

<b>Zeitschrift:</b>	Schweizerische Zeitschrift für Vermessungswesen und Kulturtechnik = Revue technique suisse des mensurations et améliorations foncières
<b>Herausgeber:</b>	Schweizerischer Geometerverein = Association suisse des géomètres
<b>Band:</b>	17 (1919)
<b>Heft:</b>	7
 <b>Artikel:</b>	Statik der Luft-Seilbahnen
<b>Autor:</b>	[s.n.]
<b>DOI:</b>	<a href="https://doi.org/10.5169/seals-185585">https://doi.org/10.5169/seals-185585</a>

### Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

### Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

### Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

**Download PDF:** 22.02.2026

**ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>**

nung der Teilungen ist es hier möglich, den aus der trigonometrischen Berechnung zu entnehmenden Wert  $\log D$  direkt verwenden zu können.

Beispiel:

Proberechnung:

$\triangle 173 \alpha_1 = -1^{\circ} 31' 49''$	$I_1 = + \frac{1,24}{m}$	$I_2 = + \frac{1,33}{m}$	$I_1 + I_2 = +2,57$
$\log D = 3,605,031$	$ER = + \frac{1,11}{m}$	$ER = + \frac{1,11}{m}$	$2 ER = +2,22$
	$+ \frac{2,35}{m}$	$+ \frac{2,44}{m}$	$+4,79$
	$-S_2 = - \frac{2,00}{m}$	$-S_1 = - \frac{2,00}{m}$	$-(S_1 + S_2) = -4,00$
	$+ \frac{0,35}{m}$	$+ \frac{0,44}{m}$	$+0,79$
$\triangle 174 \alpha_2 = +1^{\circ} 31' 13''$	$D \cdot \operatorname{tg} \alpha_1 = - \frac{107,60}{m}$	$D \cdot \operatorname{tg} \alpha_2 = + \frac{106,90}{m}$	$D \cdot (\alpha_1 + \alpha_2) = -0,70$
$\alpha_1 + \alpha_2 = -36''$	$h_1 = - \frac{107,25}{m}$	$h_2 = + \frac{107,34}{m}$	$\varphi \cdot \cos^2 \alpha = -0,70$
	$h_1 + h_2 = +0,09$		$h_1 + h_2 = +0,09$

Zürich, im Juni 1919.

W. Leemann.

## Statik der Luft-Seilbahnen.

Von C. Zwicky, Professor an der Eidgen. Technischen Hochschule Zürich.

(Fortsetzung.)

Damit folgt dann ferner für einen beliebigen Zwischenpunkt P, sowie speziell für die Bogenmitte M:

Punkt	P	M	(11)
Abszisse	$x = x_A + \Delta x$	$x = x_A + \frac{l}{2}$	
Argument	$\varphi = \varphi_A + \frac{\Delta x}{a}$	$\varphi = \frac{1}{2} (\varphi_A + \varphi_B)$	
Neigung	$p_P = \sin \varphi$	$p_M = \sin \varphi$	
Bogenstück	$\Delta s = a (p_P - p_A)$	$\Delta s = a \cdot (p_M - p_A)$	
Steigung	$\Delta y = a (\cos \varphi - \cos \varphi_A)$	$\Delta y = a (\cos \varphi - \cos \varphi_A)$	
Seildurchhang	$z_P = \frac{h}{l} \cdot \Delta x - \Delta y$	$z = \frac{h}{2} - \Delta y$	

b) Indirekte Bestimmung der Kettenlinie aus  $l$ ,  $h$  und  $p_A$ .

Durch die Neigung  $p_A = \sin \varphi_A$  sind zunächst auch  $\varphi_A = \arcsin p_A$  und  $\cos \varphi_A$  gegeben. Sodann ergibt sich für das unbekannte Argument  $\varphi_B$  mittelst der Neigung  $p$  der Sehne A B:

$$p = \frac{h}{l} = \frac{a \cdot (\cos \varphi_B - \cos \varphi_A)}{a (\varphi_B - \varphi_A)} = \frac{\cos \varphi_B - \cos \varphi_A}{\varphi_B - \varphi_A} = p \quad (12)$$

Hieraus folgt dann:

$$\underline{\cos \varphi_B - p \cdot \varphi_B} = \underline{\cos \varphi_A - p \cdot \varphi_A} \quad (13)$$

d. h. das Argument  $\varphi_B$  ist so zu bestimmen, daß der Funktionswert  $F_B = \cos \varphi_B - p \cdot \varphi_B$  mit dem durch  $p_A$  festgelegten Wert  $F_A$  übereinstimmt.

