

Zeitschrift: Schweizerische Bauzeitung
Herausgeber: Verlags-AG der akademischen technischen Vereine
Band: 113/114 (1939)
Heft: 14

Artikel: Abgekürzte Berechnung von Festpunktabständen und Uebergangszahlen an Rahmentragwerken
Autor: Vogt, Hans
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-50583>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 10.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

INHALT: Abgekürzte Berechnung von Festpunktabständen und Uebergangszahlen an Rahmentragwerken. — Das Landhaus S.-v. H. in Küsnacht am Zürichsee. — Die Verwendung von Bambus im Betonbau. — Schraubenpumpe mit veränderlicher Fördermenge bei konstanter Drehzahl. — Mitteilungen: Die Höchstdruckanlage des Brimsdown-Kraftwerkes.

Wasserbauzement bei amerikanischen Riesenstaumauern. Der Stossgenerator für 2000 kV. Hölzerne Bogenbrücke von 85 m Spannweite in Jugoslawien. Die Wohnbautätigkeit in den Städten im I. Halbjahr 1939. Die grösste Bohrtiefe der Welt. — Nekrolog: Friedr. Brenneisen. Fritz Weinmann. — Literatur.

Abgekürzte Berechnung von Festpunktabständen und Uebergangszahlen an Rahmentragwerken

Von Dipl. Ing. HANS VOGT, G.E.P., Rio de Janeiro

Einleitung. Der im Folgenden dargelegte vereinfachte Rechnungsvorgang soll es ermöglichen, die im Titel genannten Rahmenfestwerte mit Hilfe von je einer übersichtlichen und leicht zu behaltenden Formel zu ermitteln. Die Abweichung der so berechneten Näherungswerte von den genauen Werten ist, wie noch gezeigt werden wird, sehr gering, und bewegt sich meistens innerhalb der Zeichnungsgenauigkeit.

Der Hauptvorteil des Verfahrens liegt aber vor allem darin, dass es möglich ist, irgend einen Knotenpunkt des Tragwerkes für sich herauszugreifen, und die sämtlichen ihm benachbarten Festpunkte und zugehörigen Uebergangszahlen in einem Rechnungsgang zu ermitteln.

Die Anzahl der am Knoten anschliessenden Stäbe kann beliebig sein, ebenso können die Trägheitsmomente unter sich verschieden sein, sollen aber einen über die ganze Stablänge konstanten Wert besitzen. Selbstverständliche Voraussetzung ist, dass das Tragwerk, wenn auch nötigenfalls nur vorübergehend, so gestützt ist, dass die Knotenpunkte sich wohl drehen, aber nicht verschieben können.

I. Festpunktabstände

Wie in Abb. 1 dargestellt, sollen im Knotenpunkt A die Stäbe $1, 2, \dots, n-1, n$ zusammenlaufen und biegungsfest angeschlossen sein. Es lässt sich nun für den Festpunktabstand a_n bezw. b_n folgende Beziehung aufstellen:

$$a_n = \frac{l_n}{v a_n}; \quad b_n = \frac{l_n}{v b_n} \quad (1)$$

Der Nennerwert v ist eine vom Verdrehungswiderstand des Knotens abhängige Grösse. Um dies besser zum Ausdruck zu bringen, schreiben wir v in folgender Form:

$$v_n = 3 + k_n \quad (2)$$

Man erkennt sofort, dass der Wert k_n den eigentlichen Massstab bildet für den genannten Verdrehungswiderstand, d. h. den Grad der Einspannung des Stabes l_n am Knoten oder Auflager. Bekanntlich ist für:

$$\text{Volle Einspannung: } a = \frac{l_n}{3}, \text{ somit } v = 3, k = 0$$

$$\text{Gelenkige Lagerung: } a = 0 = \frac{l_n}{\infty}, \quad v = \infty \text{ und } k = \infty$$

Damit sind die Grenzen von k festgestellt. Da mit der Ermittlung von k auch v bzw. a bekannt sind, genügt es, wenn anstatt einer Formel zur direkten Ermittlung von a eine solche für den Wert k_n abgeleitet wird. Dies soll im Folgenden mit Hilfe der als bekannt vorausgesetzten Elemente der «Festpunkt-methode» in möglichster Kürze geschehen.

