**Zeitschrift:** Schweizerische Bauzeitung

Herausgeber: Verlags-AG der akademischen technischen Vereine

**Band:** 99/100 (1932)

**Heft:** 25

**Artikel:** Die Reibung in Gleitlagern

Autor: Bosch, M. Ten

**DOI:** https://doi.org/10.5169/seals-45511

## Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Mehr erfahren

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. En savoir plus

#### Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. Find out more

**Download PDF:** 30.11.2025

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, https://www.e-periodica.ch

INHALT: Die Reibung in Gleitlagern. - Das Basler Kunstmuseums-Projekt. - Eidg. Amt für Wasserwirtschaft, 1931. - Jubiläumsfeier fünfzig Jahre Gotthardbahn. - Zum Kapitel Berufsmoral. - Wärmezähler für Zentralheizungen. - Zur Wegwahl des Kantonsingenieurs von Obwalden. - Mitteilungen: Der Oxymetallgleichrichter von Westinghouse. Achsbrücke von Eisenbahnfahrzeugen. Grossdrehbank mit elektrischer Steuerung. Die neue Schlachthofbrücke in Dresden. Eine Diskussionstagung über Unfallverhütung in Industrie und Baubetrieben. Das Kraftwerk Cize-Bolozon. Eine "Zürcher Autoschau". — Nekrologe: Ludwig Mathys. — Wettbewerbe: Bebauungsplan der Stadt Lausanne. Neubau des Kollegienhauses der Universität Basel. Schmuckbrunnnen zum Andenken an Prof. Dr. August Forel in Zürich. - Literatur.

Band 99

Der S. I. A. ist für den Inhalt des redaktionellen Teils seiner Vereinsorgane nicht verantwortlich. Nachdruck von Text oder Abbildungen ist nur mit Zustimmung der Redaktion und nur mit genauer Quellenangabe gestattet.

Nr. 25

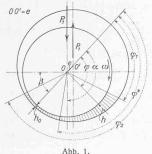
# Die Reibung in Gleitlagern.

Von Prof. M. TEN BOSCH, E. T. H., Zürich.

Die Theorie der Reibung geschmierter Flächen<sup>1</sup>) gehört heute zu den wichtigsten Grundlagen des Maschinenbaues. Da die Trägheitskräfte dabei vernachlässigbar sind, beruht sie ausschliesslich darauf, dass bei der Strömung physikalischer Flüssigkeiten Schubspannungen τ auftreten, die dem Geschwindigkeitsgefälle dw/dy proportional sind:

$$\tau = \eta \, \frac{dw}{dv} \quad . \quad . \quad . \quad . \quad . \quad (1)$$

Der Proportionalitätsfaktor η (kg s/m²) wird Zähigkeitszahl genannt. Die Schlussfolgerungen der Theorie stimmen mit der Erfahrung gut überein. Ihre Zuverlässigkeit wird aber noch oft bezweifelt, weil gelegentlich abweichende Versuchsresultate bekannt werden. Namentlich von seiten der Chemiker wird immer wieder behauptet, dass nicht die Zähigkeit des Oeles für die Schmierfähigkeit allein massgebend ist, sondern auch die sog. Schlüpfrigkeit (Oiliness, Onctuosité), eine wesentliche Rolle spielt. Diese Schlüpfrigkeit wird in den verschiedenen Veröffentlichungen sehr verschieden umschrieben.2) Es handelt sich dabei nicht um eine klar definierte physikalische Eigenschaft der Flüssigkeiten, sondern es soll die Wirkung der molekularen Kräfte in den Grenzschichten erfasst werden. Die molekularen Kräfte wirken aber nur in einem Bereich von der Grössenordnung des Moleküldurchmessers, während die kleinsten in der Praxis vorkommenden Oelspalte (etwa o,oo1 mm) noch 104 mal grösser als der Moleküldurchmesser sind. Es ist also sehr unwahrscheinlich, dass die Molekülarkräfte etwas anderes bewirken, als dass die Flüssigkeit an den Grenzflächen haftet.



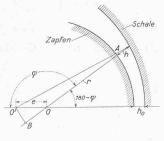


Abb. 2.

Die bekannte Gleichung für die eindimensionale Flüs-

$$\frac{dp}{dx} = 6 \eta U \frac{h - h^*}{h^3} \qquad (2)$$

geschwindigkeit des Zapfens und h# eine Integrationskonstante, nämlich jene Schmiermitteldicke, für die dp/dx = 0, also p ein Maximum wird. Die veränderliche Höhe h ist

1) Die vier grundlegenden Arbeiten der hydrodynamischen Theorie der Schmiermittelreibung (Petroff, Reynolds, Sommerfeld & Michell) sind zusammengefasst in Oswalds Klassiker, Nr. 218. Leipzig 1927. Das Buch von Falz, "Grundzüge der Schmiertechnik", 2 Auflage, Springer, Berlin. hat viel dazu beigetragen, die Schlussfolgerungen der Theorie in Ingenieurkreisen einzuführen; leider kommen die theoret. Grundlagen darin zu kurz.

2) Eine vollständige Zusammenstellung aller mit der Schlüpfrigkeit zusammenhangenden Fragen gibt P. Woag: "Contribution à l'étude du graissage", Paris 1925, Delagrave.

3) Vergl. z. B. meine Vorlesungen über Maschinenelemente, Heft III, S. 32, Gl. (27). Jul. Springer, Berlin. Das Weglassen des Minus-Zeichens erklärt sich dadurch, dass U in Abb. I in der positiven X-Richtung wirkt. durch die Form des Oelspaltes gegeben. Für Lager, deren Schalenradius um einen Betrag Ar grösser als der Zapfenradius ist (Abb. 1), folgt aus dem geometrischen Zusammenhang (Abb. 2):

 $h + r + e \cos(180 - \varphi) = r + \Delta r^{4}$   $h = \Delta r - e \cos(180 - \varphi) = \Delta r + e \cos \varphi . \quad (3)$ Um allgemeine, von der Lagergrösse unabhängige Beziehungen zu erhalten, werden dimensionslose Grössen eingeführt, nämlich:

 $\varrho = \Delta r/r, \text{ das relative Lagerspiel, und}$   $\varepsilon = e/\Delta r, \text{ die relative Exzentrizität.}$ Damit wird:  $h = \Delta r (t + \varepsilon \cos \varphi)$  . . . (3a)

und die kleinste Schmierschichtdicke 
$$h_0$$
, für  $\varphi = 180^\circ$ :  $h_0 = \Delta r (1 - \varepsilon)$  . . . . . (4)

Nur im Bereich  $\varphi={\rm o}$  bis  $\varphi=\pi$  nimmt die Oelschichtdicke stetig ab; ausserhalb dieses Gebietes sind die Oelschichten divergent, womit Druckverminderung und Zerreissen der Schicht verbunden sind. Mit den Werten von h und  $h^*$  lautet die Differentialgleichung (2):

$$\frac{dp}{d\varphi} = \frac{6 \eta \omega}{\varrho^2} \left( \frac{1}{(1 + \epsilon \cos \varphi)^2} - \frac{1 + \epsilon \cos \varphi^*}{(1 + \epsilon \cos \varphi)^3} \right) . \quad (5)$$
worin  $\varphi^*$  der Winkel ist, für den  $p$  ein Maximum wird.

