

**Zeitschrift:** Schweizerische Bauzeitung  
**Herausgeber:** Verlags-AG der akademischen technischen Vereine  
**Band:** 17/18 (1891)  
**Heft:** 8

## Inhaltsverzeichnis

### Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 13.02.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

INHALT: Dynamische Theorie des Indicators. — Drei-Phasen-Wechselstrommaschine der Maschinenfabrik Oerlikon. — XXXII. Hauptversammlung des Vereins deutscher Ingenieure zu Düsseldorf und Duis-

burg vom 17. bis 20. August 1891. — Correspondenz. — Miscellanea: Electrische Strassenbahn in Bremen. Ueber das Eisenbahnunglück in Zollikofen bei Bern. Kirche in Enge bei Zürich.

## Dynamische Theorie des Indicators.

Von Prof. A. Fliegner.  
(Schluss.)

### § 4. Die indicirte Arbeit.

Die Maschinen werden gewöhnlich nur zu dem Zwecke indicirt, die am Kolben verrichtete Arbeit zu erfahren. Bezeichnet  $F$  den Querschnitt des Maschinenkolbens,  $s$  seinen Hub, so wird für einen Hin- und Hergang auf einer Seite desselben die in Meterkilogrammen auszudrückende Arbeit gewonnen:

$$L = F s p d s. \dots \dots \dots \quad (27)$$

Unter der Annahme eines Kurbelradius  $r$  und einer unendlich langen Kurbelstange ist  $s = r(1 - \cos \varphi)$ . Setzt man hieraus  $ds$  und außerdem  $p$  aus Glchg. (2), nur mit  $\varphi$  statt  $wt$ , in (27) ein, so folgt:

$$L = Fr \sum_{n=0}^{\infty} \int_0^{2\pi} (a_n \cos n\varphi + b_n \sin n\varphi) \sin \varphi d\varphi. \quad (28)$$

Die einzelnen Integrale dieser Reihe haben, abgesehen von den constanten Factoren, die Formen:

$$\int_0^{2\pi} \cos n\varphi \sin \varphi d\varphi \text{ und } \int_0^{2\pi} \sin n\varphi \sin \varphi d\varphi,$$

sie verschwinden daher sämmtlich mit einziger Ausnahme desjenigen mit  $\sin n\varphi$  für  $n = 1$ , nämlich:

$$\int_0^{2\pi} \sin^2 \varphi d\varphi = \pi. \dots \dots \dots \quad (29)$$

Die am Kolben verrichtete Arbeit wird daher aus (28) einfach

$$L = F b_1 \pi r. \dots \dots \dots \quad (30)$$

Handelt es sich um eine doppeltwirkende Maschine, so bedeutet  $L$  auch die Arbeit bei einer halben Umdrehung der Kurbelwelle, und dann zeigt Glchg. (30), dass der Factor  $b_1$  des Gliedes mit  $\sin 1 \cdot \varphi$  der Reihe, multiplicirt mit dem Kolbenquerschnitt, der mittleren constanten Tangentialkraft an der Kurbelwärze gleich wird.

Statt dieser gesuchten Arbeit erhält man durch den Indicator eine andere dargestellt, nämlich  $L_i = F s p_i d s$ , oder, wenn man  $p_i$  aus Glchg. (9) einsetzt und im Uebrigen theilweise umformt, wie vorhin:

$$L_i = F \left[ r \sum_{n=0}^{\infty} \int_0^{2\pi} (A_n \cos n\varphi + B_n \sin n\varphi) \sin \varphi d\varphi + \right. \\ \left. + r \int_0^{2\pi} e^{-\frac{\mu q}{2M_o}} (C_1 \cos z\varphi + C_2 \sin z\varphi) \sin \varphi d\varphi - \gamma \int_0^{\pi} ds \mp \gamma \int_0^{\pi} ds \right]. \quad (31)$$

Von den in diesem Ausdrucke enthaltenen Integralen verschwindet das vorletzte mit  $\gamma$ .

Hat der Indicator constante Widerstände  $q$ , so ändern dieselben bei jeder Umkehrung der Bewegung des Indicatorkolbens ihr Vorzeichen. Das letzte Glied in Glchg. (31) kann daher im Allgemeinen nicht verschwinden. Da aber  $q$  jedenfalls sehr klein bleibt, so kann dieses letzte Glied keinen wesentlichen Einfluss auf  $L_i$  ausüben.

