

Zeitschrift: Helvetica Physica Acta
Band: 41 (1968)
Heft: 6-7

Artikel: Zum Widerstandssprung bei der Phasenumwandlung in VO₂
Autor: Heywang, W. / Guntersdorfer, M.
DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-113947>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 18.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

Ob Kontaktphänome oder kleine Raumladungszonen vor den Stromkontakte von Bedeutung oder noch andere Einflüsse heranzuziehen sind, können erst weitergehende Versuche zeigen.

Der Stiftung Volkswagenwerk danken wir für die Bereitstellung apparativer Hilfsmittel. Die Experimente wurden im Kältelabor der PTB Braunschweig durchgeführt. Herrn Dr. RÜHL und seinen Mitarbeitern gilt unserer Dank für Gastfreundschaft und Hilfe.

Literaturverzeichnis

- [1] G. LAUTZ, *Halbleiterprobleme VI*, S. 21–117, Vieweg-Verlag Braunschweig, 1961 (herausgegeben von F. Sauter).
- [2] G. LAUTZ, Acta phys. austriaca 20, 104 (1965).
- [3] R. W. KEYES, R. J. SLADEK, Physics Chem. Solids 1, 143 (1956).
- [4] R. J. SLADEK, Physics Chem. Solids 5, 157 (1958).
- [5] J. C. HASLETT, W. F. LOVE, Physics Chem. Solids 8, 518 (1959).
- [6] Y. YAFET, R. W. KEYES, E. N. ADAMS, Physics Chem. Solids 7, 137 (1956).
- [7] K. HEYKE, Dissertation Braunschweig 1968.
- [8] A. VAN DER ZIEL, J. appl. Phys. 24, 222 (1953).
- [9] R. E. BURGESS, Proc. Phys. Soc. B 69, 1020 (1956).
- [10] S. H. KOENIG, Phys. Rev. 110, 986 (1958).
- [11] P. J. PRICE, *Fluctuation Phenomena in Solids*, S. 355–380, Academic Press, New York 1965 (herausgegeben von R. E. Burgess).

Zum Widerstandssprung bei der Phasenumwandlung in VO₂

von W. Heywang und M. Gunterdorfer

Mitteilung aus dem Forschungslaboratorium der Siemens AG, München

(2. V. 68)

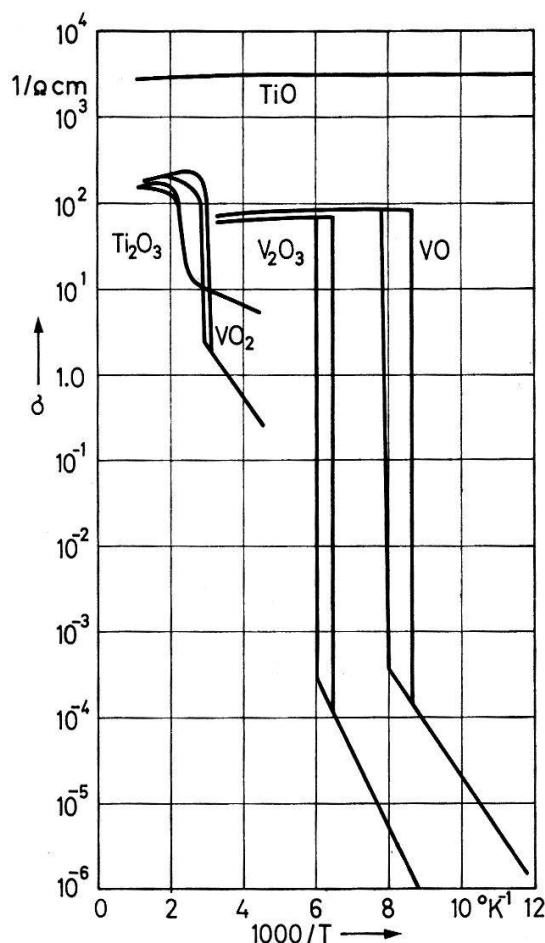
Zusammenfassung. On account of the small lattice changes at the semiconductor to metal transition in VO₂ it was suggested that the transition itself depends on the free carrier density influencing the band gap in the semiconducting state. The height of the resistivity jump, its connection with the activation energy in the semiconducting state, the absence of deviations from the exponential conductivity law as well as thermoelectrical investigations lead to the conclusion, that there must be an essential influence of bound electrons and to a simplified theoretical model.

