

**Zeitschrift:** Schweizerische Zeitschrift für Vermessungswesen und Kulturtechnik =  
Revue technique suisse des mensurations et améliorations foncières

**Herausgeber:** Schweizerischer Geometerverein = Association suisse des géomètres

**Band:** 22 (1924)

**Heft:** 12

**Artikel:** Herleitung von Fehlerformeln auf Grund einer Figur [Schluss]

**Autor:** Werkmeister, P.

**DOI:** <https://doi.org/10.5169/seals-188551>

### **Nutzungsbedingungen**

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### **Conditions d'utilisation**

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### **Terms of use**

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 04.04.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**



genten treten lassen darf. Beschreibt man noch um B den Kreis durch  $A_b$  als Lot von  $A_b$  auf  $A B$ , so ergibt sich das Fehler-  
viereck  $A E A_b G$ , in dem  $A G = \Delta c_b$  und  $A_b G = v_\beta = \frac{\Delta \beta b}{c}$  ist. Damit erhält man — unter Beachtung der Abnahme  
 $\rho$   
von  $c$  — die Fehlerformeln

$$\Delta c_b = - \frac{\cos \gamma}{\cos \beta} \Delta b$$

und  $v_\beta = \frac{\sin \gamma}{\cos \beta} \Delta b$ , und damit

$$\Delta \beta b = \frac{\sin \gamma}{c \cos \beta} \rho \Delta b \text{ oder mit } \frac{\sin \gamma}{c} = \frac{\sin \beta}{b}$$

$$\Delta \beta b = \frac{\text{tg } \beta}{b} \rho \Delta b.$$

Da  $\alpha$  sich nicht verändert hat, und  $\beta$  um  $\Delta \beta b$  größer wurde, so hat  $\gamma$  um  $\Delta \gamma b$  abgenommen; es ist somit

$$\Delta \gamma b = - \frac{\text{tg } \beta}{b} \rho \Delta b.$$

Die beiden Dreiecke  $A B C$  und  $A_b B C$  haben die Grundlinie  $a$  gemeinsam; ihre Höhen unterscheiden sich um  $\Delta h$ ; der Flächenfehler  $\Delta F_b$  ist daher gleich  $\frac{1}{2} a \Delta h$ . Auf Grund der beiden rechtwinkligen Dreiecke  $A E A_b$  und  $A A_b H$ , wobei  $A_b H$  parallel  $B C$  ist, erhält man für  $\Delta h$  den Wert

$$\Delta h = \frac{\sin (\beta - \gamma)}{\cos \beta} \Delta b;$$

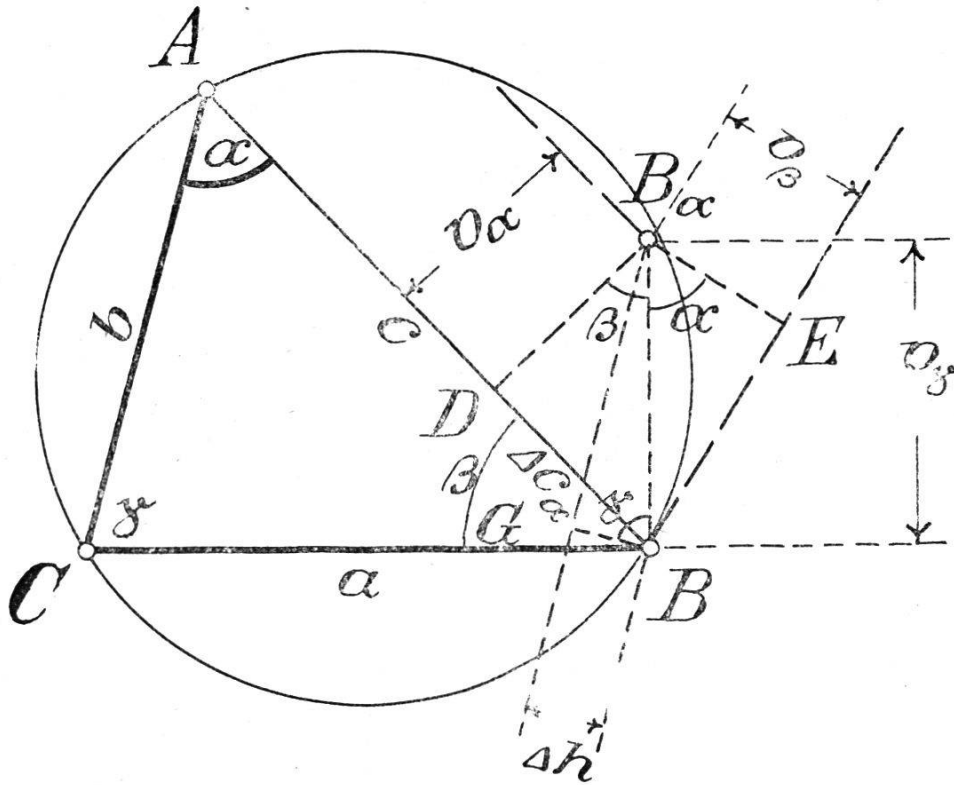
damit findet man

$$\Delta F_b = \frac{1}{2} a \frac{\sin (\beta - \gamma)}{\cos \beta} \Delta b.$$

