

**Zeitschrift:** Mitteilungen der Naturforschenden Gesellschaft Bern  
**Herausgeber:** Naturforschende Gesellschaft Bern  
**Band:** - (1896)  
**Heft:** 1399-1435

**Artikel:** Der Briefwechsel zwischen Jakob Steiner und Ludwig Schäfli  
**Autor:** Graf, J. H.  
**Kapitel:** 1853  
**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-319085>

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 11.12.2025

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

## Interessante Notizen über den Aufenthalt in Vichy, August 1853 sowie Briefe Steiner's an Schläfli.

Im Jahr 1853 musste Steiner zum Kurgebrauch nach Vichy reisen. Er hatte sich vorher bei *Terquem* orientirt, um die Adressen der französischen Mathematiker zu erhalten. *Terquem* schrieb ihm unter dem 15. Juli 1853:

«*Mon cher géomètre !*

«Voici les adresses :

«Bertrand, rue d'Enfer 13;

«Sturm, place du Panthéon 9 ;

«Wertheim, cité d'Antin 4 ;

«Chasles, passage Ste-Marie 3 ;

«Lamé, rue Madame 48 ;

«Poncelet, rue Vaugirard, vis-à-vis la porte du Luxembourg.

«Je crois que ce sont les seuls personnes, que vous désirez voir.

«Votre tout affectionné

*O. Terquem,*

rue d'Enfer 48.»

Anschliessend folgen einige Notizen Steiner's, bei denen zugleich das Datum und der Ort notirt ist, wann er sie niedergeschrieben hat.

Paris. Juli 1853. Notizen.

«1. Von *Silvester*. Ein Engländer (*Cayley*) soll gefunden haben: «dass  $f^3$ , im Allgemeinen, 27 G. enthält. Nachzusehen wie viele ich «bei den schwierigen Polar-Betrachtungen gefunden habe. Bei einer «bestimmten  $f_1^3$  zeigten sich früher nur 6 G; bei der Panpolare  $F^3$  auf « $B(f^2)$  nur 11 G.

«2. *Serret jun.* Mittels des Cirkels allein auf der Zylinderfläche «einen Strahl zu finden?

«Ich frage: Wie findet man auf der Kugel den Hauptkreis, der «durch 2 gegebene p geht? d. h. irgend einen 3<sup>ten</sup> Punkt desselben. — «Wie zu p dessen Gegenpunkt  $p_1$ ? — Sind  $2p = a, b$ , so finden sich «leicht 2 Punkte c, d, wo  $ac = ad, bc = bd$  und sodann Punkte x, «wo  $xc = xd$ , also x im Hauptkreis durch a und b liegt, der die Orts- «linie für c und d ist. D. h. um a, b mit Radien  $\alpha, \beta$  Kreise; ihre Schnitte «= c, d; um diese mit gleichem r Kreise, liegen die je 2 Schnitte «x, x in Hauptkreis ab.

«3. *Silvester* hat gefunden: «Die  $f^3$  hat 5 Grundebenen, der «Schnittpunkt P je 3<sup>er</sup> und die Schnittlinie L der je 2 übrigen sind

«der Art conjugirt, dass die B. C. des Kegels aus P aus 2 ebenen  
«Curven  $C^3$  besteht, deren Ebenen durch L gehen, und zu den Grund-  
«ebenen harmonisch sind.»

«Dieser Satz muss in dem meinigen enthalten sein, wonach der  
«Ort des Pols P, dessen 1<sup>te</sup> Polare  $f^2$ , in Bezug auf die gegebene  $f^3$   
«ein Kegel  $f^2_k$  ist, eine bestimmte  $F^4$  ist. Denn die Silvester'schen  
«10 Punkte  $P_0$  sind diejenigen, für welche  $f^2_k$  in  $2 f^1 = 2 e$  zerfällt.  
«— In jeder L liegen 3 Punkte  $P_1$  und diesen entsprechen 3  $L_1$ , die  
«durch P gehen (der jener L entspricht).