Durch Integration zwischen einem zuerst beliebig angenommenen Eintrittswinkel  $arphi_1$  und dem beliebigen arphi erhält

man den Druck 
$$p$$
 an der Stelle  $\varphi$ :
$$p = \frac{6 \eta \omega}{\varrho^2} \left[ j_2 - (\mathbf{r} + \varepsilon \cos \varphi^*) j_3 \right] \quad . \quad . \quad (6)$$
worin die Symbole  $j_2$  bezw.  $j_3$  Abkürzungen für die beiden

worin die Symbole 
$$j_2$$
 bezw.  $j_3$  Abkürzungen für die beide Integrale 
$$\int_{\varphi_1}^{\psi} \frac{d\varphi}{(\mathbf{1} + \varepsilon \cos \varphi)^2} \quad \text{bezw.} \quad \int_{\varphi_1}^{\varphi} \frac{d\varphi}{(\mathbf{1} + \varepsilon \cos \varphi)^3} \quad \text{sind.}$$
Setzt man: 
$$\frac{\varepsilon + \cos \varphi}{\mathbf{1} + \varepsilon \cos \varphi} = \cos \gamma$$
so wird: 
$$\mathbf{1} + \varepsilon \cos \varphi = \frac{\varepsilon + \cos \varphi}{\cos \gamma}$$
und 
$$\mathbf{1} - \varepsilon \cos \varphi = \mathbf{1} - \frac{\varepsilon^2 + \varepsilon \cos \varphi}{\mathbf{1} + \varepsilon \cos \varphi} = \frac{\mathbf{1} - \varepsilon^2}{\mathbf{1} + \varepsilon \cos \varphi}$$
oder 
$$\mathbf{1} + \varepsilon \cos \varphi = \frac{\mathbf{1} - \varepsilon^2}{\mathbf{1} - \varepsilon \cos \gamma}$$
Durch Differentiation erhält man:

Setzt man: 
$$\frac{\varepsilon + \cos \varphi}{1 + \varepsilon \cos \varphi} = \cos \gamma$$

so wird: 
$$1 + \varepsilon \cos \varphi = \frac{\varepsilon + \cos \varphi}{\cos \gamma}$$

und 
$$1 - \varepsilon \cos \gamma = 1 - \frac{\varepsilon^2 + \varepsilon \cos \varphi}{1 + \varepsilon \cos \varphi} = \frac{1 - \varepsilon^2}{1 + \varepsilon \cos \varphi}$$

oder 
$$1 + \varepsilon \cos \varphi = \frac{1 - \varepsilon^2}{1 - \varepsilon \cos \gamma}$$

Durch Differentiation erhält man:

$$\sin \varphi \ d\varphi = - (\mathbf{I} - \varepsilon^2) \frac{\varepsilon \sin \gamma \ d\gamma}{(\mathbf{I} - \varepsilon \cos \gamma)^2}$$

Durch Differentiation erhält man: 
$$\sin\varphi \ d\varphi = - (\mathbf{I} - \varepsilon^2) \frac{\varepsilon \sin\gamma \ d\gamma}{(\mathbf{I} - \varepsilon \cos\gamma)^2}$$
 Nun ist  $\sin\gamma = \sqrt{\mathbf{I} - \cos^2\gamma} = \frac{\mathbf{I}}{\mathbf{I} + \varepsilon \cos\varphi} \sqrt{(\mathbf{I} - \varepsilon^2) - \cos^2\varphi \ (\mathbf{I} - \varepsilon^2)}$  oder  $\sin\gamma = -\frac{\sin\varphi}{2} \sqrt{1 - \varepsilon^2}$ 

oder 
$$\sin \gamma = \frac{\sin \varphi}{1 + \epsilon \cos \varphi} \sqrt{1 - \epsilon^2}$$

Damit wird

$$d\varphi = \frac{\sqrt{(1-\varepsilon^2)^3} d\gamma}{(1+\varepsilon\cos\varphi) (1-\varepsilon\cos\gamma)^2} = \frac{\sqrt{(1-\varepsilon^2)^3} d\gamma}{(1-\varepsilon\cos\gamma) (1-\varepsilon^2)}$$
$$= \frac{\sqrt{1-\varepsilon^2}}{1-\varepsilon\cos\gamma} d\gamma$$

mit diesen trigonometrischen Substitutionsformeln wird:

mit diesen trigonometrischen Substitutionsformein wird: 
$$j_2 = \frac{1}{\sqrt{(1-\varepsilon^2)^3}} \int_{\gamma_1}^{\gamma_1} (1-\cos\gamma) \, d\gamma$$

$$= \frac{1}{\sqrt{(1-\varepsilon^2)^3}} \left[ (\gamma-\gamma_1) - \varepsilon \left( \sin\gamma - \sin\gamma_1 \right) \right]$$
 und (I)

$$j_{3} = \frac{1}{\sqrt{(1-\varepsilon^{2})^{5}}} \left[ \left( 1 + \frac{\varepsilon^{2}}{2} \right) (\gamma - \gamma_{1}) - 2\varepsilon \left( \sin \gamma - \sin \gamma_{1} \right) + \frac{\varepsilon^{2}}{4} \left( \sin 2\gamma - \sin 2\gamma_{1} \right) \right]$$
(II)

<sup>4)</sup> Die exakte Gleichung für h ist viel verwickelter (Wolff, Forschungsheft 308 S. 17); die hier gemachte Vereinfachung ist aber durchaus zulässig, weil der Fehler nur etwa 0,3% beträgt.

Im Interesse einer Vereinfachung der Rechnung ist die Zähigkeit des Oeles bei der Integration als unveränderlich angenommen. Nun nimmt aber die Zähigkeit aller Oelsorten mit zunehmender Temperatur ab und bei grossen Drücken ist  $\eta$  auch noch vom Druck abhängig. Die Erfahrung muss zeigen, ob die Wahl einer mittlern Temperatur ausreicht, um die Veränderlichkeit der Zähigkeit mit praktisch genügender Genauigkeit zu berücksichtigen.