c) Gegeben ein Fehler  $\Delta \alpha$  von  $\alpha$ ; gesucht die durch  $\Delta \alpha$  an  $c$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  und  $F$  verursachten Fehler  $\Delta c_\alpha$ ,  $\Delta \beta_\alpha$ ,  $\Delta \gamma_\alpha$  und  $\Delta F_\alpha$ .

Ist  $A B C$  das den Stücken  $a$ ,  $b$  und  $\alpha$  entsprechende Dreieck (Figur 7), so hat man ein neues Dreieck  $A B_\alpha C$  zu zeichnen mit den Stücken  $a$ ,  $b$  und  $\alpha + \Delta \alpha$ . Die Ecke  $B_\alpha$  dieses neuen Dreiecks erhält man als Schnitt der dem Kreis um  $C$  durch  $B$  entsprechenden Senkrechten zu  $B C$  in  $B$  mit der Parallelen

zu A B im Abstand  $v_\alpha = \frac{\Delta \alpha}{\rho} c$ . Beschreibt man um A den Kreis durch  $B_\alpha$ , an dessen Stelle man das Lot von  $B_\alpha$  auf A B



Figur 7.

setzen darf, so ergibt sich das Fehlerdreieck  $B_\alpha B D$ , in dem  $B D = \Delta c_\alpha$  und  $B B_\alpha = v_\gamma = \frac{\Delta \gamma_\alpha}{\rho} a$  ist. Damit ergeben sich die Fehlerformeln

$$\Delta c_\alpha = v_\alpha \operatorname{tg} \beta \text{ und } v_\gamma = \frac{\Delta \gamma_\alpha}{\rho} a = \frac{v_\alpha}{\cos \beta}$$

oder mit  $v_\alpha = \frac{\Delta \alpha}{\rho} c$  nach einiger Umformung mit Berücksichtigung der Abnahme von  $c$  und von  $\gamma$

$$\Delta c_\alpha = -c \operatorname{tg} \beta \frac{\Delta \alpha}{\rho} \text{ und } \Delta \gamma_\alpha = -\frac{c}{a \cos \beta} \Delta \alpha.$$

Läßt man an Stelle des Umkreises des Dreiecks A B C im Punkt B die Tangente in diesem Punkt treten, so ist der Fehler  $\Delta \beta_\alpha$  bestimmt durch den Abstand  $v_\beta$  des Punktes  $B_\alpha$

von der Tangente; dabei ist  $v_\beta = \frac{\Delta \beta_\alpha}{\rho} \frac{a c}{b}$ , so daß  $\Delta \beta_\alpha = v_\beta \frac{b}{a c} \rho$ .

Aus den beiden rechtwinkligen Fehlerdreiecken  $B_\alpha B D$  und  $B B_\alpha E$  liest man dann ab

$$v_\beta = \frac{\cos \alpha}{\cos \beta} v_\alpha;$$

damit und mit  $v_\alpha = \frac{\Delta \alpha}{\rho} c$  erhält man

$$\Delta \beta_\alpha = \frac{b \cos \alpha}{a \cos \beta} \Delta \alpha \text{ oder mit } \frac{b}{a} = \frac{\sin \beta}{\sin \alpha}$$

$$\Delta \beta_\alpha = \frac{\operatorname{tg} \beta}{\operatorname{tg} \alpha} \Delta \alpha.$$

Der Zunahme von  $\alpha$  um  $\Delta \alpha$  entspricht eine Zunahme von  $\beta$  um  $\Delta \beta_\alpha$  und eine Abnahme von  $\gamma$  um  $\Delta \gamma_\alpha$ ; es muß somit  $\Delta \gamma_\alpha - \Delta \beta_\alpha = \Delta \alpha$  sein. Auf Grund der gefundenen Werte findet man zur Probe

$$\begin{aligned} \frac{c}{a \cos \beta} \Delta \alpha - \frac{\operatorname{tg} \beta}{\operatorname{tg} \alpha} \Delta \alpha &= \left\{ \frac{\sin \gamma}{\sin \alpha \cos \beta} - \frac{\cos \alpha \sin \beta}{\sin \alpha \cos \beta} \right\} \Delta \alpha \\ &= \frac{\sin (\alpha + \beta) - \cos \alpha \sin \beta}{\sin \alpha \cos \beta} \Delta \alpha = \frac{\sin \alpha \cos \beta}{\sin \alpha \cos \beta} \Delta \alpha = \Delta \alpha. \end{aligned}$$

