

Zeitschrift: Die Eisenbahn = Le chemin de fer
Herausgeber: A. Waldner
Band: 12/13 (1880)
Heft: 4

Artikel: Bestimmung des Erddrucks mit Rücksicht auf Cohäsion
Autor: Ritter, W.
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-8584>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 23.02.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

INHALT: Bestimmung des Erddrucks mit Rücksicht auf Cohäsion. Von W. Ritter, Professor in Riga. Mit 7 Zeichnungen. — Die electrische Beleuchtung am eidgenössischen Sängerkongress in Zürich. Mitgetheilt von W. Weissenbach, Maschineningenieur. Mit einer Zeichnung. — La mauvaise partie du Grand Tunnel du Gothard. Von E. Stockalper, Ingenieur. — Miscellanea: Eclairage électrique. — Literatur. —

Bestimmung des Erddrucks mit Rücksicht auf Cohäsion.

Von W. Ritter, Professor in Riga.*)

I. Die Ermittlung des auf eine Stützmauer wirkenden Erddrucks mit gleichzeitiger Berücksichtigung der Reibungs- und Cohäsionswiderstände gilt im Allgemeinen für eine Aufgabe, deren Lösung zu umständlich wird, um practisch verwertet werden zu können. Es ist dies wohl der Hauptgrund, weshalb von den meisten Bearbeitern der Erddrucktheorie die Cohäsion ausser Acht gelassen oder nur in dem speciellen Fall berücksichtigt wird, wo sich die Lösung einfacher gestaltet. Auch die nachfolgende graphische Behandlung der Aufgabe besitzt noch nicht den für practische Zwecke wünschenswerthen Grad von Einfachheit, scheint uns indessen doch, was Uebersichtlichkeit der Entwicklung und Bequemlichkeit der Construction betrifft, den bisher bekannten Methoden überlegen zu sein.

II. Wir schicken voraus, dass wir die Gleit- oder Trennungsfläche (wie es bei allen practisch brauchbaren Methoden zur Erddrucksbestimmung geschehen ist) als *Ebene* annehmen, ferner dass wir diejenige Gleitfläche als die ungünstigste ansehen, für welche der Erddruck ein Maximum wird.**) Der Reibungswinkel zwischen Erde auf Erde sei φ , derjenige zwischen Erde und Mauerwerk φ_1 ; das specifische Gewicht der Erde nennen wir γ und den Cohäsionswiderstand pro Flächeneinheit $k \cdot \gamma$, worin k naturgemäss eine Linie darstellt.***) Wir beschränken ferner unsere Entwicklung auf den Fall eines nicht überhöhten und nicht belasteten Erdkörpers und deuten die bei Ueberhöhung und Belastung eintretenden Modificationen nur kurz am Schlusse an.

Die hintere Wand der Stützmauer oder die „Erdwand“ sei AB (Fig. 1) und die Erdbegrenzung oder „Terrainlinie“ BG ; die Erde trenne sich längs der Linie AG und gleite in Form eines dreiseitigen Prismas ABG herunter. Dann treten bei diesem Vorgang vier Kräfte auf, die unter sich im Gleichgewicht sein müssen. Diese sind:

1) Das Gewicht P des abgleitenden Erdprismas; dasselbe berechnet sich, wenn man das Perpendikel AA' auf die Terrainbegrenzung fällt und die Tiefe des Erdkörpers gleich der Einheit annimmt,

$$P = \frac{1}{2} \gamma \cdot AA' \cdot BG.$$

2) Der Druck, welchen die stehen bleibende Erde auf das gleitende Prisma ausübt, zusammengesetzt mit der dabei auftretenden Reibung; da letztere gleich dem Normaldruck mal dem Reibungscoefficienten ($\tan \varphi$) ist, so bildet die Mittelkraft aus beiden Kräften mit der Gleitfläche den Winkel $90^\circ - \varphi$; wir nennen diese Mittelkraft *Gegendruck* und bezeichnen sie mit Q .

3) Die *Cohäsionskraft* K , welche in der Richtung der Gleitfläche, der Bewegung entgegen, wirkt; sie ist der Länge der Gleitfläche proportional und berechnet sich $K = k \cdot \gamma \cdot AG$.

