

Zeitschrift: Schweizerische Bauzeitung
Herausgeber: Verlags-AG der akademischen technischen Vereine
Band: 65/66 (1915)
Heft: 3

Artikel: Bauplatzstatik
Autor: Moser, Arnold
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-32267>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 23.02.2026

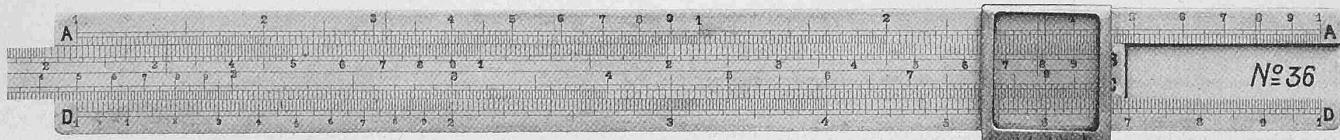
ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

INHALT: Bauplatzstatik. — Wettbewerb für ein Alters- und Invalidenasyl in Delsberg. — Die Abteilung für Landestopographie an der Schweizer Landesausstellung in Bern. — Miscellanea: Neue Hauensteinlinie. Typische Belastungskurven elektrischer Bahnkraftwerke. Eidgenössische Technische Hochschule. Zellon als Ersatz für Glas.

Die Eisenbahn-Hochbrücke bei Hochdonn. Grenchenbergtunnel. Das Eisenbahnnetz der Welt Ende 1913. Der Verkehr im Panamakanal. — Nekrologie: F. Pearson. — Konkurrenz: Bebauungsplan Bahnhofquai-Zähringerstrasse Zürich. — Literatur. — Vereinsnachrichten: Schweiz. Ing.- und Arch.-Verein. G. e. P.: Stellenvermittlung.

Band 66. Nachdruck von Text oder Abbildungen ist nur mit Zustimmung der Redaktion und unter genauer Quellenangabe gestattet.

Nr. 3.



Bauplatzstatik.

Von Dr. Arnold Moser, Ingenieur,
Privatdozent an der Eidg. Technischen Hochschule in Zürich.

(Fortsetzung von Bd. 65, Seite 286.)

B. Auf Knickung beanspruchte Säulen.

Die Dimensionierung eines prismatischen, auf zentrischen Druck beanspruchten Stabes fußt auf der vereinfachenden Annahme, dass seine Tragkraft durch das Produkt: Querschnittsfläche \times Materialdruckfestigkeit dargestellt werden kann. Die Erfahrung zeigt aber, dass diese Annahme nur für verhältnismässig kurze Stäbe einigermassen zutrifft, während die Tragkraft langerer Stäbe durch die Form des Querschnittes und die Stablänge in hohem Masse beeinflusst wird. Die Ansichten über die Frage, wie diese Einflüsse zahlenmässig zu berücksichtigen sind, gehen heute noch ziemlich weit auseinander. Aus diesem Grunde lässt sich die wirkliche Tragkraft einer Säule nur durch den Versuch feststellen.

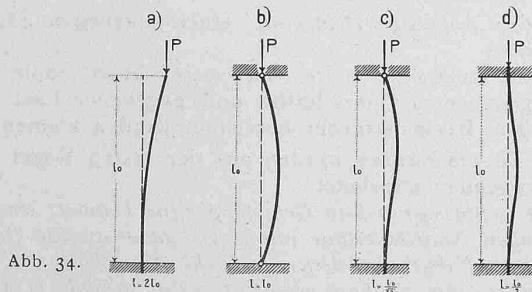


Abb. 34.

Diese Lage der Dinge darf uns aber nicht entmutigen, denn wir besitzen einige Berechnungsmethoden, die sich, obwohl sie ziemlich von einander abweichende Resultate liefern, in der Praxis bewährt haben und somit dem Konstrukteur eine genügende Handhabe geben zur Dimensionierung der üblichen Säulen. Um eine „bauplatzmässige“ Faustregel zur Berechnung von längeren, also auf Knickung beanspruchten Säulen zu erhalten, wird es sich empfehlen, von der einfachsten dieser Berechnungsmethoden auszugehen. Und das ist immer noch die Euler'sche. Nach dieser beträgt die *zulässige Belastung* einer prismatischen Säule

$$P = \frac{\pi^2}{n} \cdot \frac{E \cdot J}{l^2}$$

Hierin bedeuten:

- P = die zulässige Belastung in Tonnen,
- n = den „theoretischen“ Sicherheitsgrad,
- E = den Elastizitätsmodul in t/cm^2 ,
- J = das minimale äquatoriale Trägheitsmoment des Säulenquerschnittes in cm^4 ,
- l = die freie Knicklänge in cm .