Oxydische Halbleiter mit hoher mehr oder minder sprunghafter Änderung des Widerstandes in der Umgebung eines Umwandlungspunktes haben in letzter Zeit zunehmend wissenschaftliches und technisches Interesse gefunden. Neben dem ferroelektrischen Kaltleiter auf der Basis von BaTiO₃ ist in diesem Zusammenhang vor allem das Vanadiumdioxyd VO₂ zu nennen.

Während der anomale Widerstandsanstieg beim ersten auf einem Korngrenz-Sperrschiechteffekt beruht [1], ist der Widerstandssprung im zweiten Fall einem Volumeneffekt zuzuschreiben. VO₂ ist dabei nur ein Beispiel für eine Substanzklasse,

bei der an einer kritischen Temperatur eine Umwandlung von einem halbleitenden in einen metallisch leitenden Zustand auftritt (vgl. Figur 1) [2].

Für einen derartigen Übergang haben ADLER und Mitarbeiter [3, 4] eine Theorie vorgelegt, die auf dem Grundgedanken basiert, dass der Bandabstand in diesen Halbleitern mit zunehmender Trägerdichte abnimmt. Dabei werden zwei Modelle näher diskutiert, einmal, dass die magnetische Ordnung, zum andern, dass die chemische Bindung von der Ladungsträgerdichte gesteuert wird und damit den Bandabstand beeinflusst.



Figur 1

Widerstandstemperaturgang verschiedener Übergangsoxyde mit Phasenumwandlung nach Morin.

Wie dem auch sei, ein wesentliches Kriterium dieses Modells ist, dass im halbleitenden Zustand die für die Leitfähigkeit massgebliche Aktivierungsenergie mit zunehmender Temperatur abnimmt. Eine Andeutung hierfür findet sich in den bisherigen experimentellen Ergebnissen nicht (Figur 1).

Aus diesem Grunde haben wir die Messungen an eigenen gezüchteten VO₂-Einkristallen wiederholt. Die Kristalle selbst hatten eine Länge von ca. 5 mm, eine Breite von ca. 0,5 mm und eine Dicke von ca. 0,1 mm und zeigten entsprechend röntgenographischen Untersuchungen bei Zimmertemperatur verzerrte Rutil-Struktur in guter Gitterperfektion.

Hinsichtlich der Leitfähigkeit ergab sich bei allen von uns gezüchteten Exemplaren oberhalb der Umwandlungstemperatur T_u ein quasimetallisches Verhalten der

Leitfähigkeit σ_M , unterhalb T_u bis 100°K das bekannte Exponentialgesetz der Leitfähigkeit

$$\sigma_H \sim e^{-E_a/2kT} \quad (1)$$

T_u lag bei allen Exemplaren bei $65,5 \pm 0,5$ °C. Die Aktivierungsenergien E_a im halbleitenden Zustand streuten von Exemplar zu Exemplar anscheinend im Zusammenhang mit der Kristallqualität ziemlich stark, und zwar um etwa den Faktor 2. Den gleichen Gang zeigte der Logarithmus des gemessenen Leitfähigkeitssprungs am Umwandlungspunkt¹⁾. Im Rahmen der durch die kleine Geometrie gegebenen Messgenauigkeit wurde diese Änderung des Widerstandssprungs durch die Änderung der Leitfähigkeit nur im halbleitenden Bereich hervorgerufen. Dieses Ergebnis lässt sich nur schlecht mit den Modellvorstellungen einer durch die Ladungsträgerkonzentration gesteuerten Umwandlung vereinen, da hiernach die Umwandlung bei gleichen Widerstandswerten im halbleitenden Bereich, nicht aber bei gleicher Temperatur zu erwarten wäre. Der enge Zusammenhang zwischen E_a und dem Widerstandssprung liess darüber hinaus die Vermutung auftreten, dass die Umwandlung einfach so zu verstehen sei, dass die im halbleitenden Zustand massgebliche Aktivierungsenergie im metallischen Zustand entfalle, dass also gelte:

$$E_a = 2 k T_u \ln \frac{\sigma_M(T_u)}{\sigma_H(T_u)}. \quad (2)$$

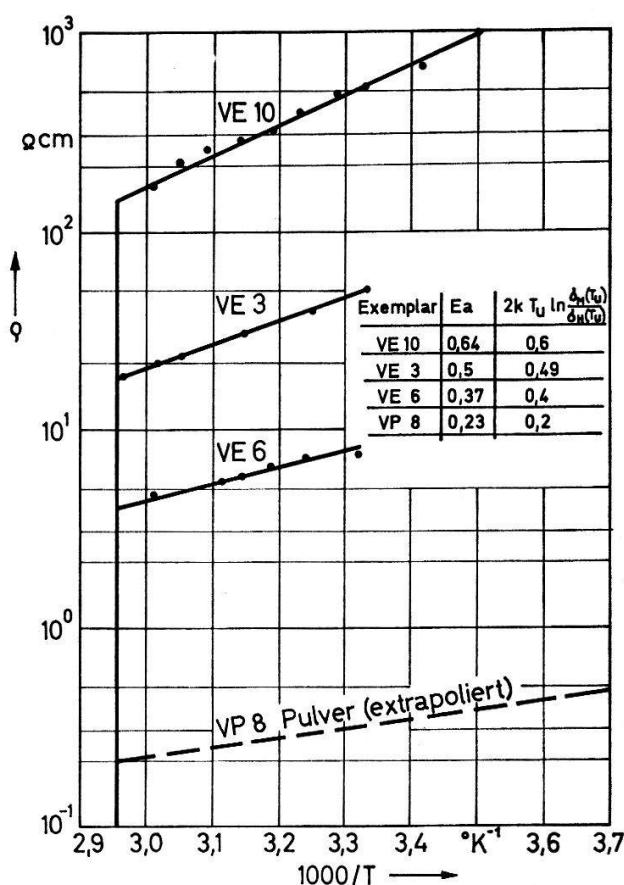
Um dies zu prüfen, haben wir mittels einer Viersondenmethode zur Elimination der vor allem im metallischen Zustand nicht zu vernachlässigenden Kontaktwiderstände mehrere einkristalline Proben durchgemessen (vgl. Figur 2). Bei allen war die Beziehung (2) befriedigend erfüllt, interessanterweise auch an der ebenfalls eingetragsenen Pulverprobe. Erwähnt sei, dass auch in der nächsten Umgebung des Sprungpunktes keine Abweichung vom exponentiellen Leitfähigkeitsgang auftrat, die auf ein Absinken der Aktivierungsenergie hätte schliessen lassen.

Die hier gefundenen Zusammenhänge gelten nicht nur bei VO_2 , sondern beziehen sich anscheinend auf die gesamte bereits zu Anfang erwähnte Stoffklasse. Extrapoliert man nämlich in Figur 1 die gemessenen Leitfähigkeitskurven im halbleitenden Bereich über die Umwandlungsstemperatur hinaus, so schneiden sie sich im Punkt $1/T = 0$ mit den entsprechenden Leitfähigkeitskurven für den metallischen Zustand.

Bei der Anwendung seiner Theorie auf VO_2 hatte Adler für den Sprung in der Ladungsträgerkonzentration am Umwandlungspunkt maximal einen Faktor 50 erhalten. Gegenüber den damals bekannten Messungen an Pulvern und Einkristallen verblieb ein Faktor der Größenordnung 10, der von Adler durch Einführung einer exponentiellen Temperaturabhängigkeit der Beweglichkeit gemäß einem Hopping-Modell erklärt wurde. Nach den Ergebnissen an unseren besten Einkristallen mit einem Widerstandssprung von 10^5 fiele hierauf jedoch ein Faktor von $2 \cdot 10^3$, d.h. der Haupteffekt müsste auf der Beweglichkeitsänderung beruhen.

Wir versuchten daher direkt nachzuprüfen, ob der Leitfähigkeitssprung durch die Ladungsträgerkonzentration oder die Beweglichkeit oder auch beide Effekte bedingt

¹⁾ Bereits KLEMM und PIRSCHER [5] beobachteten, dass der Widerstandssprung bei höherer Kristallqualität stark zunimmt.



