599	0,01828	0,02037	0,7302
23	0,3030	0,8990	0,1362	0,005922	0,00829	0,01099	0,01378	0,01626	0,01875	0,02084	0,688
24	0,2941	0,9020	0,1326	0,005527	0,00798	0,01088	0,01387	0,01655	0,01924	0,02153	0,6527
25	0,2857	0,9048	0,1293	0,005170	0,007503	0,01070	0,01389	0,01677	0,01965	0,02214	0,6174
26	0,2778	0,9074	0,1260	0,004847	0,00718	0,01058	0,01397	0,01706	0,02015	0,02284	0,5842
27	0,2703	0,9099	0,1230	0,004554	0,00693	0,01043	0,01402	0,01731	0,02060	0,02359	0,5525
28	0,2632	0,9123	0,1200	0,004287	0,00674	0,01035	0,01412	0,01761	0,02110	0,02429	0,5221
29	0,2564	0,9145	0,1172	0,004043	0,00659	0,01028	0,01407	0,01786	0,02155	0,02484	0,4927
30	0,2500	0,9167	0,1146	0,003819	0,00644	0,01020	0,01419	0,01828	0,02217	0,02566	0,4647
31	0,2439	0,9187	0,1120	0,003614	0,00629	0,01013	0,01438	0,01867	0,02276	0,02645	0,4380
32	0,2381	0,9206	0,1096	0,003425	0,00614	0,01007	0,01457	0,01906	0,02325	0,02734	0,4127
33	0,2326	0,9225	0,1073	0,003250	0,00600	0,01000	0,01476	0,01945	0,02384	0,02803	0,3886
34	0,2273	0,9242	0,1050	0,003089	0,00587	0,00993	0,01495	0,01984	0,02443	0,02892	0,3657
35	0,2222	0,9259	0,1029	0,002939	0,00575	0,00989	0,01514	0,02023	0,02502	0,02991	0,3437
36	0,2174	0,9275	0,1008	0,002801	0,00563	0,00983	0,01533	0,02062	0,02571	0,03040	0,3229
37	0,2128	0,9291	0,09884	0,002671	0,00552	0,00977	0,01552	0,02101	0,02630	0,03149	0,3032
38	0,2083	0,9306	0,09693	0,002551	0,00541	0,00972	0,01571	0,02149	0,02699	0,03258	0,2846
39	0,2041	0,9320	0,09510	0,002438	0,00531	0,00967	0,01590	0,02198	0,02758	0,03367	0,2670
40	0,2000	0,9333	0,09333	0,002333	0,00521	0,00962	0,01609	0,02247	0,02817	0,03476	0,2500
41	0,1961	0,9346	0,09163	0,002235	0,00511	0,00957	0,01628	0,02296	0,02886	0,03585	0,2343
42	0,1923	0,9359	0,08999	0,002143	0,00501	0,00952	0,01647	0,02345	0,02935	0,03694	0,2198
43	0,1887	0,9371	0,08841	0,002056	0,00492	0,00947	0,01666	0,02394	0,02984	0,03803	0,2064
44	0,1852	0,9383	0,08688	0,001974	0,00483	0,00942	0,01685	0,02443	0,03033	0,03912	0,1940
45	0,1818	0,9394	0,08540	0,001898	0,00475	0,00937	0,01704	0,02492	0,03082	0,04021	0,2020
46	0,1786	0,9405	0,08397	0,001825	0,00467	0,00932	0,01723	0,02541	0,03131	0,04130	0,1941
47	0,1754	0,9415	0,08259	0,001757	0,00459	0,00927	0,01742	0,02590	0,03180	0,04239	0,1866
48	0,1724	0,9425	0,08125	0,001693	0,00451	0,00922	0,01761	0,02639	0,03229	0,04348	0,1796
49	0,1695	0,9435	0,07996	0,001632	0,00443	0,00917	0,01780	0,02688	0,03278	0,04457	0,1730
50	0,1667	0,9444	0,07870	0,001574	0,00436	0,00912	0,01799	0,02737	0,03327	0,04566	0,1667

Bei der Verwendung der Koeffizienten-Tabellen I und II ist darauf zu achten, dass die Dimensionen einheitlich in cm und kg (bzw. cm<sup>2</sup>, kg/cm<sup>2</sup> und cmkg) in die Formeln einzuführen sind.

