

Zeitschrift: Bulletin de la Société Fribourgeoise des Sciences Naturelles = Bulletin der Naturforschenden Gesellschaft Freiburg

Herausgeber: Société Fribourgeoise des Sciences Naturelles

Band: 46 (1956)

Artikel: Morphologie und Optik des Kupfervitriols

Autor: Strässle, P. Deicola

Kapitel: Morphologischer Teil

DOI: <https://doi.org/10.5169/seals-308342>

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist die Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften auf E-Periodica. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Zeitschriften und ist nicht verantwortlich für deren Inhalte. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern beziehungsweise den externen Rechteinhabern. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen sowie auf Social Media-Kanälen oder Webseiten ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. [Mehr erfahren](#)

Conditions d'utilisation

L'ETH Library est le fournisseur des revues numérisées. Elle ne détient aucun droit d'auteur sur les revues et n'est pas responsable de leur contenu. En règle générale, les droits sont détenus par les éditeurs ou les détenteurs de droits externes. La reproduction d'images dans des publications imprimées ou en ligne ainsi que sur des canaux de médias sociaux ou des sites web n'est autorisée qu'avec l'accord préalable des détenteurs des droits. [En savoir plus](#)

Terms of use

The ETH Library is the provider of the digitised journals. It does not own any copyrights to the journals and is not responsible for their content. The rights usually lie with the publishers or the external rights holders. Publishing images in print and online publications, as well as on social media channels or websites, is only permitted with the prior consent of the rights holders. [Find out more](#)

Download PDF: 28.01.2026

ETH-Bibliothek Zürich, E-Periodica, <https://www.e-periodica.ch>

Morphologischer Teil

1. Züchtung des Untersuchungsmaterials

Unter der Kapelle des Mineralogischen Institutes wurden anderthalb Jahre hindurch fast ununterbrochen Kupfervitriolkristalle gezüchtet. Es geschah in leichtem Luftzug bei Zimmertemperatur. Diese betrug im Mittel gegen 20°C , schwankte aber im Laufe der Monate mehrmals auf und ab und erreichte als extremste Grenzen des öftern 28° bzw. 12°C . Die Kristallisationsschalen von 7,5 cm Durchmesser und 4 cm Tiefe wurden etwa zu $\frac{2}{3}$ gefüllt. Die Lösung enthielt auf 100 g Wasser immer $26\text{ g CuSO}_4 \cdot 5\text{ H}_2\text{O}$. Ziemlich genau eine Woche nach dem Aufstellen bildeten sich, ohne vorherige Impfung, die ersten, von bloßem Auge gut wahrnehmbaren Kriställchen. Nachdem sie sich innerhalb weniger Stunden¹ zur gewünschten Größe von 4-7 mm Längsausdehnung entwickelt hatten, wurden sie mit einer hölzernen Pinzette aus der Lösung gezogen, sofort zwischen Filtrierpapier sorgfältig getrocknet und in besonderen Schädelchen gut verwahrt. Aus gewöhnlicher Mutterlauge gewonnen², bilden sie den Bestand der weiterhin oft erwähnten *Erstausscheidungen aus reiner Lösung*.

Trotz aller Vorsicht, mit der die Kriställchen aus der Lösung genommen wurden, setzte sich wegen der erfolgten Störung schon nach einer Viertelstunde eine zusammenhängende Kruste feinster Ausscheidungen am Gefäßboden ab. Diese hinderte die weitere Ausbildung brauchbarer Individuen und wurde darum durch Nachgießen einer hinreichenden, aber nicht abgemessenen Menge reinen Wassers aufgelöst. Die ziemlich verdünnte Lösung wurde filtriert und zu neuer Kristallisation angesetzt. Die nach und nach ausgeschiedenen Kristalle wurden von den erstgewonnenen gesondert aufbewahrt und bilden die Gruppe der *Zweikristallisationen aus reiner Lösung*. Bei späteren Züchtungs-

¹ Zuweilen verlief das Wachstum — vielleicht infolge größerer Luftfeuchtigkeit — beträchtlich langsamer; die in Betracht fallenden atmosphärischen Faktoren wurden jedoch nicht gemessen.

² Verwachsungen, die sich hier und auch sonst einstellten, können nicht als Zwillingsbildung gelten. An 12 der schönsten Zweierverwachsungen wurden sorgfältige Winkelmessungen durchgeführt. Dreimal zeigten sich gewisse *Annäherungen* an die von BOERIS gefundenen Gesetzmäßigkeiten (1, 419); sie sind jedoch als bloße Zufälligkeit zu werten.

versuchen wurden zur Verhütung der störenden Bodenkruste nach jeder Kristallentnahme die wegen ungünstiger Ausbildung in der Lösung zurückgelassenen Individuen durch Wasserzugabe sofort wieder aufgelöst.

Neben diesen Kristallisationen her wurde versucht, den bekannten und erfahrungsgemäß recht stabilen Habitus der Vitriolkristalle durch geeignete Lösungsgenosse zu verändern. Substanzen, die mit der Mutterlauge Reaktionen eingehen, wurden außer acht gelassen, und solche, die mit dem Kupfersulfat Doppelsalze bilden oder dessen Kristallwassergehalt beeinflussen, nur mit großer Umsicht gebraucht.

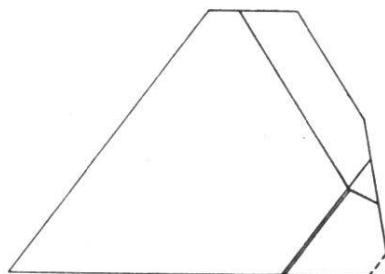
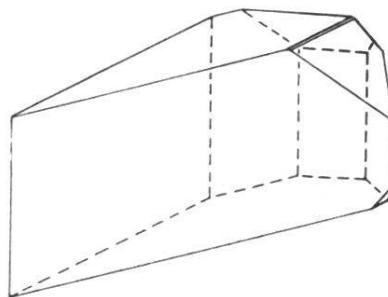
Zunächst wurden vier *Versuchsreihen mit Natriumchlorid* angestellt, wobei zu 26 g $\text{CuSO}_4 \cdot 5 \text{H}_2\text{O}$ in 100 g Wasser je 0.5 g, 1 g, 1.5 g und 2 g NaCl hinzugefügt und die erhaltenen Mischungen durch Verdunstung bei Zimmertemperatur zur Kristallausscheidung gebracht wurden. Nachträglich wurden die Versuche erweitert und Vitriolkristalle aus Lösungen mit 4 g und 8 g NaCl gezogen. Wegen der Dampfdruckerniedrigung ließ die spontane Kristallbildung in den einzelnen Schalen umso länger auf sich warten, je größer die NaCl-Konzentration war. Zur vollständigen Ausmessung und zur zeichnerischen Verwertung (vgl. S. 57 ff.) gelangten jedoch nur Kristalle aus den Lösungen mit 0.5 g, 1 g und 2 g NaCl. An den Cu-Vitriolkristallen, die Mutterlauen mit anderen NaCl-Konzentrationen entstammen, wurde zwar die Formenkombination ermittelt, die Habitusänderung aber nur insoweit verfolgt, als sie sich durch qualitative Prüfung der Flächengröße erkennen ließ.

Als zweiter Lösungsgenosse wurde *Natriumnitrat* gewählt, und zwar in gleichen Konzentrationen wie anfänglich mit dem Na-Chlorid. Da die mikroskopische Ausmessung und zeichnerische Darstellung einiger Individuen keine von der NaCl-Beeinflussung merklich abweichende Gestalsveränderung aufzeigte, wurde wegen des großen Zeitaufwandes auf die weitere Durcharbeitung dieser Kristallisationsreihen verzichtet. Auch von der Benutzung anderer Na-Salze wurde abgesehen, weil die Erwartung, sie könnten den Flächenkomplex der Cu-Vitriolkristalle in neuer Art beeinflussen, durch die gemachte Erfahrung an Wahrscheinlichkeit stark verloren hatte.

Durch eine ungewollte Verwechslung wurde die Aufmerksamkeit auf das *Kaliumnitrat* gelenkt, das als *Lösungsgenosse* einen größeren Erfolg versprach. Als es der üblichen Vitriollösung zufälligerweise

in einer Konzentration von 4 g beigegeben war, bildete sich zuerst das durch Habitus und Farbe stark von den Kupfervitriolkristallen abweichende Doppelsalz $K_2Cu(SO_4)_2 \cdot 6 H_2O$ (1,529). Nachdem eine größere Menge des Doppelsalzes ausgefallen war, erschienen mit ihm Kristalle, die zwar genau die Farbe des $CuSO_4 \cdot 5 H_2O$ hatten, aber dem

Fig. 1. Verzerrter, nach der Basis tafeliger Kupfervitriolkristall aus einer Lösung mit 3 g KNO_3 (Nr. 31 von Tab. 10). Aufriß auf 110 projiziert. Entwickelte Formen (abgeteilt nach den drei Zonen [110], [100] und [101], immer rechts beginnend) : 110, 010, 110, 120—021, 011, 001, 021—121, 111. Hier-von sind nur 110 und 001 mit zwei Flächen entwickelt.



Habitus nach davon ganz verschieden waren (Fig. 1). Die Überzeugung, es könnte sich gleichwohl um Vitriolkristalle handeln, veranlaßte genauere Winkelmessungen an mehreren Individuen und führte zu Werten, die mit Groths Daten für $CuSO_4 \cdot 5 H_2O$ völlig übereinstimmen.

Zur weiteren Abklärung der überraschenden Beobachtung wurde versucht, KNO_3 der Vitriollösung in so geringer Menge beizumischen, daß sie zur Ausfällung des Doppelsalzes nicht mehr ausreichte. Es wurden zwei Schalen mit der üblichen Lösung (26 g $CuSO_4 \cdot 5 H_2O$ in 100 g Wasser) angesetzt und der einen 0.5 g, der anderen 1.5 g KNO_3 beigegeben. Die Kristallisation zeigte einen vollen Erfolg. Aus der ersten Schale mit 0.5 g KNO_3 ließen sich zunächst einige Kristalle des gewöhnlichen, nach der c-Achse gestreckten Typus gewinnen. An den weiteren Ausscheidungen konnten dann Habitusänderungen festgestellt werden, die in lückenloser Reihe zu jener ungewohnten Gestalt überleiten, die bei der oben erwähnten zufälligen Beobachtung so große Überraschung erregt hatte. Die Kristalle aus der Schale mit 1.5 g KNO_3 zeigten schon vom ersten Ausfallen an diesen neuen Typus.

Bis zum Auftreten des Doppelsalzes — bald nach Gewinnung von ca. 14 g Kupfervitriol — machte er nur ganz geringe Änderungen durch.

Die jeweilige Konzentration des Lösungsgenossen in der Mutterlauge genau anzugeben, ist nicht leicht. Die Kristalle bilden sich ja nicht einzeln nacheinander, sondern oft in großer Zahl miteinander. Auch ändert sich die Konzentration für ein und denselben Kristall von Anfang bis Ende seines Wachstums. So läßt sich das vorhandene Konzentrationsverhältnis bloß für eine beschränkte Menge gebildeter Kristalle angenähert abschätzen, indem die herausgezogenen Individuen abgewogen und die in der Lösung zurückgelassenen ins Gewicht eingerechnet werden. Praktisch hat aber die genaue Konzentrationsangabe für die Cu-Vitriolkristalle aus Lösungen mit NaCl als Beigabe keine allzu große Bedeutung. Denn nach Tab. 8a entsprechen den Kristallisationen aus Laugen, deren NaCl-Konzentration von der einen zur andern gerade auf das Doppelte anwächst, nur geringe Änderungen im Habitusbild. Um so eher darf im Einzelversuch vom Konzentrationswechsel abgesehen werden, da von den ursprünglich in der Lösung enthaltenen 26 g $\text{CuSO}_4 \cdot 5 \text{ H}_2\text{O}$ durch die Kristallgewinnung nie mehr als 6-9 g in Wegfall kamen.

2. Die Formen und Kombinationen des Kupfervitriols

Wegen der außerordentlichen Schiefwinkeligkeit des Cu-Vitriols sind verschiedene Aufstellungen versucht worden. Den folgenden Darlegungen liegt das Barker-Grothsche Achsenkreuz zugrunde (1,419).

$$\begin{aligned} a : b : c &= 0,5721 : 1 : 0,5554 \\ \alpha &= 82^\circ 05' \quad \beta = 107^\circ 08' \quad \gamma = 102^\circ 41' \end{aligned}$$

Im ganzen wurden 288 Kristalle auf ihre Formenmannigfaltigkeit einläßlich untersucht. Zu Beginn der Arbeit wurden zahlreiche goniometrische Messungen durchgeführt. Bald aber gelang die Deutung des mikroskopisch vergrößerten Kriställchens durch bloßen Vergleich mit den Figuren der Chemischen Kristallographie ; Zweifel, die sich etwa einstellten, wurden stets goniometrisch behoben.

Die Kupfervitriolkristalle sind nicht besonders flächenreich. V. GOLDSCHMIDT, der die stark angewachsene Literatur sorgfältig ausgeschöpft hat, nennt im Textband V des Atlas nur zwei Dutzend Formen. Von diesen wurden einige erst in jüngerer Zeit gefunden ; für andere

fehlen bildliche Veranschaulichungen im Figurenband (vgl. S. 40). GROTH selber erwähnt 18 Formen¹, belegt aber durch seine Zeichnungen nur 13 (a, b, c, m, q, t, α , μ , ξ , π , σ , τ , ω).