Zur Orientierung über die ungefähre Größe von  $\varphi_B$  können nun folgende zwei Ueberlegungen benutzt werden:

Bei relativ kleinem Seildurchhang  $z$  weicht die Form der Kettenlinie nur wenig ab von derjenigen der Parabel für die gleichen Daten  $l$ ,  $h$  und  $p_A$ ; daher liefert die Endneigung  $p'_B$  der letztern Kurve einen guten Näherungswert für die Neigung  $p_B$  der Kettenlinie. Man erhält daher:

$$p'_B = 2p - p_A \quad \text{und} \quad \varphi'_B = \operatorname{Ar} \sin p'_B.$$

Da ferner das Seilstück  $\widehat{MB}$  steiler und folglich länger und schwerer ist als das Seilstück  $\widehat{AM}$ , so schneiden sich bei der Kettenlinie die Endtangentialen  $t_A$  und  $t_B$  in einem Punkte  $U$  mit  $x_U > x_A + \frac{l}{2}$ , so daß man setzen kann:  $x_U = x_A + \frac{l}{2} + u$ .

Damit ergibt sich aus dem Linienzug  $AUB$  für die Steigung  $h$

$$h = \left( \frac{l}{2} + u \right) \cdot p_A + \left( \frac{l}{2} - u \right) \cdot p_B$$

Anderseits gilt bei der Parabel aus  $ATB$  in Fig. 2<sup>a</sup>:

$$h = \frac{l}{2} \cdot p_A + \frac{l}{2} \cdot p'_B$$

Hieraus folgt dann:

$$h - h = 0 = u \cdot p_A + \frac{l}{2} (p_B - p'_B) - u \cdot p_B, \text{ also}$$

$$p_B = p'_B + 2 \cdot \frac{u}{l} \cdot (p_B - p_A) \quad \text{und} \quad u = \frac{l}{2} \cdot \frac{p_B - p'_B}{p_B - p_A} \quad (14)$$

Die Endneigung  $p_B$  der Kettenlinie ist somit etwas größer als diejenige bei der Parabel; demgemäß muß dann auch sein:

$$\varphi_B > \varphi'_B.$$

Wir wählen nun für das Argument  $\varphi$  einige rundzahlige Werte, deren Minimalwert ungefähr mit  $\varphi'_B$  übereinstimmt. Die

zugehörigen Funktionswerte  $\cos \varphi$  können dann direkt aus der Tafel der Hyperbelfunktionen abgelesen werden. Damit berechnen wir die Ausdrücke:  $F = \cos \varphi - p \cdot \varphi$ , woraus dann  $\varphi_B$  als dasjenige Argument gefunden wird, für welches  $F_B = F_A$  wird. Hiemit ist nun die Aufgabe auf das unter a) beschriebene Problem zurückgeführt.

Nach dem gleichen Verfahren könnte natürlich auch  $\varphi_A$  gefunden werden, wenn  $p_B$  statt  $p_A$  gegeben wäre.

Wenn endlich statt  $h$  oder  $l$  die Bogenlänge  $s$  gegeben wäre, so daß dann  $\frac{s}{l} = q$  oder  $\frac{s}{h} = r$  bekannt wäre, so würde man analog erhalten:

$$q = \frac{\sin \varphi_B - \sin \varphi_A}{\varphi_B - \varphi_A}, \text{ also } \sin \varphi_B - q \cdot \varphi_B = \sin \varphi_A - q \cdot \varphi_A$$
$$r = \frac{\sin \varphi_B - \sin \varphi_A}{\cos \varphi_B - \cos \varphi_A}, \quad " \quad \sin \varphi_B - r \cdot \cos \varphi_B = \sin \varphi_A - r \cdot \cos \varphi_A$$