In den folgenden Abschnitten sind die Dimensionierungsformeln für einige Spezialfälle, die jedoch in der Praxis häufig vorkommen, zusammengestellt. Sie sind aus den allgemeinen Formeln des ersten Abschnittes abgeleitet und bedürfen weiter keiner besonderen Erläuterungen.

## 2. Dimensionierungsformeln für Biegung mit Axialdruck (und -zug) und einseitiger Bewehrung

a) Gegeben:  $M_e = N (c \pm e)$ ,  $N$ ,  $b$ ,  $\sigma_e$  und  $\sigma_b$

Gesucht:  $h$ ,  $F_e$  (event.  $x$ )

Lösung: Mit  $\gamma = \frac{\sigma_e}{\sigma_b}$  folgen aus der Tabelle  $K_1$  (oder  $K_2$ ),  $\mu$  und  $\xi$

$$h = \sqrt{\frac{M_e}{K_1 b \sigma_b}} = \sqrt{\frac{M_e}{K_2 b \sigma_e}} \quad (15)$$

$$F_e = \mu \frac{b h}{100} \pm \frac{N}{\sigma_e} \quad (16)$$

$$x = \xi h \quad (1)$$

Anmerkung: Ist  $h$  gegeben und  $b$  gesucht, so gelten (1), (16) und

$$b = \frac{M_e}{K_1 \sigma_b h^2} = \frac{M_e}{K_2 \sigma_e h^2} \quad (17)$$

b) Gegeben:  $M_e = N (c \pm e)$ ,  $N$ ,  $b$ ,  $h$ ,  $\sigma_e$

Gesucht:  $\sigma_b$ ,  $F_e$  (event.  $x$ )

Lösung:  $K_2 = \frac{M_e}{\sigma_e b h^2}$ ; aus der Tabelle folgen  $\gamma$ ,  $\mu$  und  $\xi$

$$F_e = \mu \frac{b h}{100} \pm \frac{N}{\sigma_e} \quad (16)$$

$$\sigma_b = \frac{\sigma_e}{\gamma} \quad x = \xi h \quad (5) \text{ und } (1)$$

Auch hier gilt wie im Abschnitt 1 das obere Vorzeichen, wenn  $N$  eine Druckkraft, bzw. das untere Vorzeichen, wenn  $N$  eine Zugkraft ist.

<sup>3)</sup> Zürich 1935, siehe SBZ, Bd. 106, S. 70 (10. August 1935).

<sup>4)</sup> Abzüge der Tabelle I oder II im Normalformat, sowie ein durchgerechnetes Beispiel zu Abschnitt 1 für  $n = 10$  können zum Preise von 2 Fr. pro Stück plus Porto vom Verfasser (Schmidholzstrasse 57) bezogen werden.

Tabelle II. Koeffizienten zur Berechnung von rechteckigen, beidseitig armierten Eisenbeton-Querschnitten für Biegung mit Axialkraft,  $n = 15$

