

**Zeitschrift:** Schweizerische Bauzeitung  
**Herausgeber:** Verlags-AG der akademischen technischen Vereine  
**Band:** 97/98 (1931)  
**Heft:** 16

## Inhaltsverzeichnis

### Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 22.02.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

INHALT: Analogien zwischen Stützkraftminimum und Energieminimum in der Hydraulik. — Reiseeindrücke aus den Vereinigten Staaten von Nord-Amerika. — Wettbewerb für ein Kinderspital auf dem Hungerbühl-Areal in Schaffhausen. — † Prof. Ing. Hugo Studer. — Mitteilungen: Der Belastungsausgleich in elektrowirtschaftlicher Hinsicht. Schweizer. Gesellschaft für Photogrammetrie. Zwei Tunnel unter

die Schelde in Antwerpen. Schweizerische Zentrale für Handelsförderung. Ersatz der Seebrücke in Luzern. Schweizerische Mustermesse. — Nekrolog: Gustave Kernen, Robert Kunz-Müller, Romualdo Nisoli, Adrian Rikli. — Wettbewerb: Erweiterungsbauten der Kantonale Krankenanstalt Luzern. Gemeindeverwaltungs-Gebäude Netstal. Zweite Aarebrücke in Aarau. — Mitteilungen der Vereine.

## Analogien zwischen Stützkraftminimum und Energieminimum in der Hydraulik.

Von CHARLES JAEGER, dipl. Ing. E. T. H., Zürich.

Der Begriff der Energielinie ist den Hydraulikern seit Jahren allgemein bekannt und hat zur Entwicklung einer generellen Berechnungsmethode geführt. Es hat sich in jüngster Zeit gezeigt, dass die Bewegungs-Gleichung (vom Prinzip von d'Alembert abgeleitet) zur Lösung der verschiedensten Probleme mit Erfolg angewendet werden kann. Insbesondere ist diese Gleichung für „nicht permanente“ Bewegungen noch anwendbar, wo bekanntlich die Berechnungsmethode mittels der Energielinie versagt. Ein Vergleich beider Methoden scheint deshalb am Platze.

Beide Methoden erlauben, eine allgemeine Definition der „Kritischen Tiefe“ zu geben. Es soll hier bewiesen werden, dass diese Definitionen, unter gewissen Annahmen, identisch sind. Dabei wird auch der Gültigkeitsbereich dieser Definitionen strenger umgrenzt.

1. Die Energielinienhöhe  $H$  eines Wasserfadens ist gegeben durch

$$H = h + \frac{v^2}{2g} \quad \dots \quad (1)$$

wo  $h$  die Wassertiefe und  $v$  die Wassergeschwindigkeit am entsprechenden Ort bezeichnen.

Wir erweitern diesen Begriff auf ein beliebiges Profil mit mittlerer Geschwindigkeit  $v_m = \frac{Q}{F}$ , wo  $Q$  die Durchflussmenge und  $F$  den benetzten Querschnitt bezeichnen, sodass irgend eine Geschwindigkeit im Profil

$$v = v_m \pm \eta \quad \dots \quad (2)$$

wird.

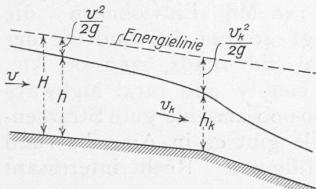


Abb. 1.

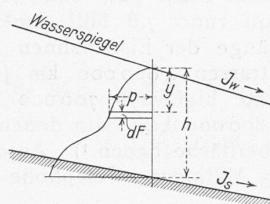


Abb. 2.

In diesem Falle ist bekanntlich die Energielinienhöhe  $H$  dargestellt durch:

$$H = h + a_1 \frac{v_m^2}{2g} \quad \dots \quad (3)$$

(siehe Abb. 1), in welcher Gleichung (da es sich um die Erhaltung von Energie handelt):

$$a_1 = \int \frac{(v_m + \eta)^2}{v_m^2} dF \quad \dots$$

$$\text{oder} \quad a_1 = 1 + 3 \int \frac{\eta^2}{v_m^2} dF + \int \frac{\eta^3}{v_m^3} dF$$

wobei das Glied:  $\int \frac{\eta}{v_m} dF = 0$  ist.