An den 288 genau untersuchten Kristallen wurden ebenfalls 18 Formen gefunden : a (100), b (010), c (001), m (110), q (011), t (021), ζ ($\bar{1}31$), α (0 $\bar{1}$ 1), λ (1 $\bar{2}$ 0), μ (1 $\bar{1}$ 0), ξ ($\bar{1}21$), ρ (1 $\bar{2}$ 1), σ (12 $\bar{1}$), τ (02 $\bar{1}$), φ (10 $\bar{1}$), χ (2 $\bar{1}$ 1), ψ (1 $\bar{3}$ 1), ω ($\bar{1}11$). Von diesen Formen stimmen 15 mit der Grothschen Reihe überein ; l (120), v (2 $\bar{1}$ 0) und π (1 $\bar{3}$ 0) wurden aber nie festgestellt ; dafür konnten drei bei GROTH fehlende Formen gesichert werden, nämlich ρ , φ und χ . φ (10 $\bar{1}$) findet sich in der Goldschmidtschen Liste als Nr. 18 und wurde an 8 neuen Kristallen als schmale, langgezogene, den Zonen [100 : 00 $\bar{1}$] und [0 $\bar{1}\bar{1}$: 110] angehörige Fläche bestimmt. An zwei zusammengewachsenen Kristallen trat ρ (1 $\bar{2}$ 1) mit mittelgroßer, aber ziemlich rauher Fläche auf, die durch die Zonen [0 $\bar{2}1$: 100], [1 $\bar{1}0$: 0 $\bar{1}1$] und [1 $\bar{2}0$: 001] mit den übrigen Flächen verknüpft ist. Die dritte Form, χ (2 $\bar{1}$ 1), stellte sich nur einmal ein, aber mit einer großen, guten Fläche im Schnitt der Zonen [$\bar{1}10$: 0 $\bar{1}1$], [$\bar{1}00$: 011] und [$\bar{1}\bar{1}0$: $\bar{1}21$]. Die Buchstaben ρ und χ wurden so gewählt, daß sie mit keinem irgendwie gebrauchten Symbol in Konkurrenz treten. Für drei weitere festgestellte Flächen, die keiner der von GROTH genannten Formen entsprechen, ließen sich wegen der schlechten Ausbildung die Indizes nicht mit genügender Sicherheit angeben.

Die 18 bestimmmbaren Formen, welche an den 288 untersuchten Kristallen gefunden wurden, vereinen sich zu 57 verschiedenen Kombinationen des Ranges 7-15 (Tab. 1). Im Durchschnitt stellt also jeder fünfte Kristall eine andere Kombination dar. Tab. 4 zeigt aber, daß fast die Hälfte aller Kristalle auf die drei Kombinationen 49, 39 und 25 entfällt und 30 Kristalle eine völlig einmalige Begrenzung aufweisen. Mit einer durchschnittlichen Formenzahl von 10,9 sind diese 57 Kombinationen schon ziemlich flächenreich. Im einzelnen setzen sich

3 2 7 11 13 11 5 4 1 Kombinationen

aus 7 8 9 10 11 12 13 14 15 Formen zusammen. Daß die drei am häufigsten wiederkehrenden Kombinationen mit 13, 12 und 11 Pinakoiden eine überdurchschnittliche Formenzahl haben, ist sicherlich beachtenswert.

¹ Anhangsweise (1,419) wird die an natürlichen Kristallen nachgewiesene Form 1 $\bar{4}1$ erwähnt ; bei GOLDSCHMIDT fehlt sie.

Tab. 1. Die Kombinationen des Kupfervitriols

Über die den Buchstaben zugehörigen Formenindizes vgl. Tab. 2

LfdNr.	Nr. d. neuen Komb.	Nr. d. Atlas- Fig.	Kombination	LfdNr.	Nr. d. neuen Komb.	Nr. d. Atlas- Fig.	Kombination
1		2,72	a m μ ω	39		40	a b m q t μ σ ω
2		21	b m μ ω	40		70	a b m t λ μ ξ ω
3		19	a b c m ω	41		6,79	a b m t μ ξ τ ω
4		3,65	a b m μ ω	42		44	a m q x μ σ τ ω
5		23	a b m σ ω	43		42	a m q t x μ τ ω
6		22	a c m μ ω	44	4		b m q t λ μ ξ ω
7		13,68	a m μ ξ ω	45	5		c m q t x μ ξ ω
8		24	b m t ξ ω	46		45	a b c m x μ σ τ ω
9		25	m q μ ξ ω	47	6		a b c m q x λ μ ω
10		4	a b m λ μ ω	48	7		a b c m q t μ φ ω
11		77	a b m μ ξ ω	49		46	a b c m t μ σ τ ω
12		82	a b m μ π ω	50		10	a b m ζ x μ σ τ ω
13		31	a b m σ τ ω	51		16,67	a b m λ μ ξ σ τ ω
14		18	a b m q μ ω	52		84	a b m μ ξ π σ τ ω
15		5	a b m t μ ω	53	8		a b m q x μ ξ τ ω
16		29	a m μ ξ σ ω	54		48	a b m q x μ σ τ ω
17		30	a m q μ ξ ω	55		47	a b m q t x μ τ ω
18		26	a m q t μ ω	56		49	a b m q t μ ξ σ ω
19		27	a m t μ ξ ω	57		54	a b m q t μ ξ τ ω
20		75	b m t μ ξ ω	58		7	a b m t x μ ξ τ ω
21		28	m λ μ ξ σ ω	59		50	a c m x λ μ ξ τ ω
				60		52	a m q t μ ξ σ τ ω
22	1		a b c m x μ ω	61		51	a m t x λ μ ξ τ ω
23		33	a b c m μ τ ω	62	9		b m q t x λ μ ξ ω
24		37	a b c m t μ τ	63	10		c m q t x λ μ ξ ω
25		78	a b m x μ τ ω	64	11		c m q t x λ μ τ ω
26		35	a b m μ ξ σ ω	65	12		c m q t x μ ξ τ ω
27		17	a b m μ ξ v ω	66		69	a b c m q t ζ x μ ω
28		34	a b m μ σ τ ω	67	13		a b c m q t x λ μ ω
29	2		a b m q μ τ ω	68	14		a b c m q t λ μ ξ ω
30		76	a b m q t μ ω	69		56,57	a b c m q t μ σ τ ω
31		36	a b m t μ ξ ω	70		11	a b m q ζ x μ ξ τ ω
32		43	a m q x μ τ ω	71	15		a b m q λ μ ξ σ τ ω
33		32	a m q t μ ξ ω	72		14	a b m q t ζ μ ξ π ω
34	3		c m x λ μ ξ ω	73		12	a b m q t ζ μ σ τ ω
35		71	a b c m q x μ ω	74		58	a b m q t x μ σ τ ω
36		9	a b m ζ x μ τ ω	75	16	8,55	a b m q t λ μ ξ τ ω
37		41	a b m q μ σ τ ω	76	17		a b m t λ μ ξ σ τ ω
38		38	a b m q t μ ξ ω	77		53	a c m q t x μ σ τ ω

Nr. d. Lfde	Nr. d. neuen Atlas-	Kombination	Nr. d. Lfde	Nr. d. neuen Atlas-	Kombination		
78	18	59	a c m q t λ μ ξ τ ω	102	40	a b c m q t x λ μ ξ φ ω	
79	19		a m q t λ μ ξ σ τ ω	103	41	a b c m q t x λ μ σ τ ω	
80	20		b c m q t x λ μ ξ ω	104	42	a b c m q t x μ ξ σ τ ω	
81	21		b c m q t λ μ ξ τ ω	105	43	a b c m q t λ μ ξ σ τ ω	
82	22		b m q t x λ μ ξ τ ω	106	73	a b l m q t x λ μ ξ τ ω	
83	23		c m q t x λ μ ξ τ ω	107	44	a b m q t z λ μ ξ σ τ ω	
84	24		a b c m q x λ μ ξ τ ω	108	45	a b m q t x λ μ ξ σ τ ω	
85	62, 66		a b c m q t z x μ τ ω	109	46	a c m q t x λ μ ξ σ τ ω	
86	25		a b c m q t x λ μ ξ ω	110	47	b c m q t x λ μ ξ σ τ ω	
87	26		a b c m q t x λ μ σ ω	111	48	a b c m q t z λ μ ξ σ τ ω	
88	27		a b c m q t x λ μ τ ω	112	49	a b c m q t x λ μ ξ σ τ ω	
89	28		a b c m q t x μ ξ φ ω	113	50	80	a b c m q t x λ μ ξ τ ψ ω
90	15, 74		a b c m q t x μ ξ τ ω	114		83	a b c m q t x μ ξ π σ τ ω
91	29		a b c m q t λ μ ξ σ ω	115	51		a b m q t z x λ μ ξ σ τ ω
92	30		a b c m q t λ μ ξ τ ω	116	52		a b m q t x λ μ ξ σ τ ψ ω
93	31	60	a b c m q t μ ξ σ τ ω	117	53	64	a b c m q t z x λ μ ξ σ τ ω
94	32		a b m q t x λ μ ξ τ ω	118		61	a b c m q t z x μ ξ π σ τ ω
95	33		a b m q t λ μ ξ σ τ ω	119	54		a b c m q t x λ μ ξ σ τ φ ω
96	34		a m q t x λ μ ξ σ τ ω	120	55		a b c m q t x λ μ ξ σ τ χ ω
97	35		b c m q t x λ μ ξ τ ω	121	56		a b m q t z x λ μ ξ σ τ ψ ω
98	36		b m q t x λ μ ξ σ τ ω	122	57		a b c m q t x λ μ ξ ρ σ τ ψ ω
99	37		a b c m q x λ μ ξ σ τ ω	123		85	a b c d m o q t x λ μ ξ σ τ ψ ω
100	38		a b c m q t x λ μ ξ σ ω	124		81	a b m o' p q t z x λ μ ξ σ φ ψ ω
101	39		a b c m q t x λ μ ξ τ ω				

Nebst den 57 neubestimmten Kombinationen enthält Tab. 1 auch jene, die den Kupfervitriolzeichnungen in Goldschmidts Atlas eigen sind. Vier Figuren fielen hierbei außer Betracht : Fig. 1 als Hauysche Elementarzelle, Fig. 20 und 39 wegen Unbestimmbarkeit gewisser Flächen und Fig. 63 als Abbild eines bloßen Bruchstückes. Alles in allem verzeigt Tab. 1 volle 124 verschiedene Kombinationen. Sie sind fortlaufend nummeriert (Lfde Nr.), zu Gruppen von gleicher Formenzahl zusammengekommen und in jeder Gruppe lexikographisch geordnet. Hierbei hat das griechische Alphabet nur für die Reihenfolge jener Komplexe ausschlaggebende Bedeutung, die in den lateinischen Buchstaben übereinstimmen (z. B. Lfde Nr. 4 und 5 oder Lfde Nr. 10 bis 13 usw.). Die rechts neben der laufenden Numerierung stehenden Zahlen 1-57 entsprechen den neugefundenen Kombinationen und wiederholen sich in Tab. 4. Die dritte Kolonne verweist auf die einschlägigen Figuren des Atlas.

Als bedeutungsvolle Tatsachen läßt Tab. 1 sofort erkennen, 1. daß sich im Goldschmidtschen Atlas Kupfervitriolkombinationen der gleichen Formen nicht allzu oft wiederholen (Lfde Nr. 1, 4, 7, 41, 51, 69, 75, 85, 90), 2. daß von den 57 neuen Kombinationen nur 5 mit früher bekannten identisch sind (Lfde Nr. 75, 78, 93, 113, 117) und 3. daß die Atlaskombinationen im Mittel weniger Formen zählen als die im Freiburger Laboratorium gezogenen (8,3 Formen gegenüber 10,9).

Umfang und Reichhaltigkeit der Tab. 1 locken zur Berechnung der Persistenz aller an diesen Kombinationen beteiligten Formen. Es sind derer nur 25, da sich die Goldschmidtschen Formen f und d (entsprechend $3\bar{1}0$ und $2\bar{1}0$ der hier gebrauchten Symbolisierung) weder an den Atlasfiguren noch an den neuen Kristallen vorfinden und

Tab. 2. Kombinationspersistenz und reelle Häufigkeit der Kupfervitriolformen

Groth hkl	Symbolisierung Goldschmidt h, k-l, l	A Alle 124 Komb.	G Die 72 Atlas- Komb.	S Die 57 neuen Ko.	Reelle Flächenh. H der 288 Indiv.
a (100)	n (100)	84,7	93,1	75,4	89,9
b (010)	r (010)	78,2	75,0	82,5	95,8
c (001)	o (0 $\bar{1}$ 1)	44,4	27,8	68,4	76,7
d (201)	δ (2 $\bar{1}$ 1)	0,8	1,4	—	—
l (120)	l (120)	0,8	1,4	—	—
m (110)	m (110)	100,0	100,0	100,0	100,0
o (111)	ε (12 $\bar{1}$)	0,8	1,4	—	—
α' (1 $\bar{1}$ 1)	— (1 $\bar{2}$ 1)	0,8	1,4	—	—
p (140)	N (140)	0,8	1,4	—	—
q (011)	k (001)	69,4	51,4	94,7	99,0
t (021)	v (011)	66,9	54,2	86,0	96,2
ζ (1 $\bar{3}$ 1)	x (1 $\bar{2}$ 1)	11,3	13,9	8,8	5,2
χ (0 $\bar{1}$ 1)	q (0 $\bar{2}$ 1)	51,6	36,1	70,2	83,3
λ (1 $\bar{2}$ 0)	h (1 $\bar{2}$ 0)	46,0	18,1	84,2	96,9
μ (1 $\bar{1}$ 0)	c (1 $\bar{1}$ 0)	96,8	94,4	100,0	100,0
ξ (1 $\bar{2}$ 1)	s (1 $\bar{1}$ 1)	64,5	51,7	84,2	96,5
π (1 $\bar{3}$ 0)	a (1 $\bar{3}$ 0)	4,0	7,0	—	—
ρ (1 $\bar{2}$ 1)	— (1 $\bar{3}$ 1)	0,8	—	1,8	0,3
σ (12 $\bar{1}$)	z (13 $\bar{1}$)	41,9	37,5	47,4	58,3
τ (0 $\bar{2}$ 1)	w (0 $\bar{3}$ 1)	59,7	54,2	70,2	78,1
ν (210)	t (210)	0,8	1,4	—	—
φ (101)	φ (1 $\bar{1}$ 1)	4,0	1,4	7,0	2,8
χ (211)	— (201)	0,8	—	1,8	0,3
ψ (1 $\bar{3}$ 1)	g (1 $\bar{4}$ 1)	4,8	4,2	7,0	1,7
ω (1 $\bar{1}$ 1)	p (101)	99,2	98,6	100,0	100,0