## V.

### Anwendungen der Kettenlinien-Seilkurven.

#### 1. Ueber Interpolationsrechnungen.

Beim numerischen Rechnen mit den Hyperbelfunktionen sind je nach den dabei benützten Tabellen (Hütte oder Ligowski) für die Interpolationen verschiedene Methoden anzuwenden. Hierüber soll im nachfolgenden ein kurzer Ueberblick geboten werden:

a) *Allgemeines.* Bei einer stetigen, im übrigen aber ganz beliebigen Funktion  $y = f(x)$  seien für die  $n + 1$ , der Größe nach geordneten Argumentswerte  $x_0, x_1, \dots, x_n$  die Funktionswerte  $y_0, y_1, \dots, y_n$  gegeben. Alsdann gibt es eine ganze Funktion  $n^{\text{ten}}$  Grades  $z = g(x)$ , bei welcher für die obigen  $n + 1$  Argumentswerte  $x_i$  die Werte  $z_i$  mit den entsprechenden Werten  $y_i$  vollständig übereinstimmen; daher werden im ganzen Bereich  $x_0 < x < x_n$  die Unterschiede  $y - z$  um so kleiner ausfallen, je größer einerseits die Zahl  $n$  und je kleiner anderseits das Intervall  $x_n - x_0$  ist, so daß dann  $z$  an Stelle von  $y$  gesetzt werden kann.

Schreibt man nun zur Abkürzung

$$\varphi(x) = (x - x_0) \cdot (x - x_1) \cdot (x - x_2) \cdot \dots \cdot (x - x_n)$$

so gilt nach der Interpolationsformel von Lagrange:

$$y = \sum_{i=0}^{i=n} \left\{ \frac{y_i}{(x_i - x_0) \cdot (x_i - x_1) \cdot \dots \cdot (x_i - x_{i-1}) \cdot (x_i - x_{i+1}) \cdot \dots \cdot (x_i - x_n)} \cdot \frac{\varphi(x)}{x - x_i} \right\}$$

b) *Parabolische Interpolation.* Speziell für  $n = 2$  wird  $z = g(x)$  eine ganze Funktion 2. Grades von  $x$  und ihr graphischer Ausdruck ist eine Parabel mit vertikaler Achse. Deren Gleichung hat die Form:

$$g(x) = \alpha' + \beta' \cdot x + \gamma' \cdot x^2,$$

welche mit  $x = x_0 + \Delta x$  übergeführt werden kann in

$$\underline{g(x) = \alpha + \beta \cdot \Delta x + \gamma \cdot \Delta x^2} \quad (15)$$

Es sei nun noch speziell:  $x_1 - x_0 = x_2 - x_1 = a$ . Alsdann bilden wir aus den drei Funktionswerten  $z_0, z_1$  und  $z_2$ , welche mit den gegebenen Werten  $y_0, y_1$  und  $y_2$  von  $f(x)$  identisch sind, die Differenzen

$$\underline{y_1 - y_0 = D_0}, \quad \underline{y_2 - y_1 = D_1} \quad \text{und} \quad \underline{D_1 - D_0 = d_0 = 2 \delta}.$$

Damit erhält man bezüglich der ganzen Funktion  $z = g(x)$  für alle möglichen Werte von  $x = x_0 + \Delta x$ :

$$g(x) = y_0 + (D_0 - \delta) \cdot \frac{\Delta x}{a} + \delta \cdot \left( \frac{\Delta x}{a} \right)^2.$$

Bei der tatsächlich vorliegenden Funktion  $y = f(x)$  sei allgemein  $x_{i+1} - x_i = a = \text{konstant}$ , während die Differenzen  $D_{i+1} - D_i = d_i$  unter sich nur kleine Unterschiede aufweisen, was in der Regel bei relativ kleinen Beträgen von  $a$  der Fall sein wird. Unter diesen Voraussetzungen wird dann für  $x_0 < x < x_2$ , d. h. für  $0 < \Delta x < 2a$ , die Funktion  $y = f(x)$  hinreichend mit  $z = g(x)$  übereinstimmen, so daß man nun auch setzen kann:

$$y = y_0 + (D_0 - \delta) \cdot \frac{\Delta x}{a} + \delta \cdot \left( \frac{\Delta x}{a} \right)^2. \quad (16)$$

Ist statt des Argumentes  $x = x_0 + \Delta x$  der Funktionswert  $y = y_0 + \Delta y$  gegeben, so erhält man für das erstere aus (16) — falls  $\delta$  eine relativ kleine Größe darstellt:

$$\frac{\Delta x}{a} = \frac{\Delta y}{D_0 - \delta} - \frac{\delta}{D_0 - \delta} \cdot \left( \frac{\Delta y}{D_0 - \delta} \right)^2 \quad (17)$$