«Da die 2<sup>te</sup> Polare  $f^1$  von P ebenfalls durch L geht, so muss von  
«jedem P in L sowohl die erste als 2<sup>te</sup> Polare durch P gehen, also  
«die erste stets ein Kegel sein. Danach hätten also die 10 L eigen-  
«thümliche Bedeutung; sie lägen in jener Ortsfläche  $F^4$ ; diese wird  
«von jeder der 5 Grundebenen E in 4 L geschnitten, welche eine  
«spezielle  $C^4$  sind.

«Bewegt sich P in 1 freien E, so entspricht ihm eine  $SS(f^2)$  mit  
«8 p (wovon der eine nothwendig) und sein Ort in dieser E, wo ihm  
« $f^2_k$  oder dessen Scheitel Q entspricht, ist eine Curve  $C^4$ , welche durch  
«die 10 Schnitte  $\pi$  von E mit den 10 L geht; der Ort von Q aber  
«ist (nach Älterem) eine  $C^6_a$ , die durch die 10  $P_0$  geht. Einer 2<sup>ten</sup>  
« $E_1$  entspricht eine andere Curve doppelter Krümmung  $C^6_{a1}$ , die mit  
« $C^6_a$ , ausser den 10  $P_0$ , noch 4 Q gemein hat, entsprechend der Schnitt-  
«linie G von E und  $E_1$ . Also gehen alle  $C^6_a$  durch die 10  $P_0$ .

«Vorhin, bei  $P_1$  in  $L_1$  bilden die Polaren  $f^2$  einen solchen speziellen  
«Büschel  $B(f^2) = B(f^2_k)$ , dessen gemeins. Schnitt  $C^4_a$  aus 4 durch P  
«gehenden Geraden  $\lambda$  besteht; nämlich die Schnittlinien der 3 Paar  
«Ebenen  $f^2_k = 2 e$ , die durch die Kanten (3 L) der Ecke P gehen  
«und zu den Flächen derselben harmonisch sind.

#### Ueber die gegenseitige Beziehung der Doppeltangenten der Curve 4<sup>ten</sup> Grads.

Für M. Terquem. (Paris 1. Aug. 53.)

«1. Ist ein Kegelschnitt  $A^2$  einer Curve 4<sup>ten</sup> Grads  $C^4$  einge-  
«schrieben, d. h. berührt er diese in 4 Punkten a, so kann  $A^2$  sich  
«stetig bewegen und so ändern, dass er stets die Curve  $C^4$  in 4  
«Punkten berührt, und zwar liegen die neuen Berührungspunkte  $4a_1$ ,  
«stets mit den anfänglichen  $4a$  in irgend einem Kegelschnitte  $C^2$ , so  
«dass umgekehrt jeder durch die 4 Punkte a gelegte Kegelschnitt  $C^2$   
«die Curve  $C^4$  in 4 solchen Punkten  $a_1$  schneidet, in welchem sie von

« einem zweiten Kegelschnitte  $A_1^2$  berührt wird, der durch stetige Bewegung und Aenderung in den ersten Kegelschnitt  $A^2$  übergehen kann. Dabei erscheint die Curve  $C^4$  als Enveloppe der Schaar Kegelschnitte  $A^2, A_1^2, \dots$ , die wir durch  $S(A^2)$  bezeichnen wollen.

« Eine beliebige Curve 4<sup>ten</sup> Grads,  $C^4$ , ist im Allgemeinen, als Enveloppe von 63 verschiedenen Schaaren Kegelschnitte,  $S(A^2)$ , anzusehen. » Oder: « Soll die gegebene Curve  $C^4$  in einem auf ihr gegebenen Punkte  $a_0$  und nebstdem in irgend drei andern Punkten  $a$  von irgend einem Kegelschnitte berührt werden, so giebt es 63 Lösungen. »

Besser: « Soll ein Kegelschnitt  $A^2$  gefunden werden, welcher die gegebene Curve  $C^4$  in einem auf ihr gegebenen Punkte  $a_0$  und nebstdem in noch irgend drei andern Punkten  $a$  berührt, so finden 63 Lösungen statt. »

Vichy, Freit. 12. Aug. 1853.

(Ankunft in Vichy 5. August wahrscheinlich.)

