En résumé, il vient:

si $0 < \beta < 1$, α est arbitraire, on a $f \in H(\beta, -\alpha)$,
et si $\gamma < -\alpha$ on a $f \in H_Z^{\infty}(\beta, \gamma)$,
si $\beta = 0$, $\alpha > 1$ on a $f \in H(0, 1-\alpha)$
et lorsque $\gamma < -\alpha$, on a $f \in H_Z^{\infty}(0, \gamma)$,
si enfin $\beta = 1$, $\alpha \leqslant 1$, on a $f \in H(1, 1-\alpha)$,
et lorsque $0 < \gamma < 1-\alpha$, on a $f \in H_Z^{\infty}(1, \gamma)$.

Ainsi la fonction de l'exemple de M. G. de Rahm ($\beta = 1$, $\alpha = 0$) est de la classe $H(1, 1)$, sans appartenir à aucune des classes $H(1, \gamma)$ ($\gamma < 1$), car pour $\gamma < 1$ elle est de la classe $H_Z^{\infty}(1, \gamma)$. De même la fonction dont les coefficients sont définis par (3) ($\beta = 0$, $\alpha = 2$) appartient simultanément à la classe $H(0, -1)$ et à $H_Z^{\infty}(0, \gamma)$ avec $\gamma < -2$. Elle n'appartient donc à aucune des classes $H(0, \gamma)$ avec $\gamma < -2$. La méthode donne en deuxième cas ($\beta = 0$, $\alpha > 1$) la localisation de la fonction $f(x)$ non complète.

BIBLIOGRAPHIE

1. L. de Vito, Su un esempio di funzione continua senza derivata. *Enseignement mathématique*, IV (1958), pp. 281-283.
2. G. de Rahm, Sur un exemple de fonction continue sans dérivée. *Enseignement mathématique*, III (1957), pp. 71-72.
3. J.-P. Kahane, Sur l'exemple, donné par M. de Rahm, d'une fonction continue sans dérivée. *Enseignement mathématique*, V (1960), pp. 53-57.
4. E. Tarnawski, Continuous functions in the logarithmic-power classification according to Hölder's conditions. *Fundamenta Mathematicae*, XLII (1955), pp. 11-37.