$\gamma$	$\xi$	$g$	$K_1$	$K_2$	$K_3$ wenn $\alpha = \frac{h'}{h} =$						$\mu$
					0,04	0,06	0,08	0,10	0,12	0,14	
10	0,6000	0,8000	0,2400	0,02400	0,01714	0,01778	0,01846	0,01920	0,02000	0,02087	3,000
11	57,69	80,77	23,30	2,118	1,669	1,734	1,803	1,879	1,961	2,051	2,622
12	55,56	81,48	22,63	1,886	1,626	1,692	1,763	1,840	1,925	2,017	2,315
13	53,57	82,14	22,00	1,693	1,585	1,652	1,724	1,803	1,890	1,986	2,060
14	51,72	82,76	21,40	1,529	1,546	1,614	1,688	1,769	1,858	1,956	1,847
15	50,00	83,33	0,2083	0,01389	0,01510	0,01578	0,01653	0,01736	0,01827	0,01929	1,667
16	48,39	83,87	20,29	1,268	1,475	1,544	1,621	1,705	1,799	1,904	1,572
17	46,88	84,38	19,78	1,163	1,441	1,512	1,590	1,676	1,772	1,880	1,479
18	45,45	84,85	19,28	1,071	1,410	1,481	1,560	1,648	1,747	1,858	1,383
19	44,12	85,29	1,881	0,009903	1,379	1,452	1,532	1,622	1,723	1,837	1,291
20	42,84	0,8571	0,1837	0,009184	0,01357	0,01424	0,01506	0,01597	0,01701	0,01819	1,071
21	41,67	86,11	17,94	85,43	1,323	1,397	1,480	1,574	1,680	1,801	0,9921
22	40,54	86,49	17,53	79,69	1,297	1,372	1,456	1,551	1,660	1,785	92,14
23	39,47	86,84	17,14	74,52	1,272	1,347	1,433	1,530	1,642	1,771	85,81
24	38,46	87,18	16,77	69,86	1,247	1,324	1,411	1,510	1,625	1,757	80,13
25	37,50	0,8750	0,1641	0,006562	0,01224	0,01302	0,01390	0,01491	0,01608	0,01745	0,7500
26	36,59	87,80	16,06	61,78	1,202	1,281	1,370	1,473	1,593	1,735	70,36
27	35,71	88,10	15,73	58,26	1,181	1,261	1,351	1,457	1,579	1,725	66,14
28	34,88	88,37	15,41	55,05	1,161	1,241	1,336	1,441	1,566	1,716	62,29
29	34,09	88,64	15,11	52,10	1,141	1,222	1,316	1,425	1,554	1,709	58,78
30	0,3333	0,8889	0,1481	0,004938	0,01122	0,01204	0,01300	0,01411	0,01543	0,01703	0,5556
31	32,61	89,13	14,53	46,88	1,104	1,187	1,284	1,397	1,533	1,698	52,59
32	31,91	89,36	14,26	44,56	1,087	1,171	1,269	1,384	1,523	1,694	49,87
33	31,25	89,58	14,00	42,42	1,070	1,155	1,254	1,372	1,515	1,691	47,35
34	30,61	89,80	13,74	40,42	1,054	1,140	1,240	1,361	1,507	1,688	45,02
35	0,3000	0,9000	0,1350	0,003857	0,01038	0,01125	0,01227	0,01350	0,01500	0,01688	0,4286
36	29,41	90,20	13,26	36,84	1,023	1,111	1,215	1,340	1,494	1,688	40,85
37	28,85	90,38	13,04	35,23	1,009	1,097	1,203	1,330	1,488	1,693	38,98
38	28,30	90,57	12,82	33,73	0,9995	1,084	1,191	1,321	1,483	1,691	37,24
39	2,778	90,74	12,60	32,32	982	1,072	1,180	1,313	1,479	1,694	35,61
40	0,2727	0,9091	0,1240	0,003093	0,00968	0,01060	0,01169	0,01305	0,01476	0,01698	0,3409
41	26,79	91,07	12,20	29,75	951	1,048	1,159	1,298	1,473	1,704	32,67
42	26,32	91,23	12,00	28,58	944	1,037	1,150	1,291	1,471	1,710	31,33
43	25,86	91,38	11,82	27,48	932	1,026	1,141	1,284	1,470	1,717	30,07
44	25,42	91,53	11,63	26,44	920	1,015	1,132	1,279	1,469	1,726	28,89
45	0,2500	0,9167	0,1146	0,002546	0,00909	0,01005	0,01123	0,01273	0,01469	0,01736	0,2778
46	24,59	91,80	11,29	24,54	899	0,9995	1,115	1,268	1,470	1,747	26,73
47	24,19	91,94	11,12	23,66	888	986	1,108	1,264	1,471	1,760	25,74
48	23,81	92,06	10,96	22,83	878	977	1,100	1,260	1,473	1,773	24,80
49	23,44	92,19	10,80	22,05	868	968	1,093	1,256	1,476	1,789	23,92
50	0,2308	0,9231	0,1065	0,002130	0,00839	0,00960	0,01087	0,01253	0,01479	0,01805	0,2308