— von ρ und χ natürlich ganz abgesehen — die durch Rosickys Fig. 81 (Tab. 1, Lfde Nr. 124) ausgewiesene Form σ' ($\bar{1}\bar{1}1$) im Textband nicht aufgenommen ist. Alle diese 25 Formen sind in Tab. 2 zusammengestellt. Die Persistenzen selber sind unter dreifacher Voraussetzung berechnet worden: einmal für die Gesamtheit aller 124 Kombinationen (A), sodann gesondert für die 72 Kombinationen des Atlas (G) und schließlich für die 57 des neuen Materials (S). Die Eigenart des letztern kommt durch die auffallenden Unterschiede der G- und S-Zahlen trefflich zum Ausdruck. Für die 16 Formen, welche G- und S-Persistenzen haben, sind nur zwei G-Werte größer als die S-Werte (100 und $\bar{1}31$); für die 14 übrigen Fälle sind die S-Persistenzen im Mittel um 18,1 Einheiten größer als die G-Persistenzen. Begreiflich, denn die Anzahl der hochpersistenteren Formen in der S-Gruppe ist gut doppelt so groß als in der G-Gruppe, und das hier neu studierte Material reiht die an den Atlasfiguren stark zurücktretenden Formen c und λ mit einem Persistenzunterschied von über 40 Einheiten unter die wichtigsten Formen ein.

In Nigglicher Bewertung ergibt sich, nach abnehmender Persistenz geordnet, die kleine Tab. 3. Die tiefgreifenden Unterschiede der Gruppen A, G und S springen sofort in die Augen.

Tab. 3. Die Nigglichen Persistenzgrade der Kupfervitriolformen

	A (25 Formen)	G (23 Formen)	S (18 Formen)
Leitformen	$m \omega \mu a b$	$m \omega \mu a b$	$m \omega \mu q t \lambda \xi b a \kappa \tau$
Nebenleitformen	$q t \xi \tau \kappa \lambda c \sigma$	$t \tau q \xi$	$c \sigma$
Spezialformen	—	$\kappa \sigma c$	—
Ergänzungsf.	ζ	$\lambda \zeta$	—
Individuelle F.	$\varphi \psi \pi d l o o' p \rho \nu \chi$	$\pi \psi d l o o' p \nu \varphi$	$\zeta \varphi \psi \rho \chi$

Die Kombinationspersistenzen entsprechen kaum je der wirklichen Häufigkeit, mit der die Formen einer gegebenen Substanz in die Erscheinung treten. Dafür wäre nicht nur eine außerordentlich große Menge genau gedeuteter Kristalle notwendig, sondern es müßten auch die Bildungsbedingungen berücksichtigt werden. Die 288 Individuen, um die es hier geht, reichen dafür nicht aus. Aber ihre Zahl übertrifft die übliche Untersuchungsmenge immerhin derart, daß eine erste Annäherung an die reelle Häufigkeit erhofft werden darf. In diesem Sinne wurden die %-Werte H der Tab. 2 errechnet. Sie sind fast durchwegs

etwas größer als die S-Werte, ohne daß aber in der Gewichtsabstufung eine wesentliche Änderung eintrate. Wegen der Rangverschiebung von c behält einzig σ eine intermediäre Persistenz.

3. Beeinflussung der Kombinationen und Persistenzen durch Lösungszusätze

Die 288 untersuchten Kristalle hatten sich bei 9 verschiedenen Lösungszuständen gebildet. Aus Tab. 4 ist sofort ersichtlich, daß keine einzige der 57 Kombinationen mehr als 7 Mutterlaugentypen zugehört und daß sogar die meisten — vielleicht als Zufälligkeit — eindeutig bestimmten Konzentrationsverhältnissen entstammen. Genau gesagt konnten

aus 7 6 4 3 2 1 Lösungen gewonnen werden. Wenn sich von den an eine einzige Lösung gebundenen Kombinationen 10 und 14 bei größtem KNO_3 bzw. NaCl -Gehalt bildeten, ist eine Gestaltsbeeinflussung durch die Konzentration der Lösungsgenossen unver-

Tab. 4. Die Bildungsbedingungen der 57 neuen Kombinationen mit Angabe der Anzahl untersuchter Individuen

Komb. Nr.	Form. Zahl	Reine Lösung		Lösung mit NaCl				Lösung mit KNO ₃		Summe d. Indiv.
		Erstbild.	Zweitbild.	0.5 g	1 g	2 g	4 g	8 g	0.5-0.7 g	
18	10	1
19	"	1	.	.	.	1
20	"	2	.	2
21	"	1	2	.	4
22	"	6	.	6
23	"	2	.	2
24	11	1
25	"	4	.	5	18
26	"	1
27	"	2	.	.	.	2
28	"	1
29	"	1	.	1	2
30	"	.	.	2	1	4
31	"	1	.	.	1
32	"	1	2	3
33	"	3	5	.	.	1	.	.	.	9
34	"	1	1
35	"	3	.	3
36	"	1	.	1
37	12	2	.	.	.	2
38	"	4	6
39	12	.	.	6	5	2	7	3	3	5
40	"	5
41	"	1	.	.	.	1
42	"	1	.
43	"	.	.	.	1	1	2	.	1	.
44	"	1	1
45	"	14	8	1	23
46	"	1	.
47	"	1	1	.	2
48	13	.	.	4	1
49	"	.	.	14	17	13	16	.	19	4
50	"	.	.	1	1
51	"	5	5
52	"	2	2
53	14	.	.	6	4	7
54	"	1	1
55	"	1	.
56	"	1	1
57	15	.	.	1	1

Summe d. Ind. 34 17 32 24 23 36 31 37 54 288

kennbar. Anders aber als die Kombinationen scheinen bestimmte Formen von den Lösungsbedingungen recht unabhängig zu sein. Nach den H-Werten der Tab. 2 finden sich m , μ und ω an allen Individuen, und b , q , t , λ , ξ fehlen nur an ganz vereinzelten. Im eigentlichen Sinne lösungsbedingt sind, wie Tab. 6 beweist, nur a , c , σ , τ .

An den Bildungen *aus reiner Lösung* wurde, im Unterschied zu den Kristallisationen aus Laugen mit Lösungsgenossen, die Basisfläche nie gefunden (Tab. 6). Dieselbe scheint sich unter gewöhnlichen Bedingungen überhaupt nicht zu bilden. Sie fehlt darum fast durchwegs an den einfachen Typen der Goldschmidtschen Figuren und wird von der Grothschen Winkeltabelle durch keine Messung belegt. Die seltenen Formen ζ und ψ wurden nur an den Erst-, nicht aber an den Zweitausscheidungen aus reiner Lösung beobachtet. Jene sind überhaupt bezüglich Kombinationen etwas abwechslungsreicher als die letzteren, deren 4 beobachtete Flächenkomplexe ohnehin unter den 11 der erstkristallisierten wiederkehren (Tab. 4). Die Zwölferkombination 45, die an nahezu der Hälfte aller Individuen beider hieher gehöriger Gruppen beobachtet wurde (41,2 %, bzw. 47,1 %), kann für die Kristalle aus reiner Lösung gewissermaßen als typisch gelten, da sie nur noch einmal aus der 0,5 g NaCl-Lösung gewonnen wurde.

An den *Kristallen*, die sich unter dem Einfluß *verschiedener NaCl-Konzentrationen* gebildet haben, nimmt die Zahl verschiedener Kombinationstypen mit wachsendem NaCl-Gehalt, trotz einiger Schwankungen, deutlich zu, während sich umgekehrt die mittlere Formenzahl je Kombination stetig vermindert. Das besagt die aus Tab. 4 hergeleitete Tab. 5 mit aller Deutlichkeit. Doch ermöglicht erstere noch einige wichtige Feststellungen. So zeigen die aus Mutterlaugen mit NaCl-Zusätzen von 0,5-4 g gewonnenen Kristalle in etwas mehr als der Hälfte aller Fälle die 13-formige Kombination 49. Keine andere Kombination stellt sich bei diesen Lösungsbedingungen auch

Tab. 5. Gegensätzliches Verhalten von Zahl und Formenreichtum der Kombinationen bei wachsender Konzentration des Lösungsgenossen

	Lösung NaCl-haltig					L. KNO_3 -haltig	
Gewicht d. Lösungsgen.	0,5 g	1 g	2 g	4 g	8 g	0,5-0,7 g	1,5-3,0 g
Individuenzahl	32	24	23	36	31	37	54
Zahl d. Kombinationen	8	4	8	11	17	10	16
Z. d. Individuen je Komb.	4	6	2,9	3,3	1,8	3,7	3,4
Mittl. Formenzahl d. Kr.	12,9	12,8	12,3	11,2	9,8	12,3	9,3

nur angenähert so häufig ein. Nr. 49 könnte daher als spezifisch gelten für die NaCl-Gruppe, wenn sie nicht in der 8 g-Gruppe völlig fehlte und mehr als die Hälfte der Kombinationen aus der Lösung mit wenig KNO₃ ausmachte. Von der bei den Kristallisationen aus reiner Lösung genannten Kombination 45 unterscheidet sie sich bloß durch das Hinzutreten der Basisfläche. In der fünften NaCl-Gruppe sticht keine Kombination besonders hervor ; $\frac{2}{7}$ aller Kombinationen, die sich bloß aus einer Lösung bilden, gehören hierher. Nr. 22 findet sich zwar am häufigsten, erscheint aber nur an 19,4 % der untersuchten Individuen. Die Persistenz mehrerer Flächen nimmt überhaupt mit wachsendem NaCl-Gehalt der Lösung auffallend ab. Am stärksten beschlägt dieser Rückgang a, c und τ (Tab. 6). a (100) konnte nur an 5 Exemplaren der fünften NaCl-Gruppe gefunden werden und war überdies bloß an zwei dieser Individuen mit der vorderen und hinteren Fläche entwickelt. Schon an den Kristallen aus der vierten NaCl-haltigen Lösung ist eine solche Rückbildung von 100 bemerkbar, wiewohl sie zahlenmäßig kaum hervortritt. Aber von den 34 Individuen zeigen 11 das Pinakoid a nur je mit einer Fläche gebildet.

Tab. 6. Reelle Flächenhäufigkeit unter verschiedenen Lösungsbedingungen

	Reine Lösung			NaCl-Zusatz					KNO ₃ -Zusatz			
	Erstbild.	Zweitbild.	%	0.5 g	1 g	2 g	4 g	8 g	%	0.5 g	1.5 g	%
a	34	17	100,0	32	24	23	34	5	60,3	37	53	98,9
b	33	17	98,0	32	24	22	36	23	93,8	36	53	97,8
c	—	—	—	31	24	21	34	20	89,0	37	54	100,0
m	34	17	100,0	32	24	23	36	31	100,0	37	54	100,0
q	33	17	98,0	32	24	23	36	29	98,6	37	54	100,0
t	31	17	94,1	32	24	21	35	28	95,9	37	52	97,8
ζ	7	—	13,7	7	1	—	—	—	5,5	—	—	—
χ	24	10	66,7	29	23	20	28	28	87,7	34	44	85,7
λ	34	17	100,0	32	24	23	34	27	95,9	36	52	96,7
μ	34	17	100,0	32	24	23	36	31	100,0	37	54	100,0
ξ	34	17	100,0	32	24	20	35	29	95,9	37	50	95,6
ρ	—	—	—	1	—	—	—	—	0,7	—	—	—
σ	31	13	86,3	23	19	19	21	2	57,5	28	12	44,0
τ	34	17	100,0	32	24	23	30	21	89,0	27	17	48,4
φ	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	8	8,8
χ	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	1	1,1
ψ	3	—	5,9	—	—	—	—	—	—	—	—	—
ω	34	17	100,0	32	24	23	36	31	100,0	37	54	100,0
Indiv.	34	17	51	32	24	23	36	31	146	37	54	91

Auch die *Kristalle aus den KNO_3 -haltigen Mutterlaugen* zeigen mit steigender Konzentration des Lösungsgenossen eine leichte Zunahme des Kombinationenreichtums und eine Abnahme der durchschnittlichen Formenzahl je Kombination (Tab. 5). Die Kombination 49, welche in der 0.5 g-Kolonne am öftesten wiederkehrt, wird in der 1.5 g-Kolonne durch die Auftretenszahlen der Nr. 25 und 38-40 übertroffen (Tab. 4). Die Pinakoide a, b und λ unterliegen, im Gegensatz zu den Cu-Vitriolkristallisationen aus NaCl-haltigen Laugen, durch die wachsende KNO_3 -Konzentration nur noch zufälligen Schwankungen. Der Persistenzrückgang von σ und τ geht aber weiter und hat für σ abermals größeres Ausmaß als für τ (Tab. 6).

