

Zeitschrift: Schweizerische Bauzeitung
Herausgeber: Verlags-AG der akademischen technischen Vereine
Band: 19/20 (1892)
Heft: 5

Sonstiges

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

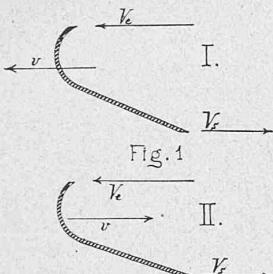
The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 04.02.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

gegengesetzter Richtung am andern Ende die Schaufel wieder verlässt, während die Schaufel selbst sich in der Richtung und im Sinne von $\sqrt{v_e}$ mit der Geschwindigkeit v vorwärtsbewegt, so folgt auf einfache Weise, dass die absolute Austrittsgeschwindigkeit aus der Schaufel nur dann zu Null werden kann, wenn $v = \sqrt{v_s}$ ist. In diesem Falle allein wird also v die günstigste Umfangsgeschwindigkeit sein. Doch ist $\sqrt{v_s}$ eine Funktion von $\sqrt{v_e}$. Nehmen wir an, die Resultirende des Systems sei v , so können wir dieselbe entgegengesetzt anbringen und dann unter gleichen Beziehungen ein System II haben, bei welchem die Schaufel in Ruhe wäre und die Gleichung erhalten

$$\sqrt{v_e} = v + \sqrt{v_s}.$$



gegengesetzt anbringen und dann unter gleichen Beziehungen ein System II haben, bei welchem die Schaufel in Ruhe wäre und die Gleichung erhalten

$$\sqrt{v_e} = v + \sqrt{v_s}.$$

Ferner ist auch

$$Pv = YQH$$

$$\text{oder } P = \frac{YQH}{v}$$

und ergibt sich dann durch Gleichsetzung dieser zwei Werthe von P

$$\frac{\sqrt{v_e}}{g} = \frac{YH}{v}$$

und da $\sqrt{v_e}$ für den Fall eines nicht genau wie v gerichteten, sondern um α_1 verschiedenen Sinnes gleich der Projection dieser Geschwindigkeit, die dann c_1 sei, auf die Richtung von v ist, also $\sqrt{v_e} = c_1 \cos \alpha_1$, so erhalten wir durch diese einfache Betrachtung das Gesetz

$$v c_1 \cos \alpha_1 = Y g H,$$

d. h. die von Reiche'sche Grundgleichung.

Der Leser möge es mir entschuldigen, wenn ich mir auf diese Weise erlaubte, ihn mit der Ableitung dieser Formel in Anspruch zu nehmen, es geschah dies aus dem Grunde,



Geschäftshaus von Herrn Paul F. Knacke in Hamburg.

Architekt: H. Fitschen in Hamburg.

Nun soll aber $v = \sqrt{v_s}$ sein, somit

$$\sqrt{v_e} = v + v = 2v$$

$$v = \frac{\sqrt{v_e}}{2}.$$

Nachdem wir auf diese Weise das günstigste Verhältniss zwischen den Geschwindigkeiten v und $\sqrt{v_s}$ bestimmt haben, so übertragen wir dasselbe auf unser Grundprincip Action = Reaction.

Die lebendige Kraft, welche das Wasser in der Richtung von v mit der Geschwindigkeit $\sqrt{v_e}$ entwickelt, ist

$$A_2 = \frac{M}{2} \sqrt{v_e^2}, \text{ wobei } M = \frac{Q}{g}$$

somit

$$A_2 = \frac{Q \sqrt{v_e^2}}{2g}.$$

Dagegen war früher $A_1 = Pv$, somit auch

$$Pv = \frac{Q \cdot \sqrt{v_e^2}}{2g} \text{ und weil } v = \frac{\sqrt{v_e}}{2}$$

$$\frac{P \sqrt{v_e}}{2} = \frac{Q \sqrt{v_e^2}}{2g} \quad P = \frac{Q \sqrt{v_e}}{g}$$

weil ich später darauf zurückkommen muss, um die Berechnung der Turbinen auf horizontaler Achse auf analoge Basis zu stellen und es uns vor der Hand nützlich ist, den einfachen Gedankengang, aus welchem obiges Gesetz erhalten wird, zu vergegenwärtigen. Nach dieser theoretischen Prüfung desselben füge ich nun seine practische Probe bei, indem ich feststelle, zu welchen Abweichungen uns das von Reiche'sche Gesetz unter der Annahme $Y = 0,85$ führt, im Vergleich zu den üblichen Regeln für Jonval- und Girard-Turbinen.