Der die Einspannung des Stabes n bedingende Verdrehungswiderstand des Knotens A wird gebildet durch das Zusammenwirken sämtlicher in A anschliessenden $1, 2, \dots, n-1$ Stäbe. Durch Kombination dieser Gesamtsteifigkeit mit der Eigensteifigkeit des Stabes n erhält man die aus der «Festpunkt-methode» bekannte, für konstantes Trägheitsmoment geltende Formel für den Festpunktabstand a_n bezw. b_n :

$$a_n = \frac{l_n}{3 + \frac{\varepsilon_A}{\beta_n}}; \quad b_n = \frac{l_n}{3 + \frac{\varepsilon_B}{\beta_n}} \quad (3)$$

Aus den Gleichungen (3) ist sofort ersichtlich, dass die oben erwähnten k_n Werte identisch sind mit dem Quotienten ε/β_n . Darin bedeutet ε_A den gemeinsamen Drehwinkel der Stäbe $1, 2, 3, \dots, n-1$ am Knoten A infolge eines vom Stabe n her an diesem Knoten wirkenden Momentes $MA_n = 1$. β_n ist der Auflagerdrehwinkel bei A des frei aufliegend gedachten Stabes n infolge eines in B angreifenden Momentes $MB_n = 1$ und hat für konstantes J_n den für beide Auflager gleichen Wert:

$$\beta_n = \frac{l_n}{6 E J_n} \quad (4)$$

Der Winkel ε_A ist durch folgende Beziehung mit den anschliessenden Stäben in Verbindung gebracht:

$$\frac{1}{\varepsilon_A} = \frac{1}{\tau_{A_1}} + \frac{1}{\tau_{A_2}} + \frac{1}{\tau_{A_3}} + \dots + \frac{1}{\tau_{A_{n-1}}} = \sum_{1}^{n-1} \frac{1}{\tau_A} \quad (5)$$

Darin bedeutet z. B. τ_{A_1} den Drehwinkel bei A des in A gelenkig gelagerten und in C elastisch eingespannten Stabes 1. Sein Reziprokwert ist gegeben durch folgenden Ausdruck:

$$\frac{1}{\tau_{A_1}} = \frac{1}{\beta_1} \cdot \frac{l_1 - a_1}{2 l_1 - 3 a_1} \quad (6)$$

Durch Division des zweiten Faktors durch a_1 geht (6) über in

$$\frac{1}{\tau_{A_1}} = \frac{1}{\beta_1} \cdot \frac{\frac{l_1}{a_1} - 1}{2 \frac{l_1}{a_1} - 3}$$

da aber $l_1/a_1 = v a_1 = k a_1 + 3$ erhält man durch Einsetzung dieses Wertes:

$$\frac{1}{\tau_{A_1}} = \frac{1}{\beta_1} \cdot \frac{2 + k a_1}{3 + 2 k a_1} \quad (7)$$

Der Faktor $\frac{2 + k a_1}{3 + 2 k a_1}$ soll mit m_{a_1} bezeichnet werden. Sodann führen wir in Gl. (5) die sämtlichen Werte gemäss (7) ein, sodass (5) übergeht in:

$$\frac{1}{\varepsilon_A} = \frac{m_{a_1}}{\beta_1} + \frac{m_{a_2}}{\beta_2} + \dots + \frac{m_{a_{n-1}}}{\beta_{n-1}} = \sum_{1}^{n-1} \frac{m_a}{\beta} \quad (8)$$

Wir multiplizieren (8) nun noch mit β_n und führen die entsprechenden Werte $1/6 E J_n$ ein, sodass wir erhalten:

$$\frac{\beta_n}{\varepsilon_A} = \frac{l_n}{6 E J_n} \cdot \frac{6 E J_1}{l_1} \cdot m_{a_1} + \dots \text{ usw.} \quad (9)$$

$$\frac{\beta_n}{\varepsilon_A} = \frac{l_n}{J_n} \cdot \frac{J_1}{l_1} \cdot m_{a_1} + \frac{l_n}{J_n} \cdot \frac{J_2}{l_2} \cdot m_{a_2} + \dots + \frac{l_n}{J_n} \cdot \frac{J_{n-1}}{l_{n-1}} \cdot m_{a_{n-1}}$$

Das Verhältnis Trägheitsmoment durch Spannweite = J/l sei mit c bezeichnet. Sodann bilden wir den reziproken Wert der Gl. (9), sodass die folgende, allgemeingültige Hauptformel für k_n entsteht:

$$k_n = \frac{c_n}{c_1 m_1 + c_2 m_2 + \dots + c_{n-1} m_{n-1}} = \frac{c_n}{\sum_{1}^{n-1} c \cdot m} \quad (10)$$

Die in Formel (10) auftretenden Werte c_1, \dots, c_{n-1} sind ihrer Definition gemäss für jeden Stab bekannte Festwerte. Deren Größenordnung im allgemeinen und ihr Einfluss auf k_n werden wir später untersuchen. Vorerst seien die Werte m_1, m_2, \dots, m_{n-1} näher untersucht, da sie die Grundlage der Näherungsberechnung bilden.