1. Dimensionierung von Nadelholzsäulen.

A. Säulen mit quadratischem Querschnitte. Die zulässige Belastung einer solchen Säule erhält man durch Einsetzen folgender Werte, der „Hütte“ 20. Aufl., I. Bd., S. 416 und 441 entnommen, in die soeben erwähnte Euler'sche Formel:

$$\pi^2 = 10; n = 10; E = 120 \text{ } t/cm^2 \text{ und } J = \frac{a^4}{12}$$

Die zulässige Belastung einer Nadelholzsäule mit quadratischem Querschnitte beträgt demnach

$$P = \frac{10}{10} \cdot \frac{120 \cdot \frac{a^4}{12}}{l^2} = 10 \frac{a^4}{l^2}$$

Um P in Tonnen zu erhalten, müssen a und l in cm eingesetzt werden. Man kommt aber auch zum gleichen Ergebnis durch Einsetzen von l in Metern und a in Dezimetern. Wir tun dies und schreiben gleichzeitig die Formel an wie folgt:

$$\frac{10}{P} = \frac{l^2}{a^4}$$

Der Flächeninhalt des Säulenquerschnittes ist aber $F = a^2$, es folgt daraus, dass

$$\frac{10}{P} = \frac{l^2}{F^2} \quad \dots \quad (14)$$

Diese Formel ist nun wirklich „bauplatzmässig“, denn sie erlaubt die raschste Dimensionierung einer Nadelholzsäule quadratischen Querschnittes mit Hilfe des gewöhnlichen Rechenschiebers. Die folgenden, auf den Auflagerungsfall b in Abb. 34 bezogenen Zahlenbeispiele sollen zeigen, wie einfach eine solche Dimensionierung nun zu bewerkstelligen ist.

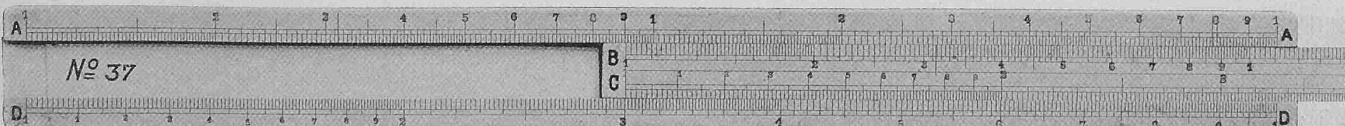
Eine 6,0 m hohe Nadelholzsäule quadratischen Querschnittes habe eine Last von 22,5 t zu tragen. Welche Querschnitts-Dimensionen muss sie erhalten.

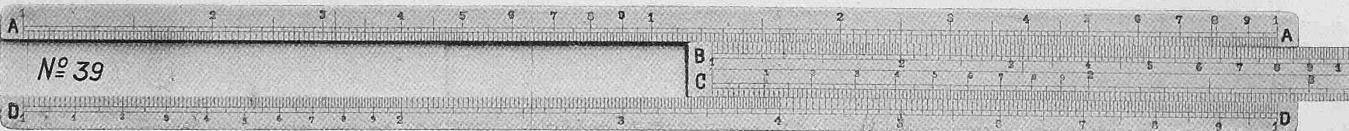
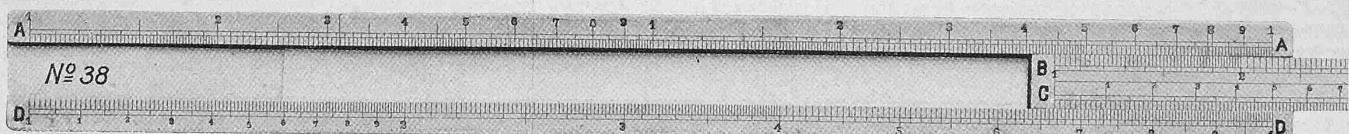


Abb. 35.