1. Für Jonval ist es eine gebräuchliche Regel, die Austrittsgeschwindigkeit c_1 aus dem Leitapparat $= 0,676 \sqrt{2g} H$ zu nehmen und dann $v =$ günstigste Umfangsgeschwindigkeit $= c_1 \cos \alpha$ zu wählen. Setzen wir diese Werthe in das von Reiche'sche Gesetz ein, so finden wir

$$c_1^2 \cos \alpha_1^2 = Y g H$$

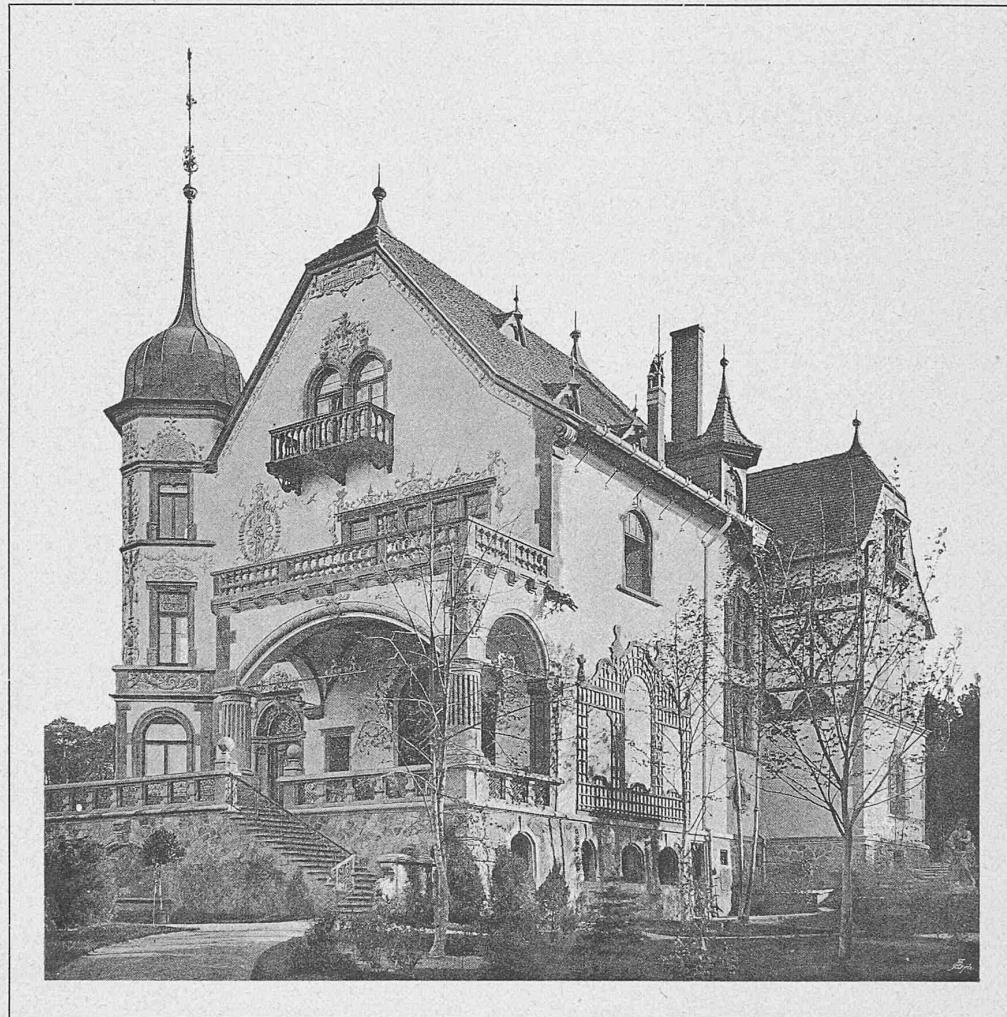
$$0,676^2 = \frac{Y}{2 \cos \alpha_1^2} \text{ und für } \alpha_1 = 15^\circ$$

$$Y = 2 \cdot 0,676^2 \cdot 0,966^2$$

$$Y = 0,85276.$$

Das Gesetz von „von Reiche“ gibt uns eine höchst einfache Relation, welche unter Annahme von $Y = 0,85$ für den Bau der Turbinen eine an die gewöhnlichen Constructionsregeln sehr gut anschliessende Formel zur Berechnung der günstigsten Umfangsgeschwindigkeit ergibt und dieselbe mit für die Praxis stets genügender Genauigkeit für alle Reactionsgrade berechnen lässt.