*) Die vorliegende Abhandlung war schon aufgesetzt, als mir die interessante Arbeit von Ingenieur F. Klemperer (Zeitschr. des österr. Ing.- u. Arch.-Vereins, 1879, Seite 116) zu Gesichte kam, welche ganz dieselbe Aufgabe löst; ich fragte mich, ob es sich noch lohne, meine eigene Arbeit an die Oeffentlichkeit zu bringen, entschloss mich aber doch dazu, da der von mir eingeschlagene Weg etwas rascher zum Ziele führt. Der Verfasser.

**) Nur scheinbar ist dieses Verfahren von demjenigen verschieden, bei welchem man dasjenige Erdprisma sucht, für welches ein Abgleiten am leichtesten eintritt; mag auch diese letztere Auffassung rationeller erscheinen, so ist doch die ältere Auffassung des Prismas vom grössten Druck fasslicher, und schliesslich führen beide Wege zu demselben Resultate.

***) Ueber die Ermittlung des Werthes k siehe „Culmann's Graph. Statik, I. Aufl., S. 554 etc.“

4) Der Erddruck E , welcher, da er sich wie Q aus dem Normaldruck auf AB und der dabei entstehenden Reibung zusammensetzt, mit AB den Winkel $90^\circ - \varphi_1$ einschliesst.

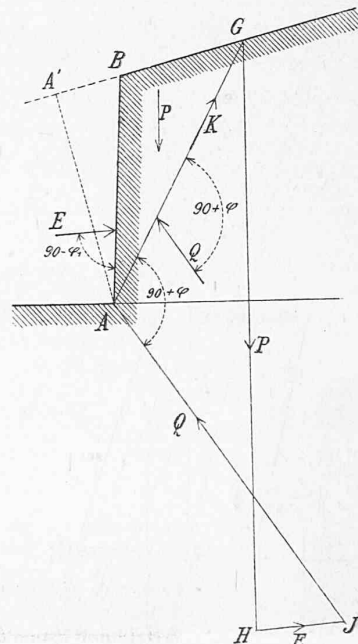
Setzt man diese vier Kräfte zusammen, so entsteht ein geschlossenes Polygon. Nimmt man dabei den Kräfteastab gleich $k \cdot \gamma$ (d. h. dividirt man sämmtliche Kräfte durch $k \cdot \gamma$, um sie als Linien auftragen zu können) so wird die Cohäsionskraft durch AG dargestellt, während P gleich der Linie

$$\frac{\frac{1}{2} \gamma \cdot AA' \cdot BG}{k \cdot \gamma} = \frac{AA' \cdot BG}{2k}$$

wird. Dieses Kräftepolygon ist in Fig. 1 aufgetragen: AG stellt die Cohäsion dar, GH das Gewicht des Erdprismas, HJ den Erddruck und JA den Gegendruck. Da GH , wie eben gezeigt worden ist, der Linie BG proportional ist, so liegen die Punkte H sämmtlich auf einer durch B gehenden geraden Linie; wir nennen dieselbe in Zukunft kurz die „*H-Linie*“. Der Winkel JAG muss offenbar gleich $90^\circ + \varphi$ sein. Da bei gegebener Gleitfläche AG und GH nach Grösse und Richtung, HJ und JA dagegen der Richtung nach bekannt sind, so lässt sich der Erddruck für jede Gleitfläche leicht ermitteln.

Gibt man nun der Gleitfläche eine andere Richtung, so wird sich auch das Kräftepolygon ändern und unsere Aufgabe besteht darin, diejenige Gleitfläche zu finden, für welche der Erddruck HJ ein Maximum wird.

Fig. 1.



III. In Fig. 2 sind drei verschiedene Gleitflächen AG_1 , AG_2 und AG_3 angenommen und die entsprechenden drei Kräftepolygone construirt worden, wobei die einzelnen Punkte stets die betreffende Nummer tragen. Hierbei ergibt sich nun das interessante Resultat, dass die Punkte J_1 , J_2 , J_3 ... auf einem Kegelschnitt und zwar auf einer Hyperbel liegen.

Die Punkte J können nämlich als Schnitte zweier Strahlenbüschel des Gegendruckbüschels AJ_1 , AJ_2 , AJ_3 ... und des Erddruckbüschels H_1J_1 , H_2J_2 , H_3J_3 ... angesehen werden; letzterer ist ein Parallelstrahlenbüschel und hat sein Centrum im unendlich fernen Punkte der Linie AE , welche die Richtung des Erddrucks angibt. Nun ist der Gegendruckbüschel AJ_1 , AJ_2 ... congruent zu dem Strahlenbüschel AG_1 , AG_2 , weil die entsprechenden Strahlen stets den Winkel $90^\circ + \varphi$ mit einander einschliessen. Der Büschel AG_1 , AG_2 ... liegt aber perspectivisch zu dem Parallelstrahlenbüschel G_1H_1 , G_2H_2 und dieser wiederum perspectivisch zu dem Erddruckbüschel H_1J_1 , H_2J_2 ...; somit ist letzterer zum Gegendruckbüschel AJ_1 , AJ_2 ... projectivisch und der Schnitt beider Büschel ist eine Curve zweiter Ordnung.