Betrachtet man  $b$  als gemeinsame Grundlinie der beiden Dreiecke  $A B C$  und  $A B_\alpha C$ , so unterscheiden sich die beiden Höhen um  $\Delta h$ , so daß  $\Delta F_\alpha = \frac{1}{2} b \Delta h$ . Mit Hilfe der beiden rechtwinkligen Dreiecke  $B_\alpha B D$  und  $B_\alpha B G$ , wobei in dem letzteren  $B G$  parallel  $A C$  ist, findet man für  $\Delta h$  den Wert

$$\Delta h = \frac{\cos \gamma}{\cos \beta} v_\alpha \text{ oder mit } v_\alpha = \frac{\Delta \alpha}{\rho} c$$

$$\Delta h = c \frac{\cos \gamma}{\cos \beta} \frac{\Delta \alpha}{\rho}.$$

Damit ergibt sich für  $\Delta F_\alpha$  die Fehlerformel

$$\Delta F_\alpha = \frac{1}{2} b c \frac{\cos \gamma}{\cos \beta} \frac{\Delta \alpha}{\rho}.$$

#### 4. Gegeben die Seiten $a$ , $b$ und $c$ .

a) Gegeben ein Fehler  $\Delta a$  von  $a$ ; gesucht die ihm entsprechenden Fehler  $\Delta \alpha_a$ ,  $\Delta \beta_a$ ,  $\Delta \gamma_a$  und  $\Delta F_a$  von  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  und  $F$ .

Läßt man bei dem Dreieck  $A B C$  (Figur 8) nur die Seite  $a$  um  $\Delta a$  zunehmen, so erhält man ein neues Dreieck  $A B_a C$ ,



$$\Delta \beta_a = - \frac{b \cos \gamma}{a c \sin \beta} \rho \Delta a \text{ oder mit } c \sin \beta = b \sin \gamma$$

$$\Delta \beta_a = - \frac{\Delta a}{a \operatorname{tg} \gamma} \rho.$$

Da einer Zunahme von  $a$  um  $\Delta a$  eine Zunahme von  $\alpha$  um  $\Delta \alpha_a$ , eine Abnahme von  $\beta$  um  $\Delta \beta_a$  und eine Abnahme von  $\gamma$  um  $\Delta \gamma_a$  entspricht, so muß  $\Delta \beta_a + \Delta \gamma_a = \Delta \alpha_a$  sein. Mit den oben gefundenen Werten für  $\Delta \beta_a$  und  $\Delta \gamma_a$  erhält man

$$\begin{aligned} \Delta \beta_a + \Delta \gamma_a &= \left\{ \frac{1}{a \operatorname{tg} \gamma} + \frac{1}{a \operatorname{tg} \beta} \right\} \Delta a \rho = \frac{\Delta a \sin \beta \cos \gamma + \cos \beta \sin \gamma \rho}{a \sin \beta \sin \gamma} \\ &= \frac{\Delta a \sin (\beta + \gamma)}{a \sin \beta \sin \gamma} \rho = \frac{\Delta a \sin \alpha}{a \sin \beta \sin \gamma} \rho = \frac{\Delta a}{b \sin \gamma} \rho \\ &= \frac{\Delta a}{c \sin \vartheta} \rho = \Delta \alpha_a. \end{aligned}$$

Um die Formel für den durch  $\Delta a$  verursachten Flächenfehler  $\Delta F_a$  zu finden, kann man bei den beiden Dreiecken  $A B C$  und  $A B_a C$  die Seite  $A C = b$  als gemeinsame Grundlinie betrachten; zieht man  $B_a G$  parallel zu  $A C$ , so ist der Unterschied der beiden zugehörigen Höhen  $B G = \Delta h$ , und man hat  $\Delta F_a = \frac{1}{2} b \Delta h$ . Auf Grund der beiden rechtwinkligen Dreiecke  $B B_a D$  und  $B B_a G$  findet man für  $\Delta h$  den

$$\text{Ausdruck } \Delta h = \frac{\cos \alpha}{\sin \beta} \Delta a; \text{ damit wird}$$

$$\Delta F_a = \frac{1}{2} b \frac{\cos \alpha}{\sin \beta} \Delta a \text{ oder mit } \frac{b}{\sin \beta} = \frac{a}{\sin \alpha}$$

$$\Delta F_a = \frac{1}{2} a \operatorname{ctg} \alpha \Delta a.$$

b) Gegeben ein Fehler  $\Delta b$  von  $b$ ; gesucht die ihm entsprechenden Fehler  $\Delta \alpha_b, \Delta \beta_b, \Delta \gamma_b$  und  $\Delta F_b$  von  $\alpha, \beta, \gamma$  und  $F$ .

