

<b>Zeitschrift:</b>	Schweizerische Bauzeitung
<b>Herausgeber:</b>	Verlags-AG der akademischen technischen Vereine
<b>Band:</b>	83/84 (1924)
<b>Heft:</b>	20
<b>Artikel:</b>	Experimentelle Untersuchung der Wasserströmung durch ein rotierendes Zellen-Kreiselrad
<b>Autor:</b>	Oertli, Heinrich
<b>DOI:</b>	<a href="https://doi.org/10.5169/seals-82793">https://doi.org/10.5169/seals-82793</a>

### Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### Conditions d'utilisation

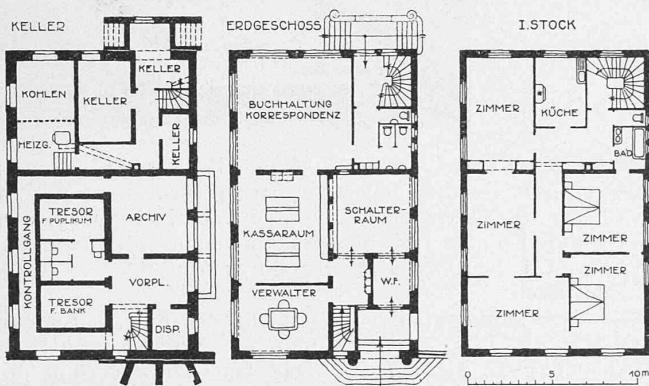
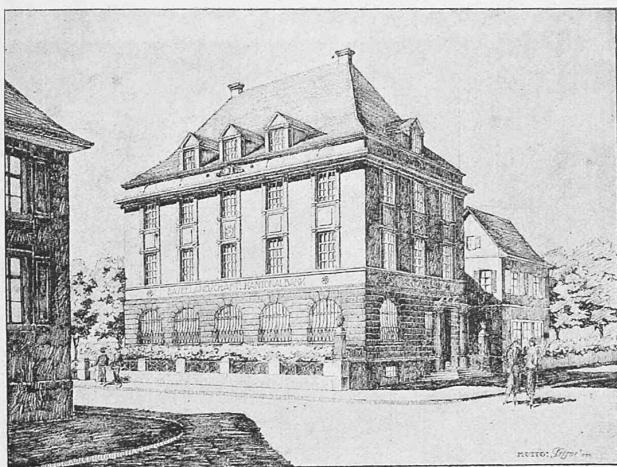
L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 12.02.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**



II. Preis (700 Fr.), Entwurf Nr. 5. Schaubild und Grundrisse 1 : 400.

Verfasser: Arnold Meyer, Arch., Pratteln.

Die zur Verfügung stehende Preissumme von 2500 Fr. wurde hierauf wie folgt verteilt:

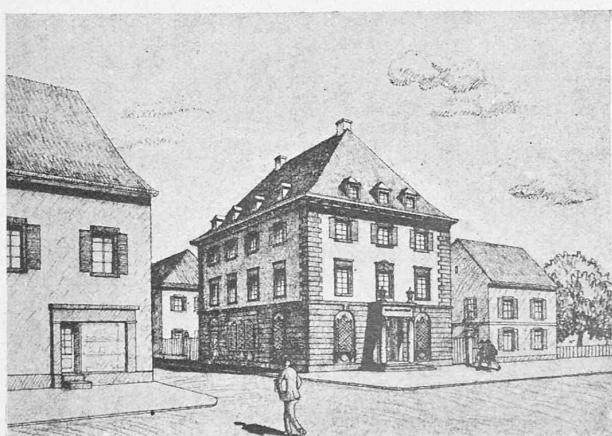
- I. Preis 1200 Fr. an Nr. 12
- II. Preis 700 Fr. an Nr. 5
- III. Preis 600 Fr. an Nr. 1

Bei Eröffnung der Couverts ergaben sich folgende Verfasser:  
Nr. 12 Verfasser Ed. Schmid, Architekt, Liestal  
Nr. 5 Verfasser Arnold Meyer, Architekt, Pratteln  
Nr. 1 Verfasser Wilhelm Brodtbeck, Architekt, Liestal.

Das Preisgericht schlägt vor, die weitere Bearbeitung der Pläne dem Verfasser des erstprämierten Projektes zu überlassen.