Die Gleichung (6) muss den Grenzbedingungen genügen, dass — wenn das Oel ohne Ueberdruck zu- und abfliessen kann — für  $\varphi=\varphi_1$  und für  $\varphi=\varphi_2$  (Austritt) p = o ist. Die erste Bedingung ist immer erfüllt, weil für  $\varphi = \varphi_1$  die Integrale  $j_2$  und  $j_3$  Null werden. Die zweite Bedingung führt zu der Gleichung:

$$\int\limits_{q_1}^{\varphi_2}\frac{d\varphi}{(\mathbf{1}+\varepsilon\cos\varphi)^2}-(\mathbf{1}+\varepsilon\cos\varphi^*)\int\limits_{q_2}^{\varphi_2}\frac{d\varphi}{(\mathbf{1}+\varepsilon\cos\varphi)^3}=\mathbf{0}$$

oder mit den abgekürzten Bezeichnungen  $J_2$  und  $J_3$  für die zwischen den Grenzen  $\varphi_1$  und  $\varphi_2$  integrierten Integrale:

Zum Nachprüfen der rechnerischen Druckverteilung haben Gümbel<sup>5</sup>), Lasche<sup>6</sup>) und Andere Versuche durchgeführt und eine gute Uebereinstimmung gefunden. Die genauen Druckmessungen von R. E. Stanton im Nat. Phys. Laboratorium 7) mit verschiedenen Oelsorten bestätigen die Gl. (7) auch für Oelspalten bis 0,001 mm (Abb. 3). Es ist

dass • beobachtete Drucke × berechnete Drucke nach Gleichung 8 tig sind.  $\frac{dp}{d\varphi} = -38400$ @= 165°24

Abb. 3. Versuche von R. E. Stanton.

demnach gar nicht daran zu zweifeln, die Voraussetzungen der Theorie ausreichend und rich-

Die äusseren Kräfte, die auf dem Zapfen wirken, sind: a) Die totale Belastung P, die in der vertikalen Richtung durch O wirkend gedacht ist, unter der Voraussetzung, dass keine zusätzlichen Kräfte wirken, die z. B. vom unvollständigen Massenausgleich der drehenden Teile herrühren können. b) Das zur Ueberwindung der Reibung erforderliche Drehmoment  $M_d$  der Welle.

Diese Kräfte werden im Gleichgewicht gehalten durch: c) die radialen Pressungen p zwischen Oelschicht und Zapfen im benetzten Bogen  $\varphi_1$  bis  $\varphi_2$ . Diese wirken senkrecht zur Zapfenoberfläche, so dass die resultierende, auf dem Zapfen wirkende Kraft durch den Zapfenmittelpunkt O (Abb. 1) gehen muss. d) Das Moment der Schubspannungen 70 an der Zapfenoberfläche.

Eintritt

Nennen wir  $P_1$  die Belastung und  $M_1$  das Drehmoment der Welle, beide auf die Breiteneinheit<sup>s</sup>) des

Zapfens bezogen, so lauten die Gleichgewichtsbedingungen für den Zapfen:

$$P_1 \cos \alpha = r \int_{\varphi_1}^{\varphi_2} p \cos \varphi \ d\varphi \qquad . \qquad . \qquad . \qquad (9)$$

$$P_1 \sin \alpha = r \int_{\varphi_1}^{\varphi_2} p \sin \varphi \ d\varphi$$
 . . . (10)

wenn der Winkel zwischen der Kraftrichtung zwischen P und OO' mit α bezeichnet wird. Durch partielle Integration  $(\int u \, dv = uv - \int v \, du)$  der Gl. (9) erhält man:

$$P_1 \cos \alpha = r \left[ p \sin \varphi \right] - r \int_{-\pi}^{\varphi_2} \frac{dp}{d\varphi} \sin \varphi \ d\varphi$$

Das erste Glied auf der rechten Seite wird Null, wenn der Druck p am Ein- und Austritt gleich Null ist. Mit dem Wert  $dp/d\varphi$  aus Gl. (5) wird:

$$P_1 \cos \alpha = -\frac{6 \eta U}{\varrho^2} \left( \int_{\varphi_1}^{\varphi_2} \frac{\varepsilon \sin \varphi \, d\varphi}{(\mathbf{1} + \varepsilon \cos \varphi)^2} - \int_{\varphi_1}^{\varphi_2} \frac{\varepsilon \sin \varphi \, d\varphi}{(\mathbf{1} + \varepsilon \cos \varphi)^3} \right)$$

$$= -\frac{6 \eta U}{\varrho^2} \left( i_2 - i_3 \frac{J_2}{J_3} \right) = -\frac{6 \eta U}{\varrho^2} S_2 . \quad (12)$$

worin zur Abkürzung

$$i_2 = \int_{\frac{\varphi_1}{\varphi_1}}^{\varphi_2} \frac{\varepsilon \sin \varphi \ d\varphi}{(1 + \varepsilon \cos \varphi)^2} = \frac{1}{1 + \varepsilon \cos \varphi_2} - \frac{1}{1 + \varepsilon \cos \varphi_1}$$
 (13)

$$i_{2} = \int_{\varphi_{1}}^{\varphi_{2}} \frac{\varepsilon \sin \varphi \, d\varphi}{(\mathbf{1} + \varepsilon \cos \varphi)^{2}} = \frac{\mathbf{I}}{\mathbf{1} + \varepsilon \cos \varphi_{2}} - \frac{\mathbf{I}}{\mathbf{1} + \varepsilon \cos \varphi_{1}} \quad (\mathbf{13})$$

$$i_{3} = \int_{\varphi_{1}}^{\varphi_{2}} \frac{\varepsilon \sin \varphi \, d\varphi}{(\mathbf{1} + \varepsilon \cos \varphi)^{3}} = \frac{\mathbf{I}}{2} \left( \frac{\mathbf{I}}{(\mathbf{1} + \varepsilon \cos \varphi_{2})^{2}} - \frac{\mathbf{I}}{(\mathbf{1} + \varepsilon \cos \varphi_{1})^{2}} \right) \quad (\mathbf{14})$$

und 
$$S_2 = i_2 - i_3 \frac{J_2}{J_2}$$
 . . . . . . . . (15)

gesetzt ist. In ähnlicher Weise findet man:

$$P_1 \sin \varphi = \frac{6 \eta U}{\varrho^2} \left( J_1 - \frac{J_2^2}{J_3} \right) = \frac{6 \eta U}{\varrho^2} S_1 \quad . \quad . \quad (16)$$

mit 
$$J_1=\int rac{arphi_2}{1+arepsilon\cos arphi}$$

$$= \frac{1}{\sqrt{1-\varepsilon^2}} \left[ \operatorname{arc} \operatorname{tg} \left( \sqrt{\frac{1-\varepsilon}{1+\varepsilon}} \operatorname{tg} \frac{\varphi_2}{2} \right) - \operatorname{arctg} \left( \sqrt{\frac{1-\varepsilon}{1+\varepsilon}} \operatorname{tg} \frac{\varphi_1}{2} \right) \right] (17)$$

$$\tau_0 = -\left(\frac{h}{2} \frac{dp}{dx} + \frac{U\eta}{h}\right). \quad . \quad . \quad . \quad (19)$$
 folgt mit den Werten von  $h$  und  $dp/d\varphi$  aus den Gl.(3) u. (5):