Werte m_n . Wie schon erwähnt, aber ohne Festpunktindex, ist:

$$m_n = \frac{2 + k_n}{3 + 2 k_n} \quad (11)$$

Wenn man k_n durch den in (10) gefundenen Ausdruck ersetzt, kann (11) in folgender Form angeschrieben werden:

$$m_n = \frac{2 + c_n / \sum_{1}^{n-1} c \cdot m}{3 + 2 c_n / \sum_{1}^{n-1} c \cdot m} \quad (12)$$

Es wurde schon gezeigt, dass k_n alle Werte zwischen 0 und ∞ annehmen kann, entsprechend voller Einspannung bezw. gelenkiger Lagerung. Damit sind auch schon die Grenzwerte von m_n festgelegt, nämlich:

Für $k_n = 0$ wird $m_n = \frac{2}{3}$ Volle Einspannung $\frac{1}{m} = 1,5$

Für $k_n = \infty$ wird $m_n = \frac{1}{2}$ Gelenkige Lagerung $\frac{1}{m} = 2,0$

Die selben Grenzen gelten natürlich auch für die in (12) unter dem Summenzeichen stehenden m_1, \dots, m_{n-1} . Welches ihre

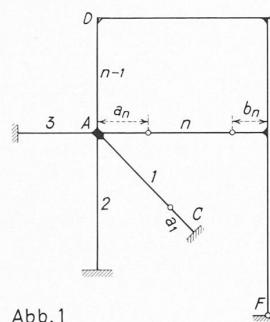


Abb. 1



Abb. 3. Ansicht aus Südwest



Haus S.-v. H. in Goldbach-Küschnacht

Abb. 4. Bergseite aus Osten

wirklichen Werte sind, hängt vom Einspannungsgrad der betriebenen Stäbe an dem, dem betrachteten Knoten entfernt liegenden Stabende ab. Zum Teil können sie zum vornherein bekannt sein, wenn z. B. einer oder mehrere der Stäbe «äußere», d. h. an einem Ende voll eingespannte oder gelenkig gelagerte Stäbe sind. Sobald es sich aber um «innere» Stäbe handelt, also solche, die an beiden Enden elastisch eingespannt sind, sind die m -Werte bei mehr als zweistäbigen Knoten oder geschlossenen Stabzügen vorläufig unbekannt. Bis jetzt ist man vorerst so vorgegangen, dass man die überzähligen Festpunktabstände schätzungsweise annahm und dann in einem zweiten Rechnungsgang verbesserte. Wir können nun aber folgende, weiter unten bewiesene, wichtige Behauptung aufstellen:

«Die Differenz Δm_n zwischen dem genauen Wert von m_n und dem auf Grund von geschätzten Werten $m_1, m_2 \dots m_{n-1}$ ermittelten Näherungswert m_n' übersteigt nie den maximalen Wert von $\pm \Delta m_{n\max} = 0,012$ und erreicht diese Grenze überdies nur, wenn man in der Schätzung den höchstmöglichen Fehler macht, d. h. wenn z. B. sämtliche m_1, m_2 usw. in Wirklichkeit $= \frac{2}{3}$ sind, man sie zu $\frac{1}{2}$ schätzt.»

Diese Behauptung wollen wir mit Hilfe einer Kurve, die «Differenz Grenzwertkurve» genannt sein soll, beweisen. Es soll ein Knotenpunkt vorliegen, in dem nur «innere» Stäbe zusammenlaufen. Die Werte c_1, c_2, \dots, c_n sind natürlich bekannt, dagegen sämtliche m -Werte unbekannt. Es werden uns vorläufig bei gegebenen c -Werten nur die Maximal- und Minimalwerte von m_n interessieren, um die maximale Differenz feststellen zu können. Aus (12) erkennt man mit Leichtigkeit, dass wir, um $m_{n\min}$ zu erhalten, sämtliche m mit dem Kleinstwert $\frac{1}{2}$ einsetzen müssen, und für $m_{n\max}$ alle m mit dem Größtwert $\frac{2}{3}$. Die entsprechenden Ausdrücke lauten dann:

$$m_{n\min} = \frac{2 + c_n/0,50 \Sigma c}{3 + 2c_n/0,50 \Sigma c} = \frac{2 + 2c_n/\Sigma c}{3 + 4c_n/\Sigma c} = \frac{2 + 2c'}{3 + 4c'} \quad (12a)$$

$$c_n/\sum_{i=1}^{n-1} c_i = c' \quad (12a)$$

$$m_{n\max} = \frac{2 + c_n/0,66 \Sigma c}{3 + 2c_n/0,66 \Sigma c} = \frac{2 + 1,5 c_n/\Sigma c}{3 + 3 c_n/\Sigma c} = \frac{2 + 1,5 c'}{3 + 3 c'} \quad (12b)$$