4. Zentraldistanz und Größe der wichtigsten Flächen

Die Kombinationspersistenzen orientieren unter bestimmten Voraussetzungen über die Auftretenshäufigkeit einer Form, geben aber keinen Aufschluß über den Größenanteil, der einer Fazette an der wirklichen Oberflächengestaltung der Kristalle zukommt. Diese können ja bei gegebener Formenmannigfaltigkeit ihr Aussehen verschiedlichst ändern, etwa von stengelig oder bipyramidal zu tafelig usw. Eindeutigkeit der Kristallbeschreibung muß also anders als durch bloße Persistenzwerte erzielt werden. Am bequemsten vielleicht durch Angabe der Zentraldistanzen sämtlicher Flächen. Bei idealer, zentrosymmetrischer Ausbildung lassen sich diese durch direkte Abstandsmessung der parallelen Flächen finden. Am gegebenen Material ließ sich aber — von aller Verzerrung abgesehen — diese Methode schon wegen der Kleinheit der Individuen nicht anwenden. Es mußte darum anders vorgegangen werden. Die Kristalle wurden zuerst mikroskopisch ausgemessen, hernach naturgetreu gezeichnet und schließlich auf die ideale Gestalt gebracht. Nachdem durch einfache Rechnung alle Flächen auf ein rechtwinkliges Achsenkreuz bezogen waren, ließen sich ihre Abstände vom Mittelpunkt nach der Hesseschen Formel leicht berechnen. Um vergleichbare Größen zu erhalten, wurden alle Distanzen auf gleiches Kristallvolumen bezogen.

a) Ausmessung und Zeichnung der Kristalle

Es wurden 31 Kristalle unter dem Mikroskop bei schwacher Vergrößerung ausgemessen. Benutzt wurden nur ringsum entwickelte,

scharfkantige Exemplare. Sie sollten die durchschnittliche Habitus-mannigfaltigkeit der verschiedenen Bildungsgruppen möglichst getreu wiederspiegeln. Auch mußten sie sich mit einer Fläche — gewöhnlich 110 — und ihrer Gegenfläche genau auf den Objektträger legen lassen. Mit Hilfe eines Kreuzschlittens, an dem Größen von 0,05-30,0 mm direkt abzulesen waren, wurden die wirklichen oder projizierten Längen wie auch die Breiten oder Scheinbreiten aller Flächen der [001]-Zone ausgemessen und in einer Kristallskizze eingetragen — zuerst für die Vorderseite und, nach Umdrehung des Individuums, auch für die Rückseite. An sich hätte eine geringere Zahl Messungen ausgereicht. Die Überbestimmung erlaubte aber, Meßfehler und Ungenauigkeiten aufzufinden, zu verbessern und auszugleichen. Leider entsprachen lange nicht alle gezogenen Kristalle den gestellten Anforderungen. Es war aber in manchen Fällen möglich, wenigstens die Hauptzone [001] und die Abstände der einander parallel verlaufenden Schnittkanten von $\bar{1}11 : 021 : 110 : 1\bar{1}\bar{1}$ oder von $\bar{1}11 : 011 : 100 : 1\bar{1}\bar{1}$ auszumessen und für das Querschnittsbild und die Längserstreckung des Kristalls auszuwerten (vgl. S. 52 f.).

Aus den gemessenen Kantenlängen wurden in 20facher Vergrößerung und mit Verwendung der Auflagefläche als Projektionsebene der Aufriß des Kristalls und die beiden Kopfbilder nach der Zonenmethode gezeichnet. Zur leichteren und rascheren Durchführung dieser Aufgabe wurde das geeignet gedrehte Achsenkreuz gemäß den Angaben im Nigglichen Lehrbuch (7, 238 f.) ein für allemal auf Millimeterpapier konstruiert. Durch den Mittelpunkt wurden in Anlehnung an das Parkersche Verfahren die erforderlichen Kantenrichtungen gezogen. Es war dann ein leichtes, naturgetreue Bilder der 31 Kristalle zu bekommen. Nur allzu schmalflächige Formen gerieten hierbei in Wegefall, z. B. $\lambda (1\bar{2}0)$ in Fig. 2, B.

Da an diesen Kristallbildern weder der wirkliche noch der wahrscheinliche Keimpunkt zu erkennen war, wurden sie auf Idealgestalt umgezeichnet. Hierzu wurde vom Kopfbild ausgegangen, wobei für jede Vertikalfläche das Mittel der gegenüberliegenden, direkt meßbaren Breiten zur Darstellung kam¹. Ähnlich wurden die Scheinbreiten der parallelen Endflächen gemittelt. Zumeist konnte hierzu

¹ Ist von einer Form nur eine Fläche entwickelt, so wird die Breite der beiden idealen Flächen gleich der halben Breite der am Kristall einzig vorhandenen Fläche.

von der reichbesetzten [100]-Zone ausgegangen werden. Die Schnittkanten der Flächen 021, 011, 001, $0\bar{1}1$, $0\bar{2}1$ am richtigen Orte einzutragen, war wirklich nicht schwierig; es genügte, von der Spur der 010-Fläche auszugehen. Die hinteren Flächen $\bar{1}21$, $\bar{1}11$ und $\bar{1}\bar{2}1$ schneiden

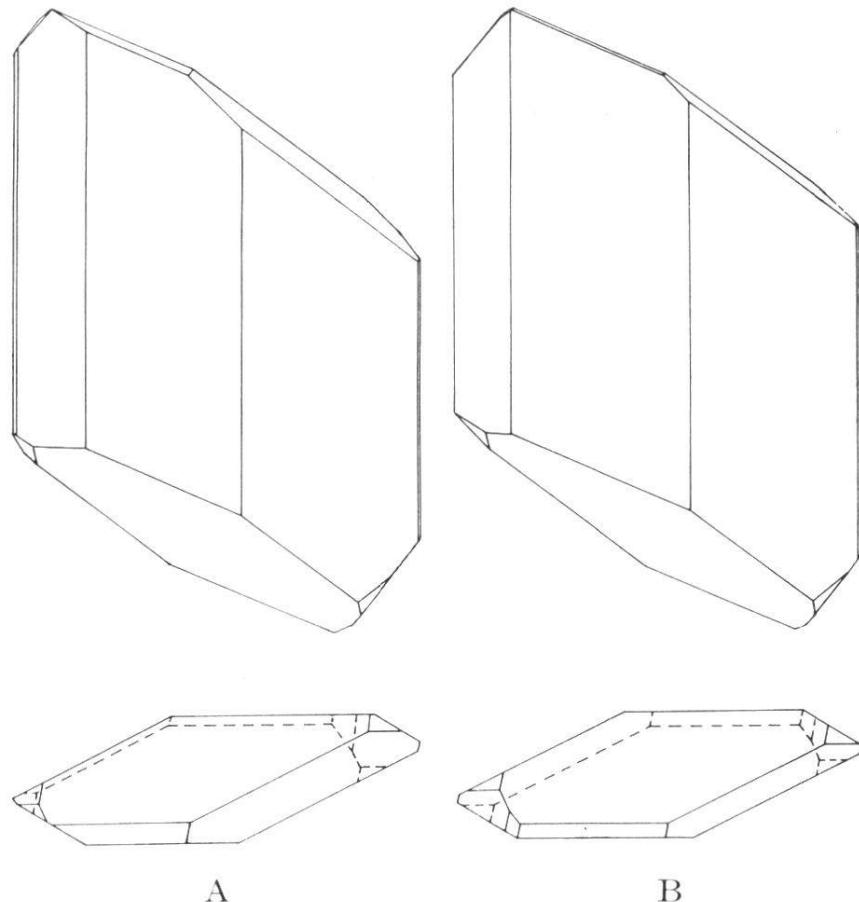


Fig. 2. Naturgetreues (A) und idealisiertes (B) Abbild eines Erstausscheidungskristalls aus reiner Lösung (Nr. 2 von Tab. 7a). Aufriß auf 100 projiziert. 010, 110, 100, $1\bar{1}0$, $1\bar{2}0$ —021, 011, $0\bar{1}1$, $0\bar{2}1$ — $\bar{1}21$, $\bar{1}11$, $\bar{1}\bar{2}1$. Von den Pinakoiden 010, $1\bar{2}0$ und $0\bar{1}1$ erscheint in A nur je eine Fläche. In B fiel $1\bar{2}0$ deutlichkeitsshalber weg; darum ist 010 zu breit.

sich in Kanten, die im Kopfbild ebenfalls der a-Achse parallel sind. Sie ließen sich darum gleich behandeln wie die vorne gelegenen Endflächen. Öfters empfahl es sich aber, von ihren Schnittkanten mit den Vertikalflächen auszugehen und die zugeordneten Breiten abzutragen.

Die Aufrißzeichnung ergibt sich aus dem Kopfbild mit Leichtigkeit. Es ist nur nötig, eine [001]-Kante in richtiger Länge abzugrenzen. Hierzu wurde im allgemeinen der mittlere Abstand jener Kanten gewählt, in welchen sich einerseits 110 mit 021 und $1\bar{1}1$, anderseits $\bar{1}10$ mit $0\bar{2}1$ und $\bar{1}11$ schneidet. Bei den nach 001 tafeligen Kristallen

wurde der Abstand der von 110 mit 001 und $00\bar{1}$ gebildeten Schnittlinien genommen. Mit der Festlegung dieses einen Kantenpaars sind alle anderen Endbegrenzungen in ihrer Lage vollständig bestimmt. Durch das Umzeichnen, welches etwa im Falle der Fig. 1 das Aussehen des Kristalls beträchtlich zu ändern vermag, entsteht eine zentrosymmetrische Figur, deren Mittelpunkt O im Schnitt aller Geraden liegt, die je zwei gleichwertige Punkte miteinander verbinden.

b) Zentraldistanz der Flächen

Der Mittelpunktsabstand aller Flächen der $[001]$ -Zone kann im Kopfbild direkt gemessen werden. Zur Bestimmung der Endflächenabstände wird am besten von der Hesseschen Normalform der Gleichung einer jeden Kristallfläche ausgegangen. Hierbei werden die Ebenen des Kupfervitriols auf ein rechtwinkliges Achsenkreuz bezogen, dessen Einheitsrichtungen x , y , z so orientiert sind, daß z mit c zusammenfällt, x aber die nach außen gerichtete Normale des vorderen Pinakoides ist; y kommt dann in diese 100 -Ebene zu liegen und soll nach rechts gerichtet sein. Einfache Rechnungen ordnen der Fläche hkl allgemein die Gleichung

$$Ax + By + Cz = (1,86274 h + 0,19443 k + 0,51705 l) x + (1,00963 k - 0,25038 l) y + 1,8005 l z = K$$

zu. Die Konstante K ist für jede Ebene eigens zu bestimmen — am bequemsten durch Einsetzen der Koordinaten eines ihrer Eckpunkte. Dazu wird der Mittelpunkt O des Kopfbildes genau zur Deckung gebracht mit dem Nullpunkt eines auf Millimeterpapier vorgezeichneten rechtwinkligen Achsenkreuzes, das derart zu drehen ist, daß die 100 -Fläche genau der y -Achse parallel geht. Von irgendeinem passenden Eckpunkt jener Fläche, deren Distanz vom Zentrum zu bestimmen ist, lassen sich die x - und y -Koordinate auf dem Millimeterpapier nach Größe und Vorzeichen direkt ablesen. Die z -Koordinate wird in analoger Weise aus der Aufrißzeichnung gefunden, wenn ihr Zentrum wieder mit dem Nullpunkt des auf Millimeterpapier vorgezeichneten rechtwinkligen Koordinatensystems in solcher Lage zusammengebracht wird, daß die $[001]$ -Richtung der z -Achse genau parallel ist. Ist K bestimmt, so berechnet sich die gesuchte Zentraldistanz d nach der bekannten Formel

$$d = K : \sqrt{A^2 + B^2 + C^2}$$

Um für die Kristalle unterschiedlicher Größe vergleichbare Werte zu erhalten, sind die errechneten Zentraldistanzen auf eine passende Einheit zu beziehen. Als solche eignet sich der Radius R jener Kugel, die mit dem Volumen der untersuchten Kristalle inhaltsgleich ist. Er wird nach der Formel

$$4\pi R^3 = 3 \cdot \text{Kristallvolumen}$$

leicht gefunden. Die in Tab. 7a, 8a und 10 zusammengestellten Werte d/R messen also jene Strecke, welche hkl vom Keimpunkt weg durchwandert, während der Kristall zum Einheitsvolumen heranwächst.

Das Kristallvolumen könnte durch die Gewichtsverminderung ermittelt werden, die der Kristall beim Eintauchen in eine Flüssigkeit von bekanntem spez. Gewichte (z. B. Öl) erleidet. Von dieser physikalischen Methode mußte jedoch Abstand genommen werden, weil infolge unvollkommener Benetzung, Eckenbeschädigungen usw. die Fehler zu groß würden und die Kristalle selber für weitere Messungen nicht mehr brauchbar wären. Darum wurde das Volumen aus den gezeichneten Idealbildern rechnerisch ermittelt. Weil die xy-Ebene den idealisierten Kristall genau halbiert, braucht nur die eine Hälfte für die Berechnung berücksichtigt zu werden. Das Kopfbild wurde in Dreiecke aufgeteilt. Jedes ist Grundfläche G eines dreiseitigen, geraden, aber schief abgeschnittenen Prismas, dessen Volumen V sich nach der Formel $3V = G(h_1 + h_2 + h_3)$ unschwer findet. h_1 , h_2 , h_3 können — wie S. 49 für die Bestimmung der z-Koordinate eines Punktes dargetan ist — der Aufrißzeichnung direkt entnommen werden. Da die Fazetten des Kopfbildes zumeist unregelmäßige n-Ecke sind und demgemäß je $n - 2$ Dreiecke liefern, waren zu jedem Kristallbild 20-25 Einzelprismen auszumessen und zu berechnen. Das Gesamtvolume des Kristalls ist natürlich gleich der doppelten Summe aller in vorstehender Art ermittelten Teilvolumina.