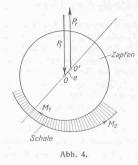
$$\tau_0 = -\frac{\eta U}{Jr} \left( \frac{4}{1+\epsilon \cos \varphi} - 3 \frac{J_2}{J_3} \frac{1}{(1+\epsilon \cos \varphi)^2} \right)$$

 $\tau_0 = -\frac{\eta U}{Jr} \left( \frac{4}{1 + \varepsilon \cos \varphi} - 3 \frac{J_2}{J_3} \frac{1}{(1 + \varepsilon \cos \varphi)^2} \right)$  und damit die Reibungskraft für die Breiteneinheit, am Zapfenumfang gemessen

$$R_{1} = r \int_{0}^{\varphi_{2}} d\varphi = \frac{\eta U}{\varrho} \left( 4 J_{1} - 3 \frac{J_{2}^{2}}{J_{3}} \right) . \quad (20)$$

und das Reibungsmoment, das mit dem Moment M1 im Gleichgewicht ist:

$$M_1 = -r^2 \int_{\tau_0}^{\tau_2} d\varphi = \frac{\eta U r}{\varrho} \left( 4J_1 - 3\frac{J_2^2}{J_3} \right) .$$
 (21)



Da der Flüssigkeitsdruck p senkrecht zu den Oberflächen wirkt, muss die resultierende, auf die Lagerschale wirkende Kraft durch den Schalenmittelpunkt O' gehen. Diese Resultierende ist gleich dem resultierenden Druck der Oelschicht P1 auf dem Zapfen, der durch den Zapfenmittelpunkt O geht. Beide Kräfte sind parallel, wirken aber in der Entfernung e sin α (Abb. 4). Die Schubspan-

<sup>5)</sup> Gümbel-Everling. "Reibung und Schmierung im Maschinenbau", M. Krayn, Berlin 1925.

<sup>&</sup>lt;sup>6</sup>) O. Lasche. "Konstruktion und Materialim Bau von Dampfturbinen",

Springer, Berlin. 7) R. E. Stanton. "Cylindrical Journal Lubrication at hight Values of the Excentricity". Proc. Roy. Soc. Serie A, 1922, London, Vol. 102, S 241.

<sup>8)</sup> Man spricht meist von der Lagerlänge. In Uebereinstimmung mit der ebenen Platte ist es zweckmässig, die Länge in der Bewegungsrichtung zu messen und die Breite senkrecht dazu. Man sollte demnach Lagerbreite sagen.

nung TL an der Schalenoberfläche ist nicht gleich der Schubspannung to an der Zapfenoberfläche; demnach sind auch die Reibungsmomente am Zapfen und am Lager gemessen verschieden gross. Dieser schon von O. Reymond bei der Reibung ebener Gleitflächen hervorgehobene Unterschied wird bei der Zapfenreibung oft unbeachtet gelassen<sup>9</sup>). Aus den Gleichgewichtsbedingungen folgt sofort, dass

$$P_1 = \frac{6 \eta U}{\rho^2} \sqrt{S_1^2 + S_1^2} = \frac{\eta U}{\rho^2} \Phi \quad . \quad . \quad (23)$$

$$tg \ a = -S_1/S_2 \quad . \quad . \quad . \quad . \quad (25)$$

$$\mu_{z} = \frac{4J_{1} - 3\frac{J_{2}^{2}}{J_{3}}}{\sqrt{\overline{\rho}}} \sqrt{\frac{\eta U}{P_{1}}} = k \sqrt{\frac{\eta U}{P_{1}}} \quad . \quad . \quad (26)$$

$$\mu_{\rm z}=\frac{{}^4J_1-3}{\Phi}\,\frac{J_{\rm z}^2}{\varrho}={\cal C}\,\varrho~.~.~.~(27)$$
 und die Reibungszahl  $\mu_{\rm L}$ , am Lagerkörper gemessen:

$$\mu_z = \mu_z - \frac{\epsilon}{-} \sin \alpha = \mu_z - \epsilon \rho \sin \alpha$$
 . (28)

$$G_1 = \frac{Uh^*}{2} = \frac{J_2}{I_1} \frac{U\Delta r}{2} \dots$$
 (29)

$$p_{\text{max}} = \frac{6 \eta U}{\rho^2} \left( j_2^* - \frac{J_2}{J_3} j_3^* \right) \quad . \quad . \quad . \quad (30)$$

$$\frac{p_{\text{max}}}{p} = \frac{12 \left( j_2^* - \frac{\gamma_2}{J_3} j_3^* \right)}{p} = E^* \dots (31)$$

und die Reibungszahl  $\mu_L$ , am Lagerkörper gemessen:  $\mu_L = \mu_z - \frac{e}{r} \sin \alpha = \mu_z - \varepsilon \, \varrho \sin \alpha \quad . \quad (28)$  Die für die Schmierung erforderliche Oelmenge¹) ²) ist:  $G_1 = \frac{Uh^*}{J_3} = \frac{J_2}{J_3} \frac{U \, \Delta \, r}{2} \qquad . \qquad . \qquad (29)$  Die grösste Flächenpressung  $p_{\rm max}$  in der Oelschicht ist:  $p_{\rm max} = \frac{6 \, \eta \, U}{\varrho^2} \left( j_2^* - \frac{J_2}{J_3} j_3^* \right) \qquad . \qquad . \qquad (30)$  wobei  $j^*$  den Wert des Integrales j für die Grenze  $\varphi = \varphi^*$  ist. Mit der mittlern Flächenpressung  $p = P_1/2 \, r$ , wird:  $\frac{p_{\rm max}}{p} = \frac{12 \left( j_2^* - \frac{J_2}{J_3} j_3^* \right)}{\varphi} = E^* \qquad . \qquad . \qquad (31)$  Für die zahlenmässige Ausrechnung der Integrale müssen die Integrationsgrenzen  $\varphi_1$  und  $\varphi_2$  festgelegt werden. müssen die Integrationsgrenzen  $\varphi_1$  und  $\varphi_2$  festgelegt werden. Wenn die Lagerschale den Zapfen vollständig umschliesst, hat der divergente Teil des Oelspaltes zwischen  $\varphi = \pi$  und  $\varphi = 2\pi$  keinen Anteil an der Tragfähigkeit (am Auftrieb) des Zapfens, weil darin dauernd keine Unterdrücke aufrecht erhalten werden können. Man integriert daher immer um die halbumschliessende Lagerschale. Der Eintrittswinkel  $\varphi_1$  ist dort vorhanden, wo zuerst der Oelspalt vollständig mit Oel aufgefüllt ist. Es ist deshalb nicht in Uebereinstimmung mit den tatsächlich bei Lagern vorliegenden Verhältnissen, wenn  $\varphi_1 = 0$  angenommen wird. Bei tiefliegendem Zapfen ( $\varepsilon \sim 1$ ) z. B. und bei vertikaler Kraftrichtung liegt  $\varphi_1 = 0$  fast in der vertikalen Ebene, während das Oel meist in der horizontalen Ebene zugeführt wird. Gümbel wählt  $\varphi_1 = \alpha - \pi/2$ , also abhängig von dem veränderlichen Verlagerungswinkel a. Der Winkel  $\varphi_1$  hängt von der Menge des zugeführten Oeles, von der Art der Oelzuführung und auch von der Kraftrichtung ab. Die z. B. von einem losen Schmierring zugeführte Oelmenge ist von sehr vielen Faktoren abhängig, wie Oeltemperatur, Eintauchtiefe des Ringes, Drehzahl der Welle, Gewicht des Ringes, usw. 10) Jedenfalls ist die geförderte Oelmenge nicht mit der Drehzahl proportional, wie es notwendig wäre, damit immer die der Theorie entspre-chende Oelmenge zur Verfügung steht. Bei Kraftwirkung nach oben (Abb. 3) kann der benetzte Umfang des Zapfens sehr klein werden, wie z. B. bei den Versuchen von R. E. Stanton.7)