Aus dem Vorhergehenden ergibt sich unmittelbar

$$\Delta \alpha_b = - \frac{\Delta b}{b \operatorname{tg} \gamma} \rho \quad \Delta \beta_b = \frac{\Delta b}{a \sin \gamma} \rho \quad \Delta \gamma_b = - \frac{\Delta b}{b \operatorname{tg} \alpha} \rho$$

$$\text{und } \Delta F_b = \frac{1}{2} b \operatorname{ctg} \beta \Delta h.$$

c) Gegeben ein Fehler  $\Delta c$  von  $c$ ; gesucht die ihm entsprechenden Fehler  $\Delta \alpha_c$ ,  $\Delta \beta_c$ ,  $\Delta \gamma_c$  und  $\Delta F_c$  von  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$  und  $F$ . Man erhält

$$\Delta \alpha_c = -\frac{\Delta c}{c \operatorname{tg} \beta} \rho \quad \Delta \beta_c = -\frac{\Delta c}{c \operatorname{tg} \alpha} \rho \quad \Delta \gamma_c = \frac{\Delta c}{b \sin \alpha} \rho$$

und  $\Delta F_c = \frac{1}{2} c \operatorname{ctg} \gamma \Delta c$ .

Schreibt man die drei für die Flächenfehler gefundenen Formeln so

$$\Delta F_a = \frac{1}{2} \frac{a}{\sin \alpha} \cos \alpha \Delta a \quad \Delta F_b = \frac{1}{2} \frac{b}{\sin \beta} \cos \beta \Delta b$$

$$\Delta F_c = \frac{1}{2} \frac{c}{\sin \gamma} \cos \gamma \Delta c$$

und beachtet man, daß  $\frac{a}{\sin \alpha} = \frac{b}{\sin \beta} = \frac{c}{\sin \gamma} = 2R$ , wo  $R$  der Halbmesser des Umkreises ist, so erhält man die Flächenfehlerformeln

$$\Delta F_a = R \cos \alpha \Delta a \quad \Delta F_b = R \cos \beta \Delta b \quad \Delta F_c = R \cos \gamma \Delta c.$$

### B. Fehlerformeln für Aufgaben der Punktbestimmung im Koordinatensystem.

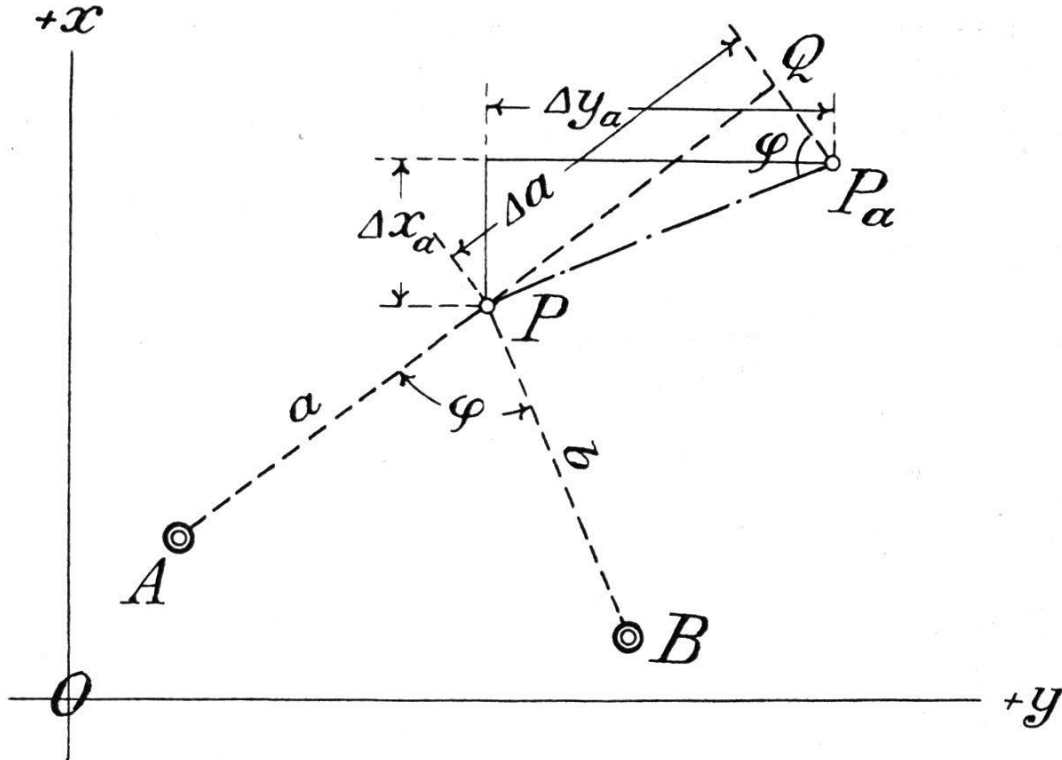
1. Gegeben zwei Festpunkte  $A$  und  $B$  (Figur 9); zur Festlegung eines Neupunktes  $P$  wurden die Strecken  $AP = a$  und  $BP = b$  gemessen.