#### Schlussbemerkungen.

Das Resultat des Wettbewerbes kann als ein gutes bezeichnet werden, da die letzten acht Projekte im allgemeinen brauchbare Lösungen darstellen. Wenn auch die Beleuchtung der gegen die Grenze gelegenen Räumlichkeiten nicht absolut befriedigend ist,



so ist dies lediglich dem Umstande zuzuschreiben, dass der Bauplatz eben zu schmal ist, wenn die im Programm vorgesehenen Räume in der angenommenen Grösse untergebracht werden sollen. Es wäre deshalb zu erwägen, ob nicht durch Erwerbung eines weiteren Teils der Nachbarliegenschaft eine bessere Beleuchtung gesichert werden könnte. Der Wettbewerb hat ferner ergeben, dass die in Aussicht genommene Bausumme von etwa 140000 Fr. nicht ausreichen wird, wenn das Bauprogramm im vorliegenden Umfange durchgeführt werden soll. Doch wird bei Ausführung des erstprämierten Projektes am ehesten der Kostenbetrag in bescheidenem Masse gehalten werden können.“

#### Experimentelle Untersuchung der Wasserströmung durch ein rotierendes Zellen-Kreiselrad.

Von Dr. sc. techn. Heinrich Oertli, Ingenieur, Tarbes<sup>1)</sup>

In einem als Zentrifugalpumpe arbeitenden Kreiselrad kommt eine bedeutend kleinere Leistung zum Umsatz, als man nach der gewöhnlichen Stromfadentheorie erwartet. Diese macht die Annahme, dass die Flüssigkeit am ganzen Umfang mit gleicher Geschwindigkeit und relativ unter dem Winkel der arbeitenden Schaufelflanke austrete (Abb. 10). Fehlt ein Leitapparat vor dem Laufrad, so ist die absolute Richtung der zuströmenden Flüssigkeit meridional. Der Leistungsumsatz berechnet sich dann unter Voraussetzung der besprochenen Strömungsform zu:

$$L = \gamma \frac{Q}{g} u_2 (-w_{u2} + u_2)$$

worin  $L$  = Leistung,  $Q$  = sekundlich verarbeitete Flüssigkeitsmenge,  $\gamma$  = spezifisches Gewicht,  $g$  = Beschleunigung,  $u_2 = r_2 \cdot \omega$  = Umfangsgeschwindigkeit,  $w_{u2}$  = Umfangskomponente der Relativgeschwindigkeit  $= \frac{Q}{(2\pi r_2 - za)B} \cot \beta$ , wenn hierin  $z$  = Schaufelzahl,  $d$  = Schaufeldicke am Austritt in Umfangsrichtung gemessen,  $B$  = Laufradaustrittsbreite und  $\beta$  = Schaufelaustrittswinkel. Der wirkliche Leistungsumsatz ist kleiner als der so berechnete Wert von  $L$ . Durch Einführung eines „wirksamen“ Austrittsradius  $R_2 < r_2$  und einer „wirksamen“ Austrittsfläche (die nicht auf dem Kreise  $\phi = 2r_2$  zu liegen braucht) bzw. einer „wirksamen“ Austrittsgeschwindigkeit<sup>2)</sup> kann ein Leistungsumsatz  $L = \gamma \frac{Q}{g} U_2 (-W_{u2} + U_2)$  berechnet werden, der dem experimentell bestimmten Werte in befriedigender Weise nahe kommt. Eine Erkenntnis über die wirklichen Strömungsvorgänge und damit über die eigentliche Ursache des verminderten Leistungsumsatzes hat man aber dadurch nicht gewonnen. Der Verfasser stellte sich zur Aufgabe, diese durch geeignete Versuche zu ermitteln, die sichtbaren Aufschluss über die Strömungerscheinungen in einem rotierenden Kreiselrad geben.<sup>3)</sup> Den Bemühungen von Herrn Prof. Prášil verdankt er, dass er in der Eigenschaft als Assistent und später als wissenschaftlicher Mitarbeiter eine zweckentsprechende Versuchseinrichtung im Laboratorium der Eidg. Techn. Hochschule schaffen und die nötigen Versuche durchführen konnte.