Die Differenz $m_{n\max} - m_{n\min} = \Delta m_{n\max}$ ist somit in Abhängigkeit gebracht zu den Werten c' , d. h. die Gleichung der gesuchten Differenzkurve lautet:

$$\Delta m_{n\max} = f(c') = \frac{2 + 1,5 c'}{3 + 3 c'} - \frac{2 + 2 c'}{3 + 4 c'} \quad (13)$$

Durch Nullsetzung der ersten Ableitung $f'(c')$ erhält man den Abszissenwert c' für welchen Δm_n den überhaupt grössten Wert erreicht. Die Schlussgleichung, aus der c' hervorgeht, lautet:

$$c' = \frac{6 - \sqrt{3}}{4 \sqrt{3} - 6} = 0,866$$

Diesen Wert in (13) eingesetzt, ergibt als Maximalwert von m_n : $m_{n\max}$ (absolut) = 0,012. Man erkennt, dass die Kurve gleich am Anfang ziemlich rasch ansteigt. Da für $c' = \infty$ $f(c') = 0,50 - 0,50 = 0$, sich die Kurve also der c' -Achse asymptotisch nähert, muss sie auch einen Wendepunkt besitzen. Durch Nullsetzen der zweiten Ableitung $f''(c')$ erhält man die Lage auch dieses Punktes. Der entsprechende Wert c' ist = 1,74 und $\Delta m_n = 0,0106$. In Abb. 2 ist die der Gl. (13) entsprechende Kurve aufgezeichnet. Aus deren Verlauf ersieht man, dass nach dem raschen Aufstieg zum Maximum die Kurve sehr langsam fällt. Von grösserem

Interesse ist aber das Intervall von $c' = 0$ bis $c' = 0,866$ oder genau genug bis $c' = 1,0$. Es lässt sich nämlich anhand ausgeführter Tragwerke feststellen, dass in der Mehrzahl der Fälle die Werte c' kleiner als 1, und sehr oft kleiner als 0,50 sind.

Wir ermitteln nun den mittleren Wert von Δm_n für das Intervall $c' = 0$ bis 0,866. Das entsprechende Kurvenstück entspricht genau genug einer Parabel vierten Grades, dargestellt durch die Gleichung:

$$J_1 = J_0 \left(1 - \frac{x^4}{x_0^4} \right) \quad x_0 = 0,866 \\ x = x_0 - c' \\ J_0 = 0,012$$

Das mittlere Δm_n kann als mittlere Höhe der Fläche F aufgefasst werden.

$$F = 0,012 \int_0^{0,866} dx - 0,0214 \int_0^{0,866} x^4 dx \quad \Delta m_n \text{ Mittel} = \frac{F}{x_0}$$

Die Auswertung des Integrals ergibt: $\Delta m_n \text{ Mittel} = \frac{0,00832}{0,866} = 0,0096$

Das zugehörige c' findet man aus Gl. (13) durch probieren und erhält $c' = 0,33$. Setzt man nun diesen Wert $c' = 0,33$ in die durch Gl. (12a) und (12b) gegebenen Ausdrücke für $m_{n\min}$ und $m_{n\max}$ ein und bildet das Mittel aus beiden Werten, so erhält man einen mittleren Wert m_n , der den im allgemeinen auftretenden Einspannungsverhältnissen sehr gut entspricht, umso mehr, als ja bereits festgestellt wurde, wie unempfindlich m_n gegen Variation der $m_1, m_2 \dots$ Werte ist. Das genannte, mittlere m_n , das also in Zukunft an Stelle der Werte m_1, m_2, \dots, m_{n-1} treten wird, ergibt sich zu: m mittel = 0,63, oder als Reziprokwert $1/m = 1,60$. Setzen wir nun den jetzt für alle anschliessenden Stäbe 1, 2, ..., $n-1$ gleichen Wert $1/m = 1,60$ in die allgemeine Gl. (10) ein, so geht diese über in die abgekürzte Formel:

$$k_n = \frac{c_n}{\sum_{i=1}^{n-1} c_i \cdot 0,63} = \frac{1}{0,63} \cdot \frac{c_n}{\sum_{i=1}^{n-1} c_i} = 1,60 \cdot c' \quad (14)$$