a) Gegeben ein Fehler  $\Delta a$  von  $a$ ; gesucht die ihm entsprechenden Fehler  $\Delta x_a$  und  $\Delta y_a$  der Koordinaten  $x$  und  $y$  von  $P$ .

Die gesuchten Fehler  $\Delta x_a$  und  $\Delta y_a$  sind die Koordinatenunterschiede zwischen dem Punkt  $P$  und einem Punkt  $P_a$ , der von  $A$  die Entfernung  $a \pm \Delta a$  und von  $B$  die Entfernung  $b$  hat; man erhält demnach  $P_a$  als Schnittpunkt der beiden Kreise um  $A$  und  $B$  mit den Halbmessern  $a \pm \Delta a$  und  $b$ . Beachtet man die in der Einleitung angegebenen Näherungen, so hat man  $AP$  um  $PQ = \Delta a$  z. B. zu verlängern<sup>7</sup>; man erhält dann  $P_a$  als Schnittpunkt der Senkrechten zu  $AP$  in  $Q$  mit der Senkrechten zu  $BP$  in  $P$ . Bezeichnet man den Winkel  $APB$  mit  $\varphi$ ,

<sup>7</sup> Von den Vorzeichen der Fehler wird im folgenden abgesehen.

so ist in dem rechtwinkligen Dreieck  $P Q P_a$  die Strecke  $\overline{P P_a} = \frac{\Delta a}{\sin \varphi}$ . Bedeutet  $(P P_a)$  den Richtungswinkel der Strecke  $P P_a$



Figur 9.

und  $(P B)$  den von  $P B$ , so findet man auf Grund der Figur die Fehlerformeln

$\Delta x_a = \overline{P P_a} \cos (P P_a)$  und  $\Delta y = \overline{P P_a} \sin (P P_a)$   
oder unter Berücksichtigung des vorhin angegebenen Wertes für  $\overline{P P_a}$  und mit  $(P P_a) = \pm \{90^\circ - (P B)\}$

$$\Delta x_a = \frac{\sin (P B)}{\sin \varphi} \Delta a \quad \text{und} \quad \Delta y_a = \frac{\cos (P B)}{\sin \varphi} \Delta a.$$

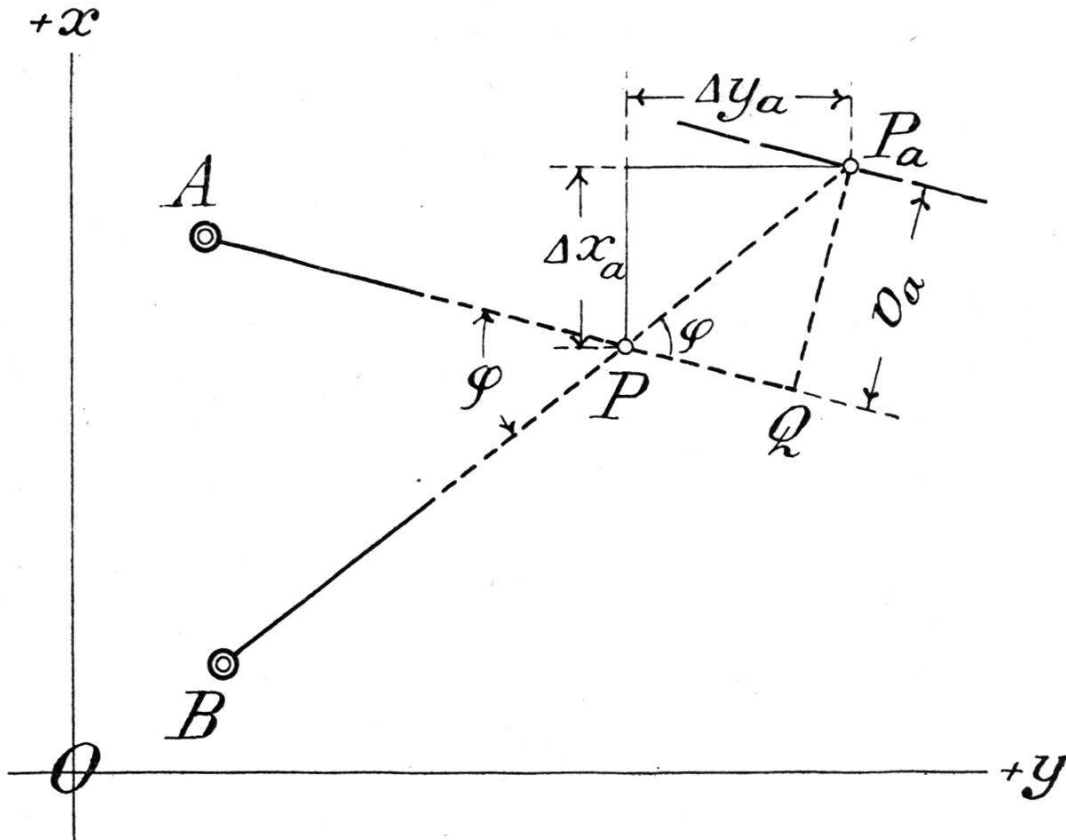
b) Gegeben ein Fehler  $\Delta b$  von  $b$ ; gesucht die ihm entsprechenden Fehler  $\Delta x_b$  und  $\Delta y_b$  von  $x$  und  $y$ .