Tabellen für diese Werthe bei verschiedenen Winkeln α_1 und für alle Reactionsgrade vollständiger gewünscht habe und sie deshalb auch bringen werde. Ich beziehe mich in Folgendem auf die Arbeit des Herrn Reifer und benütze auch dieselben Bezeichnungen, wie er sie eingeführt hat.
Indem wir schreiben



Perspective.

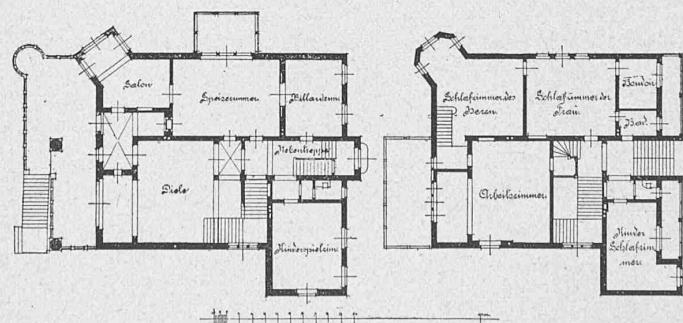
(Nach einer Photographie.)

Unter Annahme der Zulässigkeit dieses Gesetzes können wir die Geschwindigkeiten c_1, v, c, c_2, c_3 und den Winkel α_2 in sehr einfacher Weise ausdrücken, indem wir zunächst mit Herrn Reifer schreiben

$c_1 = k_1 \sqrt{v_2 g H}$ (1)
und dabei k_1 den Reactions-coeffienten nennen, und dann die übrigen Grössen alle unter die Form

$$x = f(k_1) \sqrt{v_2 g H}$$

bringen und dann den Functionen von k_1 für v, c, c_2 und c_3 die respectiven Bezeichnungen k_v, k_c, k_{c_2} und k_{c_3} beilegen. Hierin ist Herr Reifer in sehr anerkennungswürther Weise vorgegangen und folge ich seinem Wege. Ich führe die Ableitung der Geschwindigkeiten nur darum noch einmal an, weil sich die Endwerthe von k, k_2 und $\cos \alpha_2$ von Herrn Reifer noch ziemlich vereinfachen lassen und ich auch die



Villa von Franz von Schönthan.
Architekten: Schilling & Gräbner in Dresden.

I. $c_1 = k_1 \sqrt{v_2 g H}$
und

II. $v = k_v \sqrt{v_2 g H}$,
so gibt uns das „von Reiche-sche“ Gesetz

$$k_v = \frac{0,85}{2 k_1 \cos \alpha_1} \quad (2)$$

Nehmen wir ferner an

III. $c = k \sqrt{v_2 g H}$,
so gibt uns das Geschwindigkeitsdreieck, wie Herr Reifer gezeigt,

$$k = \sqrt{k_1^2 + k_v^2 - 2 k_1 k_v \cos \alpha_1}.$$

Dieser Ausdruck lässt sich jedoch vereinfachen, da der

negative Ausdruck unter dem Wurzelzeichen, was Hr. Reifer wol übersehen hat, nach Gleichg. (2) einfach 0,85, ist und schreiben