« 1. H. Schläfli hat den Satz über die conjug. Durchmesser der  $C^3$  zu kontrolliren. »

« 2. H. Terquem die geeigneten Sätze in der von Dr. Hirst übersetzten 2 Abhandl. zuzustellen. Auch andere, im Crelle'schen Journ. gegebene Sätze, damit zu verbinden. Auch neue Sätze beizufügen. »

« 3. Schläfli. Die Lamé'sche Untersuchung der Wellenfläche, in Rücksicht eines Systems mit ihr concentrischer Kugeln und Ellipsoide (mit proportionalen Axen) — zu erzählen und darauf zu hetzen. Desgleichen auf die Sätze von Sylvester und Cayley über  $f^3$ : dass diese 27 Gerade und 5 Grundebenen enthält.<sup>1)</sup> »

« 4. Liouville oder Terquem die Sätze und Aufgaben über höhere Berührung der Curven, welche schon im vorigen Jahre in Bern Schläfli mitgetheilt worden, und wozu die 63 Schaaren  $S(C^2)$  in  $C^4$  ein schönes Beispiel sind. »

« Desgl. die Bestimmung der Curven im Raum (Doppel-Krümmung), als Schnitte von Flächen, wobei von diesen ein Theil des Schnitts gegeben ist. Cayley hat schon drein gepfuscht; zu citiren. »

« Was im Winter 1853/4 auszuarbeiten ist. (Paris 3. August 1853.) »

« I. Im Grossen: Entweder: 1) die Abhandlung von 1848; oder 2) die populären Kegelschnitte: oder 3) 2<sup>ter</sup> Theil der Gestalten. »

---

<sup>1)</sup> Hier bemerkt Steiner: «Gethan».

«II. Im Kleinen, für Liouville: 1) Gauss-Jacobischen Satz, Rück-  
 «sicht auf Schumachers Astronomische Nachrichten. Ueber die Evolut-  
 «Fläche, die Monge'schen Sätze, die 1837 gemacht (und vielleicht durch das  
 «Stadtvogtei-Mensch zerstört worden sind); sie entstanden, weil Nudel  
 «mich täuschte. 2) Den Satz wie zu zwei gegebenen  $C^2$  die Basis zu  
 «finden ist; was schon im Dez. 1845, vor Ausbruch der Nudelai ge-  
 «macht worden und 1846 in der Akademie bereits angeführt. 3) Der  
 «2 bis n Sprung bei  $A_1$  auf A, und  $B_1$  auf B; und der famöse 3 Sprung  
 «bei  $E_1$  auf E. 4) Aufwärmen der Polyeder-Sätze, um Brin und August  
 «zu eliminiren. 5) Die statischen Sätze (Joggeli Schweins), ...; Vir-  
 «tuelle Geschwindigkeit. — Ferner: 6) Das Trippel-Strahlensystem, wenn  
 «der Scheitel in  $f^2$  (Römer-Notizen); 7) Die Polarität auf  $f^2$  und auf  
 « $B(f^2)$ . Bei (6.) das System Trippel-Netze von  $B(f^2)$ , und  $B B(f^2)$ .

«III. Avec M. P o l q u é s eine Géométrie descriptive».

Vichy, Sonntag 21. Aug. 53.

«Betrachtung der  $f^3$  <sup>1)</sup>; 1. Die 2<sup>te</sup> Polare einer E ist eine  $\varphi^3$  (Fläche);  
 «denn sie wird von jeder G in 3 Punkten geschnitten, weil für P in  
 «G ein Büschel  $B(f^2)$  entsteht, wovon nur 3 die E berühren. Also  
 «ist auch die Enveloppe aller Durchmesser-Ebenen der gegebenen  $f^3$   
 «eine  $\varphi^3$ . Ist sie auch der Asymptotenfläche der  $f^3$  eingeschrieben,  
 «und wo berührt sie dieselbe? Ist auch  $\varphi^3$  der Ort aller  $P_0$ , deren  
 «innere Polaren  $f_1^2$  oder  $J_f^2$  Zylinder sind? Es scheint. — Wenn für  
 «P in  $f^3$  auch  $J_f^2 = K^2$  (Kegel) wird: so muss die Schnittcurve  $C_{\varphi^3}$   
 «von  $f^3$  und  $\varphi^3$  ausgezeichnete  $P_0 = Q_{\varphi}$  enthalten; deren  $J_f^2$  sich auf  
 «ein Gerade ab =  $S_1$ , 2 E in ab ihr Schnitt reduciren. Giebt es P,  
 «für welche  $J_f^2$  aus  $E \pm E^2$  besteht? Die Sylvesterschen 10  $P_0$ .