Die Versuchseinrichtung ist in den Abbildungen 1, 2 und 3 dargestellt. Das Kreiselrad H ist ein reines Radialrad mit vertikaler Achse; Laufraddurchmesser = 400 mm; Laufradbreite = 40 mm; Drehzahl für stosslosen Eintritt für  $q = \frac{Q}{B} = 1 \text{ m}^2/\text{sek}$ ;  $n = 148 \text{ Uml/min}$ . Der Zufluss

<sup>1)</sup> Kurzer Auszug aus der von der Eidg. Techn. Hochschule genehmigten Promotionsarbeit 1922: „Untersuchung der Wasserströmung durch ein rotierendes Zellen-Kreiselrad“ (Verlag Rascher & Cie. Mit 6 Figurentafeln, 40 Abbildungen; Preis geh. Fr. 2.50). Auf eine Wiedergabe des (verhältnismässig umfangreichen) hydrodynamisch-theoretischen Teils wurde wegen Raumangst verzichtet.

<sup>2)</sup> Siehe «Vergleichende Untersuchungen an Reaktions-Niederdruck-Turbinen». Von Prof. Dr. F. Prášil. «S. B. Z.» 1905, Band 45 (auch als Sonderabdruck erhältlich).

<sup>3)</sup> Seither ist in der «Technique Moderne» Nr. 3 und 4, 1923 (Verlag Dunod, Paris) eine Veröffentlichung von Dr. A. Carrard, Ing. bei BBC Baden, über Versuche mit Pitotröhren an einem Luftkompressor erschienen.

des Wassers erfolgt senkrecht von unten aus der Hochdruck-(Turm)-Leitung des Maschinen-Laboratoriums. Der Leitapparat E ist schaufellos und von der selben Breite wie das Laufrad. Die durch den Spalt F gebildete Abflussöffnung ist axensymmetrisch. Durch diese Konstruktion sowie durch den vor dem Laufradeintritt befindlichen Siebring wurde die Strömung durch das Laufrad angenähert eben und zweidimensional<sup>1)</sup> gemacht (welcher Umstand eine theoretische Behandlung der Strömungserscheinungen wesentlich vereinfachte). Das Laufrad wurde am Zuleitungsrohr gelagert.

Je zwei Quadranten des Leitapparates und des Laufrades erhielten eine Glasdecke, um eine Beobachtung und Photographie der Strömung zu ermöglichen. Zum Sichtbar machen der Strömung wurden sowohl der Leitapparat als auch das Laufrad mit einer grösseren Anzahl von feinen, senkrecht zur Strömungsebene gestellten Messingdüsen versehen, durch die der Farbstoff (Kalipermanganatlösung) gepresst werden konnte. Zur Erzeugung des nötigen Druckes wurde das Farbstoffreservoir M (Abb. 2) mit dem Windkessel der Hochdruck-Kolbenpumpe des Maschinenlaboratoriums in Verbindung gesetzt. — Eine Reihe von Versuchen wurden (bei bedeutend verminderter Geschwindigkeit) mit freier Oberfläche durchgeführt; der Deckel des Leitapparates sowie die Glasdecken des Laufrades wurden dann weggelassen (Abb. 3). Auf die Ober-

<sup>1)</sup> Eine ebene Strömung senkrecht zur z-Axe ist zweidimensional, wenn  $\partial v : \partial z = 0$ .

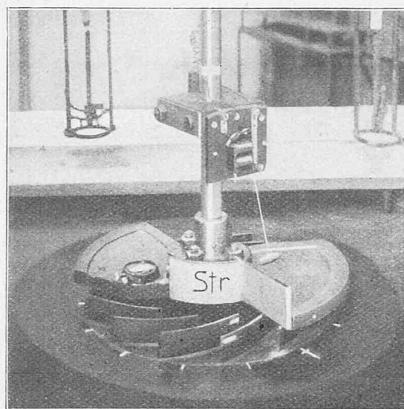


Abb. 3 (oben)

