

Zeitschrift: Schweizerische Bauzeitung
Herausgeber: Verlags-AG der akademischen technischen Vereine
Band: 71/72 (1918)
Heft: 15

Inhaltsverzeichnis

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 23.02.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

INHALT: Genauigkeit graphischer Triangulation. — Das „Maiensäss“ in Kilchberg. — Zur numerischen Ermittlung der Schwingungszahlen elastischer Eigen schwingungen von Triebwerken. — Die Durchflussverhältnisse der Reuss bei Gisikon. — Zum Wettbewerb für die Reussbrücke Gisikon. — Amerikanischer Eisenhochbau. — Miscellanea: Die belgischen Wasserstrassen. Ein Verfahren zur Herstellung eines auchlosen Brennstoffes durch Tieftemperatur-Destillation der Kohle. Eisenbahnbrücke.

über den Allegheny River. Die Kunsthalle in Bern. 100 Jahre Gasbeleuchtung in Wien. — Nekrologie: P. Treu. F. Villa. — Konkurrenz: Eisenbahnbrücke bei den Arsta-Inseln in Stockholm. Verwaltungsgebäude der Aargauischen Kreditanstalt in Aarau. — Literatur. — Vereinsnachrichten: Schweizerischer Ingenieur- und Architekten Verein, G. e. P.; Stellenvermittlung. Tafeln 9 bis 12: Das „Maiensäss“ in Kilchberg.

Band 72. Nachdruck von Text oder Abbildungen ist nur mit Zustimmung der Redaktion und nur mit genauer Quellenangabe gestattet. Nr. 15.

Genauigkeit graphischer Triangulation.

Von Dr. Ing. Karl Kobelt, St. Gallen.

Die Ausführung von Triangulationen auf graphischem Wege ist nicht nur für den Topographen, sondern auch für den Bauingenieur von so grosser Bedeutung, dass wir die Ergebnisse darauf bezüglicher Genauigkeits-Untersuchungen einem weitem Kreise zugänglich machen möchten. Rein theoretische Untersuchungen werden soweit angängig hier weggelassen. Wir verweisen diesbezüglich auf unsere ausführliche Abhandlung: „Genauigkeits-Untersuchung der graphischen Triangulation“.¹⁾

Wenn bis anhin die graphische oder Messtisch-Triangulation hartnäckige Gegner hatte, so liegt der Grund hauptsächlich in der Unsicherheit über die erreichbare Genauigkeit in der Bestimmung des Neupunktes aus den gegebenen Festpunkten, ganz besonders beim graphischen Rückwärts-Einschneiden oder der „Pothenot'schen Punktbestimmung“, die uns im Folgenden am eingehendsten beschäftigen wird.

A. Genauigkeit des rückwärts eingeschnittenen Punktes.

Die Genauigkeit des aus drei Punkten A, B, C rückwärts eingeschnittenen Punktes P hängt nicht allein von der Geschicklichkeit des Beobachters und der Güte der Instrumente ab; die Hauptfehlerquellen liegen vielmehr im Problem selbst und haben systematischen Charakter.

In Bezug auf diese systematischen Fehler ist es belanglos, nach welchem von den vielen in der Literatur angegebenen Verfahren der Punkt ermittelt wird, insbesondere ob nach direkter oder indirekter Methode; denn je weiter P von A, B, C entfernt liegt, umso schleifender werden sich bei der indirekten Methode die drei Visurstrahlen schneiden und umso weniger genau lassen sich beim direkten Verfahren die Zentren der drei Konstruktionskreise konstruieren. Andererseits ist die Bestimmung von P keine eindeutige oder doch eine sehr ungenaue, wenn P auf dem durch A, B, C gehenden Kreise oder in unmittelbarer Nähe davon liegt, weil bei indirekter Methode eine fehlerhafte Orientierung des Blattes gar nicht, bzw. nur sehr schwer erkennbar ist und auf direkte Art die drei Konstruktionskreise zusammenfallen, bzw. sehr schleifende Schnitte bilden.

Die Genauigkeit des Punktes in der Ebene wird ganz allgemein nach den verschiedenen Richtungen verschieden sein und kann zweckmässig durch die *Fehler-Ellipse* dargestellt werden (Abb. 1), indem die zu einem beliebigen Radius senkrecht stehende Tangente an diese Ellipse auf dem Radius eine Strecke abschneidet, die dem mittleren Fehler des Mittelpunktes P in Richtung des Radius entspricht. Die Lotpunkte oder Fusspunkte F aller möglichen Radien liegen auf der *Fusspunkt-Kurve*.