Nach dem Vorstehenden ist

$$\Delta x_b = \frac{\sin (P A)}{\sin \varphi} \Delta b \quad \text{und} \quad \Delta y_b = \frac{\cos (P A)}{\sin \varphi} \Delta b.$$

2. Gegeben zwei Festpunkte  $A$  und  $B$  (Figur 10); zur Festlegung eines Neupunktes  $P$  wurden die Richtungswinkel  $(A P)$  und  $(B P)$  mittelbar gemessen (Aufgabe des Vorwärtseinschneidens).

a) Gegeben ein Fehler  $\Delta (AP)$  von  $(AP)$ ; gesucht die ihm entsprechenden Fehler  $\Delta x_a$  und  $\Delta y_a$  der Koordinaten  $x$  und  $y$  von  $P$ .



Figur 10.

Bestimmt man einen neuen Punkt  $P_a$  derart, daß  $(AP_a) = (AP) \pm \Delta (AP)$  und  $(BP_a) = (BP)$ , so hat man die Gerade  $AP$  um den kleinen Winkel  $\Delta (AP)$  zu drehen oder sie in der Nähe von  $P$  parallel zu verschieben um  $v_a = \frac{\Delta (AP)}{\rho} \overline{AP}$ ; die so sich ergebende Parallele schneidet dann  $BP$  in  $P_a$ . Bezeichnet man den Winkel  $APB$  mit  $\varphi$ , so findet man mit Hilfe des rechtwinkligen Dreiecks  $PP_aQ$  für  $\overline{PP_a}$  den Wert

$$\overline{PP_a} = \frac{v_a}{\sin \varphi} \text{ oder } \overline{PP_a} = \frac{\overline{AP} \Delta (AP)}{\sin \varphi \rho}.$$

Damit ergibt die Figur

$$\Delta x_a = \overline{PP_a} \cos (BP) \text{ und } \Delta y_a = \overline{PP_a} \sin (BP)$$

$$\text{oder } \Delta x_a = \frac{\overline{AP} \cos (BP) \Delta (AP)}{\sin \varphi \rho} \text{ und}$$

