

**Zeitschrift:** Die Eisenbahn = Le chemin de fer  
**Herausgeber:** A. Waldner  
**Band:** 12/13 (1880)  
**Heft:** 13

## Inhaltsverzeichnis

### Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 17.01.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

INHALT: Beitrag zur Bogentheorie. Von Dr. J. B. Gœbel, Ingenieur der hessischen Ludwigs-Eisenbahn in Mainz. Mit Zeichnungen. (Fortsetzung.)  
 — Das Nollathal. Von Oberingenieur F. von Salis in Chur. — Zum deutschen Patentwesen. — Tunnel du Gothard. Ventilation du Tunnel du Simplon. Questions hygiéniques. Par M. de Colladon, professeur à Genève.  
 — Revue: Krupp'sches Patentscheibenrad; Vorschlag zu einer internationalen Patent-Ausstellung in Berlin im Jahre 1882; Le Baptiste de Ravenne; Une nouvelle application de la lumière électrique; Un ciment chimique. — Miscellanea: Ausstellungen. — Vereinsnachrichten: Stellenvermittelung.

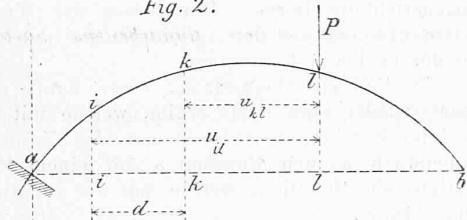
## Beitrag zur Bogentheorie.

Von Dr. J. B. Gœbel, Ingenieur der hessischen Ludwigs-Eisenbahn in Mainz.

(Fortsetzung.)

4. Als  $x$ -Axe wählen wir die durch die beiden Auflager-Schwerpunkte gehende Horizontale, als  $y$ -Axe die durch den festen Endpunkt  $a$  der Bogenaxe gehende Verticale (Fig. 2).

Fig. 2.



Sind  $i$  und  $k$  irgend zwei auf der Bogenaxe liegende Punkte, so soll als „Bogenstück  $(i, k)$ “ der entsprechende (zwischen den Punkten  $i$  und  $k$  gelegene) Bogenteil angesehen werden. Unter dem Symbol

$(i, k) l$

soll, wenn nicht ausdrücklich ein Anderes bestimmt wird, die Einwirkung irgend einer durch den Bogenaxenpunkt  $l$  gehenden Verticalkraft auf das Bogenstück  $(i, k)$  verstanden sein.<sup>5)</sup> Selbstredend kann man sich mit jenem Symbol auch das gegebenen denken, was aus der betreffenden Einwirkung resultirt. Wir werden demgemäß auch von einer „Rotation  $(i, k) l$ “, einer „Amplitude  $(i, k) l$ “ und einem „Momentancentrum  $(i, k) l$ “ reden können. Soll durch das Symbol auch die Intensität  $P$  der zur Wirkung gelangenden Kraft gegeben sein, so schreiben wir dasselbe

$P(i, k) l$ .

In gleicher Weise drücken wir durch das Symbol

$(i, k)^*$

die Einwirkung irgend eines Kräftepaars auf das Bogenstück  $(i, k)$  aus. Soll auch das Moment  $P$  des Kräftepaars ersichtlich sein, so schreiben wir

$\mathfrak{P}(i, k)$ .

Wird der, zufolge Voraussetzung, constante Werth

$$\frac{1}{\epsilon J \cos \varphi} = \mu$$

gesetzt, so geht Gleichung (1) über in

$$(2) \quad d \mathcal{A} \delta = \mu \mathfrak{P} d x.$$

Die Amplituden sind also in Folge jener Voraussetzung nur noch abhängig von der horizontalen Ausdehnung des Bogenstückes.

Ist  $\mathfrak{P}$  constant, erfolgt also bezüglich eines Bogenstückes  $(i, k)$  die Rotation  $\mathfrak{P}(i, k)$ , so setzt sich dieselbe zusammen aus Elementarrotationen, welche dem Element  $d x$  einfach proportional sind. Die Amplitude  $\mathfrak{P}(i, k)$  ist demnach

$$(3) \quad \mathcal{A} \delta \mathfrak{P}(i, k) = \mu \mathfrak{P} d,$$

5) Die Einführung solcher Symbole bietet theoretisch keine weiteren Vortheile, trägt aber sehr zur Abkürzung der Redeweise bei.

wenn hierin  $d$  den horizontal gemessenen Abstand der Punkte  $i$  und  $k$  bezeichnet.

Unter „Verticalen  $i, k, l$ “ seien die durch die resp. Bogenpunkte gehenden Verticalen verstanden.