Für die 31 unter verschiedensten Bedingungen gewonnenen Kristalle wurden im allgemeinen je 13 Flächenabstände berechnet. Die Ergebnisse sind in Tab. 7a, 8a und 10 übersichtlich zusammengestellt. Da sie dem vergleichenden Habitusstudium des Kupfervitriols als Grundlage dienen (vgl. S. 53 ff.), sollen sie hier nicht weiter besprochen werden. Gleichwohl sei es gestattet, die gute Übereinstimmung der vielen Zahlen hervorzuheben, welche für einen gegebenen Lösungszustand das Wachstum der wichtigsten Flächen charakterisieren. Individuelle

Unterschiede fehlen selbstverständlich nicht : sie erreichen sogar hin und wieder recht ansehnliche Beträge, übersteigen aber im Mittel wohl kaum 20 % der niedrigsten in Betracht fallenden Zentraldistanz. Die Gruppenmittel verbürgen deshalb, trotz beschränkter Individuenzahl, eine gewisse Sicherheit und lassen den durch die Lösungsgenossen bedingten Habituswechsel leicht überblicken. Die Zentraldistanzen fehlender Flächen (z. B. des Basispinakoids an den Kristallisationen aus reiner Lösung) besagen, wie weit sich diese Ebenen dem Keimpunkt nähern dürften, ohne am Kristall Fazetten zu erzeugen. Sie stellen also Minimalwerte dar, erlauben aber, den Einfluß verschiedener Lösungsumstände auf die Wachstumsgeschwindigkeit einer bestimmten Fläche abzuschätzen.

Wegen der Ausbildungsfehler, Verwachsungen usw. gibt es unter den Individuen einer Kristallisationsreihe zumeist nur wenige, welche die Zentraldistanzbestimmung in allen Teilen gestatten. Gerade darum mußte, vom großen Zeitaufwand abgesehen, die Untersuchung auf 31 Individuen eingeschränkt werden. Viel größer ist die Zahl der Kristalle, welche sich zur Ausmessung der [001]-Zone eignen. Da diese Messung ziemlich rasch durchzuführen ist, wurde sie an 32 weiteren Exemplaren vorgenommen. Natürlich konnten die zugehörigen Messungsergebnisse nicht mehr auf den Kugelradius R bezogen werden. Es mußte eine andere Einheit gewählt werden. Aus Analogiegründen lag es nahe, den Radius r jenes Kreises zugrunde zu legen, der mit dem zur c-Achse senkrechten Kristallquerschnitt inhaltsgleich ist. Die so ermittelten Größen sind in Tab. 7b und 8b aufgenommen und durch die Querschnitte der 31 vollständig ausgemessenen Kristalle ergänzt. Natürlich mußte die Dimensionierung der letztern auf r-Einheiten umgerechnet werden¹. Den morphologischen Betrachtungen von S. 53 ff. liegen somit 63 ausgemessene Kristallquerschnitte zugrunde.

c) Größe der Hauptflächen des Kupfervitriols

Es ist praktisch kaum möglich, aus den Flächenlagen und ihren Zentraldistanzen eine genaue Vorstellung von der für den Kristall-

¹ Werden die entsprechenden Zahlen der a- und b-Reihen zweier Individuen miteinander verglichen, so scheinen sie gewisse Unstimmigkeiten aufzuweisen. Es muß aber beachtet werden, daß bei den a-Werten auch die Längserstreckung des Kristalls einbezogen ist, während sie bei den b-Werten natürlich übergegangen und durch die letzte Kolonne der Tab. 7b und 8b ersetzt wurde.

habitus entscheidenden Fazettengröße zu gewinnen. Zwar ist diese Größe eine eindeutige Funktion der vektoriell gedeuteten Zentraldistanzen. In gewissem Umfang gilt sogar die Regel, daß mit wachsender Zentraldistanz die Flächenausdehnung sich vermindert. Dieser Regel widersprechen indessen naheliegende Beispiele. So haben im Falle der Kombination von Würfel und Oktaeder, wo alle Flächen gleiche Zentraldistanz aufweisen, die 100-Quadrate eine etwas geringere Ausdehnung als die 111-Sechsecke. Werden unter gleichen Voraussetzungen Würfel und Rhombendodekaeder kombiniert, so überwiegt die Flächengröße der erstern Form die der zweiten um eine Kleinigkeit. In Wirklichkeit hängt eben, wie bereits angedeutet, die Größe der einzelnen Fläche nicht bloß von ihrer eigenen Zentraldistanz ab, sondern zugleich auch von den Zentraldistanzen und Neigungen aller anstoßenden Flächen. Dadurch wird der funktionelle Zusammenhang zwischen Flächengröße und Zentraldistanz (als Vektor gedacht) zu einer derart komplizierten Beziehung, daß es nicht gelingt, sie auf eine rechnerisch brauchbare Form zu bringen. Die praktische Mineralogie behilft sich darum mit den rein qualitativen Ausdrücken wie vorherrschend, groß, mittelgroß, klein, untergeordnet usw.

Um die für den Cu-Vitriolhabitus unentbehrliche Flächengröße zahlenmäßig zu erfassen, wurde zwischen Endbegrenzung und Umrißgestaltung unterschieden und für die Endflächen der prozentuale Anteil der einzelnen Kristallebenen an der Gesamtgröße des Kopfbildes, für die Vertikalflächen aber der prozentuale Längenanteil am Umrißbild berechnet. Die zugehörigen Zahlen sind in Tab. 7a, 8a und 10, unterhalb der Zentraldistanzen, als %-Werte vermerkt. Von kleinen Auf- oder Abrundungsfehlern abgesehen, erscheint daher bei jedem Kristall, sowohl für die Vertikal- als auch die Endflächen, als Summe der %-Werte die Zahl 100. Nicht ausgebildete Flächen sind mit einem Strich vermerkt, um sie so von den wirklich vorhandenen, aber sehr kleinen Flächen der Größe 0,0... zu unterscheiden. Das Kopfbild zeigt die Endflächen allerdings nicht in ihrer wirklichen Größe, sondern in einer dem cos des Neigungswinkels proportionalen Verkürzung. Da aber im folgenden die mit der Konzentration der Lösungszugabe wechselnde Größe einer bestimmten Endfläche im Vordergrunde steht, reichen die mitgeteilten Zahlen völlig aus.

Eine Sonderstellung nehmen die Flächen der [001]-Zone ein. Neben der Breite, die dem Kopfbild entnommen ist, hat auch die Höhe

morphologische Bedeutung. Hier wurde sie kurzweg durch die Länge der Schnittkante 100 : 110 ausgedrückt. Selbstverständlich ist das nur eine Annäherung, da für die einzelnen $hk0$ -Flächen etwas andere Längen einzusetzen wären. Die Ungenauigkeit macht aber nur wenige Prozente aus. Die letzte Kolonne der Tab. 7b und 8b enthalten diese auf den zutreffenden Einheitsmaßstab r reduzierten Höhen.

5. Der Habitus des Kupfervitriols und seine durch die Lösungsgenossen bedingten Veränderungen

Die Deutung der Tab. 7, 8 und 10, welche die eigentliche Grundlage der Habitusbeschreibung bilden, wurde durch gewissenhafte Durchmusterung aller ausgelesenen Kristalle gesichert.

a) Kristalle aus reiner Lösung

Für die Erstausscheidungen hat nach Tab. 7b das vordere Pinakoid mit einem Mittel von 0,653 Radiuseinheiten die kleinste Wachstums geschwindigkeit. Ihr kommt die von 110 ganz nahe. 1 $\bar{1}$ 0 erreicht mit 1,21 fast den doppelten Wert. 1 $\bar{2}$ 0 und 010 entfernen sich noch rascher vom Keimpunkt. Demgemäß ähnelt der Komplex der vertikalen Formen einem flachen rhombischen Scheinprisma, dessen scharfe Kanten schwach abgerundet sind (Fig. 3, A). Im einzelnen ist dieses Prisma bald nach 100, bald nach 110 etwas tafelig zusammengedrückt, letzteres vor allem dann, wenn 100 durch 1 $\bar{1}$ 0 zurückgedrängt wird. Anders die Zweitausscheidungen, zu denen allerdings keine zusätzlichen Querschnitte ausgemessen wurden. Die durchschnittliche Zentraldistanz von 110 ist kleiner und die von 100 größer geworden, so daß sie sich fast wie 1 : 2 verhalten. Und da sich die Wachstumsgeschwindigkeiten der übrigen Vertikalflächen eher vergrößert haben, erhalten die Kristalle der Zweitausscheidungen aus reiner Lösung einen nach 110 ausgesprochen tafeligen Habitus (Fig. 3, B).

Am Aufrißbild der Erst- und Zweitausscheidungen fällt zunächst der starke Streckungsunterschied in der [001]-Richtung auf. Zwar zeigen beide Typen, vor allem aber die Erstausscheidungen, in der Längsentwicklung ansehnliche Schwankungen. Bei den letzteren liegen sie zwischen 3,142 und 5,640 (Tab. 7b), bei den anderen zwischen 4,901 und 5,921. Die zu 3,826 bzw. 5,436 r -Einheiten berechneten Mittel verraten aber die innewohnende Tendenz mit klarer Deutlichkeit. Wegen

dieser Streckung haben sämtliche Endflächen der Zweitausgeschiedenen durchschnittlich größere Zentraldistanzen als die der Erstbildung (Tab. 7a). Die Änderung ist natürlich unregelmäßig. Doch

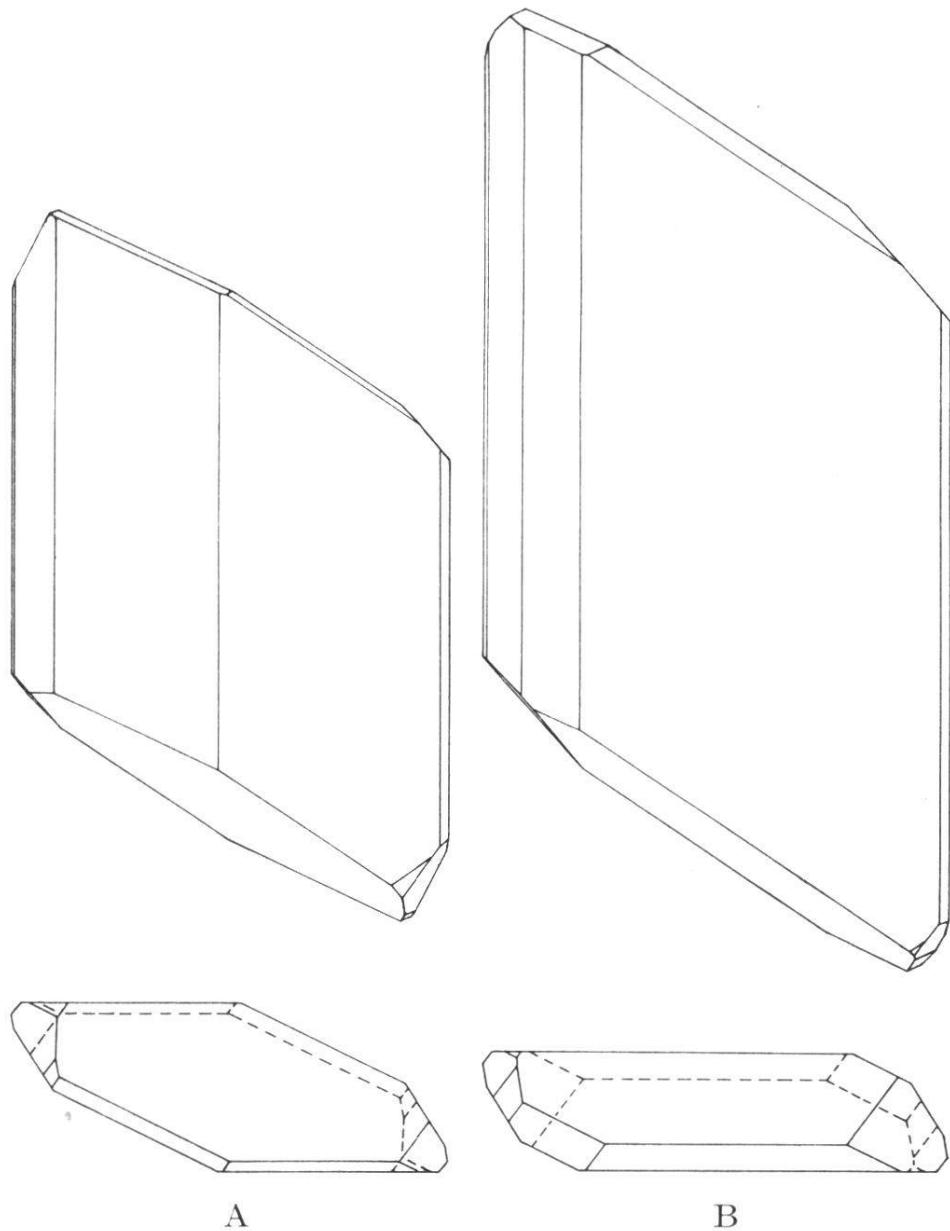


Fig. 3. Typus der Erst- und Zweitausscheidungen aus reiner Lösung. Letzterer (B) ist ersterm (A) gegenüber tafeliger nach 110, gestreckter nach der c-Achse und zeigt 100 weniger dominierend. 010, 110, 100, 110, 120—021, 011, 011, 021—121, 111, 121. Das Fehlen von 001 ist charakteristisch.

hat in beiden Gruppen (die fehlende Basis nicht mitgezählt) 021 die kleinste, 0 $\bar{2}$ 1 die zweitgrößte und 011 die größte reelle Zentraldistanz.