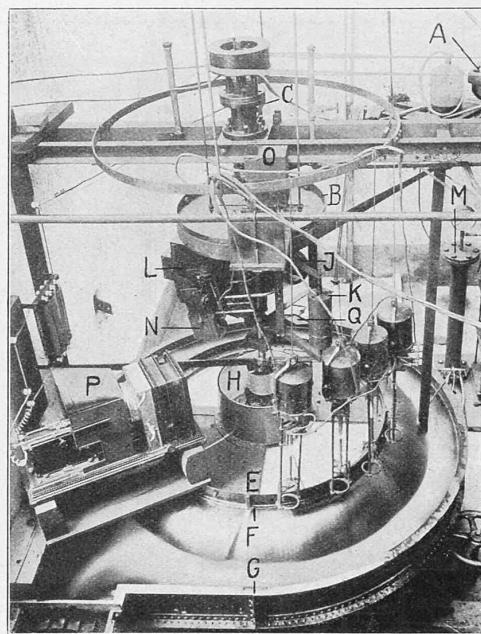
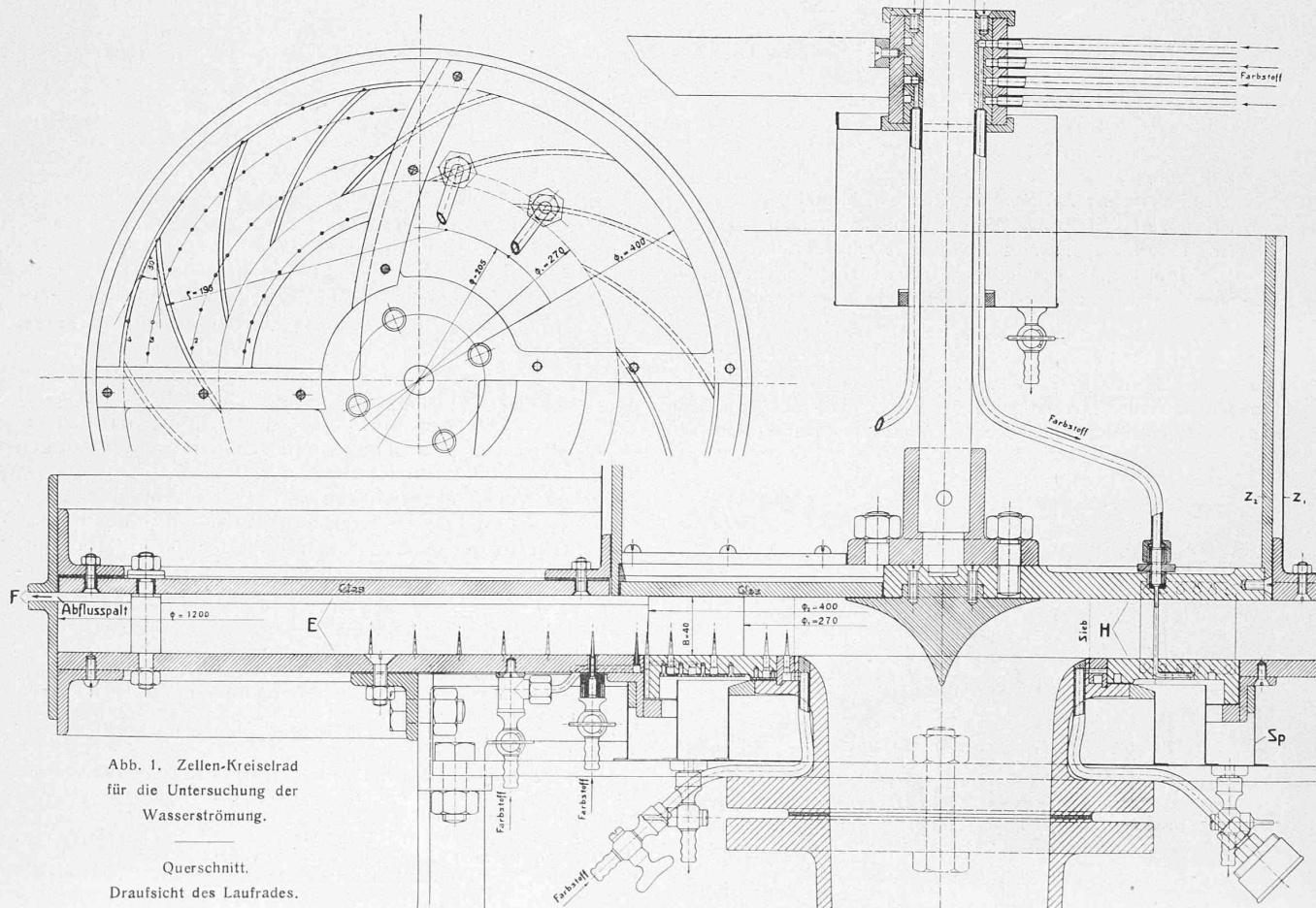


Abb. 2 (rechts)

fläche des Wassers wurde Aluminiumbronzeplüver gestreut; das auf dem Laufrad befestigte Streufäss ist in Abb. 3 und 4 mit Str bezeichnet. Ein durch einen Elektromagneten betätigter Klopfen liess das Aluminiumplüver durch feine Löcher auf die Oberfläche des durchströmenden Wassers niederrieseln.