$$k = \sqrt{k_1^2 + k_v^2 - 0,85} \dots \dots \quad (3)$$

Im Weiteren fand unter der Bezeichnung

IV. $c_2 = k_2 \sqrt{v_2 g H}$

Herr Reifer den Werth

$$k_2 = \sqrt{0,9 + k^2 - k_1^2}.$$

Da wir jedoch schrieben

$$k = \sqrt{k_1^2 + k^2 - 0,85},$$

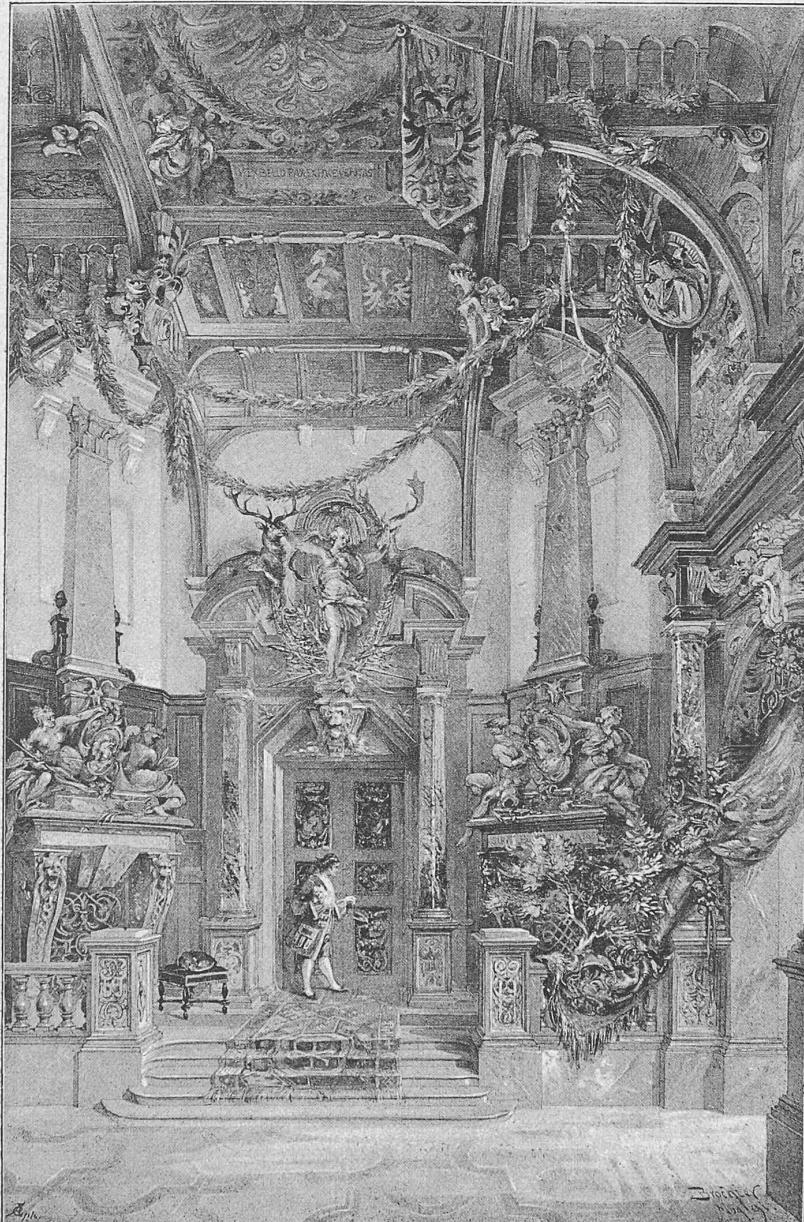
so ergibt die Substitution dieses einfacheren Werthes

$$k_2 = \sqrt{k^2 + 0,05}. \quad (4)$$

reduciren und wird durch Substitution von k_2^2 aus Gleichg. (4) einfach zu

$$\cos \alpha_2 = \frac{k_v}{k_2}. \quad (5)$$

Dieser letzte Werth hat eine geometrische Bedeutung. Er entspricht der Bedingung $b_3 = 0,05 H$, d. h. die durch die absolute Austrittsgeschwindigkeit aus dem Laufrad verlorene Gefällshöhe soll einem Verluste von 5 % des Ge-



Inneres in einem Jagdschloss.
Architekt: Professor Franz Borchies in Nürnberg.

Zuletzt, da wir c_3 nicht brauchen, sondern demselben nur eine Grenze stellen, nämlich die Bedingung

$$b_3 = \frac{c_3^2}{2g} \leq 0,05 H,$$

ergab sich der Werth

$$\cos \alpha_2 = \frac{k_v^2 + k_2^2 - 0,05}{2 k_v k_2}$$

aus dem entsprechenden Geschwindigkeitsdreieck. Dieser Werth lässt sich in Folge obiger Vereinfachung gleichfalls

samtgefälles entsprechen. Die Formel (5) ist jedoch nur zu erfüllen, wenn das Geschwindigkeitsdreieck aus v und c_2 dessen Resultirende c_3 ist, so beschaffen ist, dass c_3 senkrecht zu v steht, d. h. dass das Dreieck ein rechtwinkliges ist. Obige Bedingung, wie sie Herr Reifer gestellt hat, ist also diejenige für absolut verticalen Austritt des Wassers, nachdem es das Laufrad verlassen hat.

Indem wir nun diese fünf Formeln zusammenstellen, haben wir einen einfachen Gang, um die zur Berechnung