

**Zeitschrift:** Schweizerische Bauzeitung  
**Herausgeber:** Verlags-AG der akademischen technischen Vereine  
**Band:** 29/30 (1897)  
**Heft:** 19

## Inhaltsverzeichnis

### Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 13.01.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

INHALT: Ein neues Momentenplanimeter. — Neue Zufahrtslinien zum Simplon-Tunnel. — Litteratur: Les locomotives suisses. — Konkurrenzen: Strassenbrücke über die Aare von der Stadt Bern nach dem Lorraine-

Quartier. — Nekrologie: † Robert Landolt. † Paul Blondel. — Vereinsnachrichten: Gesellschaft ehemaliger Polytechniker, Sektion Zürich: Frühjahrsexkursion. Stellenvermittlung. XXVIII. Adressverzeichnis.

## Ein neues Momentenplanimeter.

Von A. Fliegner.

In einem rechtwinkeligen Koordinatensystem, dessen horizontale Achse  $aa$  ist, Fig. 1, sei eine Kurve  $bb$  gegeben. Für das von  $aa$ ,  $bb$  und zwei unendlich benachbarten Ordinaten  $y$  begrenzte Flächenelement ist dann:

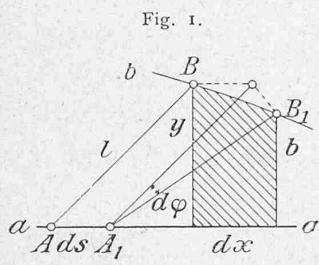
der Flächeninhalt:  
 $dF = y dx$ , . . . . . (1)

das statische Moment in Bezug auf die Achse  $aa$ :

$$dM = \frac{1}{2} y^2 dx, \quad (2)$$

das Trägheitsmoment in Bezug auf die gleiche Achse:

$$dT = \frac{1}{3} y^3 dx. \quad (3)$$



Will man auf ein Planimeter kommen, mit dem man diese Größen unmittelbar messen kann, so muss man den analytischen Ausdruck für sie zunächst umformen. Zu diesem Zwecke denkt man sich eine gerade Linie  $AB$  von der konstanten Länge  $l$  so bewegt, dass ihr Endpunkt  $A$  stets auf der Achse  $aa$ , der Endpunkt  $B$  stets auf der Kurve  $bb$  bleibt. Für das betrachtete Flächenelement muss dann  $A$  auf  $aa$  um  $ds$  nach rechts fortrücken und die Linie  $AB$  sich gleichzeitig um den Winkel  $d\varphi$  im Sinne des Uhrzeigers drehen. Dadurch ändert sich der Neigungswinkel  $\alpha$  von  $l$  gegenüber  $aa$  um  $-d\alpha$ , und es ist:

$$d\varphi = -d\alpha. \quad . . . . . (4)$$

Nach Fig. 1 bestehen zwischen den verschiedenen Größen folgende Beziehungen: zunächst ist

$$dx = ds + l d\varphi \sin \alpha$$

oder, wegen (4)

$$dx = ds - l \sin \alpha d\alpha. \quad . . . . . (5)$$

Ferner ist

$$y = l \sin \alpha. \quad . . . . . (6)$$

Setzt man (5) und (6) in die Ausdrücke (1) bis (3) ein, so folgt:

$$dF = l \sin \alpha ds - l^2 \sin^2 \alpha d\alpha, \quad . . . . . (7)$$

$$dM = \frac{1}{2} l^2 \sin^2 \alpha ds - \frac{1}{2} l^3 \sin^3 \alpha d\alpha, \quad . . . . . (8)$$

$$dT = \frac{1}{3} l^3 \sin^3 \alpha ds - \frac{1}{3} l^4 \sin^4 \alpha d\alpha. \quad . . . . . (9)$$

Für ein endliches Kurvenstück  $bb$  müssten diese Ausdrücke zwischen den zugehörigen Grenzen integriert werden.