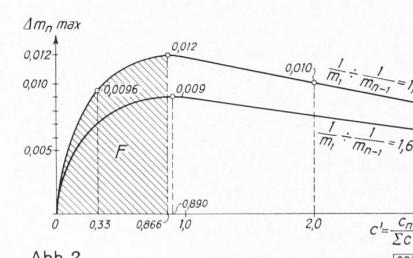


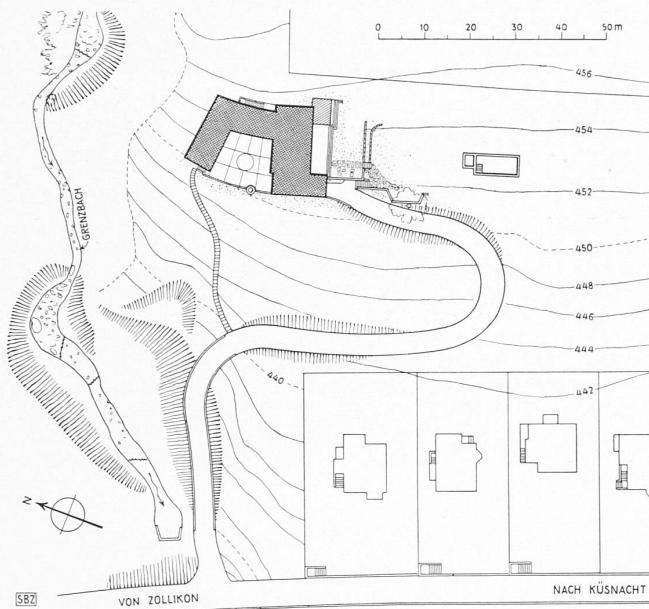
Abb. 2

In Abb. 2 ist die dem Wert 1,60 entsprechende Differenzkurve eingezeichnet. Man erkennt, dass bei Annahme gelenkiger Lagerung sämtlicher $n-1$ Stäbe die grösste Differenz nur noch 0,009 ist. Da aber der Wert $c' = 1$ äusserst selten erreicht wird, bleibt die Abweichung von m , bzw. k_n vom wahren Wert, vor allem bei mehr als zweistäbigen Knoten sehr gering. Der Festpunktabstand ist aber noch unempfindlicher gegen kleine Schwankungen von k , da der Wert $v = 3 + k$ bei Änderungen von k in der zweiten und in seltenen Fällen in der ersten Dezimalstelle wenig variiert. Anhand einiger Zahlenbeispiele soll gezeigt werden, dass die mit Hilfe der Formel (14) ermittelten Festpunktabstände brauchbare Werte ergeben¹).

¹) Die J/l und die genauen Werte der Festpunktabstände wurden entnommen aus: Suter, «Methode der Festpunkte», 1923.

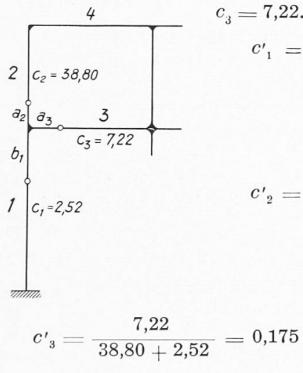
Haus S.-v. H. in Zollikon

Arch. Moser & Kopp, Zürich



Beispiele

a) Dreistäbiger Knoten. Trägheitsmomente stark verschieden²⁾. Stab 1 am Fusse fest eingespannt. $c_1 = 2,52$; $c_2 = 38,80$;



$$\begin{aligned} c'_1 &= \frac{2,52}{38,80 + 7,22} = 0,0547, \\ k_1 &= 1,60 \cdot 0,0547 = 0,088 \\ k_1 \text{ genau} &= 0,106 \\ v_1 &= 3,088 \quad b_1 = 1,81 \\ b_1 \text{ genau} &= 1,80 \\ c'_2 &= \frac{38,80}{2,52 + 7,22} = 3,98 \\ k_2 &= 1,60 \cdot 3,98 = 6,35 \\ k_2 \text{ genau} &= 6,36 \\ v_2 &= 9,35 \quad a_2 = 0,268 \\ a_2 \text{ genau} &= 0,267 \\ c'_3 &= \frac{7,22}{38,80 + 2,52} = 0,175 \\ k_3 &= 0,280 \\ k_3 \text{ genau} &= 0,339 \\ a_3 &= 1,28 \\ a_3 \text{ genau} &= 1,26 \end{aligned}$$

b) Dreistäbiger Knoten. J-Werte stark verschieden. Stab 1 mit Fussgelenk.

$$\begin{array}{llll} c_1 = 3,46 & c' = 0,130 & k = 0,208 (0,224) & b_1 = 2,07 (2,06) \\ c_2 = 6,17 & c' = 0,258 & k = 0,412 (0,448) & a_2 = 1,47 (1,46) \\ c_3 = 20,50 & c' = 2,130 & k = 3,410 (4,100) & a_3 = 0,85 (0,77) \end{array}$$