Abb. 35 zeigt die den Skalen A , B , C und D für die vorliegende Berechnung beizulegende Bedeutung: Von Skala A brauchen wir vorderhand nur die Zahl 10, Skala B gibt die zulässige Belastung der Säule in t (also von 1 bis 100), Skala C gibt den Flächeninhalt des Säulenquerschnittes in dm^2 und Skala D die „freie Knicklänge“ in m an. Die eigentliche Dimensionierung auf dem Rechenschieber zeigt Abbildung 36 am Kopf dieser Seite:

Die Zahl 22,5 (Tonnen) auf B wird unter 10 auf A gebracht. Nun wird der Haarstrich des Glasläufers über die Zahl 6,0 (freie Knicklänge in Meter) der Skala D verschoben und es erscheint unter dem Haarstrich des Glas-





läufers auf C der Flächeninhalt des Querschnittes in dm^2 , also im vorliegenden Falle $9,0\ dm^2$.

Um dies zu beweisen, sei daran erinnert, dass: 1. in jeder beliebigen Lage der Zunge zwei Zahlen der Skala A mit den beiden ihnen entsprechenden der Skala B die gleiche Proportion bilden, z. B. in Abb. 36:

$$\frac{2}{4,5} = \frac{4}{9,0} \text{ oder } \frac{3}{6,75} = \frac{8}{18}$$

usw. und dass 2. die Zahlen der Skala A die Quadrate derjenigen der Skala D , und die Zahlen auf B die Quadrate derjenigen auf C darstellen.

In Abb. 36 zeigt also der Haarstrich des Glasläufers auf A das Quadrat der freien Knicklänge ($6,00\ m$ auf Skala D) an. Es verhält sich also

$$\frac{10}{22,5} = \frac{36}{81}$$

Die Zahl 81 stellt nun nach Formel (14) das Quadrat des Flächeninhaltes des Säulenquerschnittes dar. Ihre Quadratwurzel erscheint unter dem Haarstrich des Läufers auf C und ist also gleich dem Flächeninhalt des Säulenquerschnittes $= 9\ dm^2$.

Die Bestimmung der Seitenlänge selbst, also der Quadratwurzel ist nach dem Gesagten aus Abb. 37 ohne weiteres verständlich. Diese Säule muss also einen Querschnitt von $30/30\ cm$ erhalten.

Aus diesem Beispiel folgt ohne weiteres folgende Faustregel zur „bauplatzmassigen“ Dimensionierung der längeren Nadelholzsäulen mittels des Rechenschiebers:

Der erforderliche Flächeninhalt (in dm^2) des quadratischen Querschnittes einer längeren Nadelholzsäule, die bei einer freien Knicklänge von 1 Meter (Abb. 34 b) eine axiale Last P tragen soll, ist diejenige Zahl der Skala C (Abb. 35) die der Zahl 1 (in Metern) der Skala D entspricht, wenn die Zahl P (in Tonnen) der Skala B unter 10 auf A geschoben wird.

Beispiele: Eine Nadelholzsäule quadratischen Querschnitts habe bei $8,35\ m$ freier Knicklänge axial eine Last von $22,5\ t$ zu tragen. Welche Dimensionen muss sie erhalten?

Wir wollen für die Beispiele folgende abkürzenden Bezeichnungen einführen: Statt „die Zahl der Skala A bzw. B , C oder D “ wollen wir schreiben: m_A , bzw. m_B , m_C und m_D . So würde z. B. die Lösung obigen Beispiels folgendermassen lauten: (Abb. 36)

$22,5\ B$ unter 10 A .

Die Zunge ist für den Fortgang der Ablesung zu kurz, muss also um ihre ganze Länge nach rechts verschoben werden (Abb. 38). Es erscheint $12,52\ C$ über $8,35\ D$. Der Flächeninhalt des Säulenquerschnittes muss $12,52\ dm^2$ betragen.

$1\ B$ unter $12,52\ A$ (Abb. 39) ergibt unter $1\ C = 3,54\ D$. Die Säule muss also einen Querschnitt von $3,54/3,54\ dm$ bzw. $36/36\ cm$ erhalten.

Eine Nadelholzsäule quadratischen Querschnittes habe nach Abbildung 34 b eine axiale Last von $4,88\ t$ zu tragen. Welche Dimensionen muss sie bei $6,75\ m$ freier Knicklänge erhalten?

