

Zeitschrift: Schweizerische Zeitschrift für Vermessung, Kulturtechnik und Photogrammetrie = Revue technique suisse des mensurations, du génie rural et de la photogrammétrie

Herausgeber: Schweizerischer Verein für Vermessungswesen und Kulturtechnik = Société suisse de la mensuration et du génie rural

Band: 60 (1962)

Heft: 12

Artikel: Graphische und halbgraphische Teilung von Vierecken

Autor: Danial, N.

DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-217710>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 24.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

Schweizerische Zeitschrift für Vermessung, Kulturtechnik und Photogrammetrie

Revue technique Suisse des Mensurations, du Génie rural et de Photogrammétrie

Herausgeber: Schweiz. Verein für Vermessungs-wesen und Kulturtechnik; Schweiz. Kulturingenieurverein; Schweiz. Gesellschaft für Photogrammetrie

Editeur: Société suisse des Mensurations et Amélio-rations foncières; Société suisse des ingénieurs du Génie rural; Société suisse de Photogrammétrie

Nr. 12 · LX. Jahrgang

Erscheint monatlich

15. Dezember 1962

Graphische und halbgraphische Teilung von Vierecken

Von Dr. N. Danial, Kairo

1. Aufgabe im allgemeinen

Von einem Viereck $ABCD$ (Fig. 1) soll $\frac{1}{n}$ seiner Fläche durch eine Gerade M_1N_1 in der Art abgeteilt werden, daß die Teilstrecke BM_1 zur Seite BC im gleichen Verhältnis $\frac{1}{n}$ steht.

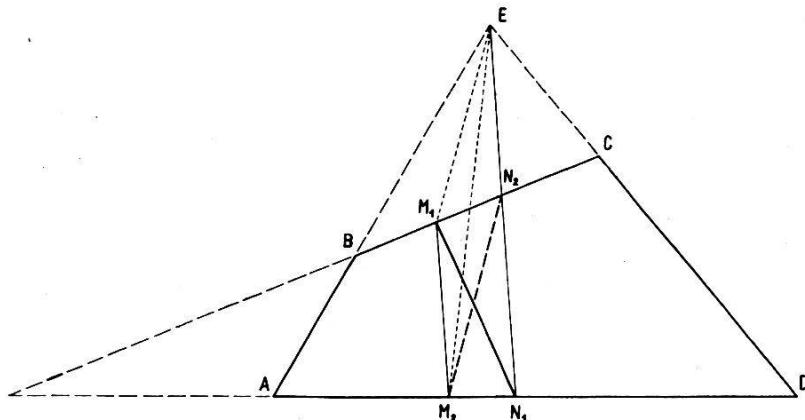


Fig. 1

2. Lösung

- a) Man bestimmt den Hilfspunkt M_2 auf der Seite AD , so daß

$$\frac{AM_2}{AD} = \frac{BM_1}{BC} = \frac{1}{n},$$

und verbindet M_1 mit M_2 .

- b) Man ergänzt das Viereck $ABCD$ zu einem Dreieck AED , wobei der Teilpunkt M_1 und der Hilfspunkt M_2 auf den Seiten gegenüber der Spitze E liegen müssen.

- c) Von E zieht man die Parallele EN_1 zur Verbindungsgeraden M_1M_2 . Sie schneidet BC und AD der Reihe nach in N_2 und N_1 .
- d) Die zwischen M_1 und N_1 gezogene Gerade ist die gesuchte Teillinie. Es wird also

$$ABM_1N_1 = \frac{ABCD}{n}.$$

- e) Soll die Teillinie nicht durch M_1 , sondern durch M_2 gehen, so verbindet man M_2 mit N_2 . Aus der Figur 1 ist ersichtlich, daß die Dreiecke $M_1M_2N_2$ und $M_1M_2N_1$ flächengleich sind. Es ist also

$$ABN_2M_2 = \frac{ABCD}{n}.$$

Teipunkt und Hilfspunkt sind somit vertauschbar.

