

**Zeitschrift:** Schweizerische Bauzeitung  
**Herausgeber:** Verlags-AG der akademischen technischen Vereine  
**Band:** 79/80 (1922)  
**Heft:** 10

## Inhaltsverzeichnis

### Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 04.04.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

INHALT: Ueber Schwerkraftspannungen in Rohrleitungen von grossen Durchmessern und deren rationale Konstruktion. — Einphasen-Lokomotiven Typ 1-B-1+B-1 der Ateliers de Sécheron, Genf, für die S. B. B. — Diplom-Arbeiten an der Architektenschule der E. T. H. — Zur Frage der versteiften Balkenbrücke. — Miscellanea: Bewässerung der grossen Columbia-Ebene in den Vereinigten Staaten. Verband Deutscher

Elektrotechniker. Versuche mit 280 000 V an einer Kraftübertragungsleitung. XI. internationaler Wohnungs-Kongress in Rom. Der Schweizerische Verein von Gas- und Wasserfachmännern. — Nekrologie: F. Zuppinger-Spitzer. R. Winkler. — Konkurrenzen: Entwürfe zu Telefonmasten. — Literatur. — Vereinsnachrichten: Schweizerischer Ingenieur- und Architekten-Verein. — Stellenvermittlung.

Band 80.

Nachdruck von Text oder Abbildungen ist nur mit Zustimmung der Redaktion und nur mit genauer Quellenangabe gestattet.

Nr. 10.

### Ueber Schwerkraftspannungen in Rohrleitungen von grossen Durchmessern und deren rationale Konstruktion.

Von Ingenieur *Karl I. Karlsson*, Stockholm.

Obgleich Rohrleitungen von grossen Durchmessern auf dem Gebiete der Wasserkraftausnutzung bezüglich der Anlagekosten und der Betriebsicherheit eine wichtige Rolle spielen, fehlt es noch mancherorts an einer genauen Festigkeitsberechnung und einer aus der eingehenden Kenntnis der Spannungen hervorgegangenen Bauweise derselben. In der „Zeitschrift des Oesterreichischen Ingenieur- und Architektenvereins“ hat zwar schon im Jahre 1910 Ingenieur *Otto Fröhlich* die Grundlagen einer genaueren Berechnung veröffentlicht. Noch früher waren in Schweden zwei Rohrleitungen im Bau, deren Berechnung in derselben Weise durchgeführt worden war. Die genauere Berechnung hatte ausserdem zu einer neuen und, wie es dem Verfasser scheint, rationelleren Auflager-Konstruktion geführt, deren Art und Berechnung hier wiedergegeben werden soll.

Die Berechnungen gelten den Spannungen in der Rohrwand und gehen von den in ihr auftretenden Schubspannungen aus, die in dem als Balkenträger aufgefassten Rohre durch das Wassergewicht hervorgerufen werden. Unter der Voraussetzung, dass die Schubspannungen sich in der Weise über den Rohrquerschnitt (Rohrumfang) verteilen, wie sie sich aus den Gleichgewichtsgleichungen auf Grund linearer Dehnungen und Normalspannungen ergeben, werden die in einem Ringelement des Rohres auftretenden, von Schubspannungen und Wasserdruck hervorgerufenen Biegemomente berechnet. Weiter auf diese Grundlagen einzugehen wäre hier nicht angemessen; der Leser muss aus dem obgenannten Aufsätze Fröhlichs Ausführlicheres holen. Es sei hier nur das, bei dem ersten Anblick erstaunende Resultat erwähnt, dass weder das Eigengewicht des Rohrmantels noch das Wassergewicht bei vollständig gefülltem Rohr Biegemomente dieser Art hervorrufen.

Die neue Konstruktion des Auflagers geht von der Ueberlegung aus, dass, wenn übermässige lokale Spannungen in der dünnen Rohrwand vermieden werden sollen, das Rohr an den Stellen, wo es unterstützt ist, mit Verteilungsringen von Trägerquerschnitt, in deren Steg die Auflagerkräfte angreifen, versehen werden muss. Die Spannungen in einem solchen Ringe, der in Abbildung 1 dargestellt ist, hängen nur von den Schubspannungen in dem benachbarten Querschnitte des Rohres und der Lage der Auflagerkräfte ab, und werden folglich, unter Verwendung der von Ingenieur Fröhlich gewählten und den in der Abbildung angegebenen Bezeichnungen, folgenderweise berechnet.

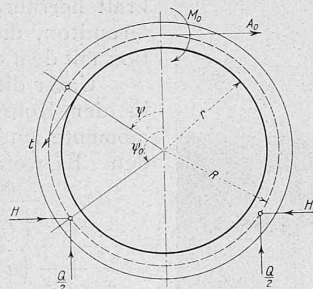


Abb. 1.

