

Zeitschrift: Schweizerische Bauzeitung
Herausgeber: Verlags-AG der akademischen technischen Vereine
Band: 31/32 (1898)
Heft: 14

Artikel: Centralellipse zweier Flächen
Autor: Hartmann
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-20803>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 20.02.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

INHALT: Centralellipse zweier Flächen. — Wettbewerb für ein Post- und Telegraphen-Gebäude in Schaffhausen. II. — Turmbau und Renovation der Predigerkirche in Zürich. — Schweiz. Verein von Dampfkesselbesitzern. — Miscellanea: Das Riesenteleskop der nächsten Pariser Weltausstellung. Einschaltung der neuen Limmatbrücke bei Wipkingen auf der Linie Zürich-Winterthur. Ueber die Anwendung flüssiger Luft in der Elektro-

technik. Die Wasserkräfte Italiens. Versuche über Isolierfähigkeit von Baumaterial für Eiskeller. Dampfheizung für eine ganze Stadt. Verwendung von Acetylen zur Kraftzeugung. — Literatur: Relazione sugli studi e lavori eseguiti dal 1885 al 1897 dalla Società italiana per le strade ferrate del Mediterraneo — Servizio delle costruzioni. — Vereinsnachrichten: Gesellschaft ehemaliger Studierender: Stellenvermittlung.

Centralellipse zweier Flächen.

1. In Nr. 23, Bd. I d. Z. hat Ingenieur Hilgard das Culmann'sche Verfahren zur Bestimmung der Centralellipse zweier Flächen beschrieben, wenn die Centralellipsen der Teilflächen gegeben sind. Liegen die Schwerpunkte S_1, S_2 der letztern nahe bei einander oder fallen sie zusammen, so ist das Verfahren nicht mehr ohne weiteres anwendbar; aus dessen Ableitung ergiebt sich aber sofort, dass wenn an Stelle von x_1, x_2 ihnen proportionale Grössen gesetzt werden, nur die Ermittelung des in $S_1 S_2$ fallenden Halbmessers sich etwas ändert. Solche proportionale Grössen sind F_2, F_1 ; indem man sie in den Formeln belässt, wird die Konstruktion grundsätzlich nicht geändert, kann dagegen in allen Fällen unmittelbar angewendet werden. — Im weitern kommt es vor, dass von der Centralellipse der Gesamtfläche einzig die Richtung des zu $S_1 S_2$ konjugierten Durchmessers benötigt wird; diese Richtung zu erhalten, bedarf es nach dem von Hilgard beschriebenen Verfahren der Ermittelung des einen Halbmessers der Centralellipse. Einfacher, oftmals auch genauer, dürfte die nachstehend beschriebene Konstruktion sein.

2. In Figur 1 seien S_1, S_2 die Schwerpunkte, E_1, E_2 die Centralellipsen der beiden Teilflächen F_1, F_2 . Wäre die Centralellipse E der Gesamtfläche $F = F_1 + F_2$ bekannt, so würden die parallel zu $S_1 S_2$ an die Ellipsen gezogenen Tangenten in ihren Berührungs punkten die zu $S_1 S_2$ konjugierten Durchmesser $SA, S_1 A_1$ und $S_2 A_2$ geben. Auf $S_1 S_2$ und SA als Achsen bezogen, ist das Centrifugalmoment C der Fläche F gleich Null; Parallelen zu SA durch die Schwerpunkte der Teilflächen bestimmen der letztern Centrifugalmoment C_1, C_2 für dieselben Achsen zu

$$C_1 = b_1 c_1 F_1$$

$$C_2 = b_2 c_2 F_2;$$

da $C_1 + C_2 = C = 0$, so kann man schreiben:

$$b_1 c_1 \frac{F_1}{F_2} + b_2 c_2 = 0$$

oder auch $b_1 c_1 + b_2 c_2 \frac{F_2}{F_1} = 0$

Die Produkte $b_1 c_1, b_2 c_2$ können durch die ihnen proportionalen Flächen der Dreiecke $S_1 A_1 B_1, S_2 A_2 B_2$ ersetzt werden. Reduziert man eine der Längenabmessungen dieser Dreiecke im Verhältnis $\sqrt{F_1 : F_2}$ bzw. $\sqrt{F_2 : F_1}$ und verzeichnet damit ein dem ursprünglichen ähnliches Dreieck, so wird dadurch der letztern Inhalt im Verhältnis $F_1 : F_2$ bzw. $F_2 : F_1$ reduziert. Als bekannt sind von den in Frage stehenden Dreiecken die Seiten $S_1 A_1, S_2 A_2$ anzusehen; diese wird man also reduzieren. In Figur 1 wurde

$$S_2 A_2' = S_2 A_2 \sqrt{F_2 : F_1}$$

gemacht¹⁾ und damit das zu $S_2 A_2 B_2$ ähnliche Dreieck $S_2 A_2' B_2'$ gezeichnet; es muss demnach