Wo an einem bestimmten Ort (Gefällsbruch usw.) die kritische Tiefe  $h_k$  einsetzt, wird  $H$  ein Minimum, dies heisst:

$$\frac{dH}{dh} = \frac{d \left( a_1 \frac{v_m^2}{2g} + h \right)}{dh} = 0 \quad \dots \quad (4)$$

$$\text{oder} \quad \frac{dH}{dh} = \frac{d}{dh} \left( a_1 \frac{Q^2}{2F^2 g} + h \right) = -a_1 \frac{Q^2}{g F^3} \frac{dF}{dh} + 1 = 0$$

$$\text{oder} \quad a_1 \frac{Q^2}{g F^3} \frac{dF}{dh} = 1 \quad \dots \quad (5)$$

wenn zur Lösung dieses Differenzials angenommen wird,  $a_1$  sei eine Konstante. Gleichung (5) enthält implicite den gesuchten Wert für  $h_k$ .

Für rechtwinkligen Querschnitt  $F = b h$ , wo  $b$  die Breite des Gerinnes bezeichnet, und für  $a = 1$ , wird

$$\frac{dF}{dh} = b$$

und Gleichung (5) lässt sich schreiben

$$1 = \frac{Q^2 b}{g h^2 b^3}$$

$$\text{oder} \quad h_k = \sqrt[3]{\frac{Q^2}{b^2 g}} \quad \dots \quad (6)$$

welcher Wert schon längst bekannt ist.

2. Die Bewegungsgleichung leitet über zur Einführung der sogenannten „Stützkraft“  $P$ , die die Summe der Drucke auf Fläche  $F$  und der Bewegungsgrösse im Profil darstellt (Abb. 2). Also:

$$P = \int p dF + \gamma a_2 F \frac{v_m^2}{g} \quad \dots \quad (7)$$

In dieser Gleichung ist, da es sich nicht mehr um konstante Energie, sondern um eine konstante Bewegungsgrösse handelt:

$$a_2 = \int \frac{(v_m + \eta)^2}{v_m^2} dF = 1 + \int \frac{\eta^2}{v_m^2} dF$$

wobei wiederum das Glied:  $\int \frac{\eta}{v_m} dF = 0$  ist.

Wir definieren nun die kritische Tiefe als jene, für die die Funktion  $P$  ein Minimum wird. Indem wir  $a_2$  als konstant und weiter eine lineare Verteilung der Drucke voraussetzen, also

$$\int p dF = \gamma \int F dF \quad \dots \quad (8)$$

$$\text{und} \quad \gamma a_2 F \frac{v_m^2}{g} = \gamma a_2 \frac{F Q^2}{F^2 g} = \gamma a_2 \frac{Q^2}{F g},$$

können wir das Minimum von  $P$  berechnen:

$$\frac{dP}{dh} = \frac{d}{dh} \left( \gamma \int y dF + \gamma a_2 \frac{Q^2}{F g} \right) = 0$$

$$\text{Da} \quad \frac{d}{dh} \left( \gamma \int y dF \right) = \gamma F \text{ ist,}$$

$$\text{und} \quad \frac{d}{dh} \left( \gamma a_2 \frac{Q^2}{F g} \right) = -\gamma a_2 \frac{Q^2}{F^2 g} \frac{dF}{dh},$$

erhalten wir, nach Elimination von  $\gamma$

$$F - a_2 \frac{Q^2}{g F^2} \frac{dF}{dh} = 0$$

$$\text{oder} \quad a_2 \frac{Q^2}{g F^3} \frac{dF}{dh} = 1 \quad \dots \quad (9)$$

Diese letzte Gleichung wäre mit Gleichung (5) identisch, wenn  $a_1 = a_2$  wäre; eine Annahme, die für die praktischen Fälle, wo  $a_1 = a_2 = 1$  genommen wird, wohl zulässig ist. Theoretisch wäre dies nur der Fall, wenn  $\eta \equiv 0$ , also für  $v \equiv v_m$ , was nie zutrifft.

3. Schlussfolgerungen. Die Identität der Gleichungen (5) und (9) war für ein rechteckiges Profil schon bekannt. Es lässt sich demnach für ein beliebiges Profil ableiten; dass die kritische Tiefe zugleich dem Minimum der Energielinienhöhe und der Stützkraft entspricht.

Wichtiger als die Ableitung selbst sind die der Beweisführung zugrundeliegenden Annahmen der linearen