Auch bei der Festlegung der Austrittstelle φ2, wo der Druck wieder Null wird, treten verschiedene Schwierigkeiten auf. Gümbel hat zuerst  $\varphi_2 = \pi$  angenommen,

10) Karelitz. Transact. Am. Soc. Mech. Eng. 1930, Bd. 80. I. APM 52,5.

d. h. die Stelle des engsten Oelquerschnittes dazu gewählt, weil auch die Zahlenrechnungen dadurch vereinfacht werden. Diese Annahme steht aber in Widerspruch mit der beobachteten Druckverteilung 5), 6), 7), 11), die zeigt, dass an dieser Stelle der Druck noch etwa halb so gross ist, wie der maximale Oeldruck, und jedenfalls nicht gleich Null. Später hat Gümbel die Grenze  $\varphi_2$  so festgelegt, dass an dieser Stelle  $dp/d\varphi=$  o und p ein Minimum wird. Diese Annahme steht in besserer Uebereinstimmung mit den Versuchsergebnissen, obschon ihre Formulierung physikalisch nicht genügend begründet ist. Man könnte die Stelle  $\varphi_2$  hinter dem engsten Querschnitt vielleicht aus den Strömungsgesetzen ableiten. Jedenfalls ist auch  $\varphi_2$ , wie z. B. die Versuche von W. Nücker zeigen 10), von einer grossen Anzahl Faktoren abhängig, die alle zum Voraus bei der Berechnung von Lagern kaum berücksichtigt werden können. Nach den vorliegenden Messungen liegt  $\varphi_2$ etwa zwischen  $\pi+3$  bis 5° (für  $\varepsilon\sim 1$ ) und  $\pi+15°$  bei  $\varepsilon$  etwa 0,5, je nach dem Lagerspiel.

Aber auch wenn die Lage von  $\varphi_2$  genau festgelegt werden könnte, sind damit noch nicht alle Schwierigkeiten überwunden. An dieser Stelle wird wohl der Druck gleich Null und damit das wirksame Gebiet des Auftriebes begrenzt, aber nicht gleichzeitig auch die Schubspannungen. Meist liegt der Oelaustritt in der horizontalen Ebene, sodass der Oelspalt in dem Winkel von  $\varphi_2$  bis  $\pi/2 + a$  noch vollständig mit Oel gefüllt bleibt. Wenn das Oel reichlich und mit Ueberdruck zugeführt wird, und wenn die obere Lagerschale ungenügend ausgespart ist, wird auch in der unbelasteten Lagerhälfte ein zusätzliches Reibungsmoment M11 entstehen:

 $M_1' = r^2 \int_{\tau_0'}^{2\pi} d\varphi \quad . \quad . \quad . \quad . \quad (32)$ 

Wenn wir voraussetzen, dass der ganze Raum dort mit Oel unter einem konstanten Druck gefüllt ist, so ist  $dp/d\varphi = o$  und im Oelspalt eine lineare Geschwindigkeitsverteilung vorhanden, sodass  $\tau_0' = \eta U/h$  ist. Dann wird:

$$M_{1}' = \frac{r^{2}}{dr} \eta U \int_{\pi}^{2\pi} \frac{d\varphi}{1 + \epsilon \cos \varphi} = \frac{r^{2}}{dr} \eta U \frac{2\pi}{\sqrt{1 - \epsilon^{2}}}. \quad (33)$$

Um diesen Betrag (etwa 100  $^{0}/_{0}$ ) wird das Reibungsmoment des Lagers und damit auch die Reibungszahl  $\mu$  nutzlos erhöht. 12) Der Konstrukteur wird diesen ungünstigen Fall nach Möglichkeit zu vermeiden suchen.

Wenn eine bestimmte Lagerkonstruktion und eine bestimmte Belastung vorliegt, könnte man eventuell die verschiedenen Faktoren, die die Grenzen  $\varphi_1$  und  $\varphi_2$  beeinflussen, bei der Berechnung berücksichtigen. Will man aber für den Konstrukteur eine allgemeine Rechnungsgrundlage schaffen, so muss auf die Berücksichtigung solcher Feinheiten bei der Festlegung von  $\varphi_1$  und  $\varphi_2$ verzichtet werden, damit die Rechnung für den praktischen Gebrauch eine genügend einfache Form erhält.

Glücklicherweise lassen sich einige Vereinfachungen ohne wesentliche Beeinträchtigung der Genauigkeit des Resultates einführen. Der Eintrittswinkel  $\varphi_1$  muss veränderlich angenommen werden; er kann zwischen o und fast 1800 liegen. Dieser letzte Wert kommt etwa bei Tropföloder Dochtschmierung vor oder wenn die obere Lager-schale belastet wird. Das Ende des Druckgebietes wird bei  $\varphi_2 = \pi$  angenommen. Der Fehler, der dadurch entsteht, dass in Wirklichkeit  $\varphi_2 = \pi + 3$  bis 15° ist, kann durch eine entsprechende Aenderung der Eintrittstelle φ1 kompensiert werden. Da der Druckverlauf bei  $\varphi=\pi$  sehr steil und bei  $\varphi = o$  nur schwach steigend ist, muss die Eintrittskante um einen grössern Winkel als 3 bis 150 zurückverlegt werden, damit der Auftrieb in beiden Fällen gleich bleibt. Dadurch wird dann gleichzeitig die zusätzliche Reibung von  $\varphi = \pi$  bis Oelaustrittskante zum Teil berück-

<sup>9)</sup> R. O. Boswall hat in seinem Buch (das wohl die beste Zusammenfassung aller theoretischen Grundlagen ist) "The Theorie of Film Lubrication", Longmans, Green & Co, London 1928, Seiten 201/204 vielleicht zuerst ausführlich darauf hingewiesen. Beim dritten internationalen Kongress für techn. Mechanik in Stockholm, hat Prof. Ch. Hanocq, Lüttich, darüber einen Vortrag gehalten (Verhandlungen, Bd. I, S. 298).