### 3. Dimensionierungsformeln für reine Biegung mit Armierung in der Zug- und Druckzone<sup>5)</sup>

a) Gegeben:  $M$ ,  $b$ ,  $h$ ,  $h'$ ,  $\sigma_e$ ,  $\sigma_b$  und  $\alpha = \frac{h'}{h}$

Gesucht:  $F_e$  und  $F_e'$  (event.  $x$ )

Lösung: Mit  $\gamma = \frac{\sigma_e}{\sigma_b}$  folgen aus der Tabelle  $K_1$ ,  $K_2$ ,  $K_3$ ,  $\mu$  und  $\xi$

$$b' = \frac{M}{K_1 \sigma_b h^2} = \frac{M}{K_2 \sigma_e h^2} > b \quad (18)$$

= erforderliche Balkenbreite für einseitige Zugarmierung, also ohne  $F_e'$  (nach Gl. 17). Siehe auch die Bemerkungen zu Gl. (21).

$$F_e' = K_3 \frac{b' - b}{1 - \alpha} h \quad (11)$$

$$F_e = \mu \frac{b h}{100} + F_e' \frac{K_2}{K_3} \quad (19)$$

Lage der Nulllinie:  $x = \xi h$  (1)

$$\text{Hebelarm der inneren Kräfte: } z = \frac{b'}{e + \frac{b' - b}{1 - \alpha}} h \quad (20)$$

b) Für symmetrische Armierung gilt die Beziehung:

$$\mu \frac{b h}{100} (1 - \alpha) = \left( \frac{M}{K_2 \sigma_e h} - b h \right) (K_3 - K_2)$$

Gegeben:  $M$ ,  $h$ ,  $h'$ ,  $\sigma_e$ ,  $\sigma_b$ ,  $\alpha = \frac{h'}{h}$

Gesucht:  $b$ ,  $F_e = F_e'$  und  $x = \xi h$

Lösung: Bestimme zu  $\gamma = \frac{\sigma_e}{\sigma_b}$  die Tabellenwerte  $K_1$ ,  $K_2$ ,  $K_3$ ,  $\mu$  und  $\xi$

$$b = \frac{M}{K_2 \sigma_e h^2 \left( 1 + \frac{\mu}{100} \frac{1 - \alpha}{K_3 - K_2} \right)} \quad (21)$$

$$F_e = F_e' = \frac{\mu b h}{100} \frac{K_3}{K_3 - K_2} \quad (22)$$

Tabelle III. Verhältnis  $\beta = b' : b$ , damit symmetrische Armierung  $F_e' = F_e$  erforderlich wird

$\alpha =$	$n = 10$			$n = 15$		
	0,06	0,10	0,14	0,06	0,10	0,14
$\gamma = 15$	2,42	2,04	1,76	9,30	5,32	3,65
20	1,735	1,545	1,395	2,99	2,42	2,02
25	1,480	1,350	1,244	2,09	1,808	1,591
30	1,348	1,245	1,161	1,736	1,545	1,396
40	1,214	1,138	1,075	1,427	1,308	1,212
50	1,146	1,083	1,030	1,290	1,200	1,125

Aus Gl. (21) können wir eine Beziehung ableiten, die uns besagt, wievielfach grösser die erforderliche Balkenbreite  $b'$  für einseitige Zugarmierung nach Gl. (18) sein darf, damit die Druckarmierung nicht grösser wird als die Zugarmierung.

Darnach ist

$$\beta = \frac{b'}{b} = 1 + \frac{\mu}{100} \frac{1 - \alpha}{K_3 - K_2} \quad (23)$$

Aus Tabelle III ist ersichtlich, welche Grössenordnung dieses Verhältnis für verschiedene Werte von  $\gamma$  annehmen kann.