Die Endausbildung, an der c nie beteiligt ist, wird immer von ω beherrscht (83,1 bzw. 60,3 % Kopfbildfläche). An den Zweitausgeschiedenen kann indessen ξ auf Kosten von ω merklich hervortreten. Selbst

Tab. 7a. Zentraldistanz und Größe der Flächen von Kristallen aus reiner Lösung

		Erstausscheidungen				Zweitausscheidungen				Mittel			
		1	2	3	4	Mittel	5	6	7	8	9	10	Mittel
b (010)	d/R %	1,418 0,0	1,271 1,3	1,246 2,5	1,168 3,4	1,276 1,8	1,160 0,8	1,091 1,5	0,964 6,9	1,029 3,9	1,141 1,0	1,106 4,2	1,082 3,0
m (110)	d/R %	0,505 51,4	0,468 42,6	0,427 53,7	0,429 50,9	0,457 49,6	0,301 70,9	0,293 69,6	0,311 63,1	0,289 70,4	0,269 72,0	0,319 66,1	0,297 68,7
a (100)	d/R %	0,582 27,2	0,408 40,7	0,524 26,8	0,505 26,5	0,505 30,3	0,613 9,9	0,566 11,1	0,533 15,8	0,597 .2	0,586 10,3	0,589 13,3	0,581 11,6
μ (110)	d/R %	0,978 15,8	0,841 14,8	0,916 14,8	0,835 17,5	0,892 15,7	0,953 13,2	0,892 14,1	0,733 10,8	0,918 9,7	0,935 14,9	0,936 11,0	0,894 12,3
λ (120)	d/R %	1,292 5,6	1,141 0,7	1,195 2,2	1,120 1,7	1,187 2,6	1,175 5,2	1,114 3,7	1,031 3,4	1,082 6,8	1,181 1,7	1,138 5,5	1,120 4,4
t (021)	d/R %	1,374 1,9	1,230 13,9	1,227 1,7	1,279 1,3	1,277 4,7	1,223 16,3	1,351 10,9	1,299 29,3	1,299 12,7	1,376 12,4	1,361 5,5	1,327 13,0
q (011)	d/R %	1,726 0,2	1,532 6,1	1,583 1,4	1,492 11,7	1,583 4,9	1,781 5,8	1,832 10,9	1,890 7,9	1,837 9,3	2,063 0,8	1,845 10,8	1,875 7,6
c (001)	d/R %	2,363 —	2,146 —	2,185 —	2,075 —	2,192 —	2,416 —	2,447 —	2,511 —	2,487 —	2,715 —	2,530 —	2,518 —
κ (011)	d/R %	2,456 1,9	2,217 0,7	2,223 0,2	2,139 0,0	2,259 0,7	2,480 1,0	2,450 2,0	2,499 0,3	2,506 1,2	2,788 0,1	2,574 0,0	2,549 0,7
τ (021)	d/R %	2,262 2,9	2,028 3,7	2,013 2,4	1,922 5,2	2,056 3,6	2,228 3,0	2,205 1,4	2,203 1,7	2,246 1,4	2,516 0,3	2,293 2,3	2,282 1,6
σ (121)	d/R %	1,877 0,2	1,688 0,7	1,574 2,1	1,806 0,0	1,736 0,7	1,760 0,2	1,754 1,7	1,753 1,2	1,808 0,1	1,989 0,1	1,872 0,0	1,823 0,6
ω (111)	d/R %	1,438 91,4	1,311 73,9	1,264 88,7	1,433 78,5	1,286 83,1	1,512 71,7	1,702 64,2	1,393 62,0	1,757 46,4	1,518 69,6	1,757 47,6	1,570 60,3
ξ (121)	d/R %	1,409 1,7	1,342 0,9	1,252 3,5	1,285 3,3	1,322 2,3	1,416 2,0	1,441 8,9	1,471 6,6	1,285 28,9	1,432 16,9	1,271 33,8	1,386 16,2

Tab. 7b. Zentraldistanz und Breite der $hk0$ -Flächen von Erstausscheidungen aus reiner Lösung

Nr. 1-4 (ohne *) sind aus Tab. 7a entnommen und auf r umgerechnet

	010		110		100		1\bar{1}0		1\bar{2}0		r-Länge der Kante [110/100]
	d/r	%	d/r	%	d/r	%	d/r	%	d/r	%	
1 *	1,810	0,1	0,586	52,3	0,679	33,4	1,339	9,6	1,711	4,7	4,068
2 *	1,875	3,0	0,492	60,2	0,765	29,6	1,577	5,3	1,965	1,9	4,065
3 *	1,625	1,1	0,825	38,3	0,737	21,3	0,853	35,5	1,292	3,8	3,142
4 *	1,708	1,0	0,660	45,6	0,660	33,2	1,170	15,4	1,554	4,7	3,363
5 *	1,859	2,0	0,771	33,7	0,544	47,4	1,158	16,2	1,659	0,7	3,650
6 *	1,836	3,7	0,740	34,2	0,539	50,1	1,233	10,6	1,687	1,4	5,640
7 *	1,737	3,1	0,763	34,4	0,580	43,1	1,100	17,5	1,540	1,9	3,440
8 *	1,665	8,6	0,821	25,6	0,541	52,9	1,144	10,9	1,557	2,1	3,547
1	1,827	0,0	0,651	51,4	0,751	27,2	1,260	15,8	1,665	5,6	3,653
2	1,845	1,3	0,679	42,6	0,593	40,7	1,221	14,9	1,657	0,7	3,965
3	1,718	2,5	0,589	53,7	0,722	26,9	1,262	14,8	1,647	2,2	3,543
4	1,661	3,4	0,610	50,9	0,719	26,5	1,200	17,5	1,593	1,7	3,830
Mittel	1,764	2,5	0,682	43,6	0,653	36,0	1,210	15,3	1,627	2,6	3,826

die t-Fläche, deren Ausbildung für gewöhnlich recht unbedeutend ist, aber trotzdem unter allen endständigen Flächen die kleinste Zentraldistanz hat, schnellt einmal zum zweiten Größenrang empor. Die Größenschwankung von t — und ähnliches gilt auch für q — zeigt sich nicht bloß an verschiedenen Individuen, sondern erfaßt sogar die obere und untere Fläche ein und desselben Kristalls. Noch auffallender ist in dieser Hinsicht ξ . Am oberen Ende von Nr. 9 und 10 ist diese Fläche so ausgedehnt, daß der in Tab. 7a erwähnte Kopfbildanteil von 16,9 %, bzw. 33,8 % ihr fast allein zuzuschreiben ist.

Daß der Habitusunterschied der Erst- und Zweitausscheidungen durch das geringere oder stärkere Absinken des Lösungsspiegels zu erklären sei, könnte vermutet werden. Es bestände dann eine gewisse Ähnlichkeit zum flächenhaften oder linearen Wachstum gewisser Kristalle, die sich unter dem Mikroskop aus einem Tropfen bilden. Umfassende Sonderbeobachtungen scheinen aber zu besagen, daß die Anfangskonzentration den Ausschlag gibt. Ist diese groß, so bilden sich Kristalle vom Typus der Zweitausscheidungen, ist sie aber gering, so entstehen mit Vorliebe jene, welche zur Gruppe der Erstausscheidungen gehören.

b) Kristalle aus Lösungen mit NaCl-Beigabe

Aus Tab. 7b und 8b folgt, daß die vertikalen Flächen der Kristalle aus Lösungen mit geringster NaCl-Konzentration ganz ähnliche Wachstumsverhältnisse aufweisen wie die der Erstausscheidungen aus reiner Lösung. Mit steigender NaCl-Konzentration wächst aber die durchschnittliche Zentraldistanz des vorderen Pinakoides ganz beträchtlich, während die von $1\bar{1}0$ in einem ähnlichen prozentualen Ausmaß abnimmt (Tab. 8b). Da sich 110 verhältnismäßig wenig ändert, wird 100 immer schmäler und verschwindet an Kristall 19 nahezu vollständig. Deshalb gleicht sich der Querschnitt mehr und mehr einem

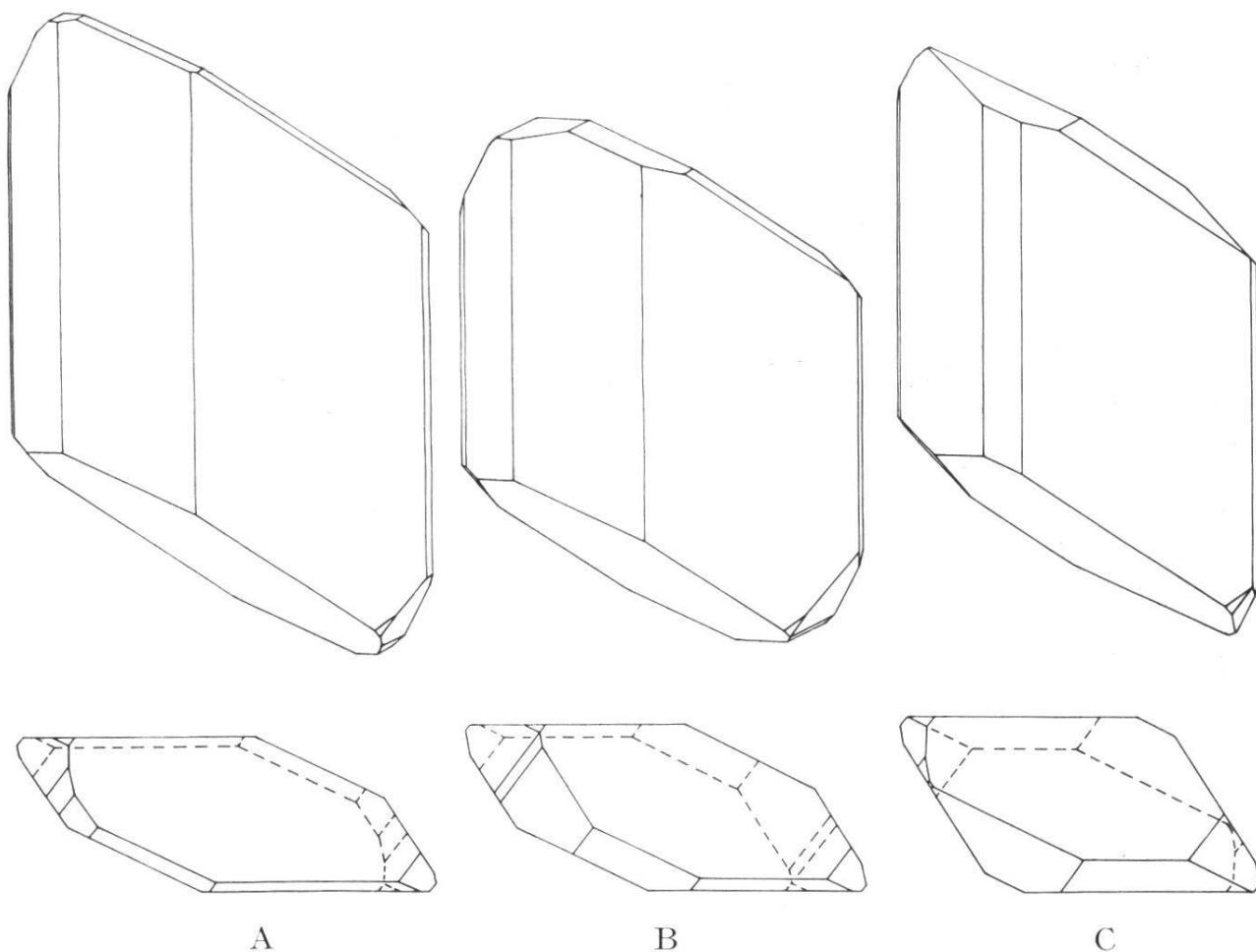


Fig. 4. Typusbilder von Kristallen aus Lösungen mit NaCl-Zusatz (A : 0.5 g ; B : 1 g ; C : 2 g ; vgl. Tab. 8a). Alle drei Aufrisse auf 110 projiziert. Mit zunehmender NaCl-Beigabe wird der [001]-Durchmesser kürzer, und es nähert sich der Querschnitt, durch Zurücktreten von 100 , der rhombischen Gestalt. Die Basis, welche in A bereits beachtlich ist, vergrößert sich in B auf ein Mehrfaches und wird nachher sehr klein. Die Rundung der Zone $[100]$ ist im Aufriß von B sehr deutlich. $010, 110, 100, 1\bar{1}0, 1\bar{2}0 - 021, 011, 001, 0\bar{1}1, 0\bar{2}1 - \bar{1}21, \bar{1}11, \bar{1}\bar{2}1$.