1. Schieberstellung $4,88\ B$ unter 10 A (Abb. 24). Abgelesen wird $4,72\ C\ (dm^2)$ über $6,75\ D$.

2. Schieberstellung $1\ B$ unter $4,72\ A$ (Abb. 40). Abgelesen wird $2,17\ D$ unter $1\ C$.

Gesuchter Querschnitt: $21,7/21,7$, bzw. $22/22\ cm$.

Nun lässt sich die angewendete Methode auch in dem Sinne umkehren, dass

1. die „zulässige Belastung“ einer gegebenen Säule, oder

2. die zulässige „freie Knicklänge“ einer Säule bei gegebenem Querschnitt und gegebener Last mit dem Rechenschieber berechnet werden können.

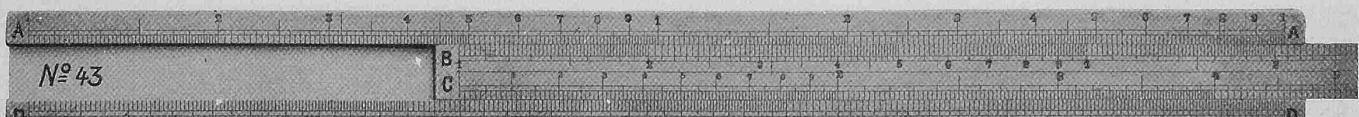
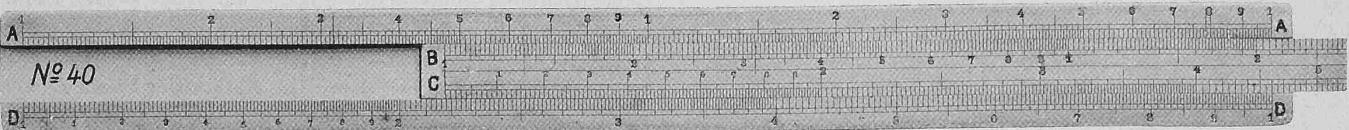
Zu diesem Zwecke werden aus der ersten Regel die beiden folgenden abgeleitet:

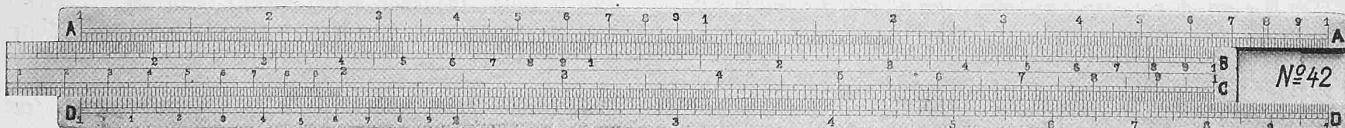
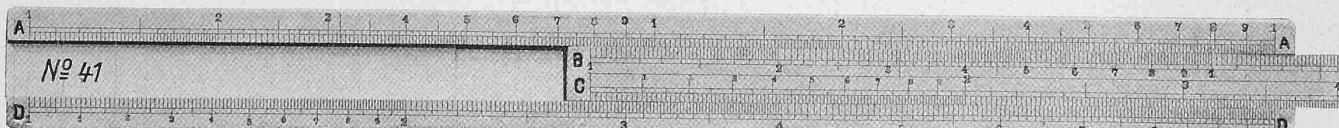
Die „zulässige axiale Belastung“ (in Tonnen) einer 1 Meter langen Nadelholzsäule mit einem quadratischen Querschnitt von $F\ dm^2$, ist diejenige Zahl der Skala B , die unter dem 10 der Skala A erscheint, wenn die Zahl $F\ (dm^2)$ der Skala C über die Zahl 1 (Meter) der Skala D verschoben wird.

Die „zulässige freie Knicklänge“ (in Meter) einer Nadelholzsäule mit einem quadratischen Querschnitt von $F\ dm^2$, die eine axiale Druckkraft P (in Tonnen) zu tragen hat, ist diejenige Zahl der Skala D , die der Zahl $F\ (dm^2)$ der Skala C gegenüberliegt, wenn die Zahl P (Tonnen) der Skala B unter die Zahl 10 der Skala A verschoben wird.

Die folgenden Zahlenbeispiele sollen die Anwendung dieser beiden Faustregeln veranschaulichen.

Der quadratische Querschnitt einer Nadelholzsäule habe einen Flächeninhalt von $9,0\ dm^2$. Welche axiale Druckkraft kann diese Säule bei $6,00\ m$ freier Knicklänge aufnehmen?