Die Schubkräfte pro Längeneinheit des Umfanges in einem Querschnitt des Rohres am Auflager sind nach der üblichen Theorie:

$$t = 2 \frac{Q}{2\pi r} \sin \psi = \frac{Q}{\pi r} \sin \psi \quad (0 < \psi < 2\pi) \quad (I)$$

Die statisch unbestimmten Schnittkräfte im Ringe  $A_0$ ,  $S_0$  und  $M_0$ , von denen die Querkraft  $S_0$  wegen der Symmetrie gleich Null ist, werden mit Hilfe des Castiglia-

nischen Satzes gelöst. Es folgen, unter Vernachlässigung der Normal- und Schubkräfte, die Gleichungen:

$$\int_0^{\psi_0} M' \frac{\partial M'}{\partial A_0} R d\psi + \int_{\psi_0}^{\pi} M'' \frac{\partial M''}{\partial A_0} R d\psi = 0$$

$$\int_0^{\psi_0} M' \frac{\partial M'}{\partial M_0} R d\psi + \int_{\psi_0}^{\pi} M'' \frac{\partial M''}{\partial M_0} R d\psi = 0$$

Die Momente  $M'$  oberhalb und  $M''$  unterhalb des Stützpunktes werden aus den Gleichgewichtsbedingungen des zwischen 0 und  $\psi$  ausgeschnittenen Ringstückes berechnet, und zwar nach Reduktion der Ausdrücke

$$M' = M_0 + A_0 R(1 - \cos \psi) + \frac{Q}{\pi} \left( \frac{1}{2} R \psi \sin \psi - r(1 - \cos \psi) \right)$$

$$M'' = M' + \frac{1}{2} Q R (\sin \psi_0 - \sin \psi) + H R (\cos \psi_0 - \cos \psi)$$

Durch Integration geht dann hervor:

$$A_0 = \frac{1}{\pi} \left[ \frac{1}{2} Q \left( 2 \frac{r}{R} - \frac{1}{2} - \sin^2 \psi_0 \right) - H \left( \frac{1}{2} \sin 2\psi_0 + \pi - \psi_0 \right) \right]$$

$$M_0 = \frac{R}{\pi} \left[ \frac{1}{2} Q \left( \frac{1}{2} + \sin^2 \psi_0 + \cos \psi_0 - (\pi - \psi_0) \sin \psi_0 \right) + H \left( \frac{1}{2} \sin 2\psi_0 - \sin \psi_0 + (\pi - \psi_0) (1 - \cos \psi_0) \right) \right]$$

und die allgemeinen Ausdrücke der Momente:

$$M' = \frac{R}{\pi} \left[ \frac{1}{2} Q \left( \cos \psi_0 - (\pi - \psi_0) \sin \psi_0 + \psi \sin \psi + \left( \frac{1}{2} + \sin^2 \psi_0 \right) \cos \psi \right) - H \left( \sin \psi_0 + (\pi - \psi_0) \cos \psi_0 - (\pi - \psi_0 + \frac{1}{2} \sin 2\psi_0) \cos \psi \right) \right] \quad (2a)$$

$$M'' = \frac{R}{\pi} \left[ \frac{1}{2} Q \left( \cos \psi_0 + \psi_0 \sin \psi_0 - (\pi - \psi) \sin \psi + \left( \frac{1}{2} + \sin^2 \psi_0 \right) \cos \psi \right) - H \left( \sin \psi_0 - \psi_0 \cos \psi_0 + \left( \psi_0 - \frac{1}{2} \sin 2\psi_0 \right) \cos \psi \right) \right] \quad (2b)$$

Es entsteht zunächst die Frage nach dem vorteilhaftesten Angriffspunkt und der Richtung der Auflagerkräfte d. h. der, die die kleinsten Momente im Ring ergeben. Eine allgemeine Lösung aus den Endgleichungen zu finden ist mir nicht gelungen wegen der verwickelten Form der Ausdrücke. Ich glaube jedoch mit  $\psi_0 = \pi/2$  und  $H = 0$  nicht sehr weit von den gesuchten Werten zu sein. Dann werden die Formeln der Momente

$$M' = \frac{Q R}{2\pi} \left( \psi \sin \psi + \frac{3}{2} \cos \psi - \frac{\pi}{2} \right)$$

$$M'' = - \frac{Q R}{2\pi} \left( (\pi - \psi) \sin \psi - \frac{3}{2} \cos \psi - \frac{\pi}{2} \right) = - M'_{\pi - \psi}$$

Die Winkel  $\psi$  oder  $\pi - \psi$ , in denen der absolute Betrag der Momente einen Grösstwert annehmen kann, erfüllen die Gleichung

$$\left( \frac{\partial M}{\partial \psi} \right) \alpha \cos \alpha - \frac{1}{2} \sin \alpha = 0,$$

deren Wurzel  $\alpha = 0$  und  $\alpha = 67^\circ 2'$  sind. Die zugehörigen Werte der Momente sind:

$$M'_{0^\circ} = -0,0113 Q R = -M''_{180^\circ}$$

$$M'_{67^\circ} = +0,015 Q R = -M''_{180^\circ - 67^\circ}$$

$$M_{\frac{\pi}{2}} \text{ ist Null,}$$

es ist folglich  $0,015 Q R$  das grösste Moment im Ringe.

Später hat Ingenieur *T. Hökerberg*<sup>1)</sup> gezeigt, dass das Ausrücken der beiden Stützpunkte um je  $0,04 R$  ausserhalb der lotrechten Tangenten des Schwerpunktskreises die Momente herabdrückt auf den Wert

$$0,010 Q R.$$

<sup>1)</sup> Siehe *Teknisk Tidskrift* 1919.