Das zweite Integral in Glchg. (31) lässt sich nur dann allgemein lösen, wenn man  $q = 0$  voraussetzt, weil nur dann die beiden Constanten  $C_1$  und  $C_2$  für die ganze Zeit der Bewegung ungeändert bleiben. Da aber  $z$ , s. Glchg. (9<sup>e</sup>), im Allgemeinen keine ganze Zahl ist, so fallen die  $\cos$  und  $\sin$  an der oberen Grenze nicht fort und der Ausdruck behält eine sehr unbequeme Gestalt. Ich will ihn daher hier nicht angeben, sondern nur hervorheben, dass er nicht verschwindet. Das würde natürlich ebensowenig der Fall sein,

wenn man  $q$  berücksichtigen und nach jedem Stillstande des Indicatorkolbens  $C_1$  und  $C_2$  neu berechnen müsste. Hieraus folgt aber, dass man bei vorhandenen Federschwingungen die Arbeit nicht richtig erhält, wenn man nur einfach die vom Indicator aufgezeichnete Fläche ausmisst. Vor längerer Zeit habe ich einmal, ich weiss allerdings nicht mehr wo und von wem, die Behauptung ausgesprochen gefunden, der Flächeninhalt bleibe der gleiche, möge die Feder in Schwingungen gerathen oder nicht, weil solche Schwingungen schliesslich keinerlei Arbeit aufzehren oder erzeugen. Die vorliegende Untersuchung zeigt, dass diese Behauptung nicht richtig ist. Es handelt sich eben beim Indicator nicht um Verrichtung, sondern um Aufzeichnung von Arbeit.

Das erste Glied in Glchg. (31), die Reihe, entspricht hier auch der eigentlichen indicirten Arbeit, so wie sie sich bei Abwesenheit von Federschwingungen und mit Vernachlässigung von  $q$  ergibt. Wie bei der Reihe Glchg. (28) verschwinden aber auch hier alle Integrale mit Ausnahme desjenigen mit  $B_1 \sin 1 \cdot \varphi$ . Daher wird

$$L'_i = FB_1 \pi r. \dots \dots \dots \quad (32)$$

Ob  $B_1$  grösser oder kleiner ist als  $b_1$ , lässt sich nicht allgemein angeben. Bei Kraftmaschinen aber herrscht der höchste Druck immer in der Nähe des Anfanges des Kolbenhubes, also bei kleinen Werthen von  $\varphi$ . Das erste Glied der Reihe  $p$ , Glchg. (2), muss daher eine Welle ergeben, deren Berg auch bei kleinen Werthen von  $\varphi$  liegt; es wird folglich voraussichtlich  $0 < \vartheta_1 < \frac{1}{2}\pi$  werden.  $b_1$  ist dann natürlich positiv. Da nun, wie oben nachgewiesen wurde, jedenfalls  $\Theta_1 > \vartheta_1$ ,  $H_1 > h_1$  sein muss, so folgt, dass auch  $B_1 > b_1$  werden wird. Bei Kraftmaschinen ist also die indicirte Arbeit stets zu gross zu erwarten. Bei Arbeitsmaschinen, z. B. Pumpen, kann dagegen  $\vartheta$  einen ganz anderen Werth annehmen und sich das Verhältniss zwischen  $B_1$  und  $b_1$  umkehren. Aber auch dann kann der Indicator die Arbeit nicht genau darstellen.

Wenn man das den früheren Zahlenangaben zu Grunde liegende Diagramm, für welches sich  $b_1 = 1,48895$  ergeben hat, in dieser Richtung nachrechnet, so findet man für verschiedene minutliche Umdrehungen folgende Werthe von  $B_1$ :

Minuten-Umdrhgn.:	60	120	180	240	300
$B_1 =$	1,50031	1,51246	1,52539	1,53920	1,55389
$B_1/b_1 =$	1,00763	1,01579	1,02447	1,03375	1,04361

Das letzte Verhältniss wächst nur wenig rascher als die Umdrehungszahl. Da das untersuchte Diagramm dem normalen Diagramm einer *cylindrischen* Dampfmaschine vollkommen entspricht, während bei dem der Rechnung zu Grunde gelegten Indicator ungewöhnlich grosse Massen angenommen wurden, so wird man erwarten müssen, dass bei derartigen Maschinen keine stärkeren Abweichungen als die eben gefundenen auftreten werden.

Wie sich andere Maschinen in dieser Richtung verhalten, lässt sich nicht ohne besondere Untersuchung angeben. Eine solche geht aber in jedem einzelnen Falle ohne grosse Schwierigkeiten durchzuführen, vorausgesetzt dass ein normales Diagramm ohne Federschwingungen zur Verfügung steht. Es genügt zu diesem Zwecke, die Factoren  $A_1$  und  $B_1$  der Glieder der Reihe  $p_i$  für  $n = 1$  zu bestimmen, und zwar auch auf Grund der Glchgn. (25), also:

$$A_1 = \frac{1}{\pi} \int_0^{2\pi} p'_i \cos \varphi d\varphi; \quad B_1 = -\frac{1}{\pi} \int_0^{2\pi} p'_i \sin \varphi d\varphi. \quad (33)$$

Da die hierbei nötigen Curven für eine Umdrehung nur eine einzige vollständige Welle bilden, so ist diese Bestimmung durchaus genügend genau auf graphischem Wege durchführbar.