Es wird 9 C über 6 D verschoben.

Abgelesen wird 22,5 B unter 10 A (vgl. Abb. 36), somit 22,5 t.

Der Flächeninhalt des quadratischen Querschnittes einer Nadelholzsäule betrage $F = 3,24 \text{ dm}^2$. Welche freie Knicklänge darf diese Säule bekommen, wenn sie eine axiale Druckkraft von 5,7 t zu tragen hat?

5,7 B unter 10 A. Abgelesen wird 4,29 D unter 3,24 C. Diese Säule trägt 5,7 t bis zu 4,29 m freier Knicklänge.

B. Nadelholzsäulen mit rundem Querschnitt. Nach der Euler'schen Formel besitzen zwei gleich lange Nadelholzsäulen mit quadratischem bzw. rundem Querschnitte gleiche Tragfähigkeit, wenn ihre äquatorialen Trägheitsmomente einander gleich sind.

Dies trifft zu, sobald die Seitenlänge des quadratischen und der Durchmesser des runden Querschnittes folgender Gleichung genügen: $\frac{a^4}{12} = \frac{\pi d^4}{64}$. Hieraus ergibt sich

$$\frac{d}{a} = \sqrt[4]{\frac{64}{12 \cdot \pi}} = 1,14 \quad \dots \quad (15)$$

Das heisst: Eine runde Nadelholzsäule hat die gleiche Knickfestigkeit wie eine solche mit quadratischem Querschnitte, wenn ihr Durchmesser 1,14 Mal so gross ist wie die Seite des Querschnittes dieser letzteren (Abb. 46 a und b).

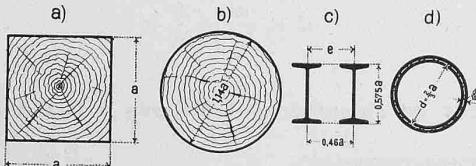


Abb. 46. Querschnitte von Säulen gleicher Knickfestigkeit.

Die praktische Anwendung dieser Regel möge nun wieder an einigen charakteristischen Beispielen nach Abb. 34 b gezeigt werden:

Eine Nadelholzsäule mit kreisrundem Querschnitte habe eine Last von 22,5 t zu tragen. Welchen Durchmesser muss sie bei 6,00 m freier Knicklänge erhalten?

Diese Aufgabe wird mit zwei Schieberstellungen gelöst:

1. Stellung (Abb. 36) 22,5 B unter 10 A.
Abgelesen wird 9,0 C über 6,0 D.
2. Stellung (Abb. 37) 1 B unter 9,0 A.
Abgelesen wird 3,42 D unter 1,14 C.

Der gesuchte Durchmesser ist 34,2 cm.

Die Last betrage 4,88 t, die freie Knicklänge 6,75 m; gesucht der Durchmesser:

1. Schieberstellung 4,88 B unter 10 A.
Abgelesen wird 4,72 C über 6,75 D.
2. Schieberstellung (Abb. 40) 1 B unter 4,72 A.
Abgelesen wird 2,48 D unter 1,14 C,

also erforderlicher Durchmesser = 2,48 dm, bzw. rd. 25 cm.

Nun sollen noch zwei Beispiele die Umkehrung zeigen, d. h. wie man die Tragfähigkeit einer gegebenen Säule oder die zulässige freie Knicklänge einer Säule bestimmt, wenn Querschnitt oder Last gegeben sind:

Der Durchmesser einer runden Nadelholzsäule betrage 34,2 cm. Welche axiale Druckkraft kann diese Säule bei 6,0 m freier Knicklänge aufnehmen?

Um diese Aufgabe zu lösen, sind wieder im allgemeinen zwei Schieberstellungen notwendig:

1. Schieberstellung (Abb. 37) 1,14 C über 3,42 D.
Abgelesen wird 9,0 A über 1,0 B.
2. Schieberstellung 9,0 C über 6,0 D (Abb. 36).
Abgelesen wird 22,5 B unter 10 A.

Diese Säule kann somit eine axiale Druckkraft von 22,5 t aufnehmen.

Der Durchmesser einer runden Nadelholzsäule messe 32 cm. Welche freie Knicklänge darf diese Säule erhalten, wenn sie eine axiale Druckkraft von 15,3 t zu tragen hat?