«2. Der aus jedem P an  $f^3$  gehende Kegel ist 6<sup>ten</sup> Grads, aber  
 «wievielter 12<sup>ter</sup> Klasse? d. h. wieviele Berührungs-Ebenen der  $f^3$   
 «gehen durch eine G? 12.

«3. Die  $\varphi^3$  ist 4<sup>ter</sup> Klasse, durch jede G gehen vier Berührungs-  
 «Ebenen; denn die Polaren  $B(f^2)$  von P in G haben eine  $C_d^4$ , welche  
 «E in 4p trifft, deren 2<sup>te</sup> Polaren jene 4 Berührungs-Ebenen sind.

<sup>1)</sup> Steiner würde wohl sehr unzufrieden sein, wenn er wüsste, dass diese  
 seine Notiz über die  $f^3$  gedruckt wird. Es geht daraus nämlich unzweifelhaft  
 hervor, dass er die Hauptresultate von Cayley und Sylvester kannte, die er doch  
 in seiner Arbeit vom Jahr 1854 nicht citirt. Herr Geiser fügt dieser Bemerkung  
 noch bei, dass ihm dieses eigenthümliche Verschweigen schon längst bekannt ge-  
 wesen sei.

<sup>2)</sup> Sollte vielleicht  $E + E$  geschrieben sein, da diese Steiner'sche Be-  
 zeichnung ein Ebenenpaar bedeutet.

«4. So ist die Enveloppe  $\varphi_0$  der Durchmesser-Ebenen der  $f^4$   
«vom 12<sup>ten</sup> Grad und von der 9<sup>ten</sup> Klasse. — Von  $f^n$  ist  $\varphi_0 = 3(n-2)^2_{\text{ten}}$   
«Grad und  $(n-1)^2_{\text{ter}}$  Klasse. — —»

Steiner reiste dann über Genf nach Bern (siehe nachfolgenden Brief) und hat daselbst die Notizen fortgesetzt.

Bern, 11. Sept. (Fortsetzung von Vichy.)

«5. *Schläfli*. 1) Ob bei  $f^3$  (u.  $f^n$ ) auch  $A_f^2$  und  $J_f^2$  jedes Punktes  
«P die  $E_\infty$  in derselben Curve  $C_\infty^2$  schneiden? *Ja! Ja!* 2) *Von*  
«*wievielter Klasse ist  $f^3$ ? oder ihr Berührungs-Kegel  $P_k^6$ , in Rück-*  
«*sicht jeder durch den Pol P gehenden Geraden?* 12<sup>ten</sup> Ist 1) ja: so  
«ist für P in  $\varphi_0^3$  richtig  $J_f^2$  ein Zylinder. *Ja.*

«6. Auch bei  $f^n$  haben  $A_f^{n-1}$  und  $J_f^{n-1}$  mit  $E_\infty$  die Schnittcurve  
«gemein. Denn für jede Ebene durch P haben ihre 3 Schnitte  $C^n$ ,  
« $A^{n-1}$  und  $J^{n-1}$  mit jenen 3 Flächen die Eigenschaft, dass  $A^{n-1}$  und  $J^{n-1}$   
«mit  $G_\infty$  die Schnitte gemein haben, daher auch die Flächen  $A_f^{n-1}$  und  
« $J_f^{n-1}$ . Bei  $f^3$  schneiden sich also  $A_f^2$  und  $J_f^2$  in einer andern ebenen  
«Curve  $R^2 (= C^2)$ , die in der Vertreterin  $R_c$  liegt (in der die 3<sup>ten</sup>  
«Schnitte c aller durch P gehenden Sehnen ab liegen.)