Die photographische Aufnahme der Relativströmung erfolgte mit der kinematographischen Aufnahmekamera L (Abbildung 2), die auf der Welle befestigt war. Für die



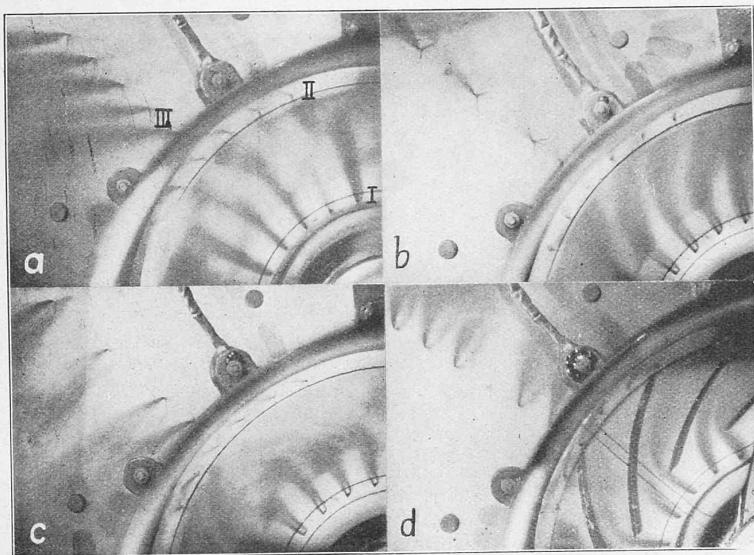


Abbildung 5.

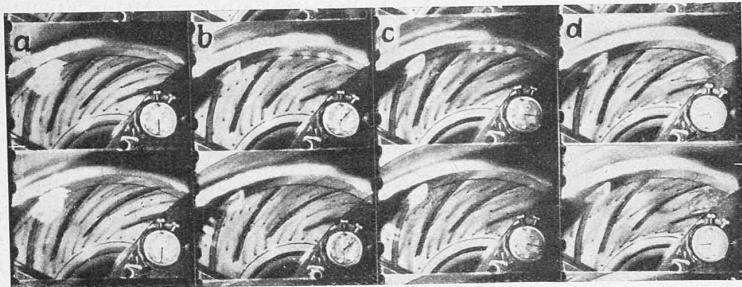


Abbildung 6.

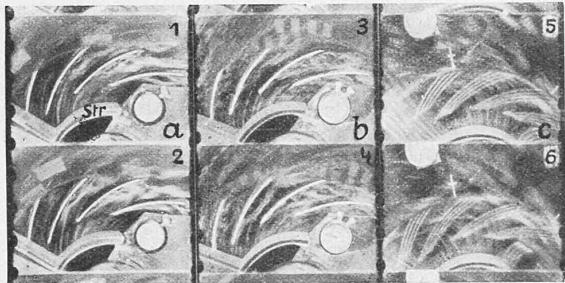


Abbildung 4.

Aufnahme der Absolutströmung war die langbrennweite Spezialkamera ( $9 \times 12$ ) O gebaut worden, für die ein Ausschnitt der auf der Riemenscheibe B gelagerten Blendenscheibe in der gewünschten Laufradstellung die Belichtung vermittelte. Eine Reihe von feststehenden Bogenlampen, eine rotierende Bogenlampe N, sowie der Projektionsapparat P in Verbindung mit dem rotierenden Spiegel Q sorgten für die Beleuchtung.

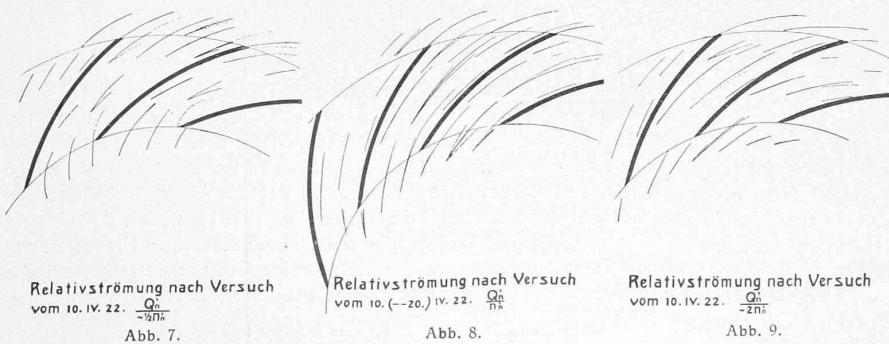


Abb. 7.