Dreieck $S_1 A_1 B_1 +$ Dreieck $S_2 A_2' B_2' = 0$ sein. Der Umfahrungssinn beider Dreiecke ist entgegengesetzt, dem absoluten Werte nach müssen sie also inhaltsgleich sein. Darnach wird die Richtung SA in einfacher Weise wie folgt erhalten: verschiebe $S_2 A_2'$ parallel zu sich selbst nach $S_1 A_2'$, schneide diese Gerade mit $A_1 B_1$ in C und ziehe $CD \parallel A_2' A_1$, so giebt die Diagonale $S_1 Y$ des zum Parallelogramm ergänzten Dreiecks $S_1 A_2' D$ die Richtung des zu $S_1 S_2$ konjugierten Durchmessers der Centralellipse E der Gesamtfläche. Statt das Parallelogramm zu zeichnen, kann man natürlich auch die Strecke $A_2' D$ halbieren; der Halbierungspunkt bestimmt dann ebenfalls die Richtung SY .

Fig. 2.

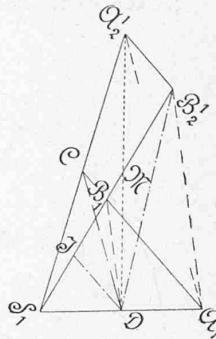
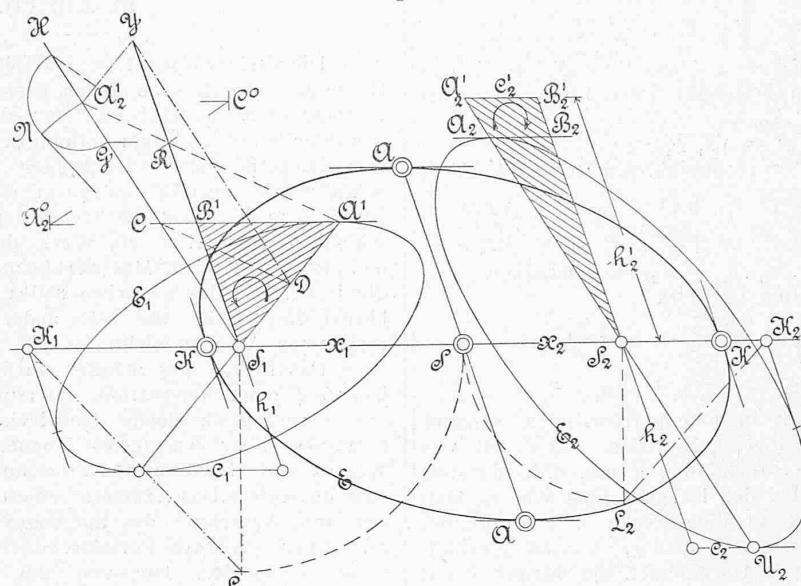


Fig. 1.



die Strecke $A_2' D$, womit die Richtigkeit der oben gegebenen Konstruktion bewiesen ist.

Man kann die Gleichung

$$b_1 c_1 + b_2 c_2 \frac{F_2}{F_1} = b_1 c_1 + \left(b_2 \sqrt{\frac{F_2}{F_1}} \right) \left(c_1 \sqrt{\frac{F_2}{F_1}} \right) = b_1 c_1 + b_2' c_2' = 0$$

auch statisch deuten. Statt die b in der Richtung SA , die C in der Richtung $S_1 S_2$ kann man sie auch in beliebigen andern Richtungen messen; also z. B. die b in der Richtung $S_1 A_2'$, die c in der Richtung $A_2' A_1$. Dann lautet vorstehende Gleichung:

$$S_1 C \cdot A_1 R + S_1 A_2' \cdot A_2' R = 0$$

¹⁾ In vielen Fällen wird die reduzierte Länge am einfachsten mit dem Rechenschieber bestimmt. Sie zeichnerisch zu ermitteln, verschiebe $S_2 A_2$ parallel zu sich selbst nach $S_1 G$, schneide diese Gerade in H mit $U_2 S$, so erhalte $S_1 H = S_2 A_2 \cdot F_2 : F_1$, da $x_1 : x_2 = F_2 : F_1$. Die von S_1 an den über $G H$ beschriebenen Halbkreis gezogene Tangente hat somit die Länge $S_1 N = \sqrt{S_1 G \cdot S_1 H} = S_2 A_2 \sqrt{F_2 : F_1} = S_2 A_2'$. Liegen S_1 und S_2 nahe bei einander, so muss man $S_1 H$ in einer besondern Figur ermitteln. — Werden von der Centralellipse E auch die Halbmesser bestimmt, so entnimmt man $S_2 A_2'$ bzw. $S_1 A_2'$ der hiezu benötigten Hilfsfigur (s. weiter unten, Figur 3).