Setzt man nun ferner:  $x' - x_0 = x'' - x' = x''' - x'' = \dots = \frac{a}{n}$  und außerdem:  $y' - y_0 = \Delta y_0, y'' - y' = \Delta y', y''' - y'' = \Delta y'', \dots$ , dann erhält man für die Bestimmung von  $y', y'', y''', \dots$ :

$$\left. \begin{aligned} y' - y_0 &= \Delta y_0 = \frac{(D_0 - \delta) \cdot \frac{1}{n} + \frac{\delta}{n^2}}{\delta} \\ \Delta y' - \Delta y_0 &= \Delta y'' - \Delta y' = \dots = \Delta^2 y = 2 \cdot \frac{\delta}{n^2} \end{aligned} \right\} \quad (18)$$

c) *Lineare Interpolation.* Wenn sich unter b) speziell ergibt:  $D_0 = D_1 = D$ , was bei hinreichend kleinem Argumentsintervall  $a$  in der Regel der Fall sein wird, dann wird  $d_0 = 0$  und damit auch  $\delta = 0$  und  $\gamma = 0$ .

Damit gehen die Gleichungen 15) bis 18) über in:

$$\left. \begin{aligned} g(x) &= \alpha + \beta \cdot \Delta x; \quad y = y_0 + D \cdot \frac{\Delta x}{a}; \quad \frac{\Delta x}{a} = \frac{\Delta y}{D} \\ \Delta y_0 &= \Delta y' = \Delta y'' = \dots = \Delta y = \frac{D}{n} \end{aligned} \right\} \quad (19)$$

d) *Beispiel.* Aus den sechsstelligen Logarithmen der Zahlen  $x_0 = 500$ ,  $x_1 = 510$ ,  $x_2 = 520$  und  $x_3 = 530$ , wobei  $d_0 = -167$  und  $d_1 = -160$  wird, erhält man für  $y = \log 505$ , also zu  $\frac{\Delta x}{a} = \frac{5}{10} = \frac{1}{2}$

direkt aus der Logarithmentafel:  $y = 2.703291$

durch parabolische Interpolation (nach 16):  $y^* = \underline{\underline{2.703291}}$

„ lineare „ „ 19):  $y^{**} = \underline{\underline{2.703273}}$

$y^*$  ist somit genau richtig, während  $y^{**}$  um  $18 \cdot 10^{-6}$  zu klein ist.

## 2. Berechnung von $\varphi_A$ und $\varphi_B$ nach der „Hütte“.

Für die Kettenlinie No. 1 ist gegeben:  $p_A = 0,20 = \sin \varphi_A$ ; hiezu gehört bei der Parabel die Endneigung:  $p'_B = 0,60 = \sin \varphi'_B$ .

Nun ist nach den Tabellen der Hütte (I. Abteilung, Seite 30 bis 31):

No.	Argument		$y = \sin \varphi = p_P$		$y = \cos \varphi$		$y = F = \cos \varphi - p \cdot \varphi$	
	$\varphi$	$p \cdot \varphi$	$y$	$D$	$y$	$D$		
A	0.19		0.1911		1.0181			
	0.20		0.2013	102	1.0201	20		
	0.21		0.2115	102	1.0221	20		
B	0.56	0.224	0.5897		1.1609		0.9369	
	0.57	0.228	0.6014	117	1.1669	60	0.9389	20
	0.58	0.232	0.6131	117	1.1730	61	0.9410	21

Aus  $p_A = 0,20$  und  $p'_B = 0,60$  folgt nach obiger Tabelle:  
 $0,19 < \varphi_A < 0,20$  und  $0,56 < \varphi'_B < 0,57$ .

