

**Zeitschrift:** Pestalozzi-Kalender  
**Herausgeber:** Pro Juventute  
**Band:** 27 (1934)  
**Heft:** [1]: Schülerinnen  
  
**Rubrik:** Geometrie

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

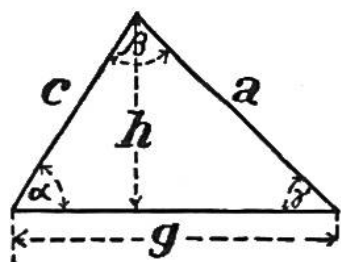
**Download PDF:** 21.02.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

# Geometrie

Tafel I

## Formeln zur Inhaltsberechnung von Flächen u. Körpern



### Dreieck:

Grundlinie =  $g$ , Höhe =  $h$ , Fläche =  $F$ ,

$$F = \frac{g \cdot h}{2}; \quad g = \frac{2F}{h}; \quad h = \frac{2F}{g};$$

$$\sphericalangle \alpha + \sphericalangle \beta + \sphericalangle \gamma = 180^\circ = 2 \text{ rechte } \sphericalangle$$

### Gleichseitiges Dreieck:

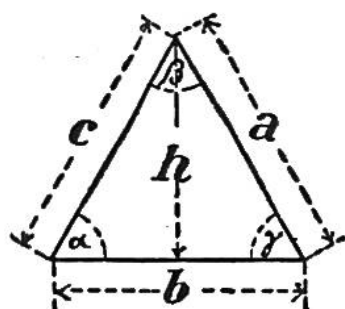
Seiten =  $a = b = c$ ,  $\sphericalangle \alpha = \sphericalangle \beta = \sphericalangle \gamma = 60^\circ$ ;

$$F = \frac{a^2 \sqrt{3}}{4} = 0,433 a^2; \quad \sqrt{3} = 1,73205.$$

genauer  $0,4330125 \cdot a^2$

$$h = \sqrt{a^2 - \frac{b^2}{4}} = \sqrt{a^2 - \frac{c^2}{4}};$$

$$h = \frac{a \sqrt{3}}{2} = a \cdot 0,866025.$$

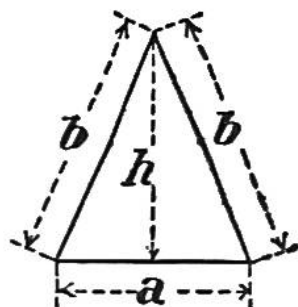


### Gleichschenkliges Dreieck:

Grundlinie =  $a$ , gleiche Seiten =  $b$

$$F = \frac{a}{4} \sqrt{(2b+a) \cdot (2b-a)} = \frac{a}{2} \sqrt{(b+\frac{a}{2}) \cdot (b-\frac{a}{2})}$$

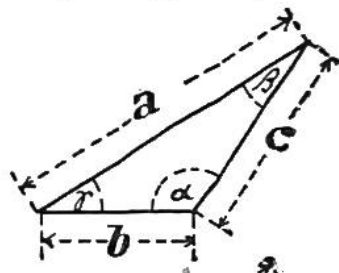
$$h = \sqrt{b^2 - \frac{a^2}{4}}, \quad h = \sqrt{(b+\frac{a}{2}) \cdot (b-\frac{a}{2})};$$



### Ungleichseitiges Dreieck:

Seiten  $a, b$  und  $c$ ,  $s = \frac{a+b+c}{2}$

$$F = \sqrt{s(s-a)(s-b)(s-c)}.$$

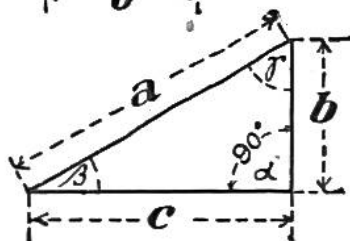


### Rechtwinkliges Dreieck: $\sphericalangle \alpha = 90^\circ$ ;

Hypotenuse =  $a$ , Katheten =  $b, c$ ,

$$F = \frac{b \cdot c}{2}; \quad a^2 = b^2 + c^2; \quad a = \sqrt{b^2 + c^2};$$

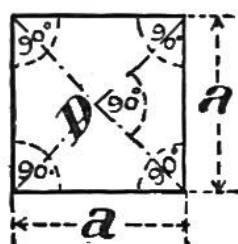
$$b = \sqrt{a^2 - c^2}, \quad c = \sqrt{a^2 - b^2}.$$