Den Wert a_3 kann man noch genauer erhalten, wenn man sich der allgemeinen Formel (10) bedient und dort für m_1 den hier bekannten Wert 0,50 einsetzt. Dann wird:

$$k_3 = 20,50 : (0,50 \cdot 3,46 + 0,63 \cdot 6,17) = 3,65 \quad a_3 = 0,82$$

Die Differenz beträgt also in diesem extremen Fall nur 6%.

c) Zweistäbiger Knoten

$$\begin{array}{llll} c_1 = 6,17 & c' = 4,22 & k = 6,75 (6,77) & b_1 = 0,514 (0,512) \\ c_2 = 1,46 & c' = 0,237 & k = 0,38 (0,375) & a_2 = 1,618 (1,620) \end{array}$$

Die vorstehenden Beispiele zeigen, dass das abgekürzte Verfahren die Festpunktabstände mit völlig genügender Genauigkeit liefert. Wenn man sich die Annahmen vergegenwärtigt, die meistens schon bei der Ermittlung der Systemaxen und Trägheitsmomente gemacht werden, erkennt man, dass eine kleine Verschiebung der Festpunkte keine grosse Bedeutung haben kann.

Es soll nun noch für den häufig vorkommenden Fall der nur aus zweistäbigen Knoten bestehenden Stabzüge (durchlaufender Balken, offene und geschlossene Rahmen usw.) die allgemeine Formel (10) in etwas andere Form gebracht werden, die es ermöglicht, den Wert k_n direkt aus dem schon ermittelten Wert k_{n-1} zu ermitteln. Dabei kann natürlich k_{n-1} je nach den Auflagerbedingungen der Endstäbe entweder mit der genauen

²⁾ Die Werte J werden in Zukunft stets mit 1000 multipliziert, um übersichtlichere c Werte zu erhalten.



Gl. (10) oder mit der Näherungsformel (14) ermittelt worden sein. Wie leicht zu erkennen, geht Gl. (10) für 2 Stäbe über in:

$$k_n = \frac{1}{m_{n-1}} \frac{c_n}{c_{n-1}} = \frac{1}{m_{n-1}} \cdot c'_n \quad (10a)$$

Nun ist aber gemäss früherer Definition der Wert m_{n-1} bzw. dessen Reziprokwert:

$$1/m_{n-1} = \frac{3 + 2 k_{n-1}}{2 + k_{n-1}}$$

somit kann die Gl. (10a) auch in folgender Form geschrieben werden:

$$k_n = \frac{3 + 2 k_{n-1}}{2 + k_{n-1}} \cdot c'_n$$

Beim durchlaufenden Balken, dessen Endfelder entweder fest eingespannt oder gelenkig gelagert sind, ist k_{n-1} natürlich bekannt (0 bzw. ∞) und damit auch alle andern Werte k . Bei geschlossenen Rahmen ermittelt man zuerst irgend einen k -Wert mittels Gl. (14) und setzt diesen Wert als k_{n-1} in (10b) ein. Dadurch erhält man den Wert k_n schon praktisch genau, wie im folgenden Beispiel gezeigt werden soll.

Es sei: $c_1 = c_3 = 3,42$

$c_2 = c_4 = 6,90$. Zuerst werde k_2 mit (14) berechnet

$$k_2 = 1,60 \frac{6,90}{3,42} = 3,23$$

$a_2 = b_2 = 0,37$ (genau 0,36)

$$k_3 = \frac{3 + 6,46}{2 + 3,23} \cdot \frac{3,42}{6,90} = 0,89$$

$a_3 = b_3 = 0,684$ (genau 0,680)

Aus k_3 findet man nun $k_4 = k_2$ verbessert, nämlich = 3,34. Dieser genaue Wert k liefert nun den genaueren Wert $a_2 = 0,362$, der praktisch genau ist.

Die Beispiele, die die Brauchbarkeit des abgekürzten Verfahrens beweisen, liessen sich noch vermehren. Vor allem lässt sich damit auf raschem Weg entscheiden, ob es sich in gewissen Fällen lohnt, teilweise Einspannung überhaupt anzunehmen. Besser allerdings lässt sich dies mit Hilfe der Uebergangszahlen entscheiden, deren Ermittlung, unabhängig von der Festpunktberechnung, in der wie folgt gezeigten Weise erfolgen kann.

