

Objektyp: **ReferenceList**

Zeitschrift: **L'Enseignement Mathématique**

Band (Jahr): **38 (1992)**

Heft 3-4: **L'ENSEIGNEMENT MATHÉMATIQUE**

PDF erstellt am: **23.09.2024**

Nutzungsbedingungen

Die ETH-Bibliothek ist Anbieterin der digitalisierten Zeitschriften. Sie besitzt keine Urheberrechte an den Inhalten der Zeitschriften. Die Rechte liegen in der Regel bei den Herausgebern. Die auf der Plattform e-periodica veröffentlichten Dokumente stehen für nicht-kommerzielle Zwecke in Lehre und Forschung sowie für die private Nutzung frei zur Verfügung. Einzelne Dateien oder Ausdrucke aus diesem Angebot können zusammen mit diesen Nutzungsbedingungen und den korrekten Herkunftsbezeichnungen weitergegeben werden. Das Veröffentlichen von Bildern in Print- und Online-Publikationen ist nur mit vorheriger Genehmigung der Rechteinhaber erlaubt. Die systematische Speicherung von Teilen des elektronischen Angebots auf anderen Servern bedarf ebenfalls des schriftlichen Einverständnisses der Rechteinhaber.

Haftungsausschluss

Alle Angaben erfolgen ohne Gewähr für Vollständigkeit oder Richtigkeit. Es wird keine Haftung übernommen für Schäden durch die Verwendung von Informationen aus diesem Online-Angebot oder durch das Fehlen von Informationen. Dies gilt auch für Inhalte Dritter, die über dieses Angebot zugänglich sind.

5.2. SATZ. Sei $\rho: E_{\text{Rand}} \mapsto \mathbf{R}_+$ ein Randwinkelsystem und sei $\overset{\circ}{W}_{\text{Koh}}^{\rho}$ nicht leer. Dann gibt es genau eine immensierte Kreispackung $\eta \in W_{\text{Koh}}^{\rho}$. Das Polyeder P_{η} ist in \mathbf{E} eingebettet, wenn $\rho(e) \leq \pi, \forall e \in E_{\text{Rand}}$.

Beweis. Der Raum W_{Koh}^{ρ} ist eine kompakte, konvexe Teilmenge von W . Für $\psi \in \overset{\circ}{W}_{\text{Koh}}^{\rho}$ ist sein Tangentialraum $T_{\psi} W_{\text{Koh}}^{\rho}$ unabhängig von ψ . Es gilt:

$$(8) \quad T_{\psi} W_{\text{Koh}}^{\rho} = \left\{ v \in \mathbf{R}^S \left| \begin{array}{l} \sum_{s \in S} (d, s)v(s) = 0, \quad \forall d \in \Delta \\ \text{und} \\ \sum_{s \in S} (e, s)v(s) = 0, \quad \forall e \in E \end{array} \right. \right\}$$

Nach Lemma 2.3. hat W_{Koh}^{ρ} die Dimension $1 + 2 \# \Delta - \# E = \# K_{\text{In}}$, wobei die letzte Gleichheit wieder mit Induktion über die Anzahl Dreiecke folgt.

Für jede innere Kante k ist der Vektor t_k Tangentialvektor von W_{Koh}^{ρ} . Nach Lemma 2.5. spannen diese den Tangentialraum $T_{\psi} W_{\text{Koh}}^{\rho}$ auf.

Sei L_{Koh}^{ρ} die Einschränkung von L auf W_{Koh}^{ρ} . Dann hat wegen Lemma 3.4. die konkave Funktion L_{Koh}^{ρ} genau einen kritischen Punkt η . Da $(DL_{\text{Koh}}^{\rho})_{\eta}(t_k) = 0, \forall k \in K_{\text{In}}$, ist η wegen Lemma 4.3. eine immensierte Kreispackung. \square

LITERATUR

- [An] ANDREEV, E.M. On convex polyhedra in Lobacevskii spaces. *Mat. USSR Sbornik* 10 (1970), 413-440.
- [Cv1] COLIN DE VERDIÈRE, Yves. Un principe variationnel pour les empilements de cercles. *Inventiones math.* 104 (1991), 655-669.
- [Cv2] ——— Comment rendre géodésique une triangulation d'une surface. *Enseignement Math.* 37 (1991), 201-212.
- [Fa] FARY, I. On straight line representation of planar graphs. *Scientiarium Mathematicarum (Acta Universitatis Szegedensis)* 11 (1946-1948), 229-233.
- [Mi] MILNOR, J.W. Hyperbolic geometry: the first 150 years. *Bull. A.M.S.* 6 (1982), 9-24.
- [Tu] THURSTON, William P. *The Geometry and Topology of Three-Manifolds*. Princeton Notes (1978), chap. 13.

(Reçu le 18 mars 1991)

Walter Brägger

Mathematisches Institut
Rheinsprung 21
CH-4051 Basel

vide-leer-empty