Abb. 8.

Die Abbildungen 4a und b stellen Relativströmungen bei freier Oberfläche dar; Drehgeschwindigkeit des Laufrades  $n \sim 10$  bzw.  $15$  Uml/min. Abb. 4c zeigt zwei Bilder einer mit feststehender Kamera aufgenommenen kinematographischen Photographie der Absolutströmung; jedes dieser Bildchen enthält, wie auch Abb. 4b, vier Belichtungen, daher die vierfach gezeichneten Schaufeln (Abb. 4c) bzw. die vierfach abgebildeten Marken des feststehenden Leitapparates (Abb. 4b). Diese Aufnahmen bei freier Oberfläche zeigen qualitativ dieselben Erscheinungen, die im folgenden bei den Versuchen mit dem „betriebstüchtigen“ Kreiselrad (Laufrad und Leitapparat gedeckt) bei grösserer Wassermenge und Drehgeschwindigkeit festgestellt werden können.

Die Abb. 5 gibt eine Auswahl von Aufnahmen der Absolutströmung wieder. Dabei stellt Bild a die Absolutströmung für den Normalgang  $\frac{Q_n}{n_n}$  dar, b für  $\sim \frac{Q_n}{n_n/2}$ , c für  $\sim \frac{Q_n/2}{n_n}$  d für  $n = 0$ . Die Laufradschafeln sind bei den Aufnahmen des bewegten Rades nur schwach sichtbar. Bei den Aufnahmen b und c fehlt das oben erwähnte Sieb vor dem Laufradeintritt.

Abb. 6 zeigt Bruchstücke aus den kinematographischen Aufnahmen der Relativströmung für  $\sim \frac{Q_n}{n_n}$ ,  $\frac{Q_n}{n_n/2}$ ,  $\frac{Q_n/2}{n_n/2}$ ,  $\frac{Q_n/2}{n_n}$ .

Die Platten und Kinofilms wurden mit Hilfe des Projektionsapparates so vergrössert, dass die Strömung in natürlicher Grösse erschien. Die zeichnerische Vergrösserung einer Kino-Aufnahme stellt die Zusammenlegung einer ganzen Bilderserie dar; die Abb. 7, 8 und 9 zeigen davon verkleinerte Wiedergaben. Es entsprechen:

Abb. 6a, 8 (5a): Versuch bei  $q = \frac{Q}{B} = 0,608 \text{ m}^2/\text{sek}$ ,  $n = 89,4$  Uml/min (aus dem Film bestimmt). Umgerechnet auf  $q' = 1 \text{ m}^2/\text{sek}$ ,  $n' = 147,0$  Uml/min =  $\sim$  Drehzahl des Normalganges.

Abb. 6b und 7:  $q = 0,611 \text{ m}^2/\text{sek}$ ,  $n = 43,7$  Uml/min,  $n' = 71,5$  Uml/min  $\sim \frac{1}{2}$  Drehzahl des Normalganges.

Abb. 6c:  $q = 0,301 \text{ m}^2/\text{sek}$ ,  $n = 44,3$  Uml/min,  $n' = 147,0$  Uml/min  $\sim \frac{1}{1}$  Drehzahl des Normalganges.

Abb. 6d und 9:  $q = 0,304 \text{ m}^2/\text{sek}$ ,  $n = 91,5$  Uml/min,  $n' = 301,5$  Uml/min  $\sim 2$  Drehzahl des Normalganges.

Aus den photographischen Strömungsaufnahmen lässt sich folgendes über die Relativ- und Absolutströmung feststellen:

1. *Relativströmung.* Die experimentell festgestellte Drehzahl des „stosslosen“ Eintrittes stimmt mit der nach der Stromfadentheorie berechneten Drehzahl überein. Selbst beim Normalgang, d. h. bei stosslosem Eintritt, treten an der konkaven Schaufelrückseite Ablösungen auf, was zur Folge hat, dass die relative Austrittsrichtung gegenüber dem Schaufelwinkel verflacht (vergleiche Abb. 8 und 10), mithin der Leistungsumsatz vermindert wird. Die Relativströmung ist nicht stationär (die Relativströmung einer reibungsfreien Strömung wäre stationär); die Schwankungen in der Strömungsrichtung lassen aber keine deutliche Frequenz erkennen; sie haben ihre Ursache in erster Linie in der Reibung und ihren Folgeerscheinungen (Wirbelbildungen).

