

**Zeitschrift:** Schweizerische Bauzeitung  
**Herausgeber:** Verlags-AG der akademischen technischen Vereine  
**Band:** 69/70 (1917)  
**Heft:** 21

## Inhaltsverzeichnis

### Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 22.02.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

INHALT: Neuere Beobachtungen über die kritischen Umlaufzahlen von Wellen. — Die Wasserkraftanlagen Tremp und Seros der Barcelona Traction, Light & Power Co. — Anwendung der elektrischen Heizung für industrielle Zwecke. — Das Bürgerhaus in der Schweiz (V. Band: Der Kanton Bern, I. Teil). — Die Verwendung von Holz und Torf in den Gaswerken. — † K. Brandau. — Miscellanea: Das zukünftige Eisenbahnnetz Marokkos. Eidgen. Technische Hochschule. Eine Hochofen- und Stahlwerkranlage in Holland. Die Befestigung der Wand- und Hängelager für Transmissionen

in Eisenbeton-Gebäuden. Elektromotor-Triebwagen mit Sulfitspiritus-Betrieb. Dampfturbinen für kleine Leistungen. Verwertung der grossen Torflager Islands. Die Eisenförderung in den Vereinigten Staaten von Nordamerika. Das Kraftwerk Olten-Gösgen. — Konkurrenz: Bebauungsplan Zofingen. — Literatur. — Vereinsnachrichten: Gesellschaft ehemaliger Studierender: Stellenvermittlung.

Tafeln 18 und 19: Aus: Das Bürgerhaus in der Schweiz (V. Band: Der Kanton Bern, I. Teil).

## Band 70.

Nachdruck von Text oder Abbildungen ist nur mit Zustimmung der Redaktion und nur mit genauer Quellenangabe gestattet.

## Nr. 21.

## Neuere Beobachtungen über die kritischen Umlaufzahlen von Wellen.

Von Prof. Dr. A. Stodola, Zürich.

(Schluss von Seite 232.)

### 5. Verhalten einer gleichmässig belasteten Welle zwischen der ersten und zweiten kritischen Drehzahl gewöhnlicher Art.

a) Wagerechte Welle mit freier Auflagerung und Kreuzgelenkantrieb. Die unter 4a beschriebene Welle zeigte bei Verwendung der Scheiben von 250 mm Durchmesser und je 37 gr Uebergewicht im Abstande von je 100 mm vom Mittelpunkte, zwischen 1000 und 1600 Umdrehungen zunächst keine Anzeichen eines kritischen Zustandes. Eine Steigerung auf rund 48 gr pro Scheibe ergab hingegen auffallende Störungen, insbesondere in der Gegend von 1450 Umdrehungen. Die eigentümlichen Bahnen, die der Wellenmittelpunkt beschreibt, sind in Abbildung 11 dargestellt, u. zw. entfallen etwa sechs Umläufe auf 1 Sekunde, gegenüber 22 bis 25 Umdrehungen der Welle in 1 Sekunde.

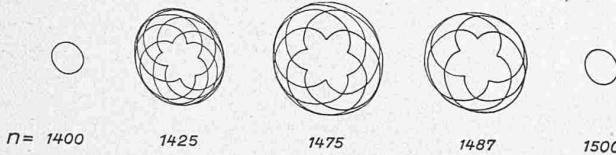


Abbildung 11.

Da jedoch gleichzeitig eine Verschiebung des Endlagers, durch welche die Mitte des Universalgelenkes aus der Mitte der Kugelschale herausrückte, eingetreten war, wurde ein neues Gelenk hergestellt, bei dem das Wellenende selbst kugelig abgedreht war und in einer feststehenden Kugelschale lief. Das Kreuzgelenk war im Kugelkopfe untergebracht, und es konnte demnach ein Zwang durch exzentrische Stellung des Kopfes nicht mehr auftreten. Eine neue Versuchsreihe bestätigte hierauf zunächst das Vorkommen der kritischen Drehzahl  $n_{k_1}$ , ebensosehr jedoch auch das einer zweiten Störung  $n_{g_2}$ , wenn genügend grosse Ueberwuchtmassen angebracht wurden. Je 20 gr am Halbmesser von 100 mm zeigten keine Wirkung. Bei je 28,4 gr hingegen trat ein ausgeprägtes Maximum bei 1450 Uml/min ein, mit etwa 5,5 bis 6 mm Durchmesser der ovalen Wellenbahn gegenüber etwa 2 mm vor und nach der Störung. Noch ausgeprägter war der Anstieg bei 37,2 gr Uebergewicht für je eine Scheibe, wobei die Auslenkung in der Mitte der Wellenlänge die Hubbegrenzung erreichte, mit einem Bahndurchmesser von 14 mm. Beachtenswert ist, dass die Auslenkung in den äusseren Vierteln der Wellenlänge bloss 7 bis 9 mm betrug, und dass von einer Knotenbildung, wie sie der zweiten kritischen Drehzahl gewöhnlicher Art entspricht, nichts bemerkt werden konnte.