### 4. Dimensionierungsformeln für reine Biegung, mit nur einseitiger Zugarmierung

a) Bemessungsfall 1. Gegeben:  $M$ ,  $b$ ,  $\sigma_e$ ,  $\sigma_b$   
Gesucht:  $F_e$ ,  $h$  und event.  $x = \xi h$

$$h = \sqrt{\frac{M}{K_1 b \sigma_b}} = \sqrt{\frac{M}{K_2 b \sigma_e}} \quad (24)$$

$$F_e = \mu \frac{b h}{100} = \frac{n}{\gamma(n + \gamma)} \frac{b h}{2} \quad (25)$$

b) Bemessungsfall 1a. Gegeben:  $M$ ,  $h$ ,  $\sigma_e$ ,  $\sigma_b$   
Gesucht:  $F_e$ ,  $b$  und event.  $x = \xi h$

$$b = \frac{M}{K_1 \sigma_b h^2} = \frac{M}{K_2 \sigma_e h^2} \quad (26)$$

$F_e$  folgt aus Gl. (25)

c) Bemessungsfall 2. Gegeben:  $M$ ,  $b$ ,  $h$ ,  $\sigma_e$

$$\text{Gesucht: } F_e \text{ und } \sigma_b$$

$$K_2 = \frac{M}{\sigma_e b h^2} \quad (27)$$

$$\sigma_b = \sigma_e / \gamma \quad (5)$$

$$F_e = \mu \frac{b h}{100} = \frac{K_2}{\varrho} b h \quad (28)$$

Anmerkung: Bei schwacher Armierung ist angenähert:

$$\xi \leq 0,15, \varrho \geq 0,95$$

$$\mu \leq \frac{100 K_2}{0,95} = 105,3 K_2 \quad (29)$$

$$F_e = \mu \frac{b h}{100} \leq \frac{M}{\sigma_e 0,95 h} \quad (30)$$

d) Bemessungsfall 2a. Gegeben:  $M$ ,  $b$ ,  $h$ ,  $\sigma_b$

Gesucht:  $F_e$  und  $\sigma_e$

$$K_1 = \frac{M}{\sigma_b b h^2} \quad (31)$$

$$\sigma_e = \gamma \sigma_b \quad (5)$$

$$F_e = \mu \frac{b h}{100} = \frac{K_1}{\varrho \gamma} b h \quad (28)$$

e) Bemessungsfall 3. Gegeben:  $M$ ,  $b$ ,  $F_e$ ,  $\sigma_e$

Gesucht:  $h$  und  $\sigma_b$

Berechne durch Probieren

$$\text{mit der Tabelle: } \mu = \frac{\sigma_e F_e^2}{M b} 100 \varrho \quad (32)$$

(in erster Annäherung:  $\varrho = 0,88 \div 0,90$ )

$K_2$  und  $\gamma$  aus Tabelle,

$$\text{dann ist: } h = \sqrt{\frac{M}{K_2 b \sigma_e}} \quad (24)$$

$$\text{oder } h = \frac{100 F_e}{\mu b} \quad \text{aus (28)}$$

$$\text{und } \sigma_b = \frac{\sigma_e}{\gamma} \quad (5)$$

Es sei noch erwähnt, dass sich die vorstehenden Unterlagen (Ableitungen und Tabellen I und II) auch für die Spannungsberechnung von rechteckigen Eisenbetonquerschnitten eignen. Mit den Tabellen kann auch sehr rasch der minimale Bewehrungssatz ( $F_e + F_e'$ ) minimum bestimmt werden. Bekanntlich tritt dieser nicht bei  $\sigma_{e \max}$  auf, sondern meist bei einer wesentlich niedrigeren Eisenzugspannung. Einige wenige Berechnungen mit verschiedenen  $\sigma_e$  bei gleichen  $\sigma_b$ , also Variation von  $\gamma$ , ermöglichen die Bestimmung dieses Minimums.

<sup>5)</sup> Vgl. hierzu: «Bemessung doppelt bewehrter Rechteckquerschnitte» von Ing. J. Blazek, Prag, in «Beton und Eisen», 29. Jahrgang, Heft 19 vom 5. Oktober 1930, S. 350 bis 351.