Der Vergleich der zwei Aufnahmen bei Normalgang aber verschiedenen Werten von  $q$  und  $n$  zeigt, dass die mittlern Strömungsrichtungen dieselben sind, was für

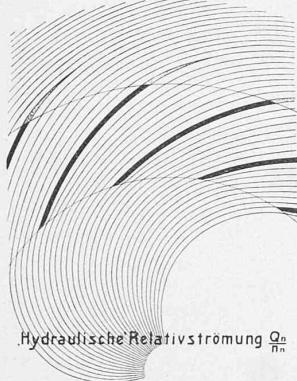


Abb. 10.

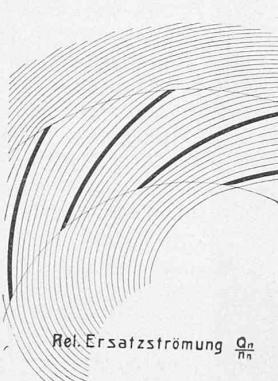


Abb. 11.

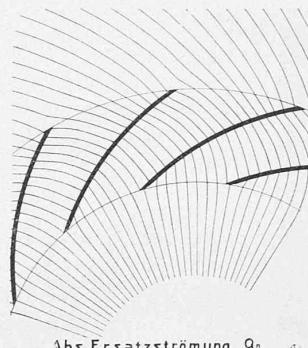


Abb. 12.



Abb. 13.

die Richtigkeit des Affinitätsgesetzes (Gesetz der Hauptcharakteristik) spricht. Bei der kleineren Wassermenge ist die Strömung am Austritt unruhiger als bei der grösseren, weil sich bei der kleinern Durchflusgeschwindigkeit grössere Ablösungswirbel ausbilden können.

2) Vergleich der Absolutströmungen untereinander. Die Zuströmungsrichtung ist *radial*, unabhängig von der Grösse des Wertes  $\frac{Q}{n}$ . Der absolute Austrittswinkel wird mit wachsendem Werte von  $\frac{Q}{n}$  grösser.

Bei einer weitern Versuchserie wurde das zylindrische Sieb beim Zulauf weggelassen; die Aufnahmen der Relativströmung zeigten dann auffallende Richtungsschwankungen am Eintritt (siehe die gestrichelten Linien in Abbildung 8). Die Frequenz der Schwankungen ist gleich der Drehzahl des Laufrades. Mit dem Weglassen des Siebringes fällt also die Axensymmetrie der Zuströmung dahin. Trotz der fast 3 m langen geraden Rohrleitung und trotz des in diese eingebauten horizontalen Siebs machen sich noch die Störungen durch die Krümmer und den Schieber geltend. Bei den üblichen Bauarten der Zentrifugalpumpen hat das Saugrohr bzw. Zuleitungsrohr einen Krümmer dicht vor dem Laufradeintritt; infolgedessen wird auch beim „Normalgang“ nie auf dem ganzen Umfang ein „stossloser“ Eintritt stattfinden können.

Der Leistungsumsatz lässt sich aus den gemessenen absoluten Strömungsrichtungen berechnen, und zwar wird bei absolut radialer Zuströmung zum Laufrade:

$$L = \omega \frac{\gamma Q^2}{g \cdot 2\pi R} \cot \delta$$

$\delta$  ist der Winkel, den die absolute Strömungsrichtung, gemessen auf einem Kreise  $\phi > 2r_2$ , wo sich der nichtstationäre Einfluss der Laufradschaufeln nicht mehr bemerkbar macht, mit der Umfangsrichtung einschliesst.

Aus einer Reihe von Versuchen an neun Zentrifugalpumpen (wo die Leistung gemessen wurde), konnte der Verfasser ableiten:

$$A) L = \frac{\gamma Q u_2}{g} \left( -1,06 \cot \beta_E \frac{Q}{(2\pi r_2 - z d) R_2} + 0,843 u_2 \right)$$

$\beta_E$  ist der Neigungswinkel der logarithmischen Ersatzspirale, die die Neigung des Schaufelrades charakterisiert. Dieses wirksame Schaufelende ist ungefähr  $\frac{2}{3}$  des Stückes, das die orthogonale Trajektorie abschneidet, die durch das nächstfolgende Schaufelende gelegt wird.