Es steht also fest, dass eine zweite kritische Drehzahl neuer Art in Erscheinung tritt, dass sie aber nicht in der einfachen Beziehung  $n_{g_2} = n_{k_2}/2$  zur kritischen Drehzahl „I. Art“ steht. Da  $n_{k_1} = 584$  war, sollte das theoretische  $n_{k_2} = 4 \times 584 = 2336$ , und  $n_{g_2} = 1168$  sein. Statt dessen ist  $n_{g_2} = 1450$ , also  $n_{g_2}:n_{k_2} = 0,62$ ; oder  $n_{g_2}:n_{k_1} = 2,49$  statt 2,0.

Eine weitere, aber viel geringere Störung trat bei etwa 1650 Uml/min, also rund dem 2,8 fachen der ersten kritischen Drehzahl auf. Von dieser Störung berichten meine Freunde in der Praxis, dass sie wiederholt beobachtbar war, ohne dass eine Erklärung dafür in schwankenden Fundamenten oder ähnlichen Resonanzerscheinungen ge-

funden werden konnte. Dabei soll jedoch die Unruhe über dem 2,8-fachen Betrag von  $n_{k_1}$  bis zur zweiten normalen kritischen Drehzahl  $n_{k_2}$  stetig zugenommen haben, während bei meinen Versuchen die an sich höchst geringfügige Störung wieder ganz verschwand, und erst bei etwa 1900 Uml/min scharf wachsende Ausschläge einsetzten.

Um die Erscheinungen weiter aufzuklären, schien mir ein Versuch Wert zu besitzen, bei dem die Ueberwucht nicht in gleichen Abständen vom Scheibenmittelpunkt untergebracht wird, sondern derart, dass die Exzentrizität dem Gesetze

$$e = e_0 \sin 2\pi \frac{x}{l}$$

gehorcht, wo  $x$  den Abstand von einem Lager  $l$  die ganze Wellenlänge bedeutet. Gemäss der Ableitung in meinen „Dampfturbinen“, Seite 300, besitzt eine so ausgewuchtete Welle keine kritische Geschwindigkeit erster, wohl aber eine zweiter Ordnung. Sie müsste demgemäß durch den Geschwindigkeitspunkt erster Ordnung ohne jede Störung, mit leichter S-förmiger Krümmung, also ruhender Mitte hindurchgehen. Die Ueberwucht betrug der Reihe nach für die Scheiben Nr.

1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
am Halbmesser von 100 mm Gramm (Gewicht):									

14 37,5 47 37,5 14 —14 —37,5 —47 —37,5 —14

Die Auswuchtung der Scheiben in sich gelang so weit, dass die Welle durch die erste kritische Umlaufzahl mit einem Ausschlag von bloss 1 mm (Halbmesser) hindurchging, falls man die Drehzahl in 15 Sekunden von 550 auf 600 in der Minute beschleunigte. Bei längerem Verweilen auf der kritischen Drehzahl kommt die Welle allerdings zum Streifen, doch wird sie unmittelbar darüber fast vollkommen ruhig. Bei einer Steigerung der Drehzahl wachsen die Ausschläge gemäss den Schaulinien in Abbildung 12, wobei sich  $a$  auf die Mitte,  $b$  auf ein Viertel der Wellenlänge beziehen, und die Ordinaten die mittlern Durchmesser der beschriebenen ovalen Bahnen bedeuten. Bei etwa 1350 Umdrehungen beginnt die neue Störung sich bemerkbar zu machen, erreicht bei 1430 das Maximum, und klingt in der

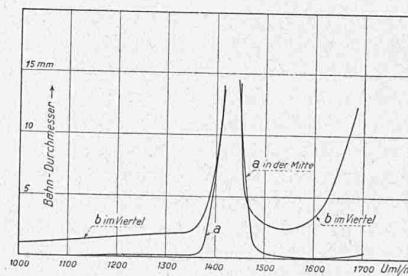


Abb. 12.

Wellenmitte ganz ab; im Wellenviertel beginnt bei 1600 Umdrehungen der zur zweiten kritischen Drehzahl gehörende scharf wachsende Ausschlag, der eine Steigerung über 1700 Umdrehungen verbietet<sup>1)</sup>. Hier, wie bei den früheren Versuchen ist im übrigen die Unstabilität des Gleichgewichtes im kritischen Gebiet keine grosse. Man kann die Welle durch leichten Druck mittels einer Stange beruhigen, sodass sie eine Weile mit kleinem Ausschlag läuft. Umgekehrt kann man unterhalb oder bei 1300 Umdrehungen durch leichten Stoß einen Ausschlag hervorrufen, der längere Zeit oder überhaupt stehen bleibt, — ein Zeichen, dass dem labilen ein indifferentes Gleichgewicht vorausgeht. Eigentlich ist für das kritische Gebiet zwischen etwa

<sup>1)</sup> In einer anderen Versuchsreihe ohne Ueberwuchtmassen, mit ziemlich ruhig laufender Welle, glaubten wir in Anbetracht der die Welle mit wenig Spiel umfassenden Führungsringen die Drehzahl auf die zweite kritische hinaufsteigern zu dürfen. Das Ergebnis war ein explosionsartiges Auseinanderschleudern der Vorrichtung und Zusammenreissen der Führungen mit den Lagern.