Punkte; somit ist D des Centrum der Involution, und es ist

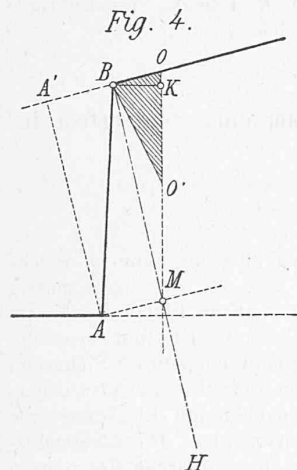
$$D G_2 = \sqrt{D B_1 \cdot D C_1}.$$

Man findet demnach den Punkt G_2 durch die bekannte Halbkreisconstruction, wie sie in Fig. 3 ausgeführt ist.

In dieser Figur, in welcher wir alles Ueberflüssige weggelassen haben, ist nun:

- 1) BH eine bestimmte, von der Grösse der Cohäsion abhängige Gerade, deren Construction später gezeigt werden wird;
- 2) AC_1 eine Gerade, die mit der vorhergehenden den Winkel $90^\circ + \varphi$ bildet;
- 3) AF eine Parallele zur Richtung des Erddrucks und FB_1 eine Verticale;
- 4) AD eine Linie, die mit AB den Winkel $\varphi + \varphi_1$ einschliesst;
- 5) DG die mittlere Proportionale von DB_1 und DC_1 ;
- 6) AG die ungünstigste Gleitfläche, GH eine Verticale, HJ eine Parallele zum Erddruck und AJ eine Linie unter dem Winkel $90^\circ + \varphi$ zu AG ;
- 7) Endlich ist: *Der Erddruck* $= k \cdot \gamma \cdot HJ$.

Die graphische Bestimmung des grössten Erddrucks mit Berücksichtigung der Cohäsion geschieht also ganz ähnlich wie in dem Falle, wo die Cohäsion ausser Acht gelassen wird. In letzterem Fall zieht man bekanntlich die natürliche Böschung (AC) und construirt DG als mittlere Proportionale zwischen DB und DC ; der Punkt D ist in beiden Fällen ganz derselbe; der Punkt B jedoch rückt, wenn Cohäsion vorhanden ist, etwas nach rechts, der Punkt C nach links.



V. Was die Construction der H -Linie betrifft, so ergibt sie sich aus der Bedingung, dass die Verticale GH stets das Gewicht des abrutschenden Erdprismas darstellen, also, wie früher gezeigt worden ist, gleich

$$\frac{AA' \cdot BO}{2k}$$

sein muss. Nun findet man einen Punkt der Linie BH folgen dermassen: Man ziehe (Fig. 4) BK horizontal und mache es gleich $2k$; dann ziehe man durch K eine Verticale und durch A eine Parallele zur Terrainlinie, bis zum Schnittpunkt M , so ist letzterer ein Punkt der H -Linie; denn gesetzt die Gleitfläche sei AO , so muss

$$OM = \frac{AA' \cdot BO}{2k}$$

oder

$$OM \cdot k = \frac{1}{2} AA' \cdot BO$$

sein; dies ist aber der Fall, denn $OM \cdot k$ ist der Inhalt des Dreiecks BOM und $\frac{1}{2} AA' \cdot BO$ derjenige des Dreiecks BOA und dass diese beiden Dreiecke gleich gross sind, folgt aus AM parallel BO .

Man sieht hieraus, dass die H -Linie um so steiler wird, je kleiner die Cohäsion ist. Für $k=0$ wird BH vertical; dann kommt B_1 nach B zu liegen und AC_1 fällt mit der natürlichen Böschung zusammen, die Construction der ungünstigsten Gleitfläche geht dann in die längst bekannte über. (Die Ermittlung des Erddrucks wird indessen in diesem Fall unmöglich, weil H unendlich fern und HJ unendlich gross wird.)