Bei den Anwendungen handelt es sich aber immer um Flächen, die von einer geschlossenen Kurve begrenzt sind. Dann geht die Anordnung eines Planimeters nur so zu treffen, dass die Gerade  $l$  durch Rückdrehung in ihre anfängliche Lage zurückkehrt, so dass also  $\int_b^b d\alpha$  verschwindet. Gleichzeitig werden auch die drei negativen Integrale von der Gestalt

$$\int_b^b \sin^n \alpha d\alpha = 0, \quad . . . . . (10)$$

und die Integration der Ausdrücke (7) bis (9) ergibt daher einfach:

$$F = l \int_b^b \sin \alpha ds, \quad . . . . . (11)$$

$$M = \frac{1}{2} l^2 \int_b^b \sin^2 \alpha ds, \quad . . . . . (12)$$

$$T = \frac{1}{3} l^3 \int_b^b \sin^3 \alpha ds. \quad . . . . . (13)$$

Die drei hier auftretenden Integrale sollen auf mechanischem Wege so ermittelt werden, dass man nach Umlfahren der ganzen Fläche mit einem Fahrstift die drei Größen  $F$ ,  $M$  und  $T$  unmittelbar an entsprechenden Teilungen ablesen kann.

Die Bestimmung des ersten Integrals und damit die des Flächeninhaltes der Figur erfolgt mit dem bekannten Linear-Planimeter in seinen verschiedenen Anordnungen.

Um die beiden anderen Integrale finden zu können, ist man bisher so vorgegangen, dass man die Potenzen des Sinus durch Sinus und Kosinus von Vielfachen des Winkels  $\alpha$  ausgedrückt hat, nach den Beziehungen:

$$\sin^2 \alpha = \frac{1}{2} (1 - \cos 2\alpha) \text{ und}$$

$$\sin^3 \alpha = \frac{1}{4} (3 \sin \alpha - \sin 3\alpha).$$

Damit werden die beiden Momente, da im ersten  $\int_b^b ds$  verschwindet

$$M = -\frac{1}{4} l^2 \int_b^b \cos 2\alpha ds \quad . . . . . (14)$$

$$T = \frac{1}{4} l^3 \int_b^b \sin \alpha ds - \frac{1}{12} l^3 \int_b^b \sin 3\alpha d\alpha. \quad . . . . . (15)$$

Hier nach sind die Amsler'schen Momentenplanimeter konstruiert, die einzigen, die ich auf der Landesausstellung in Genf vorgefunden habe. Sie erfordern Zahnräder, durch die die Drehung des Fahrarmes auf zwei andere Arme verdoppelt und verdreifacht übertragen wird. Durch diese Zahnräder erhält aber der ganze Apparat senkrecht zur Achse  $aa$  eine verhältnismässig grosse Ausdehnung. Außerdem müssen zur Bestimmung des Trägheitsmomentes zwei Ablesungen und eine kleine Rechnung vorgenommen werden. Und endlich gleiten die drei Messrollen in ihren Achsrichtungen stark auf dem Papier oder ihrer sonstigen Unterlage hin und her.

Diese Uebelstände kann man jedoch umgehen. Es sind Momentenplanimeter möglich, die keine Zahnräder brauchen, die daher kleiner ausfallen, bei denen jedes Moment durch nur eine einzige Ablesung unmittelbar gefunden werden kann, und die auch ein bedeutend geringeres schädliches Gleiten der Messrollen zeigen.

Zunächst soll das geometrische Gerippe eines solchen Planimeters entwickelt werden.

In Fig. 2 sei wieder  $aa$  die Achse, in Bezug auf welche die Momente gesucht sind.  $A$  sei der Drehpunkt des Fahrarmes  $AB$  am Apparate. An diesem Arme ist eine Rolle vom Halbmesser  $R$  vorausgesetzt, deren Drehachse im gezeichneten Grundriss mit der Richtung des Fahrarmes zusammenfällt und die die Zeichnungsebene in dem Punkte berührt, in dem die verlängerte Drehachse  $A$  des Fahrarmes die Zeichnungsebene schneidet. Wird der Punkt  $A$  auf  $aa$  um  $ds = \overline{AC}$  nach rechts zu bewegen, so rückt die Drehachse der Rolle  $R$  sich selbst parallel um

$$\overline{AD} = \sin \alpha ds \quad . . . . . (16)$$

nach rechts unten zu fort. Dabei dreht sich die Rolle so, dass ihr Berührungsrand mit der Zeichnungsebene um die gleiche Strecke nach links oben fortschreitet, während sich

Fig. 2.