Tab. 8a. Zentraldistanz und Größe der Flächen von Kristallen aus Lösungen mit NaCl-Beigabe

		11	12	13	0,5 g 14	15	Mittel	16	17	1 g	18	19	2 g	Mittel
b (010)	d/R %	1,375 1,6	1,291 1,5	1,170 0,0	1,337 2,6	1,298 0,0	1,294 1,3	1,302 1,5	1,189 3,3	1,245 2,4	1,133 1,9	1,082 1,5	1,107 1,7	
m (110)	d/R %	0,495 44,3	0,402 53,3	0,449 47,5	0,578 53,4	0,425 48,0	0,470 44,7	0,567 43,3	0,643 43,7	0,605 44,0	0,562 47,0	0,338 68,7	0,450 57,8	
a (100)	d/R %	0,467 39,5	0,493 32,8	0,463 26,7	0,591 23,4	0,505 27,7	0,504 29,7	0,576 23,7	0,681 10,0	0,628 16,8	0,619 9,1	0,618 1,7	0,618 5,4	
μ (110)	d/R %	0,952 13,0	0,981 8,2	0,728 24,6	0,827 27,8	0,891 17,7	0,876 19,0	0,800 26,2	0,692 34,0	0,746 30,1	0,648 34,9	0,801 26,3	0,725 30,6	
λ (120)	d/R %	1,285 1,6	1,251 4,3	1,036 1,2	1,185 1,0	1,221 1,2	1,196 2,0	1,124 4,0	0,943 9,4	1,033 6,7	0,913 7,1	1,052 1,9	0,982 4,5	
t (021)	d/R %	1,482 3,0	1,209 4,8	1,320 8,0	1,112 5,0	1,253 0,0	1,215 4,2	1,159 3,8	1,181 2,9	1,170 3,3	1,254 6,7	1,297 2,2	1,276 8,5	
q (011)	d/R %	1,408 1,7	1,522 4,6	1,629 3,9	1,468 4,0	1,537 2,6	1,453 3,3	1,260 8,4	1,266 8,3	1,263 8,3	1,356 17,1	1,713 16,1	1,534 16,6	
c (001)	d/R %	2,097 0,1	2,016 0,5	1,924 6,0	1,731 2,4	2,011 2,4	1,956 2,3	1,598 10,0	1,500 5,5	1,549 7,7	1,679 0,1	2,376 0,0	2,027 0,1	
κ (011)	d/R %	2,277 0,2	2,035 4,7	1,911 5,8	1,937 0,3	2,113 0,0	2,055 2,2	1,827 2,2	1,606 0,0	1,717 1,1	1,893 0,6	2,435 0,9	2,164 0,5	
τ (021)	d/R %	2,457 1,6	1,887 5,7	1,790 5,4	1,858 1,5	1,927 5,6	1,924 3,9	1,758 3,4	1,521 4,9	1,639 4,1	1,746 2,8	2,185 1,4	1,966 2,1	
σ (121)	d/R %	1,785 0,1	1,576 0,2	1,556 0,0	1,621 0,0	1,626 0,1	1,633 0,1	1,542 0,3	1,427 0,1	1,485 0,2	1,110 0,0	1,776 0,4	1,443 0,2	
ω (111)	d/R %	0,812 92,4	0,857 78,5	1,197 66,0	0,967 85,7	1,336 88,9	1,034 82,3	0,828 72,1	0,950 75,6	0,889 73,8	1,190 69,5	1,201 59,8	1,195 64,6	
ξ (121)	d/R %	1,269 1,0	1,368 1,0	1,328 5,0	1,409 1,4	1,336 0,4	1,282 1,7	1,436 2,5	1,077 1,5	1,106 2,0	1,429 7,4	1,384 7,4	1,256 7,4	

Tab. 8b. Zentraldistanz und Breite der $hk0$ -Flächen von Kristallen aus Lösungen mit NaCl-Beigabe

Nr. 11-19 (ohne *) sind aus Tab. 8a entnommen und auf r umgerechnet

	010		110		100		110		120		r-Länge d. Kante [110/100]
	d/r	%	d/r	%	d/r	%	d/r	%	d/r	%	
0.5 g NaCl											
9 *	1,711	0,8	0,637	51,2	0,731	23,0	1,118	23,6	1,555	1,5	4,255
10 *	1,699	0,6	0,624	47,1	0,638	31,5	1,106	19,7	1,539	1,2	3,587
11 *	1,617	0,0	0,531	55,6	0,673	23,8	1,110	19,2	1,511	1,4	3,790
12 *	1,642	2,7	0,673	45,2	0,685	29,5	1,108	19,0	1,488	3,6	3,021
13 *	1,792	0,5	0,621	49,3	0,669	32,2	1,218	16,3	1,663	1,8	4,622
14 *	1,697	0,6	0,624	51,0	0,724	25,8	1,169	17,5	1,551	5,0	3,748
15 *	1,835	1,1	0,583	52,3	0,679	32,7	1,330	13,0	1,766	0,9	4,515
16 *	1,640	4,4	0,855	28,4	0,615	38,1	0,923	27,2	1,368	1,8	2,386
11	1,833	1,6	0,661	44,3	0,622	39,5	1,270	13,0	1,714	1,6	3,175
12	1,809	1,5	0,563	53,3	0,690	32,8	1,375	8,2	1,753	4,3	3,724
13	1,750	0,0	0,672	47,5	0,692	26,7	1,089	24,6	1,550	1,2	4,522
14	1,642	2,6	0,709	45,1	0,726	23,4	1,016	27,8	1,455	1,0	2,396
15	1,812	0,0	0,592	53,4	0,705	27,7	1,243	17,7	1,704	1,2	3,638
Mittel	1,729	1,3	0,642	48,0	0,681	29,7	1,160	19,0	1,586	2,0	3,645
1 g NaCl											
17 *	1,690	0,6	0,617	52,0	0,722	26,0	1,187	15,1	1,544	6,3	3,563
18 *	1,743	1,6	0,676	43,2	0,631	36,5	1,164	15,0	1,581	3,7	3,236
19 *	1,820	0,4	0,603	50,5	0,668	33,8	1,305	10,6	1,708	4,7	3,806
20 *	1,673	1,6	0,616	53,0	0,750	21,2	1,142	21,4	1,541	2,8	3,284
21 *	1,766	1,1	0,713	38,2	0,582	43,7	1,186	9,5	1,537	7,5	3,198
22 *	1,704	3,7	0,695	39,8	0,614	40,0	1,166	12,8	1,563	3,8	2,997
23 *	1,717	2,0	0,690	41,9	0,632	36,8	1,147	14,9	1,538	4,6	3,557
24 *	1,610	2,0	0,751	41,3	0,719	24,0	0,943	28,4	1,334	4,4	2,103
16	1,650	1,5	0,719	44,7	0,730	23,7	1,013	26,2	1,425	4,0	2,692
17	1,487	3,4	0,804	43,3	0,851	10,0	0,866	34,0	1,179	9,4	2,451
Mittel	1,686	1,8	0,688	44,8	0,690	29,6	1,112	18,8	1,495	5,1	3,089
2 g NaCl											
25 *	1,433	5,6	0,748	49,8	0,912	3,0	0,918	34,8	1,235	6,9	2,827
26 *	1,557	1,8	0,771	45,3	0,818	12,2	0,885	34,4	1,264	6,2	2,851
27 *	1,548	3,2	0,675	54,0	0,861	7,8	1,006	32,4	1,394	2,5	2,788
28 *	1,550	1,6	0,665	52,9	0,824	12,7	1,035	25,4	1,358	7,4	3,143
29 *	1,592	1,8	0,720	52,1	0,862	6,6	0,933	37,2	1,365	2,3	2,293
30 *	1,599	1,0	0,769	47,0	0,830	10,5	0,884	37,7	1,304	3,8	3,085
31 *	1,595	1,2	0,773	44,7	0,800	13,8	0,883	36,4	1,296	3,8	3,094
32 *	1,570	0,6	0,796	43,4	0,808	13,2	0,861	35,4	1,234	7,4	2,585
18	1,533	1,9	0,767	47,0	0,845	9,1	0,884	34,9	1,246	7,1	3,274
19	1,691	1,5	0,529	68,7	0,966	1,7	1,252	26,3	1,645	1,9	(5,093)
Mittel	1,567	2,0	0,721	50,5	0,853	9,1	0,954	33,5	1,334	4,9	2,882

von 110 und $1\bar{1}0$ gebildeten Rhombus an, dessen Diagonalen ausgeglichen sind als im Falle der Erstausscheidungen. Wegen dieser relativen Verkürzung der $[010]$ -Richtung führt die ebenfalls rück-schreitende Wachstumsgeschwindigkeit der Formen $1\bar{2}0$ und 010 zu keiner namhaften Vergrößerung ihres Anteiles am Querschnittsumfang; sie bewirkt nur eine Rundung der seitlichen Ecken. Neu ist, daß mit dem Schmälerwerden von 100 auch die vordere und hintere Ecke des Querschnittes sich zu runden beginnen (Fig. 4, C).

Im Vergleich zu den Erstausscheidungen aus reiner Lösung zeigen die Wachstumsgeschwindigkeiten aller Endflächen eine wesentliche Verkleinerung (Tab. 8a). Die Kristall-Länge unterliegt aber, wie aus Tab. 8b hervorgeht, großen Schwankungen und erreicht am Kristall 19, der zu Tafeligkeit nach 110 neigt, einen Wert, der am gesamten Material nur wenige Male überschritten wurde. Zum Mittel von 2,882 Einheiten wurde dieser extreme Fall nicht einbezogen. Es zeigt sich dadurch auch zahlenmäßig, daß mit zunehmender NaCl-Beigabe eine durchgreifende Längenabnahme erfolgt. Mikroskopische Beobachtungen, die in Tab. 8a nicht vermerkt wurden, beweisen, daß die Wachstumsgeschwindigkeit von $\bar{1}11$ und damit auch die Längserstreckung der Kristalle bei stärkeren NaCl-Zugaben weiter zurückgeht. An Kristallen aus Lösungen mit 8 und mehr g NaCl sinkt sie etwa auf die Hälfte des für Erstausscheidungen aus reiner Lösung gefundenen Wertes herab. Bei 36 Individuen aus den größten NaCl-Konzentrationen ist die Verkürzung schon so weit fortgeschritten, daß in 9 Fällen eine der Endformen als Aufliegefläche festzustellen war: 021 viermal, $\bar{1}21$ dreimal und $\bar{1}11$ zweimal. Die jeweils aufliegende Fläche ist hierbei so stark entwickelt, daß sie die anderen Endformen bis auf kleine Reste, wenn nicht ganz, verdrängt.

Neben der ω -Fläche, die im allgemeinen den wesentlichsten Anteil des Kopfbildes ausmacht, verdient die Basis einläßliche Beachtung. Sie gehört zwar zu den untergeordneten Begrenzungsstücken der Nr. 11-19, erscheint aber mit einer fast hundertprozentigen Persistenz und bildet so ein charakteristisches Merkmal der aus NaCl-haltigen Lösungen gezüchteten Kristalle. An den Kristallen aus reiner Lösung fehlt sie, weil sie im Bereich der Richtungen größter Wachstums geschwindigkeit gelegen ist; statt einer Fläche kann sich höchstens eine Kante bilden. Durch die NaCl-Beigabe wird aber dieses Wachstum zurückgedrängt und zwar für 001 stärker als für 011 und $0\bar{1}1$,

sodaß die Basis die sie bis anhin vertretende Kante abzustumpfen vermag. Das ergibt sich überzeugend aus der prozentualen Verminderung, welche die im Spiele stehenden Wachstumsgeschwindigkeiten gegenüber den bei Erstausscheidung aus reiner Lösung herrschenden im Mittel erfahren (Tab. 9).

Tab. 9. Im Vergleich zu den Wachstumsverhältnissen der Erstausscheidungen bewirken NaCl-Zusätze eine selektive Verminderung der Zentraldistanzen von $0\bar{1}1$, 001 und 011

	$0\bar{1}1$	001	011
0.5 g NaCl	9,0 %	10,8 %	8,2 %
1.0 g NaCl	23,9 %	29,3 %	20,2 %
2.0 g NaCl	4,2 %	7,5 %	3,1 %

Das Auftreten der Basis bewirkt im Aufrißbild des Kupfervitriols eine starke Abrundung gegenüber der sonst an ihrer Stelle zu einer Spitze auslaufenden Umrißlinie der Kristallisationen aus reiner Lösung (Fig. 4). Mikroskopische Beobachtungen, die ein weit größeres Material umfassen als in Tab. 8 verarbeitet werden konnte, beweisen, daß die Flächen der [100]-Zone sich mit steigender NaCl-Konzentration ganz unterschiedlich vergrößern. Für 011 ist die Zunahme regelmäßig. 021 reagiert ähnlich, doch viel langsamer, sodaß die Ausdehnungszunahme erst bei Konzentrationen von 4 g und 8 g NaCl deutlich zu Tage tritt. Die Formen $0\bar{2}1$ und $0\bar{1}1$ sind bei Zugabe von 0.5 g und 1 g NaCl am größten; bei höheren Zusätzen verkleinern sie sich wieder. Vereinzelte Individuen nähern sich durch starke Entwicklung von $0\bar{2}1$ dem Habitus der Grothschen Fig. 669. 001 erreicht das Maximum offensichtlich für den NaCl-Zusatz von 1 g.

c) Kristalle aus Lösungen mit KNO_3 -Beigabe

Hinsichtlich Querschnitt und Längserstreckung nimmt Nr. 20 eine Sonderstellung ein gegenüber der Gruppe 22-31 (Tab. 10); Nr. 21 kann als Bindeglied beider Typen betrachtet werden. Es wäre ein leichtes gewesen, den lückenlosen Übergang beider anschaulich darzustellen und durch zahlreiche Kristalle zu belegen. Der Zeitaufwand hätte sich aber kaum gelohnt. Nr. 20 entspricht nach Tafeligkeit und Länge (Fig. 5, A) den Zweitkristallisierten aus reiner Lösung. Beweis dafür ist — von einigen Endflächen abgesehen — die weitgehende Über-

einstimmung der Mittelwerte von Tab. 7a und 10. Das Individuum 21 (Fig. 5, B), dessen Mutterlauge etwas mehr KNO_3 enthielt als im vorangehenden Fall, zeigt — die dominierende Basis und die von ihr nach $0\bar{1}0$ hinleitenden Flächen ausgenommen — große Ähnlichkeit mit dem Durchschnitt der aus Lösungen mit 2 g NaCl gewonnenen Kristalle. An den Individuen 22-31, die etwas völlig Neues darstellen,