Bei allen drei Funktionen  $y$  sind die Differenzen  $D$  jeweils ganz oder nahezu gleich groß; somit kann überall linear interpoliert werden. Hiemit erhält man nun:

$$\varphi_A = \varphi_0 + \frac{\Delta y}{D} \cdot a = 0,19 + \frac{89}{102} \cdot 0,01 = \underline{0,1987} = \varphi_A$$

$$\cos \varphi_A = y_0 + D \cdot \frac{\Delta \varphi}{a} = 1,0181 + 0,0020 \cdot 0,87 = \underline{1,0198} = \cos \varphi_A$$

$$F_A = \cos \varphi_A - p \cdot \varphi_A = 1,0198 - 0,0795 = \underline{0,9403} = F_A = F_B$$

$$\varphi_B = \varphi_0 + \frac{\Delta F}{D} \cdot a = 0,57 + \frac{9403 - 9389}{21} \cdot 0,01 = \underline{0,5767} = \varphi_B$$

$$\underline{p_B = \sin \varphi_B = 0,6092} \quad \text{und} \quad \underline{\cos \varphi_B = 1,1710}.$$

### 3. Berechnung von $\varphi_A$ und $\varphi_B$ nach Ligowski.

Diese Tafeln geben die Funktionswerte  $\sin \varphi$  und  $\cos \varphi$  mit dem gleichen Arguments-Intervall  $a = 0,01$  auf sechs Dezimalstellen genau an.

No.	$\varphi$	$y = \sin \varphi = p_P$			$y = \cos \varphi$			$y = F = \cos \varphi - p \cdot \varphi$		
		y	D	d	y	D	d	y	D	d
A	0.19	0.191 145	10 191		1.018 104	1963				
	0.20	0.201 336	10 211	20	1.020 067	2064	101			
	0.21	0.211 547	10 232	21	1.022 131	2167	103			
	0.22	0.221 779			1.024 298					
B	0.57	0.601 371	11 699		1.166 896	6072		0.938 896	2072	
	0.58	0.613 070	11 761	62	1.172 968	6190	118	0.940 968	2190	118
	0.59	0.624 831	11 823	62	1.179 158	6307	117	0.943 158	2307	117
	0.60	0.636 654			1.185 465			0.945 465		

Hier sind nun die Differenzen  $D$  ziemlich verschieden, dagegen deren Unterschiede  $d$  nahezu gleich groß; daher muß parabolisch interpoliert werden:

A:

$$\Delta y = y - y_0 = 0,20 - 0,191\ 145 = 8855;$$

$$D_0 - \delta = 10\ 191 - \frac{1}{2} \cdot 20 = 10\ 181;$$

$$\frac{\Delta y}{D_0 - \delta} = 0,86\ 976; \quad \frac{\delta}{D_0 - \delta} = 0,000\ 982; \quad \frac{\delta}{D_0 - \delta} \cdot \left( \frac{\Delta y}{D_0 - \delta} \right)^2 = \\ = 0,00074.$$

$$\underline{\varphi_A = 0,198\ 690.}$$

$$\cos \varphi_A = 1,018\ 104 + (1963 - \frac{1}{2} \cdot 101) \cdot 0,8690 + \frac{101}{2} \cdot 0,8690^2 \\ = \underline{1,019\ 804}$$

$$F_A = \cos \varphi_A - p \cdot \varphi_A = 1,019\ 804 - 0,079\ 476 = \underline{0,940\ 328}$$

B:

$$\varphi_0 = 0,57; \quad \Delta y = F_A - F_{0,57} = 0,001\ 432;$$

$$D_0 - \delta = 10^{-6} \cdot (2072 - \frac{1}{2} \cdot 118) = 0,002\ 013;$$

$$\varphi_B = 0,57 + \frac{1432}{2013} \cdot 0,01 - \frac{59}{2013} \cdot \left( \frac{1432}{2013} \right)^2 \cdot 0,01 = \underline{0,576\ 965} = \varphi_B$$

$$p_B = \sin \varphi_B = \underline{0,609\ 513} \quad \text{und} \quad \cos \varphi_B = \underline{1,171\ 113}.$$

$$\text{Rechenprobe: } F_B = \cos \varphi_B - p \cdot \varphi_B = \underline{0,940\ 327} = F_A.$$

M:

$$\varphi_M = \frac{1}{2} (\varphi_A + \varphi_B) = \underline{0,387\ 828}; \quad p_M = \underline{0,397\ 594};$$

$$\cos \varphi_M = \underline{1,076\ 143}.$$

#### 4. Vollständige Berechnung der Kettenlinie No. 1.

Nach Ermittlung der Argumente  $\varphi$  und der Funktionen  $\sin \varphi$ ,  $\cos \varphi$  für die Punkte A, B und M handelt es sich nun noch darum, die Konstante a, die Bogenlänge s und den Seildurchhang z für M zu berechnen, wobei die Mitbestimmung der Steigung h eine Rechenprobe liefert.