II. Uebergangszahlen

Es liege wieder der in Abb. 1 dargestellte Knoten A mit 1 bis n anschliessenden Stäben vor. Es werde nun vom Stabe 1 her ein Moment M_A eingeleitet, das sich auf die übrigen $n-1$

Stäbe verteilen wird. Nehmen wir $M_A = 1$ an, so erkennt man, dass die Übergangszahlen stets < 1 oder höchstens $= 1$ sein können. Bekanntlich ist der Anteil, den ein anschliessender Stab vom eingeleiteten Moment aufnimmt, umso grösser, je steifer er ist. Die Steifigkeit eines Stabes ist aber bekanntlich durch den Reziprokwert $\frac{1}{\tau}$ dargestellt, wo τ die in Gl. (6) definierte Bedeutung hat. Ohne auf die Herleitung einzugehen, lautet nun der allgemeine Ausdruck für die Übergangszahlen, in Funktion der Werte $1/\tau$:

$$U_{1-n} = \frac{\frac{1}{\tau_n}}{\frac{1}{\tau_1} + \frac{1}{\tau_2} + \dots + \frac{1}{\tau_n}} \quad (15)$$

U_{1-n} ist der Momentenanteil, der vom Stab 1 nach dem Stab n übergeht.

Mit Gl. (7) wurde gezeigt, dass man den Wert $1/\tau$ auch schreiben kann: $1/\tau_n = \frac{1}{\beta_n} \cdot m_n$, sodass nach Einsetzung dieses Wertes in (15) und entsprechender Umformung (15) übergeht in:

$$U_{1-n} = \frac{c_n \cdot m_n}{c_1 \cdot m_1 + c_2 \cdot m_2 + \dots + c_n \cdot m_n} \quad c = J/l \quad (16)$$

Es ist nun nur noch über die Werte m zu entscheiden. Es liegt kein Grund vor, nicht die gleichen Annahmen dafür zu machen, wie bei der Ermittlung der Festpunkte, d. h. wir nehmen sämtliche m mit dem selben Wert an. Durch diese Annahme heben sich die Werte m aus Gl. (16) heraus und diese geht über in die abgekürzte Formel:

$$U_{1-n} = \frac{c_n}{c_1 + c_2 + \dots + c_n} \quad (17)$$

Die Werte c sind schon von der Festpunkttermittlung her bekannt. Auch hier nimmt man mit Vorteil den 1000 fachen Wert an. In der Nennersumme fehlt stets der Wert c desjenigen Stabes, von dem das Moment herkommt. Beim zweistäbigen Knoten wird U_{1-n} folgerichtig $= 1$.

Das Landhaus S.-v. H. in Küsnacht am Zürichsee

Architekten MOSER & KOPP, Zürich

So einheitlich die sachlich bestimmenden Faktoren für die Gestaltung der herrschaftlichen Wohnhäuser in dieser Lage erscheinen, so verschieden sind all die Bauten aus der langen Reihe der hier schon gezeigten¹⁾ ausgefallen. Heute führen wir unsern Lesern ein Werk vor, das sich in noch ausgeprägterem Mass als dies seit einigen Jahren wieder üblich wird, an traditionelle Formen anlehnt, und bei dem mit besonderer Liebe und in enger

¹⁾ Wir denken z. B. an die Häuser in Küsnacht von Arch. W. J. Tobler (Bd. 112, Nr. 17), Rüschlikon von Vogelsanger & (?) Maurer (Bd. 111, Nr. 10), Zollikon von A. H. Steiner (Bd. 110, Nr. 18), Witikon von Kündig & Oetiker (Bd. 109, Nr. 15), Wollishofen von W. J. Tobler (Bd. 108, Nr. 1), Kilchberg von Hans Roth (Bd. 107, Nr. 2), auf dem Kapf-Zumikon von W. L. Boedeker (Bd. 103, Nr. 13), Küsnacht von Laubi & Bossard (Bd. 102, Nr. 20), «Höfl»-Zürichberg von Moser & Kopp (Bd. 101, Nr. 13), im «Düggel» von Lux Guyer (Bd. 99, Nr. 7), Eigenheim O. R. Salvisberg in Ed. 99, Nr. 13, u. a. m.