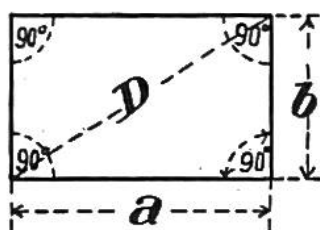


### Quadrat: Seite = $a$ , Diagonale = $D$ ,

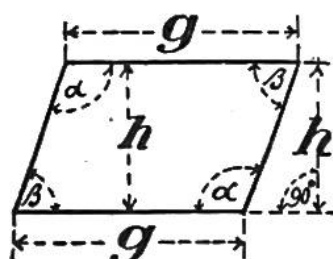
$$F = a \cdot a = a^2, \quad a = \sqrt{F}.$$

$$D = \sqrt{a^2 + a^2} = \sqrt{2a^2} = a \sqrt{2} = a \cdot 1,4142.$$



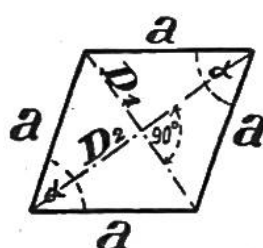
Rechteck:

Seiten  $a$  und  $b$ , Diagonale  $= D$ ,  
 $F = a \cdot b$ ;  $a = \frac{F}{b}$ ;  $b = \frac{F}{a}$ ;  
 $D = \sqrt{a^2 + b^2}$ ;

Parallelogramm:

Grundlinie  $= g$ , Höhe rechtwinklig  
auf Grundlinie  $= h$ ,

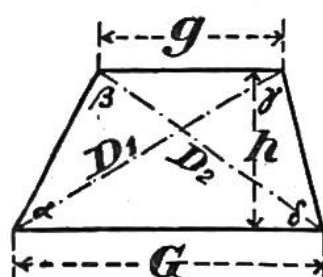
$$F = g \cdot h; \quad g = \frac{F}{h}; \quad h = \frac{F}{g}.$$

Rhombus:

Gleiche Seiten  $= a$ , Diagonalen  $D_1$  und  $D_2$

$$F = a^2 \cdot \sin \alpha; \quad F = \frac{D_1 \cdot D_2}{2};$$

$$D_1 = \frac{2F}{D_2}; \quad D_2 = \frac{2F}{D_1}.$$

Trapez:

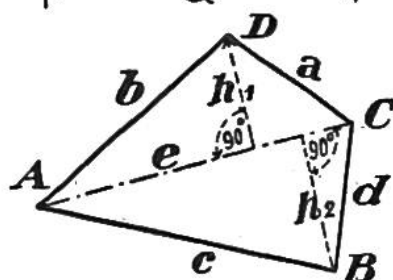
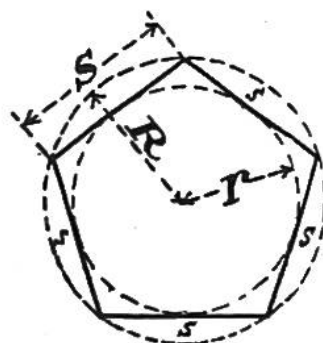
Paralleelseiten  $= G$  und  $g$ , Höhe  $= h$ ,  
Diagonalen  $= D_1$  und  $D_2$ ,

$$F = \frac{G+g}{2} \cdot h; \quad \alpha + \beta + \gamma + \delta = 4R;$$

Trapezoid:

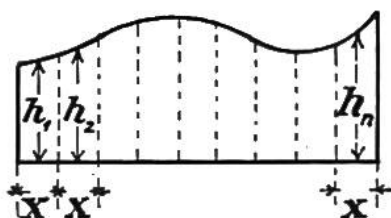
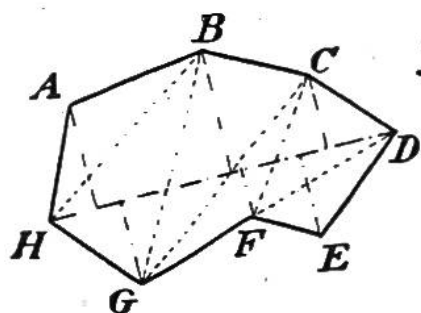
Diagonale  $AC$ , rechtwinklig darauf  
die Höhen  $h_1$  und  $h_2$

$$F = \frac{AC}{2} \cdot h_1 + h_2; \quad = \frac{e}{2} \cdot h_1 + h_2.$$

Reguläre Vielecke (Polygone):

Seite  $= S$ ,  
Radius des umschrie-  
benen Kreises  $= R$ ,  
Radius d. eingeschrie-  
benen Kreises  $= r$ .

Polygon	R	r	S	F
Dreieck	0.5778	0.289 S	1.732 R od. 3.463 r	0.433 S <sup>2</sup> od. 1.299 R <sup>2</sup>
Quadrat	0.7078	0.500 S	1.414 R „ 2.000 r	1.000 S <sup>2</sup> „ 2.000 R <sup>2</sup>
Fünfeck	0.8518	0.688 S	1.176 R „ 1.453 r	1.721 S <sup>2</sup> „ 2.378 R <sup>2</sup>
Sechseck	1.000 S	0.866 S	1.000 R „ 1.155 r	2.598 S <sup>2</sup> „ 2.598 R <sup>2</sup>
Siebeneck	1.152 S	1.038 S	0.868 R „ 0.963 r	3.634 S <sup>2</sup> „ 2.736 R <sup>2</sup>
Achteck	1.3078	1.208 S	0.765 R „ 0.828 r	4.828 S <sup>2</sup> „ 2.828 R <sup>2</sup>
Neuneck	1.462 S	1.374 S	0.684 R „ 0.728 r	6.182 S <sup>2</sup> „ 2.892 R <sup>2</sup>
Zehneck	1.618 S	1.540 S	0.618 R „ 0.649 r	7.694 S <sup>2</sup> „ 2.939 R <sup>2</sup>
Elfeck	1.775 S	1.704 S	0.563 R „ 0.587 r	9.366 S <sup>2</sup> „ 2.973 R <sup>2</sup>
Zwölfeck	1.932 S	1.866 S	0.518 R „ 0.536 r	11.196 S <sup>2</sup> „ 3.000 R <sup>2</sup>

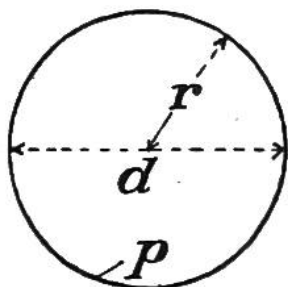


## Unregelmässige Vielecke od. Flächen:

Die Fläche kann berechnet werden durch Zerlegung des Vielecks in Dreiecke mittels Diagonalen u. Summierung der ermittelten Dreiecksflächen, oder auch durch Einteilung in Trapeze u. Dreiecke vermittels einer passend gewählten Abszisse und rechtwinklig auf diese errichteten Koordinaten der Eckpunkte, Summierung des ermittelten Inhalts dieser Trapeze u. Dreiecke.