«Zu 5. Die  $f^n$  und ihr Berührungs-Kegel  $K^{n(n-1)}$  sind von der  
« $n(n-1)^2_{\text{ten}}$  Klasse. Weil die Polaren  $A^{n-1}$  und  $A_1^{n-1}$  von P und  $P_1$  sich  
«mit  $f^n$  in  $(n-1)^2 \cdot n$  Punkten schneiden, in denen  $f^n$  von solchen  
«Ebenen berührt wird, die durch die Gerade  $PP_1$  gehen. Die Klasse  
«von  $K^{n(n-1)}$  könnte sein:  $= n(n-1) [n(n-1)-1]$ , so ist sie um  
« $n(n-1) [n(n-1)-1-(n-1)] = n^2(n-1)(n-2)$  verringert, was  
«anzeigt, dass der Kegel Doppel- und Rückkehrstrahlen, ds und rs, hat,  
«die wohl eigenthümliche Tangenten aus P an  $f^n$  sind. Bei  $f^3$  ist die  
«Verringerung  $= 9 \cdot 2 \cdot 1 = 18$ , und daher kann es geben 1.) 9 ds;  
«2.) 6 ds und 2 rs; 3.) 3 ds und 4 rs; oder 4.) 6 rs. Die Sylvester-  
«schen 10  $P_0$  zeigen die Wirklichkeit der ds, wenn auch nur 3 reelle;  
«giebt es noch 4 rs, oder noch imaginäre 6 ds? <sup>1)</sup>

### 1853. Steiner an Schläfli.

«Lieber Schläfli!

«Morgen Abend gegen 5 Uhr werde ich mit der Freiburger  
«Post in Bern eintreffen; gehen Sie also nicht grasen,<sup>2)</sup> sondern

<sup>1)</sup> Herr Geiser bemerkt, dass nicht die 9<sup>ds</sup>, sondern die 6<sup>rs</sup> eintreten.

<sup>2)</sup> Botanisiren.

«kommen Sie und fragen Sie unterwegs im Adler<sup>1)</sup> (wo ein neuer  
«Wirth sein soll) ob ein ordentliches Zimmer zu haben sei. In Genf  
«musste ich die erste Nacht auf dem Boden liegen. — Ich komme  
«diesmal von Paris, Vichy (Cur gemacht), Genf, Lausanne, Vivis. Das  
«Nähere morgen mündlich.

«In Eile.

Ihr

J. Steiner.»

Freitag 2. Sept. 53.

Steiner blieb dann mit Schläfli in Bern zusammen und besuchte  
auch seine Verwandten in Utzenstorf, Bätterkinden und Kirchberg.

### Steiner an Schläfli.

Baden, Samstag 15. Octob. 1853.

*Lieber Freund!*

«Wie Sie am Sonntag, reiste ich erst am Mittwoch von  
«Bätterkinden ab. Auch hier hat sich meine Cur in die Länge ge-  
«zogen. In Aarau traf ich mit Ihrem Freund *Steinegger* zusammen  
«und hier logiren wir im gleichen Haus, wo seit letzten Mittwoch  
«(12<sup>ten</sup>) auch *Raabe* bei uns ist, den ich zuvor in Zürich besuchte;  
«*Moosbrugger* aber ist nicht gekommen. Dass der Marquis<sup>2)</sup> Sie besucht  
«hat, weiss ich durch *Raabe*. Letzterer freute sich sehr über Ihre  
«Beförderung, aber vorgestern auch darüber: dass *Blösch*<sup>3)</sup> durch Studer  
«gekalbert hat; nach allen Vorgängen war ich weniger entzückt.  
«Aber potz Donnerwetter! wer hat nun die Kraft, die höhere Stufe,  
«die Cima, zu erklimmen?! Würden meine Rathschläge nicht immer  
«so leicht vergessen, so wäre der Sieg nicht zweifelhaft. Vor-  
«wärts, vorwärts! der Starke weicht nicht zurück. *Sacre nome*  
«*de dieu!* Die Abhandlungen sind noch nicht versandt, *Raabe*<sup>4)</sup> hat  
«noch keine, aber ist gespannt darauf. *Aus Gründen*, die ich Ihnen  
«mündlich sagen werde, schicken Sie auch *Anton Müller*<sup>5)</sup> und *Mousson*<sup>6)</sup>

<sup>1)</sup> Altbekannter Gasthof in Bern.