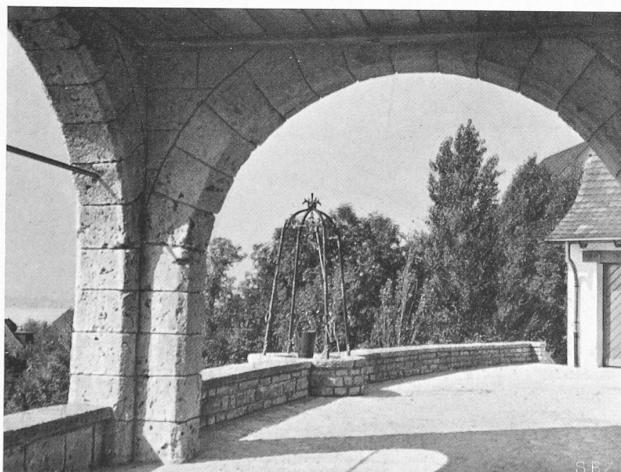


Abb. 11. Durchblick in den Hof mit dem Sodbrunnen

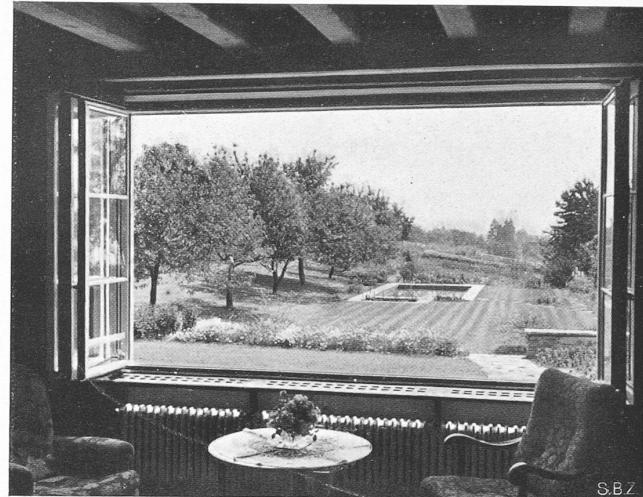


Abb. 14. Ausblick aus der Wohnhalle auf das Schwimmbad

Zahlenbeispiel. Es seien die c -Werte des Beispiels 1 angenommen. Man erhält:

$$\begin{aligned} U_{1-2} &= 38,80 : (7,22 + 38,80) = 0,842 \quad (0,824) \quad \text{Fehler } 2 \% \\ U_{2-1} &= 2,52 : (7,22 + 2,52) = 0,260 \quad (0,276) \quad \text{Fehler } 6 \% \\ U_{2-3} &= 7,22 : (7,22 + 2,52) = 0,740 \quad (0,724) \quad \text{Fehler } 2 \% \\ U_{3-1} &= 2,52 : (38,80 + 7,22) = 0,055 \quad (0,078) \quad \text{Fehler } 29 \% \end{aligned}$$

Der Fehler von U_{3-1} spielt bei dem kleinen Absolutwert der Übergangszahl keine grosse Rolle, da praktisch Stab 1 gelenkig angeschlossen.

Damit ist auch für die Übergangszahlen eine leicht zu behaltende und einfach anwendbare Berechnungsweise gezeigt worden, die es dem praktisch arbeitenden Ingenieur erlaubt, sich rasch und mit genügender Genauigkeit ein Bild über die Momentenverteilung an jedem und zudem einzeln herausgreifbaren Knoten zu machen.

Zusammenarbeit von Architekt und Bauherr der schmuckvollen Ausgestaltung aller Einzelheiten die grösste Sorgfalt gewidmet wurde. Wenn in dieser Hinsicht auch für den Durchschnittsgeschmack unserer heutigen Architektengeneration, gemessen am Werkbundgedanken, etwas viel getan sein mag, wollen wir deswegen diesen Bau doch nicht kurzerhand als unzeitgemäß ablehnen — vielmehr möchten wir gerade zeigen, wie sinnvoll, praktisch und wohnlich das Haus geworden ist und auch bleiben wird, selbst wenn die Schönheitsbegriffe unvermuteterweise nochmals nach der Art der «reinen Sachlichkeit» umschlagen sollten.

Zum Verständnis der Gesamtanlage (Abb. 1 bis 4, S. 162/63) ist darauf hinzuweisen, dass der Bauherr sich die spätere Ausnutzung des an die Zürichstrasse anstossenden tiefliegenden Grundstückzipfels als Bauplatz durch die Zufahrt zu seinem in

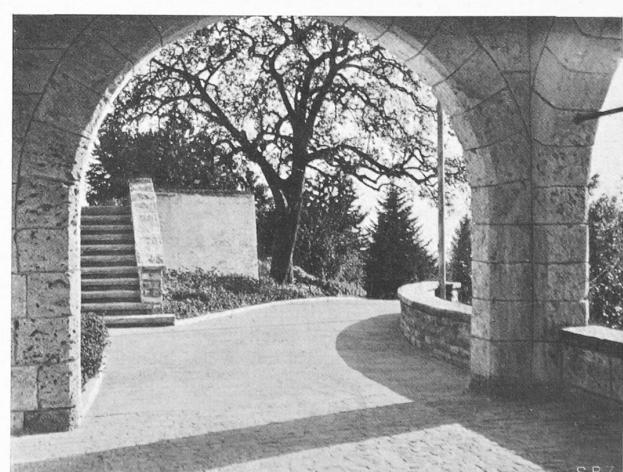


Abb. 10. Oberes Ende der Zufahrtstrasse im Torbogen