Durch Zerlegung in parallele Streifen von gleicher Breite  $x$  und mittl. Höhen  $h_1, h_2, \dots, h_n$ .

$$F = x \cdot (h_1 + h_2 + \dots + h_n).$$



**Kreis:** Durchmesser =  $d$ , Radius =  $r$ , Umfang =  $p$ , Inhalt =  $F$ .

$$p = 2r\pi = d\pi = d \cdot 3,14159,$$

$$F = r^2\pi = \frac{d^2\pi}{4} = 0,785 \cdot d^2.$$

$$r = \sqrt{\frac{F}{\pi}} = 0,564 \cdot \sqrt{F}.$$

$$d = 2 \cdot \sqrt{\frac{F}{\pi}} = 1,128 \sqrt{F}.$$

## Kreissektor: (ABCA)

Radius =  $r$ , Bogen =  $b$  Zentriwinkel =  $n$

$$F = \frac{r^2\pi \cdot n}{360} = \frac{b \cdot r^2}{2}$$

$$r = \sqrt{\frac{F \cdot 360}{\pi \cdot n}} = \frac{b}{\pi} \cdot \frac{180}{n};$$

$$n = \frac{360 \cdot F}{r^2 \pi} = \frac{b}{r \cdot \pi} \cdot 180;$$

$$b = 2r\pi \cdot \frac{n}{360} = r\pi \cdot \frac{n}{180};$$

Halbkreis: Bogen =  $b = \pi r$ , Fläche =  $F = \frac{\pi r^2}{2}$ .

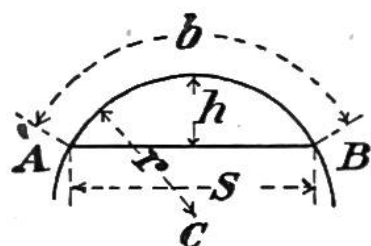
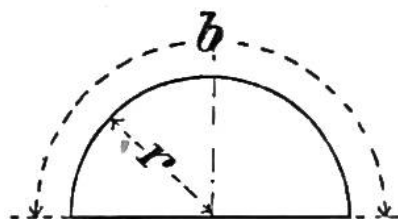
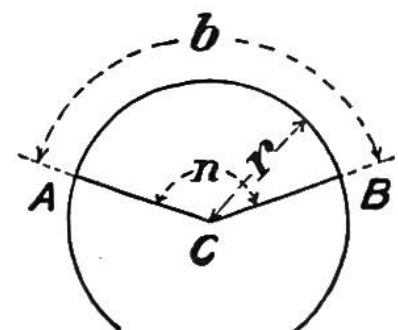
Viertelkreis: „ =  $\frac{b}{2} = \frac{\pi r}{2}$ ;  $F = \frac{\pi r^2}{4}$ ;

## Kreisabschnitt:

Sehne =  $s$ , Höhe =  $h$ ,  $F = \frac{2}{3} s \cdot h$ .

$$\text{genau } F = \frac{r^2\pi \cdot n}{360} - \frac{1}{2} s \sqrt{r^2 - \frac{1}{4} s^2} = \frac{br - s(r-h)}{2}$$

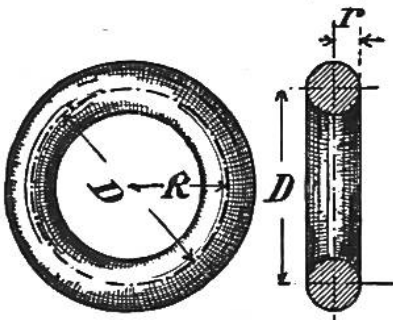
$$s = 2\sqrt{h(2r-h)}; \quad r = \frac{s^2}{8h} + \frac{h}{2}.$$



**Diese Seite stand nicht für die  
Digitalisierung zur Verfügung.**

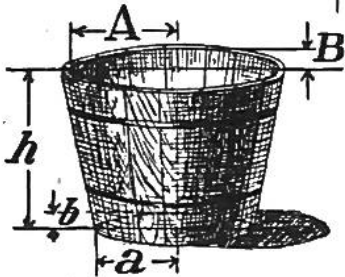
**Cette page n'était pas disponible  
pour la numérisation.**