3. Beweis

$$\begin{aligned} ABM_1N_1 &= ABM_1M_2 + M_2M_1N_1 \\ &= ABM_1M_2 + M_2M_1E \quad (M_1M_2/EN_1) \\ &= AEM_2 - BEM_1 \\ &= \frac{AED}{n} - \frac{EBC}{n} \\ &= \frac{ABCD}{n} \end{aligned}$$

4. Anwendungen

- 4.1 Von dem Viereck $ABCD = F$ soll ein Stück $AMND = f$ durch eine Gerade MN abgeschnitten werden, die durch einen auf AB gelegenen Punkt M geht.

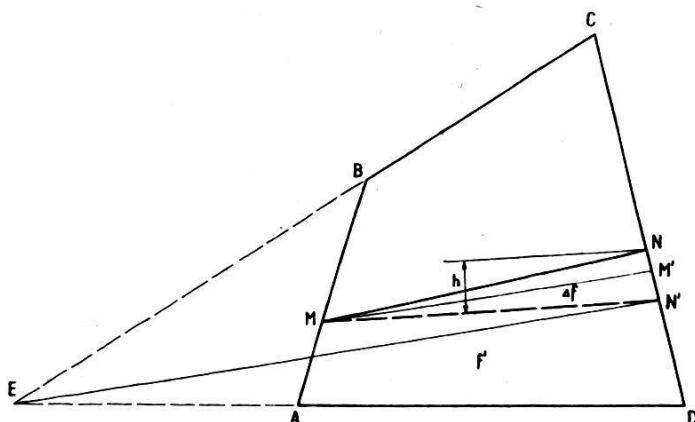


Fig. 2

Es gibt hier zwei Lösungen

4.1.1 Die erste Lösung (Fig. 2)

- a) Man rechnet das Verhältnis $\frac{AM}{AB} = \frac{1}{n}$ aus und bestimmt auf CD den Hilfspunkt M' , der durch

$$\frac{M'D}{CD} = \frac{1}{n}$$

definiert ist.

- b) Nach dem erwähnten Verfahren bestimmt man N' . Es wird dann

$$AMN'D = \frac{ABCD}{n} = f'.$$

- c) Ist f' von f verschieden, so rechnet man die Flächendifferenz

$$\Delta f = f - f'.$$

- d) In der Zeichnung misst man die Länge MN' und rechnet die Höhe h des Dreieckes MNN' von der Fläche Δf :

$$h = \frac{2 \cdot \Delta f}{MN'}$$

- e) Im Abstand h zieht man die Parallele zur ersten Teillinie MN' . Sie schneidet CD in N . Die Gerade MN ist die gesuchte Teillinie.

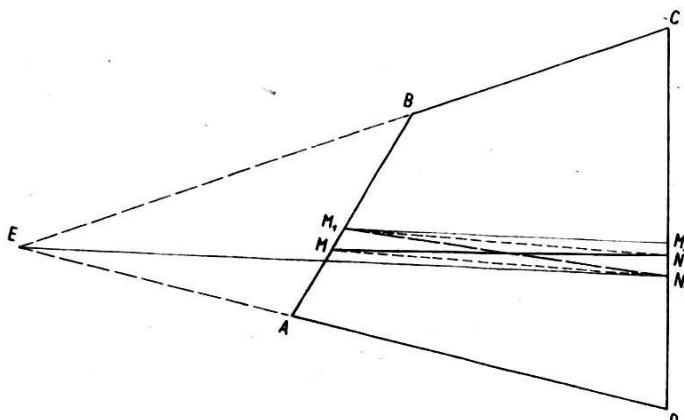


Fig. 3

4.1.2 Die zweite Lösung (Fig. 3)

- a) Man bestimmt das Flächenverhältnis $\frac{f}{F} = \frac{1}{n}$.