In der nachfolgenden Tabelle sind die diesbezüglichen Berechnungen einerseits mit den Ergebnissen unter 2. und anderseits mit denjenigen unter 3. durchgeführt. Daraus ergibt sich dann noch bezüglich der Bogenlängen  $\widehat{AM}$  und  $\widehat{MB}$ , sowie hinsichtlich der Lage des Schnittpunktes U der Endtangentialen  $t_A$  und  $t_B$ :

$$\widehat{AM} : \widehat{MB} = (p_M - p_A) : (p_B - p_M) = 1 : 1,0725$$

$$u = \frac{l}{2} \cdot \frac{p_B - p'_B}{p_B - p_A} = 400 \cdot \frac{9513}{409513} \text{ also } u = \underline{9,29} \text{ m.}$$

Bezüglich der Genauigkeit der Resultate erkennt man: ein Fehler von  $\pm 1 \cdot 10^{-4}$  in  $\frac{s}{a}$ ,  $\frac{h}{a}$  und  $\frac{\Delta y}{a}$  hat einen Fehler von 0,212 m bei s, h und z zur Folge, wenn die Tabellen der Hütte benutzt werden. Nach Ligowski sind dagegen s, h und z nur mit einem Fehler von 0,002 m behaftet.

Hyperbelfunktionen aus:			Hütte		Ligowski	
Zahlengattung			Num.	Log.	Num.	Log.
Konstante a	$\varphi_A$	—	0.1987		0.198 690	
	$\varphi_B$	—	0.5767		0.576 965	
	$\frac{l}{a} = \varphi_B - \varphi_A$	—	0.3780	9.57 749	0.378 275	9.577 808
	$l$	m	800.00	2.90 309		2.903 090
	$a = l : \frac{l}{a}$	m	<b>2116.4</b>	<b>3.32 560</b>	<b>2116.864</b>	<b>3.325 282</b>
Bogenlänge s	$p_A = \sin \varphi_B$	—	0.20 00		0.200 000	
	$p_B = \sin \varphi_B$	—	0.60 92		0.609 513	
	$\frac{s}{a} = p_B - p_A$	—	0.40 92	9.61 194	0.409 513	9.612 268
	$h = a \cdot \frac{h}{a}$	m	<b>866.04</b>	2.93 754	<b>866.064</b>	2.937 550
Steigung h	$\cos \varphi_A$	—	1.0198		1.019 804	
	$\cos \varphi_B$	—	1.1710		1.171 113	
	$\frac{h}{a} = \cos \varphi_B - \cos \varphi_A$	—	0.1512	9.17 955	0.151 309	9.179 865
	$s = a \cdot \frac{s}{a}$	m	<b>320.00</b>	2.50 515	<b>319.998</b>	2.505 147
Bogenmitte M	$\varphi = \frac{1}{2} (\varphi_A + \varphi_B)$	—	0.3877		0.387 828	
	$p_M = \sin \varphi$	—	<b>0.3975</b>		<b>0.397 594</b>	
	$\cos \varphi$	—	1.0761		1.076 143	
	$\frac{\Delta y}{a} = \cos \varphi - \cos \varphi_A$	—	0.0563	8.75 051	0.056 339	8.750 809
	$\Delta y = a \cdot \frac{\Delta y}{a}$	m	119.15	2.07 611	119.149	2.076 091
	$\frac{h}{2}$	m	160.00		159.999	
	$z = \frac{h}{2} = \Delta y$	m	<b>40.85</b>		<b>40.850</b>	

5. Rechnungsergebnisse für die Kettenlinien  
No. 1, 2 und 3.

No.	Neigungen			Längen			
	$p_A$ %	$p_M$ %	$p_B$ %	s m	h m	z m	u m
1	20	39.7594	60.9513	866.064	319.998	40.850	9.29
2	25	39.8662	55.5311	864.102	320.001	30.485	6.96
3	30	39.9415	50.2350	862.720	320.001	20.221	4.64

Gegenüber den Parabeln mit den gleichen Beträgen der Neigung  $p_A$  sind somit bei den Kettenlinien die Funktionen  $p_B$ ,  $s$  und  $z$  etwas größer, dagegen  $p_M$  etwas kleiner.

(Fortsetzung folgt.)