**This page was not available for  
digitisation.**



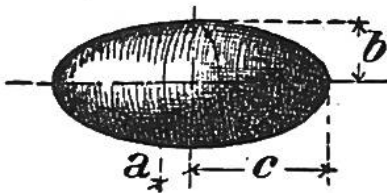
## Cylindrischer Ring:

Radius des kreisförmigen Querschnittes =  $r$ ,  
 Durchmesser des Ringes =  $D$ , Radius =  $R$ ,  
 Inhalt  $K = 2\pi^2 R r^2 = 2,467 D d^2$ ,  
 Oberfläche  $O = 4\pi^2 R r = 9,87 D d$ .



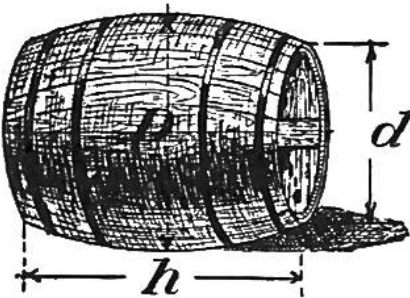
## Kübel:

Die unter sich parallelen Endflächen sind  
 Ellipsen mit den Halbachsen  $A, B$  und  $a, b$ ,  
 Höhe zwischen den Endflächen =  $h$ .  
 Inhalt  $K = \frac{1}{6}\pi h [2(AB + ab) + Ab + aB]$ .



## Ellipsoid:

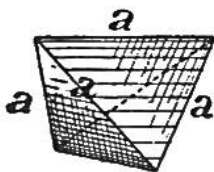
Bezeichnung der 3 Halbachsen =  $a, b, c$ ,  
 Inhalt  $K = \frac{4}{3}\pi a b c = 4,189 abc$ .



## Fass:

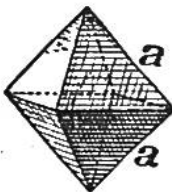
Spunddurchmesser =  $D$ , Bodendurchmesser =  $d$ ,  
 Höhe (resp. Länge) =  $h$ ,  
 Inhalt  $K = \frac{1}{12}\pi h (2D^2 + d^2)$ ,  
 $K = \frac{1}{15}\pi h (2D^2 + Dd + \frac{3}{4}d^2)$ .

## Reguläre Polyeder:



### Tetraeder: (4 gleichseitige Dreiecksflächen)

Länge der Kante =  $a$ , Oberfl.  $O = a^2\sqrt{3} = 1,732 a^2$ ,  
 Inhalt  $K = \frac{1}{12}a^3\sqrt{2} = 0,11785 a^3$ .



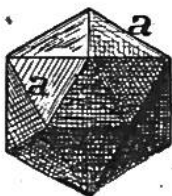
### Oktaeder: (8 gleichseitige Dreiecksflächen)

Kante =  $a$ , Oberfl.  $O = 2a^2\sqrt{3} = 3,4641016 a^2$ ,  
 Inhalt  $K = \frac{a^3}{3}\sqrt{2} = 0,4714045 a^3$ .



### Dodekaeder: (12 regelmässige Fünfecke)

Kante =  $a$ ,  $O = 3a^2\sqrt{25 + 10\sqrt{5}} = 20,645779 a^2$ ,  
 Inhalt  $K = \frac{a^3}{4}(15 + 7\sqrt{5}) = 7,663119 a^3$ .



### Ikosaeder: (20 gleichseitige Dreiecksflächen)

Kante =  $a$ ,  $O = 5a^2\sqrt{3} = 8,6602545 a^2$ ,  
 Inhalt  $K = \frac{5a^3}{12}(3 + \sqrt{5}) = 2,181695 a^3$ .