Das Momentancentrum  $(i, k)^*$  fällt offenbar mit dem Schwerpunkt der als „Massenpunkte  $d x$ “ gedachten Punkte des Bogenstückes  $(i, k)$  zusammen, d. h.:

Das Momentancentrum  $(i, k)^*$  liegt auf einer Verticalen, welche den Abstand der Verticalen  $i$  und  $k$  halbiert. Sind  $x_i$  und  $x_k$  die Abscissen der Bogenpunkte  $i$  und  $k$ , so ist offenbar die Abscisse des Momentancentrums  $(i, k)^*$  gleichzusetzen

$$(4) \quad x_{(i, k)^*} = \frac{1}{2} (x_i + x_k).$$

Wirkt im Punkte  $l$  auf das Bogenstück  $(i, k)$  eine Verticalkraft von der Intensität  $P$ , entsteht also die Rotation  $P(i, k) l$ , und werden mit  $u_{il}$  und  $u_{kl}$  die senkrechten Abstände der Punkte  $i$ , resp.  $k$  von der Verticalen  $l$  bezeichnet, so findet man leicht, wenn man in Gleichung (2)  $\mathfrak{P} = P u$ ,  $d x = d u$  setzt und über das Bogenstück  $(i, k)$  hinwegintegriert, dass die Amplitude  $P(i, k) l$

$$(5) \quad d \mathcal{A} \delta P(i, k) l = \frac{\mu P}{2} (u_{il}^2 - u_{kl}^2).$$

Das Moment  $\mathfrak{M}_{P(i, k) l}$  der resultirenden Rotation  $P(i, k) l$  in Bezug auf die Verticale  $l$  ergibt sich als

$$(6) \quad \mathfrak{M}_{P(i, k) l} = \frac{\mu P}{3} (u_{il}^3 - u_{kl}^3)$$

oder auch, wie man durch einige Umformung erhält

$$(6a) \quad \mathfrak{M}_{P(i, k) l} = \frac{\mu P}{4} (u_{il} - u_{kl}) \left[ (u_{il} + u_{kl})^2 + \frac{1}{3} (u_{il} - u_{kl})^2 \right]$$

5. Fällt der Punkt  $l$  der Bogenaxe mit einem der beiden andern Punkte, etwa mit  $k$ , zusammen, d. h. greift die Verticalkraft im Endpunkt  $k$  des Bogenstückes  $(i, k)$  an, so vereinfachen sich die Gleichungen (5) und (6). Es wird  $u_{kl} = 0$ ,  $u_{il} = d$ , daher

$$(7) \quad d \mathcal{A} \delta P(i, k) k = \frac{\mu P}{2} d^2,$$

$$(8) \quad \mathfrak{M}_{P(i, k) k} = \frac{\mu P}{3} d^3.$$

Der senkrechte Abstand  $u_{(i, k) k}$  des Momentancentrums  $(i, k) k$  von der Verticale  $k$  ist demnach

$$(9) \quad u_{(i, k) k} = \frac{2}{3} d,$$

d. h. das Momentancentrum, welches einer im Endpunkt eines Bogenstückes auf dieses einwirkenden Verticalkraft entspricht, liegt auf der der Verticalkraft entfernteren Drittheil-Verticale des Bogenstückes.

6. Nach dem Vorhergehenden können bereits die Abscissen solcher Momentancentra, welche — bezüglich beliebiger Bogentheile — Verticalkräften und Kräftepaaren entsprechen, in sehr einfacher Weise bestimmt werden, ohne dass über den Verlauf der Curve der Schwerpunktsaxe Näheres bekannt zu sein brauchte: es bedarf nur der horizontalen Ausdehnungen der jeweiligen Bogenstücke.

Soll im Allgemeinen das einer Kraft  $K$  entsprechende Momentancentrum vollständig auffindbar sein, so müssen natürlich über die Form der Bogenaxe weitere Festsetzungen getroffen werden.

Wir nehmen die Axe des zu berechnenden Bogens als Polygon von so grosser Seitenzahl an, dass dies Polygon nahezu mit der Schwerpunktsaxe zur Deckung gebracht werden kann. Die genaue Schwerpunktsaxe grosser Bogenbrücken ist gewöhnlich ohnehin nicht eine stetige Curve, sondern meist, namentlich bei sprunghweise veränderlichem Querschnitt, ein aus flachen Curvenstücken zusammengesetzter, polygonartiger Linienzug. So weicht z. B. bei der älteren Coblenzer Bogenbrücke die genaue Schwerpunktsaxe von der öfter bei Rechnungen benutzten