<sup>&</sup>lt;sup>11</sup>) W. Nücker. "Ueber den Schmiervorgang im Gleitlager". Forschungsheft 352, V. D. I. 1932.

<sup>12)</sup> Die Versuche von Nücker zeigen deutlich eine Vergrösserung des Reibungsmomentes mit zunehmender Oelmenge.

sichtigt. Eventuell müsste bei sehr ungünstigem Oelabfluss ein Zuschlag gemacht werden, der durch Einsetzen der Grenzen aus Gleichung (32) berechnet werden kann.

Unter diesen Grenzbedingungen sind die Integrale berechnet worden<sup>13</sup>): das Resultat ist in Abb. 5 in Abhängigkeit von Ø dargestellt. Nur für die genaue Lage des Zapfens, d. h. für die Berechnung des Verlagerungswinkels  $\alpha$  ist die Vereinfachung  $\varphi_2 = \pi$ nicht zulässig. Die Zapfenlagen sind für die beiden Grenzbedingungen  $\varphi_2 = \pi$  und  $\varphi_2 = \pi + 10^0$  und für verschiedene Eintrittswinkel φ<sub>1</sub> in Abb. 6 eingezeichnet. Aus dieser Abbildung geht hervor, dass die Bahn der Wellenmitte nicht immer mit dem Halbkreis zusammenfällt, wie meist vorausgesetzt wird. Die berechneten Kurven werden durch manche Beobachtungen sehr gut bestätigt14); so hat M. Stone9) bei einem Ringschmierlager die in Abb. 7 dargestellte Bahn der Wellenmitte beobachtet. Sie lässt sich durch die Beeinflussung der Grenzbedingungen  $\varphi_1$  und  $\varphi_2$ durch die zugeführte Oelmenge zwanglos erklären.

Man kann die Grösse  $\Phi$ , durch die alle Eigenschaften des Lagers eindeutig festgelegt sind, als "Lagerkennzahl" bezeichnen. Aus der Differentialgleichung (2) folgt allgemein, dass alle Zähigkeitströmungen ähnlich sind, für die p  $d|\eta$  U konstant ist. Diese Grösse hat eine ähnliche Bedeutung

wie etwa die Reynolds'sche Zahl für andere Flüssigkeitsströmungen und könnte als Gümbel'sche Zahl (Gü =  $p d/\eta U$ ) bezeichnet werden. Durch die Festlegung der Form des Oelspaltes kommt eine weitere Einschränkung hinzu. Für Zapfenlager mit dem Lagerspiel  $\varrho$  ist  $\Phi = \varrho^2$  Gü für die schwach geneigte Platte, ist  $(h_0/a)^2$  Gü die kennzeichnende Grösse.

Die theoretische Untersuchung beschränkte sich auf eindimensionale Flüssigkeitströmungen. Für endliche Lagerbreiten muss das seitliche Abfliessen berücksichtigt werden, wodurch die Tragfähigkeit des Lagers verkleinert wird. Die Verminderung der Tragfähigkeit kann man durch Einführung eines Korrekturfaktors berücksichtigen. Nach Gümbel ist (Abb. 8):

für b/l =  $\infty$  5 3,3 2 I 0,5 der Korrekturfaktor = I 0,98 0,92 0,83 0,54 0,23 oder I/Faktor =  $f_b$  = I 1,02 1,08 1,21 1,83 4,35 Für Zapfenlager ist an Stelle der Plattenlänge l die Länge der tragfähigen Oelschicht, also  $r(\varphi_2 - \varphi_1)$  einzusetzen.

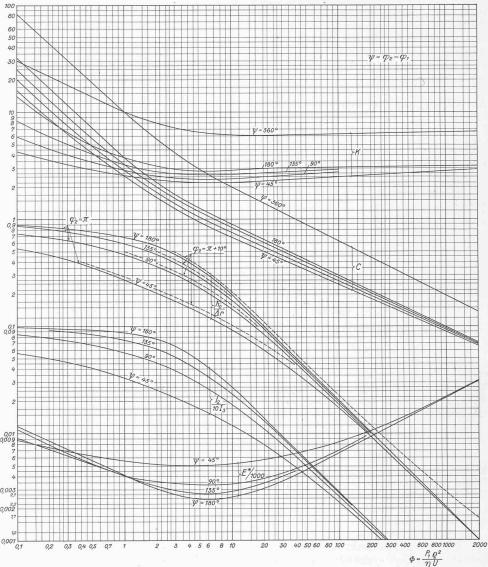


Abb. 5. Werte von C, K, holdr von E\* zur Berechnung von Zapfenlagern.

Der Korrekturfaktor  $f_b$  ist demnach auch von den Grenzbedingungen abhängig.

Man kann nun den Zapfen mit einem gleichwertigen, unendlich breiten vergleichen, der die gleiche Lage im Lager einnehmen würde, wie der Zapfen von endlicher Breite. Dazu müsste die Belastung  $f_b$ -mal grösser sein, und der Wert  $\Phi = \frac{P_1\,\varrho^2}{\eta\,U}$  ändert sich zu  $\Phi' = f_b\,\Phi$ . Durch den Wert  $\Phi'$  ist dann die Reibungskraft  $R_1$  nach Gl. (20) und mit Abb. 5 bestimmt. Die Reibungszahl  $\mu_z$  wird aber  $f_b$ -mal grösser, weil die tatsächliche Belastung des Zapfens nicht  $f_b\,P_1$ , sondern nur  $P_1$  ist. Man findet also die Reibungszahl für endliche Lagerbreiten aus

$$\mu_{\text{endl}} = f_b C \varrho \quad . \quad . \quad . \quad . \quad (34)$$

worin C für  $\Phi'$  aus Abb. 5 zu entnehmen ist: oder auch

$$\mu_{\text{endl}} = K \sqrt{f_b} \sqrt{\frac{\eta U}{P_1}} \dots$$
 (35)

mit den K-Werten für  $\Phi'$  aus Abb. 5.

Nur der Vergleich mit den Beobachtungen kann darüber entscheiden, ob die bei der Ableitung gemachten Vereinfachungen praktisch zulässig sind. Zum direkten Vergleich eignen sich nur die an der Welle gemessenen Reibungsmomente. Bei Messung des Reibungsmomentes an der Lagerschale müssen gleichzeitig Exzentrizität und Verlagerungswinkel  $\alpha$  beobachtet werden.