- b) Auf den Seiten AB und CD bestimmt man die Punkte M_1 und M_2 , so daß

$$\frac{AM_1}{AB} = \frac{DM_2}{DC} = \frac{1}{n}.$$

c) Nach demselben Verfahren findet man N_1 . Es ist also

$$AM_1N_1D = \frac{ABCD}{n} \text{ oder } f = \frac{F}{n}.$$

d) Nun beschränkt sich die Aufgabe darauf, daß man die Figur AM_1N_1D in eine flächengleiche Figur $AMND$ umwandelt.

Wie Figur 3 zeigt, läßt sich das leicht machen, indem man von M_1 eine Parallelle zu MN_1 zieht, die die Seite CD in N schneidet. MN ist die gesuchte Teillinie.

4.2. Das Viereck $ABCD$ (Fig. 4) soll nach den Verhältnissen von $m : n : \dots : r$ geteilt werden.

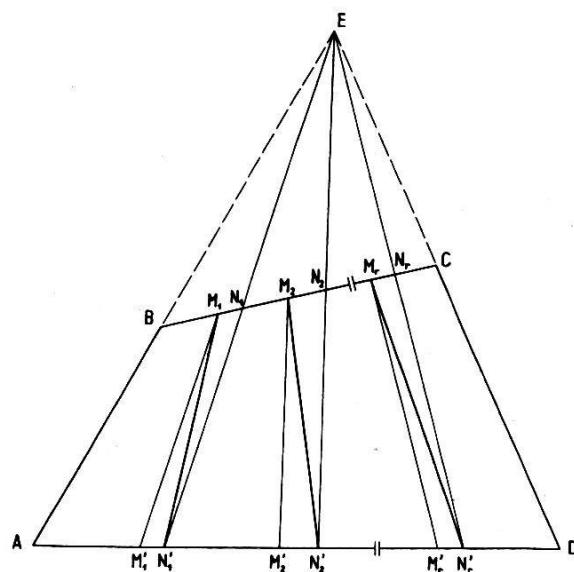


Fig. 4

a) Die Teilpunkte M_1, M_2, \dots, M_r sowie die Hilfspunkte M'_1, M'_2, \dots, M'_r werden so gewählt, daß

$$\frac{BM_1}{BC} = \frac{AM'_1}{AD} = m$$

$$\frac{M_1M_2}{BC} = \frac{M'_1M'_2}{AD} = n$$

.....

$$\frac{M_rC}{BC} = \frac{M'_rD}{AD} = r$$

b) Nach demselben Verfahren werden N_1, N_2, \dots, N_r sowie N'_1, N'_2, \dots, N'_r bestimmt.

c) Die Teillinien sind entweder $M_1N'_1, M_2N'_2, \dots, M_rN'_r$ oder $M'_1N_1, M'_2N_2, \dots, M'_rN_r$.

- d) Durch Figurenumwandlung können die Teillinien in gewissen Grenzen gedreht werden, wenn sie andere Zwecke erfüllen sollen.

4.3 Von dem Viereck $ABCD = F$ (Fig. 5) soll ein Stück $ABGH = f$ abgeteilt werden, so daß

$$\frac{AH}{AD} = \frac{BG}{BC} = m.$$

- a) Man rechnet zuerst das Flächenverhältnis $\frac{f}{F} = \frac{1}{n}$.

- b) Der Teilpunkt M und der Hilfspunkt M' werden so gewählt, daß

$$\frac{BM}{BC} = \frac{AM'}{AD} = \frac{1}{n}.$$

- c) Die Teillinien MN' und $M'N$ sind grobe Annäherungen für die gesuchte Teillinie, die zwischen den beiden Geraden liegen muß.