<sup>2)</sup> So wurde *Dirichlet* von Steiner zubenannt.

<sup>3)</sup> «Blösch» ist im bernischen Dialekt die Bezeichnung für eine «gefleckte»,  
d. h. mehrfarbige Kuh. Die Bemerkung gilt auch für S. 70, wo Steiner Schläfli  
auffordert zu Blösch zu gehen, «er stösst ja nicht!»

<sup>4)</sup> *Raabe*, Jos. Ludw., geb. 15. V. 1801 zu Brody, Galizien, Professor der  
Mathematik am eidgen. Polytechnikum und an der Hochschule in Zürich. † 22.  
I. 1859.

<sup>5)</sup> Prof. der Mathematik an der Universität Zürich geb. 1799, † 11. VIII. 1857.

<sup>6)</sup> *Mousson*, Joh. Rud. Albert, geb. 17. III. 1805, Prof. der Physik am  
eidgen. Polytechnikum, demissionirte 1878, † 6. Nov. 1890.



«jedem ein Exemplar, *vergessen Sie es nicht.*<sup>1)</sup> Von Raabe können Sie aus der Zürcher-Bibliothek jedes Buch haben, gegen ein kleines jährliches Geschenk für den Packer, wie er sagt. *Valentin*<sup>2)</sup> bezieht auch.

«Mittwoch (19<sup>ten</sup> Oct.) Nachmittag etwa 5 oder 6 Uhr werde ich in Basel im *Storchen* eintreffen und hoffe Sie da zu treffen; Ihre Vorlesungen und Zuhörer können kein Hinderniss sein. Bringen Sie die verlangte Uebersicht des Buchs über die «*Geometrie mit n Dimensionen*» endlich mit. Können Sie oder wollen Sie nicht kommen, so denken Sie an das, was ich Ihnen so oft gesagt habe: einen Auszug von 4—6 Bogen nach Wien, meinetwegen an *Herrn von Ettingshausen*, sich auf mich berufen, mit einem Gruss; oder nach Paris.

«Auf baldiges Sehen

Ihr

*J. Steiner.*»

#### 1854. Steiner an Schläfli.

Der nachfolgende Brief Steiner's vom 10. März 1854 ist im 1. Theil an Schläfli, im 2. an Professor Ris gerichtet <sup>3)</sup>.

Berlin, den 10. März 1854.

«*Mein lieber selbstmörderischer Freund!*

«Die mir mitgetheilten Sätze waren mir sehr willkommen, besonders der eine, den ich falsch hatte und bald nach Paris an *Terquem* geschickt hätte. Nämlich ich hatte: dass die Fläche  $f^m$  von  $B(f^n)$  in  $m[3(n-1)^2 + 3(n-1)(m-1) + (m-1)(m-2)]$  Punkten berührt werde, wo Sie, gewiss richtig, nur  $m[3(n-1)^2 + 2(n-1)(m-1) + (m-1)^2]$  angeben. Aber damit kann ich in den speziellen Fällen nicht zu Recht kommen, wo die  $f^m$  in Theile, Ebenen, etc. zerfällt. In dem Betracht entsteht die Frage: a) Wenn  $f^m$  einen Hornpunkt  $\delta$  hat, für wie viele Berührungen zählt denn die durch denselben gehende  $f^n$ , etwa für 3 oder 6? und b) für wie viele Berührungen zählt es, wenn eine  $f^n$  die Doppellinie  $l_2$  der  $f^m$  berührt? Z. B. die  $f^4$  wird von  $B(f^3)$  in 132 Punkten berührt; besteht nun  $f^4$  aus 4 Ebenen  $E$ , so hat sie 4  $\delta$  und 6  $l_2$ ; jede  $E$  wird 12 mal

<sup>1)</sup> Raabe gedachte der philosoph. Fakultät der Hochschule Zürich Schläfli zur Ehrenpromotion vorzuschlagen. (Siehe Biogr. Bern. Mitth. S. 131, 132.)

<sup>2)</sup> Professor der Physiologie an der Hochschule Bern. † 23. V. 1883.

<sup>3)</sup> Dieser wichtige Brief ist nach den Poststempeln erst am 11. April 1854 von Berlin ab und am 14. in Bern angekommen.