$$\Delta y_a = \frac{\overline{AP} \sin (BP) \Delta (AP)}{\sin \varphi \rho}.$$

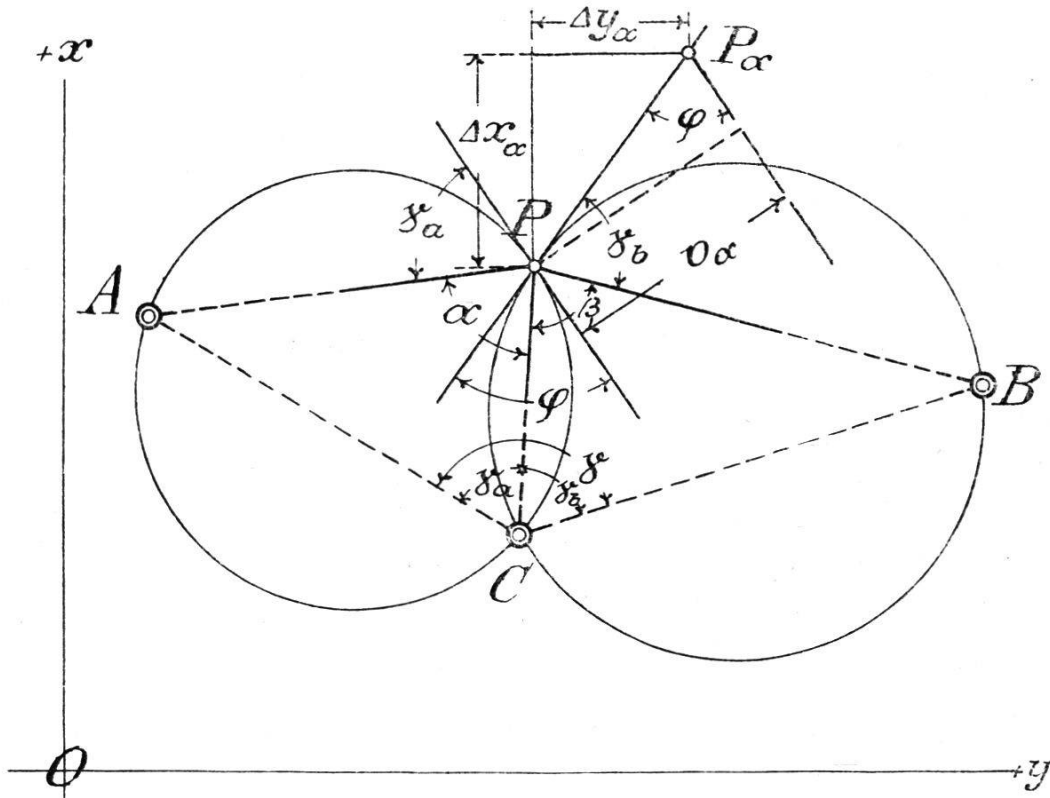
b) Gegeben ein Fehler  $\Delta (B P)$  von  $(B P)$ ; gesucht die ihm entsprechenden Fehler  $\Delta x_b$  und  $\Delta y_b$  von  $x$  und  $y$ .

Aus dem Vorhergehenden folgt

$$\Delta x_b = \frac{\overline{B P} \cos (A P) \Delta (B P)}{\sin \varphi \rho} \text{ und}$$

$$\Delta y_b = \frac{\overline{B P} \sin (A P) \Delta (B P)}{\sin \varphi \rho}.$$

3. Gegeben die drei Festpunkte  $A, B$  und  $C$  (Figur 11); zur Festlegung eines Neupunktes  $P$  wurden die beiden Winkel  $A P C = \alpha$  und  $B P C = \beta$  gemessen (Aufgabe des Rückwärts-einschneidens).



Figur 11.

a) Gegeben ein Fehler  $\Delta \alpha$  von  $\alpha$ ; gesucht die ihm entsprechenden Fehler  $\Delta x_\alpha$  und  $\Delta y_\alpha$  der Koordinaten  $x$  und  $y$  von  $P$ .

Der Punkt  $P$  ist geometrisch bestimmt als Schnittpunkt der beiden Kreise über  $A C$  und  $B C$  mit  $\alpha$  und  $\beta$  als Peripheriewinkel; einen den Winkeln  $\alpha \pm \Delta \alpha$  und  $\beta$  entsprechenden Punkt  $P_\alpha$  erhält man als Schnitt der Tangente in  $P$  an den  $\beta$ -

Kreis mit der um  $v_\alpha = \frac{\Delta \alpha \overline{P A} \times \overline{P C}}{\overline{A C}}$  parallel verschobenen

Tangente in P an den  $\alpha$ -Kreis. Bezeichnet man den Winkel zwischen den beiden Tangenten in P mit  $\varphi$ , so ist  $\overline{P P_\alpha} = \frac{v_\alpha}{\sin \varphi}$

oder  $\overline{P P_\alpha} = \frac{\Delta \alpha \overline{P A} \times \overline{P C}}{\rho \overline{A C} \sin \varphi}$ ; dabei ist — wenn der Winkel

A C B mit  $\gamma$  bezeichnet wird —  $\varphi = 360^\circ - (\alpha + \beta + \gamma)$ , so daß man schreiben kann

$$\overline{P P_\alpha} = \frac{\Delta \alpha \overline{P A} \times \overline{P C}}{\rho \overline{A C} \sin (\alpha + \beta + \gamma)}.$$

