

**Zeitschrift:** Mitteilungen der Naturforschenden Gesellschaft in Bern  
**Herausgeber:** Naturforschende Gesellschaft in Bern  
**Band:** 26 (1969)

**Vereinsnachrichten:** Mathematische Vereinigung in Bern

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 25.11.2025

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

V. TAVEL (C.): Biolog.-dynam. Wirtschaftsweise 147, Heteropatella antirrh. 173  
 THÖNI: Großbritannien 355  
 THOMMEN: La Dombes 270  
 TRUNINGER: Kalkdüngung 78, Kalk- u. Borwirkung 190, Kulturböden 139  
 TSCHIRCH: Clematis vit. 28, Mendelsche Ideen u. Arzneipflanzenkultur 37, chines. Rhabarber 47, 87, Tela conductrix 3  
 UTESS: Atriplex nitens 356, Schleswig-Holstein 220, 333  
 VILLARET: Côte d'Ivoire 313  
 VOGEL: Biolog. Schädlingsbekämpfung 363  
 VOGT: Moosseen 226  
 WAGNER: Saxifraga gran. u. Lunaria red. 356  
 WEGMÜLLER: Bretagne 332, SW-Jura 360, Vegetationsgesch. des Hohgant 319  
 WELTEN: Außerberg-Leiggern-Ranft 377/378, Beatenberg/Niederhorn 365/366, Colchicum alp. 356, Faulenseemoos 191, Finnland u. N-Norwegen 341, Jaunpaß/Rothenkasten 356, Juncus arct. 368, Kartierung d.

Schweizer Flora 378, Korsika 296, Moléson 323/324, Ostalpen 309, Polen 348, Pollenanalyse 282, pollenanalyt. Datierung 243, Simmenfluh 323/324, Spanien 293, Tschechosl. 323, Vegetationsentwickl. beidseitig d. Berner Alpen 318, Vegetationsgeschichtliches a. d. Wallis 314, Waadtländer Jura 317/318, Wystätthorn 341/342  
 WINKELMANN: Uruguay 279  
 ZAHND: Bretagne 332, Färöer 325  
 ZETSCHKE: Chem. Grundlage d. Pollenanalyse 96  
 ZIMMERMANN: Flore népalaise 285, Gaurisankar 301  
 ZWICKY: Alpes maritimes 287, Andalusien 298, biareale Arten 305, Camp. rhomb. 257, Galinsoga 205, Gran Paradiso 268, Jura-Hochmoore 187, Kärnten, Steiermark u. Niederösterreich 311, Nekrolog 338, Ostalpen 277, Pedicul. rostrato-cap. 247, Pyrenäen 273, südl. Kalkalpen 290, Tessin 261, Val de Bagnes 235, Verzascatal 257

## Mathematische Vereinigung in Bern

### Sitzungsberichte

272. Sitzung, Dienstag, den 21. Mai 1968

I. Geschäftssitzung. II. Vortrag von Herrn Dr. H. BIERI: «*Extremale konvexe Rotationshalbkörper im V-, F-, M-Problem des  $R_3$* ».

Ausgehend von einer Integraldarstellung der Maßzahlen M, F, V eines konvexen Rotationshalbkörpers gewinnt man acht lineare Ungleichungen, von denen wir nur die vier ersten verwenden werden. Nach Einführung des Formfaktors

$$\lambda = \frac{4\pi a}{M} \quad \left(0 < \lambda \leq \frac{8}{\pi + 4}\right)$$

nehmen sie folgende Form an:

$$(1b) \quad x \leq 2\lambda - \left(\frac{1 + \pi}{4}\right) \lambda^2;$$

= für Halbkugelzylinder

$$(2b) \quad y \leq 3\lambda^2 - \left(\frac{8 + 3\pi}{8}\right) \lambda^3;$$

= für Halbkugelzylinder

$$(3b) \quad y \leq \frac{3}{2}\lambda x - \frac{5\lambda^3}{8};$$

= für Halbkugelzylinder

$$(4b) \quad y \leq 2\lambda x - \lambda^2 - \left(\frac{4 - \pi}{8}\right) \lambda^3;$$

= für Kappenkörper des Halbkugelzylinders

Die Enveloppe der Strecken (4b) ist eine durchwegs von unten konvexe Kurve und liegt deshalb ganz nicht unterhalb dieser Strecken. Die Kurve der Halbkugelzylinder mit den Koordinaten (1b) bzw. (2b) (wobei das Gleichheitszeichen gilt) besitzt je einen Scheitel bezüglich der x- bzw. y-Achse und berührt die Enveloppe außen für  $y = 0$  noch genau einmal von unten. Die Kurve der Halbkugelkappenkörper aber liegt nie zuoberst.