1. Schieberstellung (Abb. 41) 1,14 C über 3,2 D.
Abgelesen wird 7,9 A über 1,0 B.
2. Schieberstellung (Abb. 42) 15,3 B unter 10 A.
Abgelesen wird 6,39 D unter 7,9 C.

Die zulässige freie Knicklänge ist somit 6,39 m.

C. Nadelholzsäulen mit rechteckigem Querschnitte. Die Tragfähigkeit einer solchen Säule lässt sich folgendermassen berechnen, sobald ihre Querschnittsdimensionen a und b (Abb. 47), sowie ihre freie Knicklänge l (Abb. 34 b) gegeben sind. Das minimale äquatoriale Trägheitsmoment des in Abb. 47 m dargestellten Rechteckes beträgt $\frac{ba^3}{12}$; dasjenige des in Abb. 47 n dargestellten Quadrates $\frac{a^4}{12}$. Diese Trägheitsmomente verhalten sich wie $\frac{ba^3}{12} : \frac{a^4}{12} = \frac{b}{a}$.

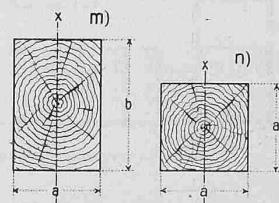
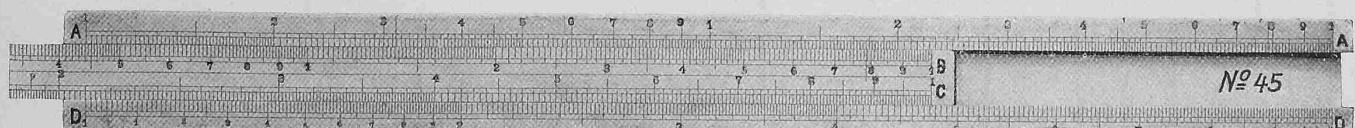
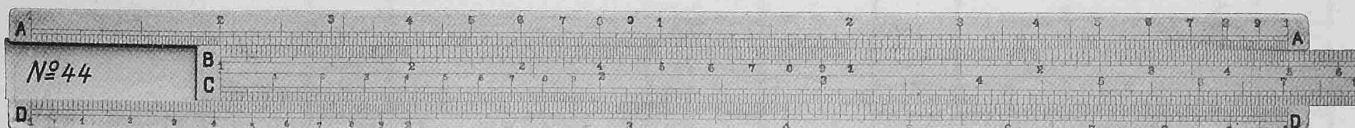
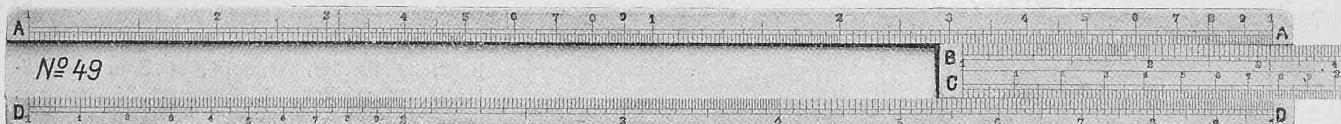


Abb. 47.





Beispiel: Eine runde gusseiserne Hohlsäule, deren Wandstärke $\frac{1}{10}$ ihres mittlern Durchmessers beträgt, habe eine Last von $22,5 \text{ t}$ zu tragen. Welche Dimensionen muss sie bei $6,00 \text{ m}$ freier Knicklänge erhalten?

In Anwendung der obigen Faustregel ist also zuerst eine quadratische Nadelholzsäule zu dimensionieren. Hier nach wird die Seitenlänge des gefundenen Querschnittes durch $1,5$ dividiert, um den mittlern Durchmesser der gusseisernen Säule zu erhalten.

1. Schieberstellung: $22,5 \text{ B}$ unter 10 A (Abb. 36).
Abgelesen wird $9,00 \text{ C}$ über $6,0 \text{ D}$.
2. Schieberstellung: 1 B unter $9,00 \text{ A}$ (Abb. 37).
Abgelesen wird $3,0 \text{ D}$ unter 1 C .
3. Schieberstellung: $1,5 \text{ C}$ über $3,0 \text{ D}$ (Abb. 48).
Abgelesen wird $2,0 \text{ D}$ unter $1,0 \text{ C}$.

Der mittlere Durchmesser dieser Säule muss demnach $2,0 \text{ dm}$, ihre Wandstärke $2,0 \text{ cm}$ betragen.