Beachtet man, daß  $(P P_\alpha) = (P B) - \gamma_b$ , wenn  $\gamma_b$  der Winkel B C P ist, so findet man an Hand der Figur die Fehlerformeln<sup>8</sup>

$$\Delta x_\alpha = \overline{P P_\alpha} \cos \{(P B) - \gamma_b\} \text{ und } \Delta y_\alpha = \overline{P P_\alpha} \sin \{(P B) - \gamma_b\}$$

$$\text{oder } \Delta x_\alpha = \frac{\Delta \alpha \overline{P A} \times \overline{P C}}{\rho \overline{A C} \sin (\alpha + \beta + \gamma)} \cos \{(P B) - \gamma_b\} \text{ und}$$

$$\Delta y_\alpha = \frac{\Delta \alpha \overline{P A} \times \overline{P C}}{\rho \overline{A C} \sin (\alpha + \beta + \gamma)} \sin \{(P B) - \gamma_b\}.$$

b) Gegeben ein Fehler  $\Delta \beta$  von  $\beta$ ; gesucht die ihm entsprechenden Fehler  $\Delta x_\beta$  und  $\Delta y_\beta$  von x und y.

Aus dem Vorstehenden ergibt sich

$$\Delta x_\beta = \frac{\Delta \beta \overline{P B} \times \overline{P C}}{\rho \overline{B C} \sin (\alpha + \beta + \gamma)} \cos \{(P A) + \gamma_a\} \text{ und}$$

$$\Delta y_\beta = \frac{\Delta \beta \overline{P B} \times \overline{P C}}{\rho \overline{B C} \sin (\alpha + \beta + \gamma)} \sin \{(P A) + \gamma_a\}.$$

4. Gegeben die zwei Festpunkte A und B (Figur 12); zur Festlegung eines Neupunktes P wurde der Winkel A P B =  $\varphi$  unmittelbar und der Richtungswinkel (A P) mittelbar gemessen (Aufgabe des Seitwärtseinschneidens).

a) Gegeben ein Fehler  $\Delta \varphi$  von  $\varphi$ ; gesucht die ihm entsprechenden Fehler  $\Delta x_\varphi$  und  $\Delta y_\varphi$  der Koordinaten x und y von P.

<sup>8</sup> Die hier angegebenen Fehlerformeln für das Rückwärtseinschneiden gelten nur für die in der Figur 11 angenommene Lage der Festpunkte A, B und C zu dem Neupunkt P.



Die gesuchten Fehler  $\Delta x_a$  und  $\Delta y_a$  sind gleich den Koordinatenunterschieden des Punktes P und eines Punktes  $P_a$ ; dieser Punkt  $P_a$  ist der Schnittpunkt der Tangente in P an den Umkreis des Dreiecks P A B mit der um  $v_a = \frac{\Delta (A P)}{\rho} \overline{A P}$  parallel verschobenen Geraden A P. Für  $\Delta x_a$  und  $\Delta y_a$  liest man aus der Figur ab

$$\Delta x_a = \overline{P P_a} \cos (P P_a) \text{ und } \Delta y_a = \overline{P P_a} \sin (P P_a).$$

Beachtet man, daß  $\overline{P P_a} = \frac{v_a}{\sin \beta} = \frac{\Delta (A P)}{\rho} \frac{\overline{A P}}{\sin \beta}$  und  $(P P_a) = (P A) + \beta$ , so erhält man<sup>9</sup>

<sup>9</sup> Die Formeln gelten nur für die in der Figur 12 gewählte Lage der beiden Festpunkte A und B zum Neupunkt P.

$$\Delta x_a = \frac{\Delta (A P)}{\rho} \frac{\overline{A P}}{\sin \beta} \cos \{(P A) + \beta\} \text{ und}$$

$$\Delta y_a = \frac{\Delta (A P)}{\rho} \frac{\overline{A P}}{\sin \beta} \sin \{(P A) + \beta\}.$$

In den im vorstehenden für einige Aufgaben der Punktbestimmung hergeleiteten Fehlerformeln kommen außer unmittelbar gegebenen Größen auch nicht gegebene Größen vor; da man die Werte dieser Größen für die Berechnung der gesuchten Fehler nicht sehr genau braucht, so genügt es, wenn man sie in einer maßstäblich gezeichneten Figur abmißt. Die zahlenmäßige Berechnung der mittleren Fehler auf Grund einer der gefundenen Fehlerformeln kann man genügend genau mit dem Rechenschieber ausführen.

### La triangulation du globe par la TSF.

La détermination d'un point à la surface du globe comporte trois opérations: détermination astronomique de la latitude; détermination astronomique de l'heure locale; comparaison de celle-ci avec l'heure locale d'un point connu ou choisi pour origine. Cette méthode est en quelque sorte absolue, puisqu'elle ne nécessite d'autre définition que celle d'une origine. Elle sera donc la base sur laquelle sera établi le canevas qui déterminera de proche en proche tous les points caractéristiques.