Figur 2

Widerstandstemperaturgang von VO₂-Proben in der Nähe des Umwandlungspunktes. (Die Pulverprobe wurde auf gleichen spezifischen Widerstand im metallisch leitenden Zustand normiert.)

ist. Naheliegende Halleffektuntersuchungen scheiterten bis jetzt an Kontaktinstabilitäten. Zuverlässige Messwerte konnten gewonnen werden hinsichtlich der Thermospannung, die in Figur 3 für den Kristall mit höchster Aktivierungsenergie (VE 10) wiedergegeben sind. Zu beachten war dabei, dass das für die Messung verwendete Temperaturintervall ΔT ganz unterhalb oder ganz oberhalb der Umwandlungstemperatur liegt.

Oberhalb T_u ergibt sich für die Thermospannung die für Metalle typische Größenordnung von 10^{-5} V/°C im Einklang mit einem metallisch leitenden Zustand. Die Thermospannung von Metallen hängt von der Ladungsträgerkonzentration, aber auch von der Bandstruktur und von Stossprozessen ab. Letztere Eigenschaften sind an VO₂ zu wenig bekannt, um die Ladungsträgerkonzentration aus der Thermospannung zu ermitteln.

Im halbleitenden Zustand lässt sich aber eine entsprechende Berechnung durchführen. Da (vgl. auch das später beschriebene Modell) Eigenhalbleitung mit gleichem Bandgewicht von Leitungs- und Valenzband vorliegen dürfte, erhält man für den Fall einer im wesentlichen temperaturunabhängigen Beweglichkeit aus σ_H bei dem auch für die Thermospannungsuntersuchung verwendeten Kristall

$$E_c - \xi = \frac{E_a}{2} = 0,32 \text{ eV} \quad (3)$$

E_c Leitungsbandkante, ξ Ferminiveau.

Andererseits gilt für den Seebeckkoeffizienten Q im Gebiet der Eigenhalbleitung:

$$Q = \frac{Q_n \mu_n + Q_p \mu_p}{\mu_n + \mu_p} \quad (4)$$

mit

$$Q_n = -Q_p = -\frac{E_c - \zeta}{e_0 T} - \frac{2 k}{e_0}$$

e_0 Elementarladung,

k Boltzmannkonstante,

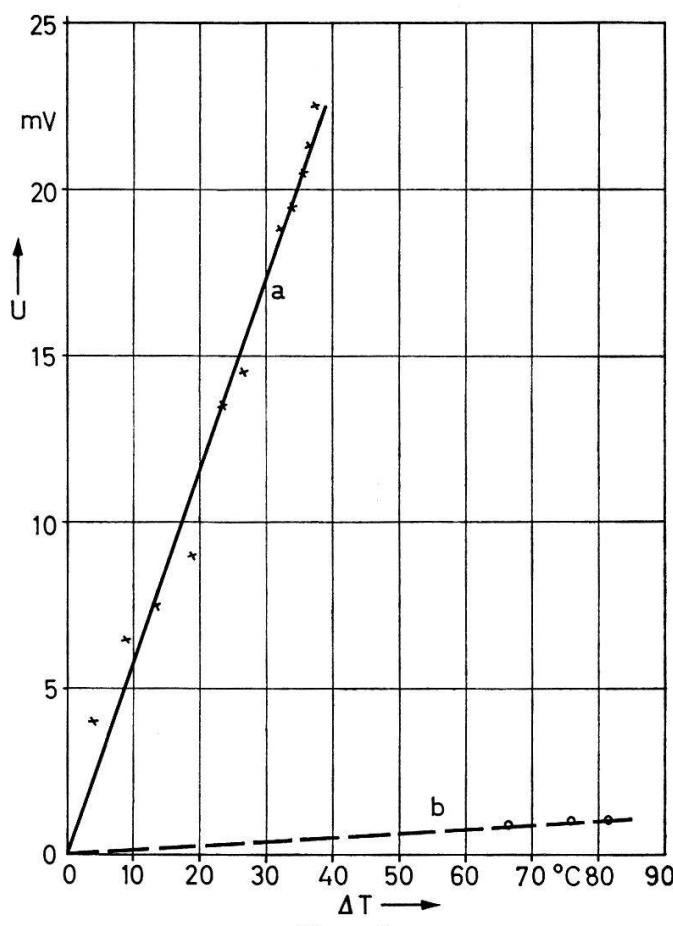
$Q_{n,p}$ Seebeckkoeffizient der Elektronen bzw. Löcher,

$\mu_{n,p}$ Beweglichkeit der Elektronen bzw. Löcher.