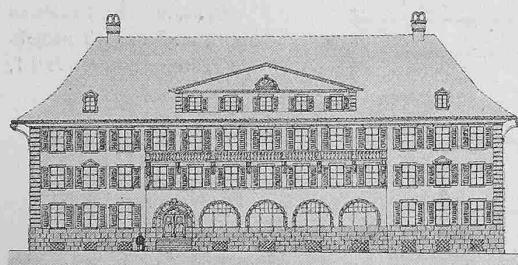
Eine kleine Beobachtung erlaubt uns, diese Aufgabe mit nur zwei Schieberstellungen wie folgt zu lösen:

1. Schieberstellung wie oben ergibt $9,0 \text{ C}$ über $6,0 \text{ D}$,
2. Schieberstellung (Abb. 48) $(1,5)^2 = 2,25 \text{ B}$ unter 9 A .
Abgelesen wird $2,0 \text{ D}$ unter $1,0 \text{ C}$.

B. Der Umstand, dass bei gleichem mittleren Durchmesser das Trägheitsmoment eines Kreisringes proportional ist der Ringdicke, erlaubt uns, die *Tragfähigkeit einer gusseisernen Säule von beliebiger Wandstärke* zu berechnen:

Beispiel: Eine runde gusseiserne Hohlsäule, mit einem mittleren Durchmesser von 18 cm , aber einer Wandstärke von 21 mm , hat eine freie Knicklänge von $4,55 \text{ m}$. Wie viel kann sie tragen?

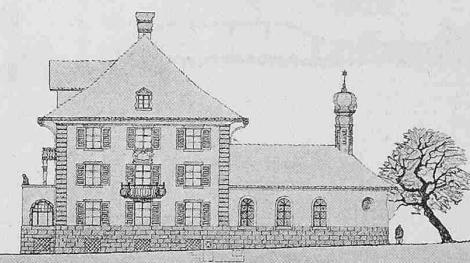
Nach obiger Bemerkung trägt diese Säule $\frac{21}{18}$ mal soviel, wie eine Säule von gleichem Durchmesser, aber nur 18 mm Wanddicke. Diese letztere Säule trägt gleichviel wie eine quadratische Holzsäule von $1,5 \cdot 18 = 27 \text{ cm}$ Seitenlänge. Die Tragkraft dieser Holzsäule wird durch zwei Schieberstellungen bestimmt:



Façade Sud. — 1:600.

1er Prix, Projet N° 1.
Devise „Aux Vieillards“.

MM. Widmer, Erlacher & Calini,
architectes à Berne.



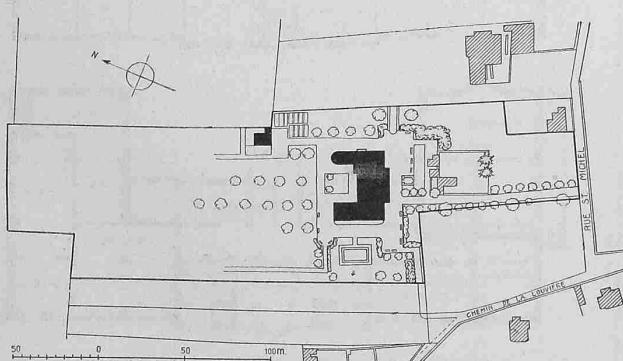
Façade Est. — 1:600.

Rapport du Jury

Le Jury s'est réuni une première fois à Delémont le 25 Avril 1914 pour discussion et élaboration du programme définitif du concours avec les deux membres délégués du conseil d'Administration de l'hospice Mr. le président Louis Viatte, avocat à Delémont, et Mr. le vice-président, puis pour visiter le terrain affecté à la construction dudit hospice.

Il s'est réuni une seconde fois pour l'examen et le jugement des projets de concours, les 17 et 18 Mai courant, sous la présidence de Mr. l'architecte E. Prince, dans la chapelle de Mont-Croix à Delémont où les projets étaient exposés.

Le Jury a tout d'abord pris acte du fait que Mr. le président du conseil d'administration de l'hospice, Mr. L. Viatte, avocat, a reçu dans les délais voulus les 55 projets exposés. Ceux-ci numérotés dans l'ordre d'exposition sont les suivants:



Ier Prix, Projet N° 1. — Plan de situation. — 1:4000.