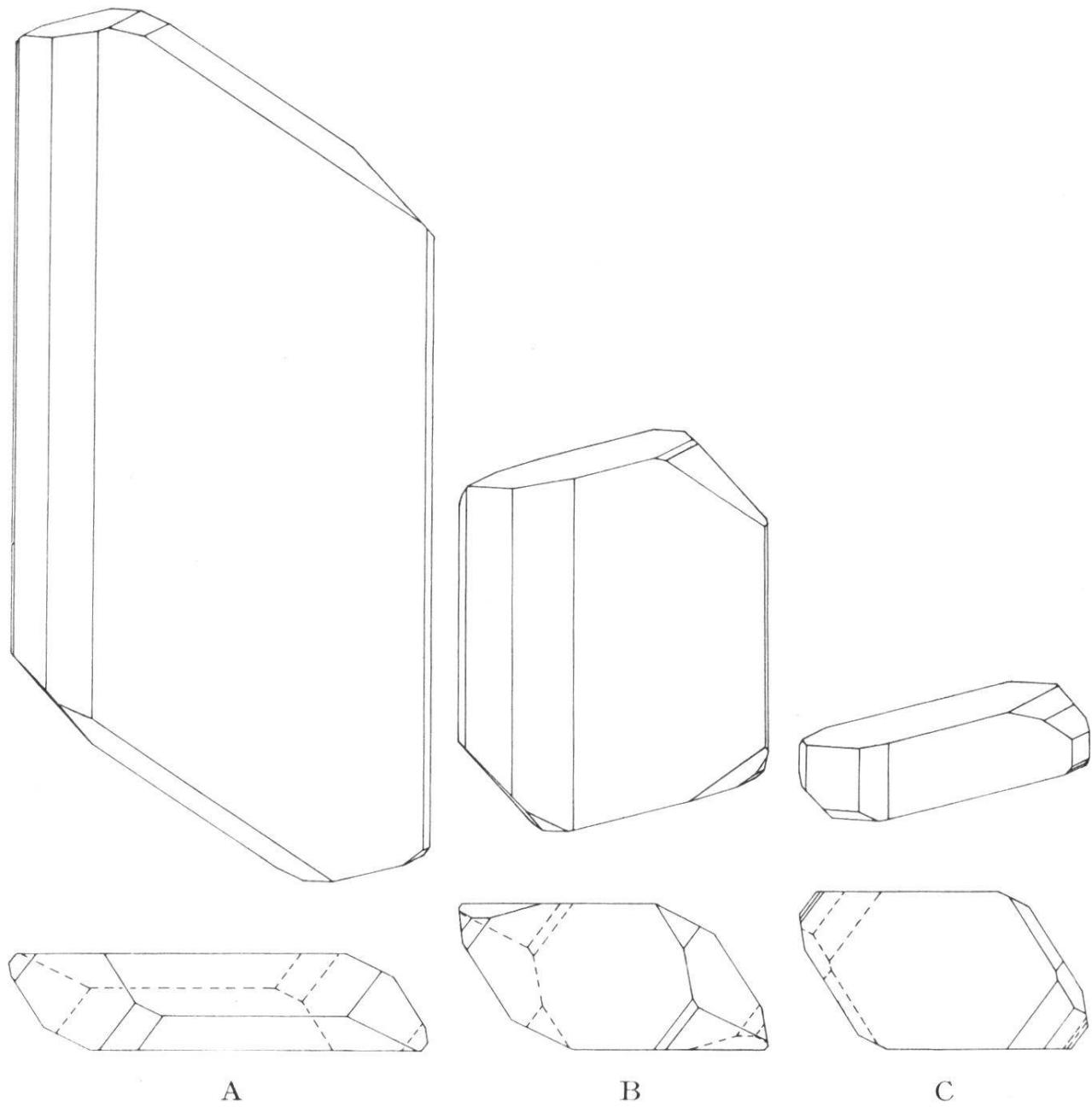


Fig. 5. Mit zunehmendem KNO_3 -Gehalt der Lösung (A : 0,5 g ; B : 0,6-0,7 g ; C : 1,5-3,2 g ; Tab. 10) zeigen die ausgeschiedenen Kristalle auffallende Vergrößerung der Basis, starke Verkürzung nach der c-Achsenrichtung, Verschmälerung von 100 und Angleichung des Querschnittes an einen Rhombus, dessen scharfe Ecken abgestumpft sind. $010, 110, 100, 1\bar{1}0, 1\bar{2}0-021, 011, 001, 01\bar{1}, 0\bar{2}1$ (fehlt an A) — $\bar{1}21, \bar{1}11, \bar{1}\bar{2}1$ (nur an B).

Tab. 10. Zentraleldistanz und Größe der Flächen von Kristallen aus Lösungen mit KNO_3 -Beigabe

		0.5 g	0.6-0.7 g	1.5-1.7 g	24	25	26	27	28	29	30	31	3 g	Mittel
		20	21	22	23									22-31
b (010)	d/R %	1,018 2,1	1,457 1,0	1,740 1,3	1,717 6,4	1,759 0,0	1,983 6,0	1,332 20,4	1,992 6,0	2,177 3,2	1,986 2,7	1,994 4,2	1,012 30,4	1,669 8,1
m (110)	d/R %	0,236 71,0	0,510 50,2	0,599 67,2	0,827 55,9	0,864 56,3	1,430 38,5	0,954 42,1	1,022 42,5	1,141 41,4	0,974 46,5	0,995 47,0	0,869 43,5	0,938 48,1
a (100)	d/R %	0,540 10,9	0,592 15,7	1,040 3,2	1,451 0,7	1,168 1,4	1,416 16,1	1,474 3,8	1,082 19,5	1,118 12,9	1,085 12,6	1,111 8,1	1,191 0,0	1,124 7,8
μ (110)	d/R %	0,873 13,0	0,758 23,0	1,364 18,0	1,241 29,3	1,250 18,0	1,206 30,6	1,479 24,0	1,352 22,8	1,174 40,1	1,225 29,9	1,459 39,7	1,266 11,5	1,242 26,4
λ (120)	d/R %	1,081 3,1	0,982 10,1	1,643 10,3	1,574 7,6	1,378 24,2	1,621 8,8	1,363 9,7	1,731 9,3	1,774 2,4	1,651 8,1	1,706 1,0	1,242 14,6	1,568 9,6
t (021)	d/R %	1,455 21,8	1,276 6,9	1,441 0,8	1,240 2,3	1,088 6,4	1,411 0,8	1,100 5,2	1,514 0,9	1,646 0,4	1,405 1,5	1,582 0,3	0,956 10,2	1,338 2,9
q (011)	d/R %	1,968 4,9	1,354 1,6	1,098 3,5	0,888 6,7	0,853 6,0	0,911 7,7	0,895 1,9	1,047 3,2	1,114 3,7	0,952 7,9	1,082 4,0	0,875 0,2	0,972 4,5
c (001)	d/R %	2,361 21,7	1,495 71,4	0,550 84,9	0,463 83,5	0,496 79,8	0,357 87,0	0,465 85,9	0,342 92,8	0,336 91,0	0,376 86,9	0,385 90,3	0,570 84,9	0,434 86,7
κ (011)	d/R %	1,935 0,1	1,447 1,2	1,245 —	1,454 —	1,224 —	1,245 —	0,967 —	1,199 0,0	1,220 0,8	1,148 1,1	1,204 0,4	0,920 —	1,150 0,2
τ (021)	d/R %	2,255 0,0	1,479 0,3	1,235 0,2	1,549 0,6	1,552 0,1	1,643 0,2	1,216 0,6	1,622 0,0	1,708 0,0	1,585 0,0	1,629 0,0	1,042 1,8	1,501 0,3
σ (121)	d/R %	1,810 0,0	2,1	—	1,314 —	—	1,392 —	1,556 —	1,479 —	1,580 —	1,411 —	1,460 —	1,200 —	1,388 —
ω (111)	d/R %	1,396 41,6	1,045 2,2	0,887 9,8	0,608 2,2	0,400 0,9	0,483 0,3	0,602 4,5	0,657 0,6	0,987 3,9	0,665 1,7	0,944 4,9	0,658 2,6	0,691 3,2
ξ (121)	d/R %	1,604 9,1	1,307 14,4	1,631 0,8	1,396 4,7	1,262 6,8	1,382 4,3	1,358 1,9	1,606 2,5	1,680 0,1	1,541 1,0	1,658 0,0	1,465 0,2	1,498 2,2
φ (101)	d/R %	—	—	—	—	—	—	—	—	—	1,204 0,1	—	1,344 0,1	—

macht sich die Angleichung an das NaCl-Verhalten der [001]-Zone immer noch bemerkbar (Fig. 5, C) : gedrungener Querschnitt, ansehnliche Breite von 110, Verschmälerung des vorderen Pinakoids und Dehnung der μ -Fläche (gelegentlich beeinträchtigt durch λ und b). Alle diese Merkmale beweisen, daß die KNO_3 -Wirksamkeit derjenigen von NaCl weithin parallel geht, jedoch viel kräftiger einsetzt, um sich dann aber rasch zu erschöpfen, sodaß eine Erhöhung der Konzentration über 1.5 g hinaus den Kristallhabitus nicht mehr sonderlich zu verändern vermag. Es variieren daher die Zahlen der Nr. 22-31 ziemlich regellos¹ und durften wohl ohne Bedenken zu einem eigenen Mittel verrechnet werden.

An der Endbegrenzung² hat die Basisfläche wesentlichsten Anteil. Schon Nr. 20 verzeigt 21,7 % des Kopfbildes, eine Größe, die von den Kristallen mit NaCl als Lösungsgenossen auch in den günstigsten Fällen nicht erreicht wird. Beim nachfolgenden Individuum, das bei einer Konzentration von ca. 0.6-0.7 g KNO_3 auskristallisierte, schnellt sie plötzlich auf 71,3 % empor und bleibt bei allen höheren KNO_3 -Konzentrationen zwischen 80 und 93 %. Die Basis wird also zur schlecht-hin herrschenden Endfläche, im Durchschnitt sogar noch ausgesprochener als $\bar{1}11$ bei den Erstausscheidungen aus reiner Lösung. Nebst 110 wird sie sogar zur häufigsten Aufliegefläche. Durch ihre Größe vermag sie den Vitriolkristallen ein ganz fremdartiges Aussehen zu geben, indem die obere Begrenzungslinie nunmehr von $0\bar{1}0$ nach 010 hin ansteigt, während sie im gleichen Bewegungssinn an den Kristallen aus reiner Lösung wie auch an solchen, die NaCl als Lösungsgenossen hatten, deutlich abfällt. Daß neben der ungewöhnlichen Ausdehnung der Basis die übrigen Endflächen klein sein müssen, versteht sich ohne weiteres. Über das gelegentliche Größerwerden der einen oder andern

¹ Die besonders an Nr. 22 in Erscheinung tretende Tafeligkeit nach 110, die an Verbreiterung nach $[1\bar{1}0]$ gebunden ist, erklärt sich wohl dadurch, daß der Kristall während des Wachstums auf dieser Fläche lag. Das Aussehen verändert sich, sobald 001 Aufliegefläche wird. Diese Tatsache konnte bei der mikroskopischen Durchmusterung des Materials mehrmals festgestellt werden.

² An keinen Kristallen, die aus Lösungen mit KNO_3 -Beigabe gewonnen wurden, kamen die Flächen der [001]-Zone für sich allein zur Ausmessung. Es erübrigte sich daher eine Wertzusammenstellung nach Art der Tab. 7b und 8b. Aus dem gleichen Grund waren schon in Tab. 7b die Zweitausscheidungen übergangen worden.

gibt Tab. 10 den nötigen Aufschluß. Die seltene, nur an Nr. 28 und 30 beobachtete φ -Fläche sei noch eigens erwähnt. Auch muß bemerkt werden, daß der merkwürdige, ganz ungewohnt keilförmige Habitus der Nr. 31 (Fig. 1) nicht einen einmaligen Fall darstellt, sondern in den Kristallisationen aus entsprechenden Lösungen mit KNO_3 wohl mit zwei Dutzend Individuen beobachtet wurde.

Tab. 11 gibt eine knappe Charakteristik der den verschiedenen Bildungsbedingungen entstammenden Kupfervitriolkristalle.

Tab. 11. Charakteristik der unter verschiedenen Lösungsbedingungen gewachsenen Cu-Vitriolkristalle

	Erstausscheidung	Zweitausscheidung	NaCl-Zusatz	KNO_3 -Zusatz
Habitus	Längere und kürzere Individuen. Durch angenähert gleiche Ausbildung von a und m flach-prismatisch, aber seitlich abgerundet. Oft Neigung zu Tafeligkeit nach a oder m.	Gestreckt nach der c-Achse und tafelig nach m.	An den immer kürzer werdenden Kristallen wächst μ auf Kosten von a und erzeugt mit m eine prismatische Gestalt, deren seitliche Kanten wieder gerundet sind.	Kristalle meistens nach c dicktafelig. An der [001]-Begrenzung hat m etwa doppelt so großen Anteil wie μ .
001	fehlt	fehlt	Regelmäßig vorhanden, aber nie groß.	Im allgemeinen Hauptfläche, nach der die Kristalle dicktafelig sind.
$\bar{1}11$	Hauptendfläche	Wichtige Endfläche, aber durch t, q oder ξ zurückgedrängt.	Wichtigste Endfläche, neben der nur noch t beachtliche Ausdehnung haben kann.	Gewöhnlich ganz unbedeutend, da 001 dominiert.