Um für die Praxis einfache und leicht verwertbare Resultate zu erlangen, beurteilen wir im Folgenden die Güte eines Punktes nicht nach jeder beliebigen Einzelrichtung, sondern nach allen Richtungen durch P in der Ebene insgesamt und folgen dabei der Definition des *mittleren Punktfehlers von Helmert*: Das Quadrat des mitt-

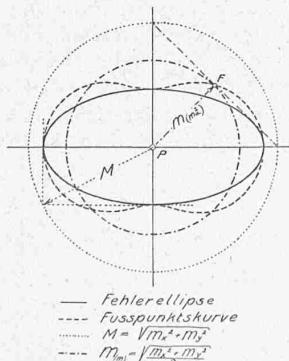


Abb. 1.

lern Punktfehlers ist gleich der Summe der Quadrate der mittleren Fehler in zwei zueinander senkrechten Richtungen

$$M = \sqrt{M_x^2 + M_y^2} = \sqrt{a^2 + b^2}$$

wobei a und b die Ellipsenachsen bedeuten.

Aus Abb. 1 ist sofort ersichtlich, dass nach Helmert M grösser ist als a , das heisst grösser als der grösste Fehler in der ungünstigsten Richtung. Wir haben deshalb vorgeschlagen, den mittleren Punktfehler durch den *Mittelwert der Quadrate der mittleren Fehler in zwei zueinander senkrecht stehenden Richtungen* zu definieren. Dadurch werden die Genauigkeitsverhältnisse des Punktes in der Ebene treffender charakterisiert:

$$M_{(M_a^2)} = \sqrt{\frac{M_x^2 + M_y^2}{2}} = \sqrt{\frac{a^2 + b^2}{2}} = \frac{M}{\sqrt{2}}$$

Im Folgenden halten wir uns an die Definition von Helmert, weil diese bis jetzt allgemein in der Literatur gebräuchlich ist. Wir haben in obiger Formel auf die einfache Beziehung zwischen den beiden Definitionen hingewiesen.

I. Analytische Bestimmung des mittleren Punktfehlers.

Die Punkte A, B, C in Abb. 2 stellen die fehlerlosen Projektionen der Festpunkte, P die fehlerfreie Lage des Neupunktes auf dem Messtischblatt dar. Zur Bestimmung der mittleren Fehler in zwei einander senkrecht stehenden Richtungen, M_x und M_y , denken wir uns durch P ein rechtwinkliges Koordinatenkreuz x, y beliebig gelegt. Q sei die fehlerhafte Lage des Neupunktes P .

Wir setzen voraus, dass die Einstellungsfehler als verschwindend angenommen werden können, sodass die Visurstrahlen QA' , QB' und QC' von dem fehlerhaft bestimmt Punkte aus unter sich dieselben Winkel $(a_3 - a_2)$ und $(a_2 - a_1)$ einschliessen, wie die fehlerlosen Strahlen PA , PB , PC .

Wird durch Q ein neues System von Linien QA'', QB'', QC'' bzw. zu PA , PB , PC parallel gezogen, so bilden diese Linien überall den selben, von der fehlerhaften Orientierung des Messtisches herrührenden Winkel ω mit den Richtungen QA' , QB' , QC' .

Die Perpendikel von A auf QA' , von B auf QB' und von C auf QC' können als die zusammengesetzten, mit der nämlichen Genauigkeit gegebenen wirklichen Beobachtungsfehler angesehen werden. Bezeichnet man daher diese Fehler, die zum Teil aus fehlerhafter Tischorientierung, zum Teil aus Zeichnungsfehlern bestehen, mit v_1 , v_2 , v_3 , so ergeben sich bei Berücksichtigung nur der ersten Potenzen von ω und q nach Abb. 2 die Gleichungen:

$$\begin{aligned} v_1 &= r_1 \omega + q \sin(\varphi + a_1) \\ v_2 &= r_2 \omega + q \sin(\varphi + a_2) \\ v_3 &= r_3 \omega + q \sin(\varphi + a_3) \end{aligned} \quad \left. \right\}$$

Wir setzen nach Abb. 2:

$$q \sin \varphi = y; \quad q \cos \varphi = x$$

und führen als Abkürzungen ein:

$$\cos \alpha = a; \quad \sin \alpha = b.$$

Obiges Gleichungssystem geht über in:

$$\begin{aligned} v_1 &= r_1 \omega + a_1 y + b_1 x \\ v_2 &= r_2 \omega + a_2 y + b_2 x \\ v_3 &= r_3 \omega + a_3 y + b_3 x \end{aligned} \quad \left. \right\}$$

¹⁾ Besprochen unter „Literatur“ in Bd. LXXI, S. 122 (9. März 1918).