<sup>18)</sup> Die Integration wurde bis jetzt ausschliesslich graphisch durchgeführt. Vergl. z. B. Karelitz "Charts for Studying the Oil Film in Bearings". Trans. Am. Soc. Mech. Eng. Vol. 47 (1925) S. 1101 oder Ch. Hommel "Kritische Drehzahlen als Folge der Nachgiebigkeit des Schmiermittels im Lager", Forschungsheft 287 V. D. I. 1926. Da die Integrale sich in geschlossener Form darstellen lassen, ist die analytische Berechnung sicher vorzugiehen.

<sup>14)</sup> Vergl. z. B. die Versuche von M. Stone bei der Westinghouse Co., oder die noch unveröffentlichten Messungen von R. Bühler in Cambridge.

Neue, sehr sorgfältige Versuche mit direkter Messung des Reibungsmomentes an der Welle liegen vor von Dr. E. Schneider 15); sie sind in Abb. 9 mit den theoretischen Kurven verglichen. Die Uebereinstimmung ist sehr gut; dass die Versuchspunkte nicht genau auf der 1800-Linie liegen, sondern etwas tiefer, etwa bei 1350 benetztem Umfang, lässt sich dadurch erklären, dass der Oelzufluss während der Versuchsdauer (etwa 10 min) abgestellt wurde. Weiter sind in der Abbildung noch die Versuche von R. E. Stanton im Nat. Phys. Lab. eingetragen. Stanton hat das Reibungsmoment an der Lagerschale gemessen, gleichzeitig aber auch Exzentrizität und Verlagerungswinkel beobachtet. Auch hier, bei ganz anderen Ø-Werten, ist die Uebereinstimmung sehr gut, sodass gesagt werden kann, dass - trotz den Vereinfachungen die Theorie sich für den praktischen Gebrauch in sehr weiten Grenzen als durchaus zuverlässig erwiesen hat.

Für den Konstrukteur folgen aus der Theorie der Zapfenlager mit Lagerspiel die aus Abb. 5

ersichtlichen wichtigen Schlussfolgerungen:

1. Für Werte der Lagerkennzahl  $\Phi < 2$  steigt die Reibungszahl sehr rasch an. Kleinere Kennzahlen als 2

sind also bei der Ausführung zu vermeiden.

2. Für Lagerkennzahlen grösser als 400 wird die kleinste Oelschichtdicke  $h_0$  sehr klein  $(h_0/4 r < 0.05)$ , sodass Zapfen und Lagerschale äusserst glatte Oberflächen erhalten müssen, um halbflüssige Reibung zu vermeiden. Dem Konstrukteur stehen dazu folgende Hülfsmittel zur Verfügung: Zapfen härten und schleifen oder durch Oberflächendrücken (Läppen) glätten, Einlaufenlassen mit kolloidalem Graphit (Kollag, Oildag). Die guten Gleiteigenschaften der Caro Bronzerohr-Lager 16) beruhen vor allem auf der sorgfältigen Oberflächenbearbeitung.

3. In dem Gebiet der Lagerkennzahlen  $\Phi$  von 2 bis 400 kann die Reibungszahl, unabhängig vom Lagerspiel,

$$u_z = (2,6 \text{ bis } 3) \sqrt[3]{f_b} \sqrt[3]{\frac{\eta U}{P}} \dots (36)$$

 $\mu_z = (2,6 \text{ bis } 3) \sqrt[]{f_b} \sqrt[]{\frac{\eta U}{P_1}} \ . \ . \ . \ . \ (36)$  gesetzt werden. Die genaue Festlegung des Zahlenfaktors folgt aus Abb. 5.

4. Das Verhältnis  $\frac{p_{\text{max}}}{p} = \frac{\text{grösste Flächenpressung}}{\text{mittlere Pressung} = P/b d} = E^{\text{w}}$ ist ausschlaggebend für die Wahl des Lagermetalles, weil pmax unterhalb der Elastizitätsgrenze bleiben muss. Für tiefliegende Zapfen,  $\Phi <$  1000, ist die maximale Flächenpressung etwa 20 mal grösser als die mittlere!

15) E. Schneider. "Versuche über die Reibung in Gleitlagern". Dissertation, Karlsruhe 1929.

16) Spezialbronze G. m. b. H., Berlin W8.

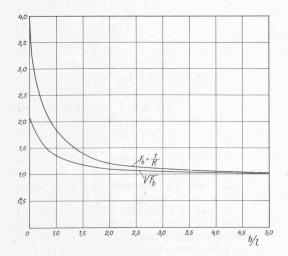


Abb. 8. Einfluss der Lagerbreite.

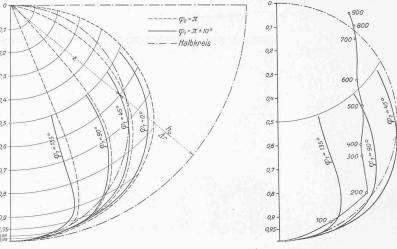


Abb. 6. Bahn der Wellenmitte bei verschiedenen Grenzbedingen für  $arphi_1$  und  $arphi_2$ 

Abb. 7. Bahn der Wellenmitte nach Versuchen von Stone.

5. Aus den Kurven  $J_2/J_3$  kann mit Gleichung (29) die minimal erforderliche Oelmenge berechnet werden. Dabei ist noch folgendes zu beachten. Das Oel wird durch die Reibung an der Zapfenoberfläche in den Oelspalt hineingezogen. Nur der Teil des benetzten Umfanges, der vor dem engsten Querschnitt liegt, ist an der Oelförderung beteiligt. Hier ist also die Integrationsgrenze  $\varphi_2 = \pi$  richtig, sodass in Abb. 5 für die  $J_2/J_3$ -Werte der benetzte Umfang  $\psi$  etwa zwischen 90° und 135° zu wählen ist, je nach Zapfenlage.

Durch die Verwendung von Abb. 5 ist die Vorausberechnung der Reibungszahlen so einfach geworden, dass jeder Konstrukteur davon Gebrauch machen sollte.

Zahlenbeispiel. Ein Lager d = 200 mm, b = 400 mm ist mit einem Lagerspiel  $\Delta d = 0.34$  mm ausgeführt. Die mittlere Flächenpressung beträgt 6,5 kg/cm2. Wie gross ist das Reibungsmoment des Zapfens bei 30 m/sec Umfangsgeschwindigkeit, wenn bei vertikaler Kraftwirkung das Oel ohne Druck zugeführt und auch horizontal abgeleitet wird? Die Zähigkeit des Oeles ist bei einer mittlern Lagertemperatur von 55° rd. 0,0015 kgsec/m².

Die Lagerkennzahl  $\Phi = \frac{P_1 \, \varrho^2}{\eta \, U}$  ist eine dimensionslose Zahl.