VI. Um den Erddruck mit Berücksichtigung der Cohäsion übersichtlich darzustellen, kann man das Maximum von HJ auf der Verticalen KM (Figur 4) gleich OO' auftragen und O' mit B verbinden; dann stellt, weil der Kräfteastab $k \cdot \gamma$ ist, das (in Fig. 4 schraffierte) Dreieck BOO' die Grösse des Erddrucks dar.

VII. Die im Bisherigen beschriebene Construction des Maximal-Erddrucks besitzt zwei Mängel: Einmal fällt der Punkt H in der Regel sehr tief nach unten, so dass die Bestimmung von

HJ wegen der langen Linien ungenau und überdies unbequem wird; sodann muss der Winkel φ , resp. $90^\circ + \varphi$ mehrmals aufgetragen werden, was wiederum leicht zu Ungenauigkeiten führt und jedenfalls die Lösung verlangsamt.

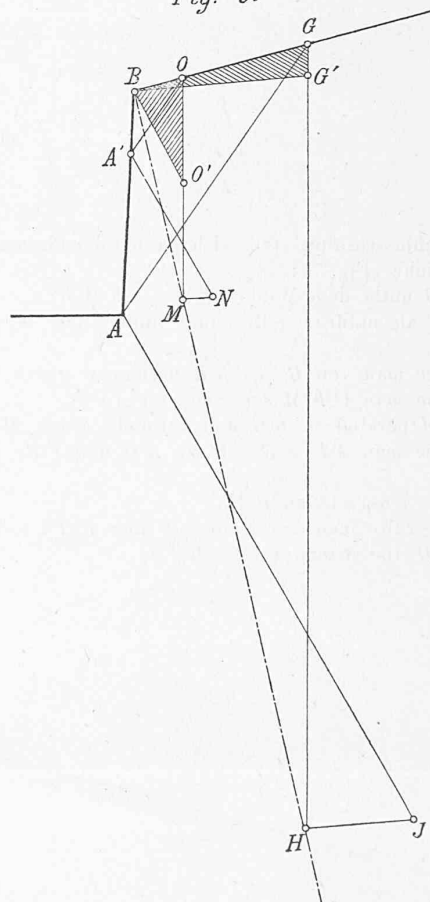
Beiden Uebelständen kann abgeholfen werden.

Ist der Punkt G durch die Halbkreisconstruction gefunden, so ziehe man (Fig. 5) OA' parallel GA , sodann $A'N$ parallel AJ , d. h. unter dem Winkel $90^\circ + \varphi$ zu OA' , ferner MN parallel zum Erddruck und trage endlich $MN = GG'$ auf, so stellt das Dreieck BGG' ebenfalls den Erddruck dar. Dann ist nämlich das Fünfeck $A'BOMN$ dem Fünfeck $ABGHJ$ ähnlich, folglich verhält sich $HJ : MN = BG : BO$; oder es ist

$HJ \cdot BO = MN \cdot BG$ oder $OO' \cdot BO = GG' \cdot BG$; folglich haben die beiden (in Fig. 5 schraffirten) Dreiecke BOO' und BGG' gleichen Inhalt.

Durch diese Construction, in welcher das Kräfteviereck $AGHJ$ einfach in verkleinertem Masstabe gezeichnet erscheint, werden die Punkte H und J gänzlich vermieden und dadurch der erstere der beiden Uebelstände beseitigt.

Fig. 5.



VIII. Dem zweiten Mangel kann folgendermassen abgeholfen werden:

Wenn man im Kräftepolygon $AGHJ$ (siehe Fig. 6) die Linie AJ rückwärts verlängert und von G eine Senkrechte GR darauf fällt, so ist diese gleich $GA \cdot \cos \varphi$. Nimmt man nun den Kräfteastab nicht gleich $k \cdot \gamma$, sondern gleich $k \cdot \gamma \cdot \cos \varphi$ an, so wird durch diese Aenderung das Kräftepolygon im Verhältniss von $\cos \varphi$ zu 1 vergrössert; denkt man sich diese Vergrösserung vollzogen und die Figur $RGHJ$, indem man G festhält, um den Winkel φ nach links gedreht, so fällt R nach A , H nach H' und J nach J' .

Mit dieser neuen Figur $AGH'J'$ lässt sich nun gerade so operiren, wie mit der Figur $AGHJ$; bei veränderter Gleitfläche wird GH' stets die gleiche Richtung beibehalten und der Strecke BG proportional sein; folglich wird H' auf einer Geraden liegen, und genau so, wie es oben geschehen ist, kann gezeigt werden,