Den am Versuchskreiselrad gemessenen Strömungsrichtungen würde entsprechen:

$$B) L = \frac{\gamma Q u_2}{g} \left( -0,681 \cot \beta_E \frac{Q}{(2\pi r_2 - z d) R_2} + 0,567 u_2 \right)$$

Diese Unstimmigkeit zwischen A und B entspricht der grossen Differenz der Versuchsgeschwindigkeiten ( $\sim 90$  Uml/min bei unserm Versuchsrade, 650 bis 1500 Uml/min bei den erwähnten Untersuchungen an Pumpen von nicht wesentlich verschieden grossen Durchmessern). Schon der Vergleich der Strömungsaufnahmen des betriebstüchtigen Kreiselrades (Abb. 6) und derjenigen bei freier Oberfläche

(Abb. 4) lässt den Einfluss verschieden grosser Geschwindigkeiten auf die Strömungsform erkennen. (Bei den zwei Strömungsaufnahmen für Normalgang aber verschiedene Drehzahlen,  $\sim 90$  und 45 Uml/min (siehe Seite 233) entzog sich der Unterschied in der mittlern Strömungsrichtung der Beobachtung). Als praktisch brauchbare Formel zur Bestimmung des Leistungsumsatzes einer Zentrifugalpumpe (bezw. zur Bestimmung des Winkels  $\beta_E$  bei der Konstruktion eines Rades) kommt nur A in Betracht.

Die nach Methoden der theoretischen Hydrodynamik der reibungsfreien Flüssigkeit — unter Benutzung experimenteller und graphischer Methoden — bestimmten Strömungsbilder sind für den Normalgang durch Abb. 11 (Relativströmung) und Abb. 12 (Absolutströmung) dargestellt. In Abb. 13 wird diese „Ersatzströmung“ mit der wirklichen, experimentell aufgenommenen Strömung verglichen. Die Uebereinstimmung kann wohl als technisch befriedigend bezeichnet werden; die grössten Abweichungen sind in der Nähe der Schaufelenden zu konstatieren. Die wirkliche Strömung löst sich von der konkaven Schaufelrückseite ab; das theoretische Strombild der reibungsfreien Flüssigkeit zeigt keine Ablösungserscheinungen.

### „Nationalismus“ und Eidg. Technische Hochschule.

Unter diesem modernen Fremdwort sind Strömungen zu verstehen, die in der bald 70jährigen Entwicklung der Eidg. Technischen Hochschule bisher in der Tat fremd waren, die wohl auch heute als eine vorübergehende Nachwirkung der so vielgestaltigen Kriegspsychose, eines übertriebenen Nationalgefühls zu werten sind. Wir meinen die unverhältnismässige und Allen, die das Wesen unseres „Poly“ aus eigener Erfahrung näher kennen, unverständliche Aufregung, die darob entstanden ist, einmal, dass als Nachfolger unseres hervorragenden Geographen Professor Dr. J. Früh mangels im ganzen Umfang der gestellten Anforderungen geeigneter Schweizer ein ausländischer Fachgelehrter berufen worden ist, sodann, dass man die Kriegsmassnahme der Verdopplung des Schulgeldes für Ausländer wieder aufgehoben hat. Beides sind, wie gesagt, für „Ehemalige“ der E. T. H. so selbstverständliche Dinge, dass wir sie kaum registriert hätten, wären sie nicht zu Kardinalfragen aufgebaut worden, von denen jene bezüglich der Professur sogar bis in den Nationalratsaal gedrungen ist. Wir beginnen mit dieser Frage der Professur und geben zunächst die offizielle Antwort des Bundesrates<sup>1)</sup> im Auszug wieder.

Grundsätzlich machen es sich Bundesrat wie Schulrat heute mehr denn je zur selbstverständlichen Pflicht, an der E. T. H., wenn immer möglich, qualifizierten Bewerbern schweizerischer Nationalität den Vorzug zu geben. Es wird auch nicht bestritten, dass im vorliegenden Falle „sich unter den schweizerischen Bewerbern einige Gelehrte befanden, die in einzelnen der zur Professur gehörenden Gebieten gut ausgewiesen waren; für die Lehrtätigkeit auf dem Gesamtgebiet der Geographie aber, in der bisherigen Umschreibung der Professur, umfassend die allgemeine Geographie (physikalische Geographie mit Einschluss der Meteorologie und Klimatologie, Anthropo-

<sup>1)</sup> Vollinhaltlich in „N. Z. Z.“ vom 18. April 1924 (Nr. 576).