Unter Verwendung des oben angegebenen Messwertes erhält man hieraus ein Beweglichkeitsverhältnis

$$\mu_u / \mu_p = 3. \quad (5)$$

Setzt man umgekehrt das grösste Beweglichkeitsverhältnis $\mu_n / \mu_p = \infty$ an, so ergibt sich aus dem gemessenen Seebeckkoeffizienten ein Ladungsträgersprung um den Faktor von mindestens $1,5 \cdot 10^2$. Auch dieser Wert liegt bereits um den Faktor 3 über dem maximalen Wert 50 nach der Adlerschen Theorie. Da aber der errechnete Faktor $\mu_n / \mu_p = 3$ der Wahrheit näherkommen dürfte, als ein Wert $\mu_n / \mu_p = \infty$, ist vielmehr anzunehmen, dass der Leitfähigkeitssprung im wesentlichen auf die Änderung der freien Ladungsträgerdichte zurückzuführen ist.



Figur 3

Thermospannung bei VO_2 -Einkristallen.

a) unterhalb T_u , kalter Kontakt 20°C , b) oberhalb T_u , kalter Kontakt 80°C .

Zur Deutung dieses Sachverhaltes wird man auf folgendes Modell geführt. Oberhalb der Umwandlungstemperatur liegt unverzerrte Rutilstruktur mit äquidistanten Vanadiumatomen vor. Die Vanadiumatome besitzen 5 Aussenelektronen, von denen im VO₂-Gitter jedoch nur 4 valenzmässig gebunden sind. Die überzähligen Elektronen können wir uns in einem metallischen Leitungsband angeordnet denken, ähnlich wie in einem s-Band bei Einelektronenmetallen, d. h. in einem Band mit $2N$ -Plätzen.

Bei Unterschreiten des Umwandlungspunktes wird die Gittersymmetrie gestört derart, dass die Vanadiumatome paarweise zueinanderrücken. Durch diese Verrückung wird eine Überstruktur mit doppelter Gitterkonstante erzeugt. D.h. alle Brillouinonen werden in je 2 aufgespalten. Dementsprechend muss sich das Leitungsband ebenfalls in 2 Unterbänder teilen. Bei einem halbgefüllten Band führt dies zu einer Aufspaltung in ein vollbesetztes und ein unbesetztes Band²⁾.

Der Bandabstand dieser beiden Teilbänder lässt sich unter Verwendung der röntgenographischen Daten für die Verrückung der V-Ionen im Gitter modellmässig berechnen. Man erhält quantitative Übereinstimmung mit dem aus Widerstandssprung bzw. Aktivierungsenergie im halbleitenden Zustand ermittelten maximalen Bandabstand, wenn man mit starren Ionen einer effektiven Ladung von $1,5 e_0$ rechnet. Dieser Wert erscheint vernünftig. Die unterschiedlichen Aktivierungsenergien der verschiedenen Kristallindividuen würden nach dem vorliegenden Modell mit einer von der Kristallqualität abhängigen Gitterverzerrung im Niedertemperaturbereich zu deuten sein. Untersuchungen in dieser Richtung wurden aufgenommen.

Auf Einzelheiten der theoretischen Berechnung sowie der Präparationstechnik und der experimentellen Ergebnisse einschliesslich hier nicht aufgeführter Piezountersuchungen, die sich in das vorgeschlagene Modell gut einfügen, wird in einer weiteren Arbeit ausführlich eingegangen.

Literaturverzeichnis

- [1] W. HEYWANG, Solid St. Electr. 3, 51 (1961).
- [2] F. J. MORIN, Phys. Rev. Lett. 3, 34 (1959).
- [3] D. ADLER, H. BROOKS, Phys. Rev. 155, 826 (1967).
- [4] D. ADLER, J. FEINLEIB, H. BROOKS, W. PAUL, Phys. Rev. 155, 851 (1967).
- [5] W. KLEMM, P. PIRSCHER, Optik 3, 75 (1948).

²⁾ Eine solche Überlegung findet sich bereits bei ADLER und Mitarbeitern, jedoch verbunden mit der Steuerung durch die Konzentration der freien Ladungsträger unter Vernachlässigung des Einflusses von Valenzelektronen und inneren Schalen auf die Gitterstruktur.