 $P_1 = p d = 6,5 \text{ kg/cm}^2 \times 20 \text{ cm} = 130 \text{ kg/cm} = 13000 \text{ kg/m}.$  $\varrho = \frac{2 d}{d} = \frac{0.34}{200} \text{ und } \varrho^2 = 2.89 \times 10^{-6}.$   $\Phi = \frac{P_1 \varrho^2}{\eta U} = \frac{13000 \times 2.89 \times 10^{-6}}{15 \times 10^{-4} \times 30} = 0.87.$ 

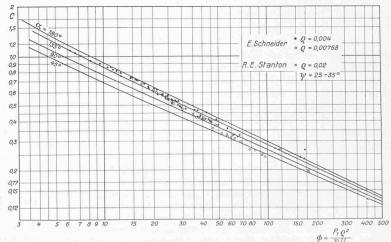


Abb. 9. Vergleich der theoretischen Werte mit den Versuchen.

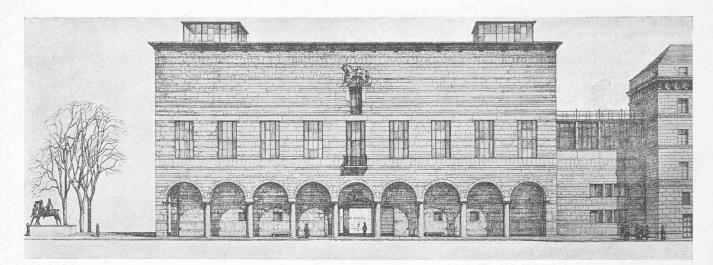


Abb. 5. Hauptfassade am St. Albangraben, in Haustein und mit betonter Mitte über dem Haupteingang. Rechts die Nationalbank. - Masstab 1:400.

$$\sqrt{\frac{\eta U}{P_1}} = \sqrt{\frac{15 \times 30}{10^3 \times 13000}} = 0,00185.$$

Für  $b/d = \frac{400}{200} = 2$  ist nach Abb. 8  $f_b =$  1,2 und  $\sqrt{f_b} =$  1,1. Dann wird  $\Phi' = f_b \Phi = 1,2 \times 0,87 = 1,04.$ Aus Abb. 5 folgt bei  $\psi = 180^{\circ}$ 

C = 3.8 und mit Gl. (35)

$$\mu_z = 3.8 \times 1.1 \times 0.00185 = 0.0078.$$

Das Reibungsmoment  $\mu Pr$ , mit  $P = p \ b \ d = 6.5 \times 20 \times 40 = 5200$ kg wird 0,0078 × 5200 × 0,1 = 4,05 mkg. Lasche (Abb. 313) fand 4,1 mkg bei einer Oelmenge von 12 kg/min. Wird die zugeführte Oelmenge so stark gesteigert, dass der Oelspalt auch in der obern Lagerschale ausgefüllt ist, so vergrössert sich das Reibungsmoment, in Uebereinstimmung mit den Versuchen von Lasche.

Das Verhältnis 
$$E^* = \frac{p_{\text{max}}}{p} = 3.8 \text{ (aus Versuch } \frac{23}{6.5} = 3.54 \text{)}.$$

Bei allen Versuchen, die von der Theorie abweichende Resultate ergeben haben<sup>17</sup>), war die grundlegende Voraussetzung der Theorie über die Form des Oelspaltes (Gl. 3) nicht erfüllt.

Die Reibungstheorie für Lagerschalen, die durch Einlaufen oder Eintuschieren einen kürzern oder längern "Spiegel" erhalten, muss einer spätern Arbeit vorbe-

Es lässt sich nachweisen, dass die Bahn der Wellenmittel dabei den von Wolff 17) experimentell gefundenen Verlauf grundsätzlich haben muss. Bei engen Oelspalten kann die Temperatur und damit die Zähigkeit des Oels längs des Spaltes nicht mehr konstant sein. Dass Oele gleicher Zähigkeit sich verschieden verhalten können, lässt sich durch die verschiedene Abhängigkeit von der Temperatur erklären, auch ohne Einfluss der problematischen Schlüpfrigkeit (Schmierfähigkeit).

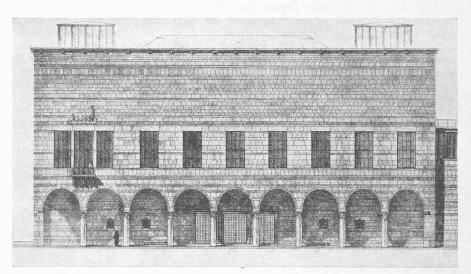


Abb. 6. Variante, ohne betonte Mitte, statt dessen an die Ecke gerücktes Motiv. - Masstab 1:400.

#### Das Basler Kunstmuseums-Projekt.

Wie wir am 28. Mai bereits berichtet haben, ist durch Volksabstimmung, bei schwacher Beteiligung und mit geringem Mehr, die Vorlage der Regierung durch Bewilligung des Baukredits von 7,43 Mill. Fr. gutgeheissen worden. Damit hat die seit Jahrzehnten gewälzte Basler Museumsfrage ihre, nach Ansicht Vieler allerdings nicht sehr erfreuliche Erledigung erfahren. Die S. B. Z. hat sich am Streit der Meinungen, der ob dieser Vorlage unter den Sachverständigen entbrannt war, nicht beteiligt; das "Werk" (Märzheft d. J.) hat das Nötige zur Aufklärung über die Berechtigung der Kritik gesagt. Heute, da es an die Ausführung geht, wollen wir immerhin auch unsere Leser über das Bauvorhaben anhand der Pläne und Bilder unterrichten, die wir erst nachträglich erhalten konnten.

Es sei daran erinnert, dass schon vor 22 Jahren ein erster Wettbewerb für den Neubau des Basler Kunst-Museums veranstaltet worden war, das damals auf der Elisabethenschanze (in der Nähe des Zentral-Bahnhofs) hätte erstellt werden sollen; das Ergebnis (sechs Entwürfe im gleichen Rang!) ist veröffentlicht in S. B. Z. April/Mai 1910. Ein zweites Mal war dem Museum die Schützenmatte zugedacht; der Wettbewerb zeitigte zwei Entwürfe im 1. Rang (E. Faesch + und H. Bernoulli, S. B. Z. Mai 1914). Aber auch diese Oertlichkeit vermochte nicht zu überzeugen, und so kam man schliesslich auf die heutige Baustelle, die schiefe Ecke von St. Alban-Graben und Dufourstrasse, östlich anschliessend an den Neubau der Schweiz. National-

<sup>17)</sup> R. Wolff. "Ueber die Schmierschicht in Gleitlagern". Forschungsheft 308, V. D. I. 1928. (Versuche mit eintuschierten Lagerschalen). -W. Büche. "Untersuchungen über molekularphysikalische Eigenschaften der Schmiermittel". Diss. Karlsruhe 1930. (Eintuschierte Lager und parallele Flächen.) — R. Voitländer. "Untersuchungen zur Beurteilung der Schmierfähigkeit von Oelen". Mitteilungen des Hydraulischen Instituts der Technischen Hochschule München, Heft 3, 1929, Oldenbourg. ("Versuche mit zwei sich senkrecht kreuzenden Zylindern".)