Man gewinnt jetzt folgendes Resultat:

Für vorgegebenes M und F besitzen

- a) im Intervall  $0 < \lambda < \frac{16}{16 + \pi}$   
 Halbkugelzylinderkappenkörper der festen  
 Länge  $h^* = a \left(2 - \frac{\pi}{4}\right)$
- b) im Intervall  $\frac{16}{16 + \pi} \leq \lambda \leq \frac{4}{\pi + 1}$   
 Halbkugelzylinder mit gegen  $h^{**} =$   
 $a \left(\frac{\pi - 2}{2}\right)$  abnehmender Länge  
 größtes Volumen V.

Es ist bemerkenswert, daß die Halbkugel nicht extremal ist, ebenso nicht ein Halbkugelzylinder mit zu kleiner Zylinderlänge.

Autorreferat

273. Sitzung, Freitag, den 28. Juni 1968

Vortrag von Herrn Prof. Dr. H. CARNAL:  
 «Wahl einer Zufallsvariablen».

274. Sitzung, Dienstag, 19. November 1968

Vortrag von Herrn Prof. Dr. H. DEBRUN-  
 NER, Bern: «Zur Polyederzerlegungstheorie».

Festsitzung zum 60. Geburtstag von Herrn

Prof. Dr. H. HADWIGER.

Donnerstag, den 23. Januar 1969

Herrn Prof. Dr. H. Hadwiger wurde die Ehrenmitgliedschaft verliehen. Vortrag von Herrn Prof. Dr. G. RINGEL, Berlin: «Das Heawoodsche Kartenfärbungsproblem».

Gemeinsame Veranstaltung mit den Mathematischen Instituten der Universität Bern.

276. Sitzung, Dienstag, den 18. Februar 1969

Vortrag von Herrn Prof. Dr. W. SCHERRER, Bern: «Grundsätzliches zur elektrodynamischen Wechselwirkung».

Für das Einkörperproblem der relativistischen Punktelektrodynamik besitzt man die bewährte Sommerfeldlösung.

Für das Zwei- und Mehrkörperproblem besteht kein brauchbarer relativistischer Ansatz.

Der Vorschlag, in diesen Fällen die Wechselwirkung vermittelt Photonenaustausch zu beschreiben, erweckt Bedenken, weil dann der Energiesatz ständig verletzt wird.

In der Newton'schen Himmelsmechanik werden die für die Wechselwirkung maßgebenden «koexistierenden Phasen» durch Gleichzeitigkeit definiert. In der relativistischen Punktelektrodynamik versagt dieses Verfahren grundsätzlich.

Der Referent schlägt vor, in diesem Falle die koexistierenden Phasen zweier geladener Teilchen  $m_1$  und  $m_2$  durch die Forderung zu definieren, daß ihre Verbindungsstrecke eine Nullstrecke sei. Fügt man die wohl unerläßliche Forderung der Eindeutigkeit dieser Korrespondenz hinzu, so ergibt sich als notwendige Folgerung folgende Aussage:

Die primären Elementarteilchen zerfallen in zwei Klassen: die «progressiven», d. h. diejenigen, die in die Zukunft wirken, und die «regressiven», d. h. diejenigen, die in die Vergangenheit wirken.

Eine natürliche Wirkungsfunktion für zwei geladene Massen  $m_1$  und  $m_2$  wird gegeben durch

$$L \equiv - m_1 c^2 \sqrt{\mathfrak{U}' \bar{\mathfrak{U}}'} - m_2 c^2 \sqrt{\mathfrak{V}' \bar{\mathfrak{V}}'} - \frac{e_1 e_2 \mathfrak{U}' \bar{\mathfrak{V}}'}{R}.$$

Dabei bedeuten  $\mathfrak{U}'$ ,  $\mathfrak{V}'$  resp.  $\bar{\mathfrak{U}}'$ ,  $\bar{\mathfrak{V}}'$  die contravarianten resp. covarianten Vierergeschwindigkeiten. Der Strich bedeutet die Ableitung nach einer Länge  $s$ . Die Länge  $R$  schließlich bedeutet die Distanz der beiden Teilchen im Ruhssystem von  $m_1$  oder auch im Ruhssystem von  $m_2$ , die den gleichen Wert besitzt.

Läßt man in  $L$  eine der beiden Massen unendlich streben, so erhält man ein Einkörperproblem, das die gleichen Energiewerte liefert wie die Sommerfeldlösung.

Die Wirkungsfunktion  $L$  kann ohne weiteres auf mehrere Teilchen übertragen werden und liefert dann einen entsprechenden Energie-Impuls-Satz.

Autorreferat