- d) Der Natur des Teilungsverfahrens nach ist

$$\frac{a}{L} = \frac{a'}{L'} = \frac{1}{n}.$$

Es soll aber

$$\frac{a+d}{L} = \frac{a'+c}{L'}$$

sein. Aus den zwei letzten Gleichungen folgt

$$\frac{d}{c} = \frac{L}{L'}.$$

- e) Mit einem Lineal sucht man eine Gerade GH , die das Verhältnis $\frac{d}{c}$ berücksichtigt. Natürlich müssen die schraffierten Dreiecke flächengleich sein, was zu erreichen ist.
- f) Sollte das Teilen von bloßem Auge nicht genügen, so wählt man den Punkt G_1 , der das Verhältnis $\frac{d}{c}$ mehr oder weniger berücksichtigt, und durch Figurenumwandlung bestimmt man den Punkt H_1 . Stimmt das Verhältnis $\frac{MG_1}{M'H_1}$ mit $\frac{L}{L'}$ überein, so ist G_1H_1 die endgültige Teillinie. Weist es eine Differenz auf, so ist sie durch nochmalige Anwendung des Verfahrens zu beheben.
- g) Im Gegensatz zur rechnerischen Lösung gelangt man mit dieser Methode rasch zum Ziel.

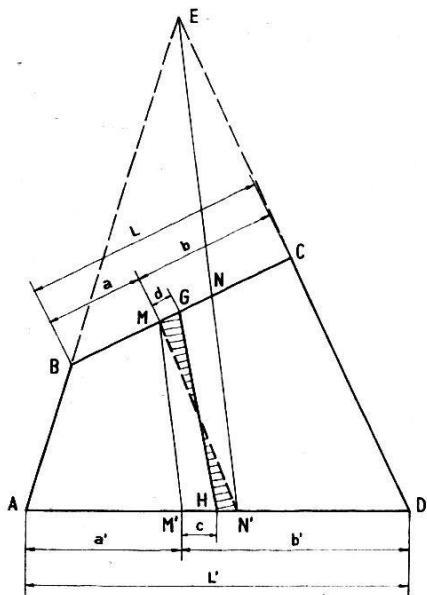


Fig. 5

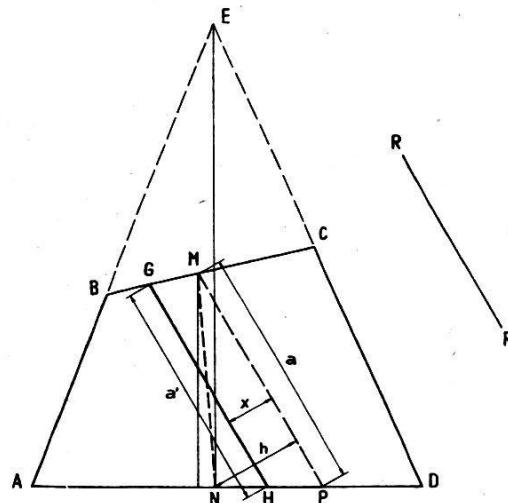


Fig. 6

4.4 Von dem Viereck $ABCD = F$ soll durch eine Parallele zu RR eine bestimmte Fläche f abgeschnitten werden (Fig. 6).

a) Man bestimmt MN , so daß

$$\frac{ABMN}{ABCD} = \frac{f}{F}.$$

b) Von M (oder N) zieht man eine Parallele MP zur gegebenen Richtung.

c) Die Aufgabe beschränkt sich jetzt darauf, daß man das Dreieck NMP in ein flächengleiches Trapez umwandelt, so daß

$$\frac{a \cdot h}{2} = \frac{a + a'}{2} \cdot x.$$

a und h werden der Zeichnung entnommen.

$$x = \frac{a \cdot h}{a + a'} = \frac{h}{1 + \frac{a'}{a}}.$$

d) Als erste Annäherung wählt man $a' = a$. Dann wird

$$x_1 = \frac{h}{2}.$$

Mit dem Abstand x_1 von MP zieht man die Parallele G_1H_1 . Ihre Länge a_1' wird gemessen. Ein neuer Wert x_2 für x ergibt sich aus

$$x_2 = \frac{h}{1 + \frac{a_1'}{a}}.$$

Man wiederholt dieses Verfahren so lange, bis die Differenzen in den x -Werten verschwinden. Praktisch genügen zwei Wiederholungen.